

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
Физико-технический факультет

УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,  
качеству образования – первый  
проректор

\_\_\_\_\_ Хагуров Т.А.

« 27 » \_\_\_\_\_ 2018 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

***Б1.В.ДВ.04.01 АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ***

*(код и наименование дисциплины в соответствии с учебным планом)*

Направление подготовки / специальность

11.03.02 Инфокоммуникационные технологии и системы связи

*(код и наименование направления подготовки/специальности)*

Направленность (профиль) / специализация

Оптические системы и сети связи

*(наименование направленности (профиля) специализации)*

Программа подготовки \_\_\_\_\_

прикладная

*(академическая /прикладная)*

Форма обучения \_\_\_\_\_

заочная

*(очная, очно-заочная, заочная)*

Квалификация (степень) выпускника \_\_\_\_\_

бакалавр

*(бакалавр, магистр, специалист)*

Краснодар 2018

Рабочая программа дисциплины Б1.В.ДВ.04.01 «Аналитическая геометрия» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 11.03.02 Инфокоммуникационные технологии и системы связи профиль «Оптические системы и сети связи» (заочная форма обучения).

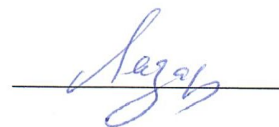
Программу составил:

М.Н. Гаврилюк, доцент кафедры теории функций,  
к. ф.-м. наук, доцент



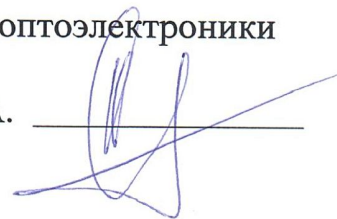
Рабочая программа дисциплины Б1.В.ДВ.04.01 «Аналитическая геометрия» утверждена на заседании кафедры теории функций протокол № 7 «9» 04 2018г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Лазарев В.А.



Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры оптоэлектроники протокол № 9 «12» 04 2018г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Яковенко Н.А.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук

протокол № 2 «17» 04 2018г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н.



Рецензенты:

В.А. Гусаков, директор ООО «Просвещение-Юг», канд. физ. – мат. наук,  
доцент

А.В. Бунякин, доцент кафедры оборудования нефтяных и газовых промыслов ФГБОУ ВО КубГТУ, канд. физ. – мат. наук

## 1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).

### 1.1 Цель освоения дисциплины.

**Цель дисциплины** – освоение студентами основных математических методов аналитической геометрии и линейной алгебры, необходимых для дальнейшего использования в других математических дисциплинах, а также в областях знаний естественнонаучного содержания.

### 1.2 Задачи дисциплины.

Задачи освоения дисциплины состоят в обучении студентов основным математическим методам, а также в применении этих методов к решению различных задач при изучении специальных дисциплин а также в их дальнейшей профессиональной деятельности.

формирование знаний о векторах и операций над ними;

формирование знаний о скалярном, векторном и смешанном произведении векторов и их приложениях;

формирование знаний об основных понятиях и методах аналитической геометрии на плоскости и в пространстве;

формирование знаний о координатном методе на плоскости и в пространстве;

формирование знаний о матрицах, их свойствах и операциях над ними;

формирование знаний об определителях, их свойствах и способах вычисления;

формирование знаний о системах линейных уравнений и методах их решений;

формирование знаний о линейных и векторных пространствах;

формирование знаний о линейных операторах;

формирование знаний о комплексных числах и действий над ними.

### 1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.

Дисциплина «*Аналитическая геометрия*» относится к базовой части Блока 1 "Дисциплины" учебного плана.

Для успешного освоения данного предмета студенты должны владеть математическими знаниями в рамках программы средней школы.

Знания, полученные при изучении этого курса, используются в математическом анализе, дифференциальных уравнениях, дискретной математике, математической логике и др., а также в физических дисциплинах, таких как оптика, теоретическая физика, механика и др.

