# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

## «КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» Факультет компьютерных технологий и прикладной математики

«28» мая 2021 г.

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б1.О.04 «Математический анализ»

Направление подготовки/специальность 02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем

Направленность (профиль) / специализация: "Технология программирования"

Форма обучения: очная

О пил

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Краснодар 2021

Рабочая программа дисциплины Б1.О.04 «Математический анализ» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем

tulliony pol

Athur A

Программу составил(а):

Кандидат физико-математических наук,

доцент кафедры прикладной математики

А.А. Александров

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» утверждена на заседании кафедры прикладной математики протокол №10 от 20.05.2021 г.

Заведующий кафедрой (разработчика) д.ф.-м.н., профессор М.Х. Уртенов

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» обсуждена на заседании кафедры информационных технологий протокол № 15 от 20.05.2021г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) к.ф.-м.н. В.В. Подколзин

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики протокол № 1 от 21.05.2021г.

Председатель УМК факультета Коваленко А.В.

Рецензенты:

Шапошникова Татьяна Леонидовна.

Доктор педагогических наук, кандидат физико-математических наук, профессор. Почетный работник высшего профессионального образования РФ. Директор института фундаментальных наук (ИФН) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

Марков Виталий Николаевич.

Доктор технических наук. Профессор кафедры информационных систем и программирования института компьютерных систем и информационной безопасности (ИКСиИБ) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

#### 1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля)

#### 1.1 Цель освоения дисциплины

**Цели** изучения дисциплины определены государственным образовательным стандартом высшего профессионального образования и соотнесены с общими целями ООП ВО по направлению подготовки «Математическое обеспечение и администрирование информационных систем», в рамках которой преподается дисциплина.

Математический анализ — общеобразовательная математическая дисциплина, объектом изучения которой являются бесконечно большие и бесконечно малые величины, функции, производные и интегралы функций. Язык математического анализа и его методы используют для описания законов природы, разнообразных процессов в технике, экономике и обществе. Владение основами анализа функций действительных переменных необходимо для освоения методов оптимизации, исследования и решения дифференциальных уравнений и других математических дисциплин.

#### 1.2 Задачи дисциплины

#### Задачи:

- освоение методов исследования локальных свойств функций;
- применение методов дифференциального и интегрального исчислений при моделировании экономических процессов и систем;
- применение научных знаний анализа функций действительных переменных для моделирования и исследования динамических процессов;
- разработка методов и алгоритмов решения оптимизационных задач;
- способность изучать современную научно-техническую литературу.

#### 1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Математический анализ» относится к обязательной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана.

Дисциплина «Математический анализ» тесно связана с другими: алгебра и геометрия, дифференциальные уравнения, теория вероятностей и математическая статистика, теория систем и системный анализ, физика, численные методы, концепции современного естествознания, уравнения математической физики.

В совокупности изучение этой дисциплины готовит обучаемых к различным видам практической, научно-теоретической и исследовательской деятельности.

## 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

Знать ИОПК-1.1 (С/16.6 Зн.14) Современный отечественный и зарубежный опыт, фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности ИОПК-1.2 (А/01.5 Зн.2) Методы анализа и обобщения отечественного и международного опыта в в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности ИОПК-1.3 (А/01.5 Др.1 Зн.) Деятельность, направленная на решение задач аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

Уметь ИОПК-1.4 (D/03.6 У.1) Использовать существующие типовые решения и шаблоны проектирования программного обеспечения, применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

## ПК-1 Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, программирования и информационных технологий

**Знать** ИПК-1.1 (D/03.6 Зн.2) Типовые решения, математические модели,

ИПК-1.8 (A/01.5 Зн.2) Методы анализа и обобщения отечественного и международного опыта в области знания математических и естественных наук

ИПК-1.9 (A/01.5 Зн.3) Методы и средства планирования и организации исследований и разработок в области знания математических и естественных наук

ИПК-1.10 (A/01.5 Др.1 Зн.) Деятельность, направленная на решение задач аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач в области знания математических и естественных наук

Уметь ИПК-1.13 (A/27.6 У.1) Анализировать поставленную задачу ИПК-1.14 (A/01.5 У.3) Применять методы анализа научно-технической информации с использованием базовых знаний математических и естественных наук

**Владеть** ИПК-1.15 (D/03.6 Тд.2) Проектирование структур данных, построение математических моделей

ИПК-1.16 (A/01.5 Тд.3) Сбор, обработка, анализ и обобщение результатов экспериментов и исследований в области знаний математических и естественных наук

Результаты обучения по дисциплине достигаются в рамках осуществления всех видов контактной и самостоятельной работы обучающихся в соответствии с утвержденным учебным планом.

Индикаторы достижения компетенций считаются сформированными при достижении соответствующих им результатов обучения.

#### 2. Структура и содержание дисциплины

#### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 17 зач. ед. (612 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице

(для студентов ОФО)

Вид учебной работы	Всего	Семестры			
	Часов		(ча	сы)	
		1	2	3	
Контактная работа, в том числе:					
Аудиторные занятия (всего):					
Занятия лекционного типа	102	34	34	34	
Лабораторные занятия	204	68	68	68	
Занятия семинарского типа (семинары,	-	-	-	-	

практические занятия)						
Иная контактная работа:						
Контроль самостоятельной	й работы (КСР)	14	2	4	8	
Промежуточная аттестаци	я (ИКР)	1,5	0,5	0,5	0,5	
Самостоятельная работа	, в том числе:					
Курсовая работа		-	-	-	-	
Проработка учебного (теор	ретического) материала	174,4	75,8	64,8	33,8	
Выполнение индивидуалы	ных заданий (подготовка					
сообщений, презентаций)		ı	_	_		
Реферат		1	-	-		
Подготовка к текущему ко	нтролю	-	-	-	-	
Контроль:						
Подготовка к экзамену		116,1	35,7	44,7	35,7	
Общая трудоемкость	час.	612	216	216	180	
	в том числе контактная	321,5	104,	106,	110,	
	работа	341,5	5	5	5	
	зач. ед	17	6	6	5	

### 2.2 Структура дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы (темы) дисциплины, изучаемые в \_1\_\_ семестре (очная форма)