### 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общепрофессиональных компетенций (ОПК1)

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ОПК-2	Способность использовать в профессиональной деятельности базовые знания фундаментальных разделов математики,	основное содержание курса, важнейшие понятия и положения аналитической геометрии и	решать стандартные задачи аналитической геометрии и линейной алгебры; производить	базовыми знаниями в области математики и естественных научных дисциплин;

№ п.п.	Индекс компет енции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
		создавать математические модели типовых задач и интерпретировать полученные результаты с учетом границ применимости моделей.	линейной алгебры и их теоретическое обоснование; связи между математикой и физикой, прикладные аспекты данной дисциплины; понятие вектора, действия над векторами, свойства операций; понятия скалярного, векторного и смешанного произведения векторов, их свойства, координатную форму, геометрические приложения; метод координат на плоскости и в пространстве; различные виды уравнений прямых и их взаимное расположение на плоскости и в пространстве; канонические уравнения кривых второго порядка; понятие определителя n-го порядка, минора, алгебраического дополнения,	действия над векторами геометрической и координатной форм; находить скалярное, векторное и смешанное произведения векторов и использовать их в приложениях; использовать метод координат для решения задач на плоскости и в пространстве; устанавливать взаимное расположение прямых, плоскостей, прямой и плоскости; производить операции над матрицами, элементарные преобразования матриц; находить определитель и ранг матрицы, обратную матрицу; вычислять значения определителей различными методами, используя их свойства; решать системы линейных уравнений	навыками практического использования математических методов к решению типовых профессиональных задач

№ п.п.	Индекс компет енции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
			<p>методы вычисления и свойства; понятие матрицы, операций над матрицами, элементарные преобразования над матрицами, специальные виды матриц; понятие обратной матрицы, ранга матрицы; методы решения однородных и неоднородных систем линейных уравнений матричным методом, методом Крамера и методом Гаусса. понятие линейной зависимости векторов, векторного пространства, базиса; понятие линейного оператора, собственного вектора и собственного значения оператора;</p>	<p>матричным методом, методом Крамера и методом Гаусса; находить собственные векторы и собственные значения линейных операторов;</p>	

2. Структура и содержание дисциплины.

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач.ед. (144 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице (для студентов ОФО).

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры (часы)			
		1	2	3	4
<b>Контактная работа, в том числе:</b>					
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	8	8			
Занятия лекционного типа	4	4			
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)	4	4			
<b>Иная контактная работа:</b>					
Контроль самостоятельной работы (КСР)					
Промежуточная аттестация (ИКР)					
<b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>	163	163			
Проработка учебного(теоретического материала)	80	80			
Выполнение индивидуальных заданий	83	83			
Подготовка к текущему контролю					
<b>Контроль:</b>	9	9			
<b>Подготовка к экзамену</b>					
Общая трудоёмкость	<b>час.</b>	180	180		
	<b>в том числе контактная работа</b>	8	8		
	<b>зач.ед</b>	4	4		

## 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоёмкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в I семестре (заочная форма)

№	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	2	3	4	5		7
	Векторы.		0,5		-	30
	Метод координат.		0,5	1	-	30
	Определители n-го порядка.		0,5	1	-	40
	Системы линейных уравнений.		1	1	-	30
	Действия с матрицами.		0,5	1	-	20
	Линейные векторные пространства.		0,5		-	8
	Линейные преобразования.		0,5		-	5
	<i>Итого по дисциплине:</i>	180	4	4	-	163

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

## 2.3 Содержание разделов дисциплины:

### 2.3.1 Занятия лекционного типа.

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4

	Векторы	Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базисы векторов на прямой, плоскости, пространстве. Скалярное произведение. Геометрические и алгебраические свойства скалярного произведения. Векторное и смешанное произведение. Геометрические и алгебраические свойства векторного и смешанного произведения векторов..	Обсуждение домашнего задания.. Коллоквиум
	Метод координат	Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Скалярное, векторное, смешанное произведения в координатах. Определители 2 и 3 порядка. Приложения скалярного, векторного и смешанного произведения.	Обсуждение домашнего задания.. Коллоквиум.
	Определители произвольного порядка	Перестановки и подстановки $n$ -го порядка. Определитель $n$ -го порядка. Поведение определителя при перестановке его строк или столбцов. Линейные свойства определителя. Миноры и алгебраические дополнения. Формула Лапласа.	Устные опросы. Коллоквиум.
	Системы линейных уравнений	Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Ранг матрицы. Теорема об элементарных преобразованиях. Вычисление ранга матрицы. Линейная зависимость и линейная независимость (строк или столбцов). Теорема о ранге матрицы. Произвольная система линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса.	Устные опросы. Коллоквиум.
	Действия с матрицами	Операции над матрицами. Сложение и умножение на числа. Умножение матриц. Ассоциативность умножения матриц. Обратная матрица. Алгебра квадратных матриц. Характеристический многочлен и собственные числа квадратной матрицы.	Устные опросы. Коллоквиум.
	Линейные векторные пространства	Поле. Числовые поля. Линейное пространство над полем. Примеры линейных пространств. Линейная независимость и базис в линейном пространстве. Размерность линейного пространства. Переход к новому базису. Матрица перехода. Линейные подпространства. Изоморфизм линейных пространств.	Устные опросы
	Линейные преобразования	Линейное преобразование. Матрица линейного преобразования. Операции над линейными преобразованиями (и матрицами). Теорема об определителе произведения матриц. Невырожденное линейное преобразование. Обратная матрица. Матрица линейного преобразования в новом базисе. Подобные матрицы. Линейные отображения пространств. Прямоугольные матрицы. Инвариантные подпространства. Собственные векторы и	Устные опросы



		собственные значения линейного преобразования.	
--	--	--	--

### 2.3.2 Занятия семинарского типа.

№	Наименование раздела	Тематика практических занятий (семинаров)	Форма текущего контроля
1	2	3	4
	Векторы	Векторы. Линейные операции над векторами. Базисы на прямой, плоскости, пространстве. Координаты вектора. Скалярное произведение. Векторное и смешанное произведение. Смешанное произведения векторов. Скалярное, векторное, смешанное произведения в координатах.	Решение задач. Контрольная работа 1.
	Метод координат.	Декартовы координаты на плоскости. Кривые второго порядка, заданные простейшими уравнениями. Прямая на плоскости. Декартовы координаты в пространстве. Плоскость и прямая в пространстве. Поверхности второго порядка, заданные простейшими уравнениями. Комплексные числа. Алгебра комплексных чисел. Модуль и аргумент. Геометрия комплексной плоскости.	Решение задач. Контрольная работа 1.
	Определители.	Определители второго и третьего порядков. Определители произвольного порядка. Вычисление определителей: приведение к треугольному виду; другие методы Миноры, алгебраические дополнения и теорема Лапласа.	Решение задач. Контрольная работа 2.
	Системы линейных уравнений.	Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Матрица линейной системы. Ранг матрицы. Вычисление ранга матрицы. Линейная зависимость и линейная независимость (строк или столбцов). Произвольная система линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса.	Обсуждение домашнего задания. Контрольная работа 2.
	Действия с матрицами.	Операции над матрицами. Сложение и умножение на числа. Умножение матриц. Ассоциативность умножения матриц. Обратная матрица. Алгебра квадратных матриц. Подобные матрицы. Характеристический и многочлен. Диагональная форма матрицы.	Решение задач. Контрольная работа 2.
	Линейные векторные пространства.	Линейная независимость и база системы векторов. Базис в линейном пространстве. Размерность линейного пространства. Переход к новому базису. Матрица перехода.	Обсуждение домашнего задания.
	Линейные преобразования.	Линейное преобразование. Матрица линейного преобразования. Операции над линейными	Обсуждение домашнего



	преобразованиями (и матрицами). Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения линейного преобразования.	задания.
--	--	----------

**2.3.3 Лабораторные занятия.** Не предусмотрены.

### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены.