		Количество часов					
№	Наименование разделов (тем)		Аудиторная работа			Внеаудит орная работа	
			Л	ПЗ	ЛР	CPC	
1	2 3		4	5	6	7	
1.	ведение в анализ.		2	-	6	8	
2.	редел числовой последовательности.		6	-	10	16	
3.	Предел функции.		6	ı	12	12	
4.	Непрерывные функции и их свойства.		6	1	6	6,8	
5.	Производные и дифференциалы.		4	ı	14	14	
6.	Свойства дифференцируемых функций.	18	4	1	6	8	
7.	Исследование поведения функции.	31	6	-	14	11	
	ИТОГО по разделам дисциплины	177, 8	34	1	68	75,8	
	Контроль самостоятельной работы (КСР)	2					
	Промежуточная аттестация (ИКР)						
	Подготовка к текущему контролю 3.						
	Общая трудоемкость по дисциплине	216					

Примечание: Л - лекции, ПЗ - практические занятия / семинары, ЛР - лабораторные занятия, СРС - самостоятельная работа студента

Разделы (темы) дисциплины, изучаемые в \_2\_\_ семестре (очная форма)

	I		Аудиторная работа			Внеаудит орная работа
					ЛР	CPC
1	2	3	4	5	6	7
8.	Функции многих переменных. Пределы, непрерывность	14	2	-	6	6
9.	астные производные и полный дифференциал рункции многих переменных.		6	-	10	8
10.	Экстремумы функции многих переменных. Исследование функций многих переменных.		6	-	8	12
11.	Первообразная функции и неопределенный интеграл.	31,8	6	-	10	15,8
12.	Методы вычисления неопределенных интегралов.	26	4	-	14	8
13.	Определенный интеграл Римана. Формула Ньютона – Лейбница.	24	4	-	10	10
14.	Приложения определенного интеграла.	21	6	-	10	5
	ИТОГО по разделам дисциплины	166, 8	34	-	68	64,8
	Контроль самостоятельной работы (КСР)	4				
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5				
	Подготовка к текущему контролю	44,7				
	Общая трудоемкость по дисциплине	216				

## Разделы (темы) дисциплины, изучаемые в \_3\_\_ семестре (очная форма)

			Количество часов					
№	Наименование разделов (тем)		Аудиторная работа			Внеаудит орная работа		
			Л	ПЗ	ЛР	CPC		
1	2	3	4	5	6	7		
15.	Несобственные интегралы	16	2	-	10	4		
16.	Кратные интегралы	20	6	-	10	4		
17.	Криволинейные и поверхностные интегралы	22	6	-	12	4		
18.	Элементы теории поля.	20,8	6	-	8	6,8		
19.	Числовые ряды.	20	4	-	10	6		
20.	Функциональные ряды.	20	4	-	10	6		
21.	Ряды Фурье.	17	6	-	8	3		
	ИТОГО по разделам дисциплины	135, 8	34	-	68	33,8		
	Контроль самостоятельной работы (КСР)	8						
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5						
	Подготовка к текущему контролю	35,7						
	Общая трудоемкость по дисциплине	180						

## 2.3 Содержание разделов (тем) дисциплины

### 2.3.1 Занятия лекционного типа

№	Наименование раздела (темы)	Содержание раздела (темы)	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1.	Введение в анализ	Предмет и метод математического анализа. Понятие множества. Способы задания множеств. Операции над множествами. Аксиоматика действительных чисел. Множества на числовой прямой. Окрестности. Модуль. Сигнум. Понятие ограниченного множества. Верхняя и нижняя грани множества. Теоремы единственности и существования. Система вложенных отрезков. Стягивающаяся система вложенных отрезков. Счетные и несчетные множества. Теорема о счетности множества рациональных чисел. Теорема Кантора. Метод математической индукции. Отображения и числовые функции. Элементарные функции. Графики элементарных функций. Действия над графиками. Графики	<ol> <li>Коллоквиум</li> <li>Зачет</li> <li>Экзамен</li> </ol>
2.	Предел числовой последовательности.	сложных функций. Обратные функции. Понятие числовой последовательности. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся последовательности. Теорема. Свойства пределов числовых последовательностей. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Предел монотонной последовательности. Подпоследовательности. Понятие частичного предела. Верхний и нижний пределы. Теорема Больцано-Вейерштрасса о выделении сходящейся подпоследовательности из ограниченной последовательности. Понятие фундаментальной последовательности. Критерий Коши.	1. Коллоквиум 2. Зачет 3. Экзамен
3.	Предел функции.	Понятие функции. Элементарные функции и их классификация. Понятие предела функции. Различные определения предела функции. Свойства пределов функции. Критерий Коши существования конечного предела функции. Понятие одностороннего предела функции. Пределы монотонных функций. Теорема. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение функций. Примеры.	1. Коллоквиум 2. Зачет 3. Экзамен
4.	Непрерывные функции и их свойства.	Понятие непрерывности функции в точке. Теорема о сохранении знака. Свойства непрерывных функций. Предел и непрерывность сложной функции. Понятие односторонней непрерывности. Точки разрыва. Примеры. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Теорема Вейерштрасса и следствие к ней. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Теорема Больцано-Коши о промежуточном значении	1. Коллоквиум 2. Зачет 3. Экзамен