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Векторы, операции над векторами. Система координат.	1. Цубербиллер О.Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии. – СПб: ЛАНЬ, 2003. 2. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры. - М.: Высшая школа, М.: МГУ, 2007. 3. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра. Учеб. – М.: Физматлит, 2005.– 280 с.
2	Определители и матрицы.	1. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. Лань, Санкт-Петербург-Москва-Краснодар 2010. 2. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения. М.: Физматлит, 2009. 3. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра. Учеб. – М.: Физматлит, 2005.– 280 с.
3	Системы линейных уравнений	1. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. Лань, Санкт-Петербург-Москва-Краснодар 2010. 2. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения. М.: Физматлит, 2009. 3. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра. Учеб. – М.: Физматлит, 2005.– 280 с.
4	Линейные векторные пространства	1. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. Лань, Санкт-Петербург-Москва-Краснодар 2010. 2. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения. М.: Физматлит, 2009.
5	Линейные преобразования	1. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. Лань, Санкт-Петербург-Москва-Краснодар 2010. 2. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения. М.: Физматлит, 2009.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

- в форме аудиофайла,
- в печатной форме на языке Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3. Образовательные технологии.

Активные и интерактивные формы, лекции, практические занятия, контрольные работы, коллоквиумы, зачеты и экзамены, компьютеры. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. В семестре проводятся контрольные работы (на практических занятиях). Экзамен сдается после сдачи контрольных работ.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

### 4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

#### 4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.

#### Примерные задачи для контрольных работ

#### Контрольная работа №1 (ОПК1)

1. В треугольнике  $ABC$  вершины имеют координаты

$$A(2; 2; -2), B(3; 4; 2), C(4; 3; 2).$$

Найти:

- длины сторон;
- внутренние углы;
- острый угол между медианой  $BD$  и стороной  $AC$ ;
- площадь треугольника.

2. Даны векторы  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ .

$$\vec{a} = 4\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}, \vec{b} = 2\vec{i} + \vec{k}, \vec{c} = 2\vec{i} - 4\vec{j} + 8\vec{k}.$$

Вычислить (в векторной форме)

- смешанное произведение трех векторов (компланарны ли указанные векторы?)
- скалярное произведение векторов  $\vec{a}, \vec{b}$ .

в) площадь параллелограмма, построенного на векторах  $\vec{a}, \vec{c}$ .

3. Даны четыре точки  $A_1(2, 1, 7), A_2(3, 3, 6), A_3(2, -3, 9), A_4(1, 2, 5)$ .

Составить уравнения:

уравнение прямой  $A_1A_2$ ;

б) уравнение прямой, проходящей через точку  $A_4$ , параллельно прямой  $A_1A_2$ .

в) уравнения прямой, проходящей через точку  $A_3$ , перпендикулярно к прямой  $A_1A_2$ .

## Контрольная работа №2 (ОПК1)

1. Дана треугольная пирамида  $ABCD$ ,  $A(1;1;1)$ ,  $B(2;0;2)$ ,  $C(2;2;2)$ ,  $D(3;4;-3)$ .

Найти:

- уравнение прямой  $AB$ ; длину ребра  $\overline{AB}$ ;
- площадь грани  $ABC$ ;
- угол между прямыми  $AB$  и  $AD$ ;
- длину и уравнение высоты, проведенной из вершины  $D$  на грань  $ABC$ ;
- объем пирамиды  $ABCD$ .

2. Составить уравнение эллипса, зная что

- расстояние между фокусами равно 6 и большая полуось равна 5;
  - большая полуось равна 10 и эксцентриситет равен 0,8;
  - сумма полуосей равна 8, расстояние между фокусами тоже равно 8.
3. Вычислить определитель:

$$\begin{vmatrix} 5 & 0 & 4 & 3 \\ 0 & 1 & 6 & -1 \\ -2 & 0 & 2 & 11 \\ -1 & 6 & 3 & -1 \end{vmatrix}$$

- приведя его к ступенчатому виду;
- разложив по элементам ряда.

4. Решить систему линейных уравнений:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 8, \\ 4x_1 + 5x_2 + 6x_3 = 19, \\ 7x_1 + 8x_2 = 1. \end{cases}$$

матричным методом, по формулам Крамера

5. Проверить совместность системы линейных уравнений, в случае совместности решить ее методом Гаусса

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - 6x_3 = -15, \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 = 13, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 = 9. \end{cases}$$

Контрольная работа по дисциплине «Аналитическая геометрия»

**Задания к вариантам:**

**1.** Проверить совместность системы уравнений и в случае совместности решить её:

- по формулам Крамера;
- с помощью обратной матрицы (матричным методом);
- методом Гаусса.