	1		
		функции следствия к ней. Обратные функции.	1 70
5.		Понятие дифференцируемой функции.	1. Коллоквиум
		Дифференциал. Производная. Геометрический	2. Зачет
		смысл производной. Физический смысл	3. Экзамен
		производной. Геометрический смысл	
		дифференциала. Производные основных	
		элементарных функций. Производная сложной	
		функции и функции, заданной	
	Производные и	параметрически. Дифференцируемость	
	дифференциалы.	суммы, произведения, частного, обратной	
		функции. Инвариантность формы 1-го	
		дифференциала. Применение дифференциала в	
		приближенных вычислениях. Основные	
		теоремы дифференциального исчисления и	
		следствия из них. Производные и	
		дифференциалы высших порядков. Формула	
		дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница.	
6.		Теоремы о среднем. Теоремы Ролля, Лагранжа,	1. Коллоквиум
	Свойства	ККоши. Формула Тейлора. Остаточные члены в	2. Зачет
	дифференцируемых	форме Пеано, Лагранжа Теорема	3. Экзамен
	функций.	единственности. Примеры. Раскрытие	
		неопределенностей по правилу Лопиталя.	
7.		Условие монотонности дифференцируемой	1. Коллоквиум
		функции. Экстремум. Необходимые условия	2. Зачет
		экстремума. Достаточные условия экстремума.	3. Экзамен
		Использование производных высших порядков	
	Исследование	при исследовании функции на экстремум.	
	поведения функции.	Наибольшее и наименьшее значение функции	
	поводоння функции	на отрезке. Выпуклость вверх и вниз. Точки	
		перегиба. Асимптоты. Общая схема	
		исследования функции и построения ее	
		графика.	
8.		Функции многих переменных. Пределы,	1. Коллоквиум
0.	Дифференциальное	непрерывность. Частные производные и полный	•
	исчисление функции	дифференциал функции многих переменных.	3. Экзамен
	многих переменных	Экстремумы функции многих переменных.	J. JNJamen
		Исследование функций многих переменных.	
9.		Первообразная функции и неопределенный	1. Коллоквиум
- •	Интегральное	интеграл. Методы вычисления неопределенных	2. Зачет
	исчисление функции	интегралов. Определенный интеграл Римана.	3. Экзамен
	одной переменной	Формула Ньютона – Лейбница. Приложения	o. oamen
		определенного интеграла. Несобственные	
		интегралы	
10.	Многомерные	Кратные интегралы.	1. Коллоквиум
	интегралы и	Криволинейные и поверхностные интегралы	2. Зачет
	элементы теории	Элементы теории поля.	3. Экзамен
	поля	1	
11.		Чиспорые раны. Признаки суолимости	1. Коллоквиум
11.		Числовые ряды. Признаки сходимости.	<ol> <li>коллоквиум</li> <li>Зачет</li> </ol>
	Ряды.	Функциональные ряды. Степенные ряды. Область сходимости. Разложение в ряд.	2. Зачет 3. Экзамен
		1 1 1 1	J. JKSAINICH
		Приложения степенных рядов. Ряды Фурье.	

## 2.3.2 Занятия семинарского типа не предусмотрены

## 2.3.3 Лабораторные занятия

	Hayntayanayyya		Форма
$N_{\underline{0}}$	Наименование	Тематика лабораторных занятий	текущего
	раздела (темы)		контроля
1	2	3	4
1.		Множества. Операции над множествами. Грани	1. Контрольная
		числовых множеств. Абсолютная величина	работа
		числа. Неравенства. Метод математической	2. Зачет
		индукции.	3. Экзамен
	Введение в анализ	Функции. Область определения. Четные и	
		нечетные, периодические. Сложные. Графики	
		элементарных функций.	
		Построение графиков функций. Основные	
		приемы. Графики функций, заданных	
		параметрически.	
2.		Понятие числовой последовательности. Предел	1. Контрольная
		числовой последовательности. Сходящиеся и	работа
		расходящиеся последовательности.	2. Зачет
		Свойства пределов числовых последовательностей.	3. Экзамен
	Предел числовой	Предельный переход в неравенствах.	
	последовательности.	Бесконечно малые и бесконечно большие	
	последовательности.	последовательности.	
		Определение и признак сходимости монотонной	
		последовательности.	
		Понятие частичного предела. Верхний и нижний	
2		пределы.	1 10
3.		Определение предела функции. Пределы	1. Контрольная
		дробно-рациональных функций.	работа
		Пределы функций, содержащих	2. Зачет
		иррациональности	3. Экзамен
	T 1	Первый и второй замечательные пределы	
	Предел функции.	Пределы функций, содержащих	
		логарифмическую функцию.	
		Односторонние пределы.	
		Бесконечно малые и бесконечно большие.	
		Применение эквивалентных бесконечно малых к	
		вычислению пределов.	1 70
4.	**	Определение понятия непрерывности в точке.	1. Контрольная
	Непрерывные	Доказательство непрерывности функций.	работа
	функции и их	Точки разрыва функций. Их классификация.	2. Зачет
	свойства.	Исследование функций на непрерывность и	3. Экзамен
		построение графика.	

5.	Производные и дифференциалы.	Определение понятия производной функции. Производные элементарных функций. Основные правила нахождения производных. Табличное дифференцирование Производная сложной функции Производная обратной функции, неявной функции и заданной параметрически. Логарифмическая производная Геметрические и механические приложения производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Теоремы о среднем	<ol> <li>Контрольная работа</li> <li>Зачет</li> <li>Экзамен</li> </ol>
0.	Свойства дифференцируемых функций.	Перемы о среднем Формулы Тейлора и Маклорена Правила Лопиталя раскрытия неопределенностей.	работа 2. Зачет 3. Экзамен
7.	Исследование поведения функции.	Понятие монотонности. Определение промежутков возрастания и убывания функции. Точки локального экстремума. Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции на отрезке. Точки перегиба и направление выпуклости и вогнутости. Асимптоты графика функции Схема исследования графика функции. Исследование и построение графиков функций	1. Контрольная работа 2. Зачет 3. Экзамен
8.	Дифференциальное исчисление функции многих переменных Дифференциальное исчисление функции многих переменных	Непрерывность. Частные производные. Полный дифференциал. Дифференцирование сложных функций. Дифференцирование неявных функций Производные и дифференциалы высших порядков. Экстремумы функций многих переменных	1. Контрольная работа 2. Зачет 3. Экзамен
9.	Интегральное исчисление функции одной переменной	Методы вычисления неопределенных интегралов. Непосредственное интегрирование. Метод подстановки. Метод интегрирования по частям. Примеры. Рекуррентные формулы. Интегрирование рациональных функций. Примеры. Интегрирование простейших иррациональностейИнтегрирование тригонометрических и гиперболических функций. Понятие определенного интеграла Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Длина дуги плоской кривой. Площадь плоской фигуры. Площадь криволинейной трапеции и криволинейного сектора. Понятие кубируемости и объема. Площадь поверхности вращения, ее	<ol> <li>Контрольная работа</li> <li>Зачет</li> <li>Экзамен</li> </ol>

		Физический полити	
		вычисление. Физические приложения	
		определенных интегралов. Приближенные	
		вычисления определенных интегралов.	
		Понятие несобственных интегралов 1- го и 2-	
		го рода. Формулы интегрального исчисления	
		для несобственных	
		интегралов	
10.		Двойной интеграл. Замена переменных в	1. Контрольная
		двойном интеграле.	работа
	Многомерные	Вычисление площадей фигур, объемов тел и	2. Зачет
	интегралы и	площадей поверхностей.	3. Экзамен
	элементы теории	Приложения двойного интеграла в механике.	
	поля	Тройные интегралы.	
		Криволинейные и поверхностные интегралы.	
		Скалярное и векторное поле.	
		Градиент. Дивергенция.	
11.		Необходимый признак сходимости	1. Контрольная
		числового ряда. Критерий Коши.	работа
		Признаки сходимости знакоположительных	2. Зачет
		рядов. Признак сравнения и Даламбера.	3. Экзамен
		Признаки сходимости знакочередующегося ряда	
		Абсолютная и условная сходимость.	
		Дествия над рядами.	
	Ряды	Сходимость рядов с комплексными числами	
	і яды	Функциональные ряды. Область сходимости.	
		Степенные ряды. Область сходимости.	
		Ряды Тейлора. Разложение функции в степенной	
		ряд.	
		Дифференцирование и интегрирование	
		степенных рядов.	
		Применение рядов в приближенных	
		вычислениях.	
		1	

#### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены.

. . . . . . . . . . . . .

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

- Методические указания для подготовки к лекционным занятиям, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ» протокол №7 от 18.04.2018 г.
- Методические указания по выполнению лабораторных работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ» протокол №7 от 18.04.2018 г.
- Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики  $\Phi\Gamma$ БОУ ВО «Куб $\Gamma$ У» протокол N27 от 18.04.2018 г.

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Предел последовательности. Бесконечно малая и бесконечно большая величины. Монотонные последовательности. Второй замечательный предел.	Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Т. 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.] М. : ФИЗМАТЛИТ, 2010 496 с https://e.lanbook.com/book/2226#book_name. 9785484011063 : 242.65.
2	Определения предела функции. Эквивалентность пределов функции. Односторонние пределы. Неопределенные выражения. Первый замечательный предел. Примеры с использованием замечательных пределов.	Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Т. 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.] М. : ФИЗМАТЛИТ, 2010 496 с https://e.lanbook.com/book/2226#book_name.
3	Непрерывность функции. Разрывы первого и второго рода. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно большие величины. Применение эквивалентных величин при нахождении пределов	Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Т. 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.] М. : ФИЗМАТЛИТ, 2010 496 с https://e.lanbook.com/book/2226#book_name.
4	Определение производной. Производная сложной функции. Производная обратной функции. Дифференциал функции. Производная высшего порядка. Дифференцирование параметрически заданных функций	Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Т. 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.] М. : ФИЗМАТЛИТ, 2010 496 с https://e.lanbook.com/book/2226#book_name.
5	Локальный экстремум	Сборник задач по математическому анализу [Электронный

	функции. Достаточные условия экстремума. Экстремальные значения функции на отрезке. Выпуклость кривой, точки перегиба. Асимптоты графика функции. Схема построения графика функции.	ресурс]: учебное пособие. Т. 1: Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.] М.: ФИЗМАТЛИТ, 2010 496 с https://e.lanbook.com/book/2226#book_name.
6	Функции нескольких переменных. Предварительные сведения. Предел функции нескольких переменных. Непрерывная функция многих переменных. Теорема об ограниченности функции. Равномерная непрерывность.	Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб. : Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
7	Частная производная и производная по направлению. Производная сложной функции. Полный дифференциал. Касательная плоскость. Геометрический смысл дифференциала.	Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб. : Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
8	Экстремумы функции многих переменных. Исследование функций многих переменных.	Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб. : Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
9	Первообразная функции и неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Свойства непределенных интегралов. Простейшие правила интегрирования.	Основы математического анализа [Электронный ресурс]: учебник: в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб.: Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
10	Понятие определенного интеграла, его геометрический и экономический смысл.	Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб. : Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.

11	Свойства определенных интегралов. Интеграл как функция верхнего предела. Формула ньютона □ лейбница.  Геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление площади	Основы математического анализа [Электронный ресурс]: учебник: в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб.: Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
	криволинейной трапеции. Вычисление площади поверхности и объема тела вращения.	
12	Несобственные интегралы. Несобственные интегралы с бесконечными пределами. Несобственные интегралы от неотрицательных функций. Признаки сходимости.	Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб. : Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
13	Кратные интегралы. Определение двойного интеграла. Тройные интегралы. Сведение к повторному интегралу. Замена переменных.	Основы математического анализа [Электронный ресурс]: учебник: в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб.: Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
14	Криволинейные интегралы первого и второго рода. Случай замкнутого контура.	Основы математического анализа [Электронный ресурс]: учебник: в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб.: Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.
15	Последовательности и ряды функций. Равномерная сходимость. Интегрирование и дифференцирование равномерно сходящихся рядов. Степенные ряды. Ряд тейлора. Интегрирование и дифференцирование степенных рядов. Ряды в приближенных	Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М СПб. : Лань, 2008 464 с https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.

вычислениях	

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме на языке Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3. Образовательные технологии

. . . . . . . . . . . . . . . . . . .

С точки зрения применяемых методов используются как традиционные информационно-объяснительные лекции, так и интерактивная подача материала с мультимедийной системой. Компьютерные технологии в данном случае обеспечивают возможность разнопланового отображения алгоритмов и демонстрационного материала. Такое сочетание позволяет оптимально использовать отведенное время и раскрывать логику и содержание дисциплины. Лекции представляют собой систематические обзоры теории функций и математического анализа.

Лабораторное занятие позволяет научить студента применять теоретические знания при решении и исследовании конкретных задач. Лабораторные занятия проводятся в традиционных аудиториях. Подход разбора конкретных ситуаций широко используется как преподавателем, так и студентами при проведении анализа результатов самостоятельной работы. Это обусловлено тем, что в процессе исследования часто встречаются задачи, для которых единых подходов не существует. Каждая конкретная задача при своем исследовании имеет множество подходов, а это требует разбора и оценки целой совокупности конкретных ситуаций.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

## 4. Оценочные и методические материалы

Оценочные средства предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины Б1.О.04 «Математический анализ». Оценочные средства включает контрольные материалы для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации.

**Текущий контроль** успеваемости представляет собой проверку усвоения учебного материала, регулярно осуществляемую на протяжении семестра. К достоинствам данного типа относится его систематичность, непосредственно коррелирующая с требованием постоянного и непрерывного мониторинга качества обучения.

Текущий контроль успеваемости студентов представляет собой:

- устный опрос (групповой или индивидуальный);
- проверку выполнения письменных домашних заданий;
- проведение контрольных работ;
- проведение коллоквиумов (в письменной форме);
- контроль самостоятельной работы студентов (в письменной или устной форме).

Для самостоятельной работы используется учебно-методическое обеспечение на бумажных и электронных носителях. Тематика самостоятельной работы соответствует содержанию разделов дисциплины и теме домашнего задания. Освоение материала контролируется в процессе проведения практических занятий.

Контрольные вопросы и задания для проведения текущего контроля выбираются из содержания разделов дисциплины. Выполнение домашнего задания обеспечивает непрерывный контроль за процессом освоения учебного материала каждого обучающегося, своевременное выявление и устранение отставаний и ошибок.

**Промежуточная аттестация** по итогам освоения дисциплины: 1 семестр — зачет и экзамен; 2 семестр — зачет и экзамен, 3 семестр — зачет и экзамен. Промежуточная аттестация представлена типовыми задачами по всем пройденным темам, а так же экзаменационными вопросами по лекционному материалу.

К формам письменного контроля относится контрольная работа, которая является одной из сложных форм проверки; она может применяться для оценки знаний по базовым и вариативным дисциплинам всех циклов. Контрольная работа, как правило, состоит из небольшого количества средних по трудности вопросов, задач или заданий, требующих поиска обоснованного ответа. Во время проверки и оценки контрольных письменных работ проводится анализ результатов выполнения, выявляются типичные ошибки, а также причины их появления. Контрольная работа может занимать часть или полное учебное занятие с разбором правильных решений на следующем занятии. Перечень контрольных работ приведен ниже.

Контрольная работа 1. Графики функций

Контрольная работа 2. Пределы

Контрольная работа 3. Дифференцирование

Контрольная работа 4. Неопределенный интеграл

Контрольная работа 5. Определенный интеграл

Контрольная работа 6. Функции многих переменных

Контрольная работа 7. Экстремумы функций многих переменных

Контрольная работа 8. Несобственные интегралы

Контрольная работа 9. Кратные интегралы

Контрольная работа 10. Криволинейные и поверхностные интегралы

Контрольная работа 11. Ряды

#### Структура оценочных средств для текущей и промежуточной аттестации

№ п/п		Код и наименование	Результаты обучения	Наименование оценочного средства	
				Текущий контроль	Промежуточная
		индикатора			аттестация
		<b>ИОПК-1.1</b> (06.016 A/30.6	Знает основные	Вопросы для	Вопрос 1, 2 билета
1	1	3н.3) Способен применять	базовые	устного	экзамена
	фундаментальные знания,	математические знания	(письменного)		
			(понятия, методы,		

	полученные в области	математического	опроса по теме,	
	математических и (или)	анализа) связанные с	разделу	
	естественных наук, и	информатикой и		
	использовать их при анализе	информационными		
	предметной области	технологиями		
	-	Умеет применять	Контрольные	Вопрос 3 билета
	<b>ИОПК-1.2</b> (40.001 A/02.5	основные методы и	работы №1-10	экзамена: решение
	3н.2) Отечественный и	алгоритмы		задач по темам,
	международный опыт в	математического анализа		
	области математических и	в фундаментальной		зачет
	(или) естественных наук, и	математике и		
	использовать их в	информатике для		
	профессиональной	разработки		
	деятельности	информационных		
	деятельности	технологий		
	<b>ИОПК-1.8</b> (40.001 A/02.5	Владеет базовыми	Коллоквиум	Дополнительные
	Др.2) Деятельность,	методами получения		вопросы на экзамене
	направленная на решение	углубленных знаний		
	задач аналитического	для решения		
	характера, предполагающих	теоретических и		
	выбор и многообразие	прикладных задач в		
	актуальных способов	области		
	решения задач, с	информациионных		
	использованием	технологий		
	фундаментальных знаний,			
	полученных в области			
	математических и (или)			
	естественных наук			
	<b>ИПК-1.4</b> (40.001 A/02.5	Знает основные методы	Вопросы для	Вопрос 1, 2 билета
	3н.2) Отечественный и	и алгоритмы	устного	экзамена
	международный опыт	дисциплины	(письменного)	
	решения актуальных и		опроса по теме,	
	значимых задач прикладной		разделу	
	математики и информатики		<u> </u>	
		Умеет применять	Контрольные	Вопрос 3 билета
	<b>ИПК-1.6</b> (06.016 A/30.6 У.1)	изученные методы и	работы №1-10	экзамена: решение
	Анализировать входные	алгоритмы на практике		задач по темам,
	данные при решении задач			
	в области прикладной			зачет
2	математики и информатики	D	I/	П
-		Владеет навыками	Коллоквиум	Дополнительные
	ИПК-1.8 (40.001 А/02.5	решения практических		вопросы на экзамене
	Др.2) Деятельность,	задач на основе		
	направленная на решение	изученных методов и		
	задач актуальные и	алгоритмов		
	значимые задачи			
	прикладной математики и			
	информатики			
	аналитического характера,			
	предполагающих выбор и			
	многообразие актуальных способов решения задач			

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

#### Контрольная работа 1 ( вариант задач).

- 1. Используя определение найти  $\lim_{n\to\infty}\frac{2n-1}{n^3+2}$ .
- 2. Найти пределы a)  $\lim_{x\to\infty} \left(\frac{2+x}{x-3}\right)^{5x}$ ; б)  $\lim_{x\to 1} \frac{x^3+x^2-3x+1}{x^3-1}$ ; в)  $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{\sqrt{x-2}-1}$ ; г)  $\lim_{x\to 0} \frac{tgx-\sin x}{x\cdot\sin^2 x}$ .
- 3. Найти точки разрыва функции  $f(x) = \begin{cases} 0, & x < -\pi \\ \sin x, & -\pi < x < 0 \\ \pi, & x \ge 0 \end{cases}$

Контрольная работа 2 ( вариант задач).

- 1. Используя определение найти  $\lim_{n\to\infty} \frac{2\cdot (-1)^n+1}{2n+1}$ .
- 2. Найти предел  $\lim_{x\to 1} \frac{ctg\frac{\pi}{2}x}{x-1}$ .
- 3. Найти точки разрыва функции  $f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{x+2}, & x < -2, \\ -\sqrt{4-x^2}, & -2 \le x \le 2, \\ \frac{\left|x-2\right|}{x-2}, & x > 2. \end{cases}$
- 4. Используя определение, найти производную функции  $f(x) = \ln(4x + 3)$
- 5. Найти производные функций а)  $y = \frac{\ln^2 x}{4 + \cos^2 \sqrt{x}}$ , б)  $x = \ln(1 t^4)$ ,  $y = \arccos t^2$ .
- 6. Составить уравнения касательной и нормали к графику кривой  $y = 3\sqrt[3]{x^2} 2x + 2$  в точке  $x_0 = 1$ .

#### Контрольная работа 3 ( вариант задач).

- 1. Разложить по формуле Тейлора  $f(x) = x^x 1$  по степеням x 1 до членов 3-го порядка включительно;
- 2.  $\int \frac{dx}{\sin^2 x \sqrt[4]{\lg x}}; \int \frac{2x^2 + 42x 91}{(x 1)(x + 3)(x + 4)} dx;$
- 3. Исследовать сходимость  $\int_{0}^{2} \frac{dx}{\sqrt[3]{x^3 8}}$ ;
- 4. Найти площадь фигуры ограниченной кривыми  $y = \log_2 x$ ,  $y = \frac{2}{3}(x-1)$ ;
- 5. Вычислить объем тела, образованного вращением фигуры, ограниченной кривыми  $y = \arcsin x, \ y = 0, \ x = 1$  вокруг оси Ox
- 6. Найти dy и  $d^2y$  неявно заданной функции y(x):  $x^2y^2 + x^2 + y^2 1 = 0$
- 7. Исследовать на экстремум функцию  $f(x, y, z) = 2x^2 + y^3 + z^2 + 2xz yz y$

#### Контрольная работа 4 ( вариант задач).

- 1. Представить функцию  $f(x) = 2^{2x}$  в виде многочлена 3-й степени по степеням x, по формуле Тейлора.
- 2. Исследовать функцию  $y = \frac{3-2x}{(x-2)^2}$
- 3. Найти экстремумы функции  $z = 2x^3 + 6xy^2 30x 24y$ .
- 4. Найти неопределенные интегралы  $\int \frac{\arcsin x + 1}{\sqrt{1 x^2}} dx$ ;  $\int \cos^3 x \ dx$ .
- 5. Вычислить  $\int_{0}^{1} x e^{-x} dx$ ;  $\int_{1}^{4} \sqrt{x} dx$ .

### Контрольная работа 5 ( вариант задач).

- 1. Вычислить  $\int \frac{xdx}{\sqrt{1-3x^2-2x^4}}$ ;  $\int \frac{3}{1-3} \max(x-2,6-x-x^2) dx$
- 2. Исследовать сходимость  $\int_{-1}^{\infty} \frac{\cos^2 x dx}{\sqrt{1+x} \sqrt[3]{x^4+5}}$
- 3. Вычислить объем тела, образованного вращением фигуры, ограниченной кривыми  $y = 4 x^2$ , y = 0, x = 0,  $x \ge 0$  вокруг оси Oy
- 4. Найти  $d^2 f(x,y)$  функции  $f = \ln(1+x+y)$  в точке M(0,0)
- 5. Исследовать на экстремум функцию  $f(x, y) = 2x^3 + 6xy^2 30x 24y$

#### Контрольная работа ( вариант задач).

- 1. Найти двойным интегрированием объем тела ограниченного поверхностями: плоскостями координат, плоскостями x = 4 и y = 4 и параболоидом вращения  $z = x^2 + y^2 + 1$ .
- 2. Вычислить

$$\iint_S (y^2+z^2)ds$$
 , где  $S$  — часть поверхности  $z=\sqrt{1-x^2}$  , отсеченная плоскостями  $y=0,\;y=1$  .

#### Контрольная работа 7 ( вариант задач).

- **1.** Найти двойным интегрированием объем тела ограниченного поверхностями: плоскостями  $x+y=2,\ y=0,\ z=0,$  гиперболическим параболоидом z=xy и цилиндром  $y=\sqrt{x}$ .
- 2.  $\iint_S (x^2 + y + z^2) ds$  , где S часть поверхности  $x^2 = 2y$  , отсеченная плоскостями y = 2, z = 0, z = 1.

3. 
$$\oint_L (x-y)dx + (x+y)dy$$
, где  $L: x^2 + y^2 = R^2$ 

4. Разложить в ряд Фурье функцию  $y = x^2$  в интервале (1;3)

Контрольная работа 8 ( вариант задач).

- 1. Вычислить a)  $\int_{0}^{1} \frac{x^{3}}{\sqrt[4]{1-x^{4}}} dx$  б)  $\int_{0}^{\infty} \frac{arctgx}{1+x^{2}} dx$
- 2. Исследовать  $\int_{0}^{1} \frac{1}{\sqrt{2x^2 x^3}} dx$
- 3. Исследовать  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{n^2 9^n}$
- 4. Вычислить а)  $\iint_D \frac{x-y}{(x+y)^3} dx dy$ , где D ограничена линиями: x=0, y=0, x=1, y=1.
- 5. Найти двойным интегрированием объем тела ограниченного поверхностями: параболоидом  $8z = x^2 + y^2$  и конусом  $4z^2 = x^2 + y^2$ .
- 6. Вычислить  $\oint_L (x^3 y^2) dx + xy dy$ , где L кривая  $y = a^x$  от точки (0;1) до точки (1; a).

Зачетно-экзаменационные материалы для промежуточной аттестации (экзамен/зачет)

Промежуточный контроль осуществляется в конце каждого семестра в форме зачета и экзамена.

#### Вопросы для подготовки к экзамену

#### 1 CEMECTP

- 1. Множества. Операции над множествами.
- 2. Счетные множества
- 3. Мощность декартового произведения счетных множеств
- 4. Мощность объединения множеств.
- 5. Мощность всех действительных чисел
- 6. Точные верхняя и нижняя границы множества.
- 7. Дельта окрестности конечной точки и бесконечно-удаленной точки
- 8. Метод математической индукции.
- 9. Предел последовательности.
- 10. Теорема о единственности предела.
- 11. Теорема об ограниченности сходящейся последовательности.
- 12. Теорема о предельном переходе в неравенстве.
- 13. Теорема о зажатой последовательности
- 14. Арифметические действия над последовательностями
- 15. Бесконечно малые и бесконечно большие величины
- 16. Теорема о монотонной ограниченной последовательности
- 17. Бином Ньютона
- 18. Второй замечательный предел
- 19. Теорема о последовательности вложенных отрезков
- 20. Теорема Больцано-Вейерштрасса
- 21. Первый замечательный предел
- 22. Критерий Коши для последовательностей
- 23. Пределы верхний и нижний, определения
- 24. Пределы верхний и нижний, теорема существования предела
- 25. Предел функции
- 26. Эквивалентность 1-го и 2-го определений предела функции
- 27. Односторонние пределы функции
- 28. Теорема об ограниченности функции, имеющей конечный предел.
- 29. Критерий Коши существования предела функции.
- 30. Непрерывность функции.
- 31. Разрывы первого и второго рода
- 32. Теорема об ограниченности функции непрерывной на отрезке.
- 33. Теорема Вейерштрасса о максимуме и минимуме функции непрерывной на отрезке.
- 34. Теорема о свойстве непрерывной на отрезке функции принимающей на концах отрезка значения разных знаков.
- 35. Обратная непрерывная функция. Теорема о существовании обратной функции.
- 36. Равномерная непрерывность функции. Теорема о равномерной непрерывности функции заданной на отрезке.
- 37. О и о символика, эквивалентные величины.
- 38. Производная функции. Механический смысл.
- 39. Геометрический смысл производной. Особые случаи.
- 40. Производные элементарных функций.
- 41. Производная сложной функции
- 42. Производная обратной функции.
- 43. Дифференциал функции.
- 44. Приближенное выражение приращения функции.

- 45. Дифференцирование параметрически заданных функций.
- 46. Производная высшего порядка.
- 47. Дифференциал высшего порядка.
- 48. Свойство инвариантности формы дифференциала.
- 49. Локальный экстремум.
- 50. Теорема Ферма.
- 51. Теорема Ролля.
- 52. Теоремы Коши и Лагранжа о среднем.
- 53. Теорема о возрастании и убывании дифференцируемой функции.
- 54. Раскрытие неопределенностей. Правило Лопиталя.
- 55. Достаточные условия экстремума.
- 56. Формула Тейлора для многочлена.
- 57. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа.
- 58. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано.
- 59. Формулы Тейлора элементарных функций.
- 60. Асимптоты, выпуклость, точки перегиба.

#### 2 CEMECTP

- 1. Функции многих переменных. Примеры.
- 2. Предел функции многих переменных.
- 3. Непрерывная функция
- 4. Частные производные.
- 5. Производная по направлению.
- 6. Полное приращение. Дифференциалы. 1-го и 2-го порядков.
- 7. Геометрический смысл дифференциала.
- 8. Производная сложной функции. Градиент.
- 9. Формула Тейлора.
- 10. Множества открытые и замкнутые. Граничные точки.
- 11. Непрерывная функция на замкнутом ограниченном множестве.
- 12. Локальный экстремум.
- 13. Наибольшее и наименьшее значения.
- 14. Условный экстремум. Функция Лагранжа.
- 15. Теорема о неявной функции.
- 16. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
- 17. Неопределенный интеграл. Первообразная. Таблица основных интегралов.
- 18. Методы интегрирования. Интегрирование по частям. Замена переменных.
- 19. Интегрирование рациональных и иррациональных выражений.
- 20. Интегрирование тригонометрических выражений.
- 21. Суммы Дарбу. Свойства сумм Дарбу.
- 22. Определенный интеграл. Условие существования определенного интеграла.
- 23. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям.
- 24. Несобственные интегралы. Критерии сходимости. Аналогия с рядами.
- 25. Приложение интегралов. Площадь плоской фигуры. Объем тела. Объем и поверхность тела вращения. Длина дуги.

#### 3 CEMECTP

- 1. Обыкновенный интеграл как функция от параметра
- 2. Повторный интеграл
- 3. Дифференцирование интеграла от параметра
- 4. Кратный интеграл

- 5. Теорема о среднем для кратного интеграла
- 6. Сведение кратного интеграла к повторному (теорема Фубини)
- 7. Замена переменных в двойном интеграле
- 8. Замена переменных в *n*-мерном интеграле
- 9. Вычисление площади плоской фигуры
- 10. Вычисление центра тяжести и статических моментов плоской
- 11. фигуры
- 12. Вычисление объема тела
- 13. Вычисление поверхности тела вращения
- 14. Тройной интеграл. Вычисление объема.
- 15. Вычисление центра тяжести и статических моментов объемной
- 16. фигуры
- 17. Криволинейные интегралы 1 рода
- 18. Поверхностные интегралы 1 рода
- 19. Криволинейные интегралы 2 рода
- 20. Поверхностные интегралы 2 рода
- 21. Дивергенция и ротор
- 22. Формула Стокса
- 23. Формула Остроградского 🗆 Гаусса
- 24. Комплексные числа. Формулы Эйлера и Муавра
- 25. Тригонометрические ряды Фурье
- 26. Ряды Фурье в комплексной форме
- 27. Интеграл Фурье

Критерии оценивания результатов обучения

The state of the s			
Оценка	Критерии оценивания по экзамену		
Высокий уровень «5» (отлично)	оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы.		
Средний	оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью		
уровень «4»	освоивший знания, умения, компетенции и теоретический		
(хорошо)	материал, учебные задания не оценены максимальным числом		
	баллов, в основном сформировал практические навыки.		
Пороговый	оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с		
уровень «3»	пробелами освоивший знания, умения, компетенции и		
(удовлетворите	теоретический материал, многие учебные задания либо не		
льно)	выполнил, либо они оценены числом баллов близким к		
	минимальному, некоторые практические навыки не сформированы.		
Минимальный	оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший		
уровень «2»	знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные		
(неудовлетвори	задания не выполнил, практические навыки не сформированы.		
тельно)			

#### Критерии оценки контрольных работ:

— оценка "зачтено" выставляется при полном раскрытии темы контрольной работы, а также при последовательном, четком и логически стройном ее изложении.

Студент отвечает на дополнительные вопросы, грамотно обосновывает принятые решения;

— оценка "не зачтено" выставляется за слабое и неполное раскрытие темы контрольной работы, несамостоятельность изложения материала, выводы и предложения, носящие общий характер, отсутствие наглядного представления работы, затруднения при ответах на вопросы.

#### Критерии оценивания по зачету:

«зачтено»: студент владеет теоретическими знаниями по данному разделу, умеет решать основные типовые задачи, допускает незначительные ошибки; студент умеет правильно объяснять алгоритм решения и проанализировать полученные результаты, понимает лекционный материал, иллюстрируя его примерами.

«не зачтено»: материал не усвоен или усвоен частично, студент затрудняется привести примеры по основным темам курса, довольно ограниченный объем знаний алгоритмических решений практических задач.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## 5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

#### 5.1 Основная литература:

- 1. Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 1 / Фихтенгольц Г. М. СПб. : Лань, 2015. 448 с. http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\_id=65055.
- 2. **Сборник задач по математическому анализу** [Электронный ресурс] : учебное пособие. Т. 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.]. М. : ФИЗМАТЛИТ, 2010. 496 с. https://e.lanbook.com/book/2226#book\_name.

- 3. **Математический анализ**: учебное пособие / В. Ю. Барсукова, З. Б. Цалюк; Министерство науки и высшего образования Российской Федерации, Кубанский государственный университет. Краснодар: Кубанский государственный университет, 2019. 102 с. Библиогр.: с. 100. ISBN 978-5-8209-1660-1: 19 р. 38 к. Текст: непосредственный.
- 4. Математический анализ. Пределы. Непрерывность: учебное пособие / Г. В. Калайдина, Н. М. Сеидова; М-во образования и науки Рос. Федерации, Кубанский гос. ун-т. Краснодар: [Кубанский государственный университет], 2018. 114 с.: ил. Библиогр.: с. 113. ISBN 978-5-8209-1495-9: 20 р. 26 к.

#### 5.2 Дополнительная литература:

- 1. **Кудрявцев**, **Л.** Д. Краткий курс математического анализа [Электронный ресурс] : учебник. Т. 1 : Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды / Кудрявцев Л. Д. 4-е изд. М. : ФИЗМАТЛИТ, 2015. 444 с. http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=854332.
- 2. Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М. СПб. : Лань, 2008. 464 с. https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1.

#### 5.3. Периодические издания:

- 1. Базы данных компании «Ист Вью» http://dlib.eastview.com
- 2. Электронная библиотека GREBENNIKON.RU <a href="https://grebennikon.ru/">https://grebennikon.ru/</a>

#### 6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.

По курсу предусмотрено проведение лекционных занятий, на которых дается основной теоретический материал, лабораторных занятий, позволяющих студентам в полной мере ознакомиться с понятием теории функций вещественной переменной и освоиться в решении практических задач.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине «теория функций вещественной переменной».

Целью самостоятельной работы бакалавра является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания, полученные во время лабораторных занятий.

Самостоятельная работа студентов в ходе изучения дисциплины состоит в выполнении индивидуальных заданий, задаваемых преподавателем, ведущим лабораторные занятия, подготовки теоретического материала к лабораторным занятиям, на основе конспектов лекций и учебной литературы, согласно календарному плану и подготовки теоретического материала к тестовому опросу, зачету и экзамену, согласно вопросам к экзамену.

Указания по оформлению работ:

- работа на лабораторных занятиях и конспекты лекций могут выполняться на отдельных листах либо непосредственно в рабочей тетради;
- оформление индивидуальных заданий желательно на отдельных листах.

Проверка индивидуальных заданий по темам, разобранным на лабораторных занятиях, осуществляется через неделю на текущем лабораторном занятии, либо в течение недели после этого занятия на консультации.

Для разъяснения непонятных вопросов лектором и ассистентом еженедельно проводятся консультации, о времени которых группы извещаются заранее.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

#### 7. Материально-техническое обеспечение по дисциплине (модулю)

No	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оборудованная видеопроектором и экраном, ауд. 129, 131, А 301 б, А 305, А 307.
2.	Семинарские занятия	Не предусмотрены
3.	Лабораторные занятия	Аудитории для лабораторных занятий, оборудованные досками, ауд. 129, 131, 133, 147, 148, 149, 150, A3016, A305, A307, A512, 100C.
4.	Курсовое проектирование	Не предусмотрено
5.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория, оборудованная доской, ауд. 129, 131, 133, 147, 148, 149, 150, A 301 б, A305, A307, A512, 100С.
6.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория, оборудованная доской, ауд. 129, 131, 133, 147, 148, 149, 150, A 301 б, A305, A307, A512, 100С.
7.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, ауд. 102-А и читальный зал.

Для самостоятельной работы обучающихся предусмотрены помещения, укомплектованные специализированной мебелью, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Наименование помещений для самостоятельной работы обучающихся

Помещение для самостоятельной работы обучающихся (читальный зал Научной библиотеки)

Оснащенность помещений для самостоятельной работы обучающихся

Мебель: учебная мебель

Комплект специализированной мебели: компьютерные столы

Оборудование: компьютерная техника с подключением информационнокоммуникационной сети «Интернет» доступом электронную информационнообразовательную среду образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ интернет сети (проводное соединение И беспроводное соединение ПО технологии Wi-Fi)

Перечень лицензионного программного обеспечения

Не требуетсмя

Помещение для самостоятельной работы обучающихся (ауд.102A)

Мебель: учебная мебель Не требуется

Комплект специализированной мебели: компьютерные столы

Оборудование: компьютерная техника с подключением к информационнокоммуникационной сети «Интернет» доступом И электронную информационнообразовательную образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ К сети интернет (проводное соединение И беспроводное соединение по технологии Wi-Fi)