2. Даны вершины треугольника ABC:  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$ ,  $C(x_3, y_3)$ . Найти:

а) уравнение стороны AB;

б) уравнение высоты CH;

в) уравнение медианы AM;

г) точку N пересечения медианы AM и высоты CH;

д) уравнение прямой, проходящей через вершину C параллельно стороне AB;

е) расстояние от точки C до прямой AB.

Вариант 1.

$$1.1 \begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 7 \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 6 \end{cases}; \quad 1.2 \quad A(-2, 4), \quad B(3, 1), \quad C(10, 7).$$

Вариант 2.

$$2.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 + 2x_3 = 3 \\ x_1 + x_2 + 2x_3 = -4 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = -3 \end{cases}; \quad 2.2 \quad A(-3, -2), \quad B(14, 4), \quad C(6, 8).$$

Вариант 3.

$$3.1 \begin{cases} 3x_1 - x_2 + x_3 = 12 \\ x_1 + 2x_2 + 4x_3 = 6 \\ 5x_1 + x_2 + 2x_3 = 3 \end{cases}; \quad 3.2 \quad A(1, 7), \quad B(-3, -1), \quad C(11, -3).$$

Вариант 4.

$$4.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 = -4 \\ x_1 + 3x_2 - x_3 = 11 \\ x_1 - 2x_2 + 2x_3 = -7 \end{cases}; \quad 4.2 \quad A(1, 0), \quad B(-1, 4), \quad C(9, 5).$$

Вариант 5.

$$5.1 \begin{cases} 3x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 12 \\ 3x_1 + 4x_2 - 2x_3 = 6 \\ 2x_1 - x_2 - x_3 = -9 \end{cases}; \quad 5.2 \quad A(1, -2), \quad B(7,1), \quad C(3,7).$$

Вариант 6.

$$6.1 \begin{cases} 8x_1 + 3x_2 - 6x_3 = -4 \\ x_1 + x_2 - x_3 = 2 \\ 4x_1 + x_2 - 3x_3 = -5 \end{cases}; \quad 6.2 \quad A(-2, -3), \quad B(1,6), \quad C(6,1).$$

Вариант 7.

$$7.1 \begin{cases} 4x_1 + x_2 - 3x_3 = 9 \\ x_1 + x_2 - x_3 = -2 \\ 8x_1 + 3x_2 - 6x_3 = 12 \end{cases}; \quad 7.2 \quad A(-4,2), \quad B(-6,6), \quad C(6,2).$$

Вариант 8.

$$8.1 \begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 33 \\ 7x_1 - 5x_2 = 24 \\ 4x_1 + 11x_3 = 39 \end{cases}; \quad 8.2 \quad A(4, -3), \quad B(7,3), \quad C(1,10).$$

Вариант 9.

$$9.1 \begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 12 \\ 7x_1 - 5x_2 + x_3 = -33 \\ 4x_1 + x_3 = -7 \end{cases}; \quad 9.2 \quad A(4, -4), \quad B(8,2), \quad C(3,8).$$

Вариант 10.

$$10.1 \begin{cases} x_1 + 4x_2 - x_3 = 6 \\ 5x_2 + 4x_3 = -20 \\ 3x_1 - 2x_2 + 5x_3 = -22 \end{cases}; \quad 10.2 \quad A(-3,-3), \quad B(5,-7), \quad C(7,7).$$

Вариант 11.

$$11.1 \begin{cases} 3x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 21 \\ 3x_1 + 4x_2 - 2x_3 = 9 \\ 2x_1 - x_2 - x_3 = 10 \end{cases}; \quad 11.2 \quad A(1,-6), \quad B(3,4), \quad C(-3,3).$$

Вариант 12.

$$12.1 \begin{cases} 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = 5 \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 12 \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 = -1 \end{cases}; \quad 12.2 \quad A(-4,2), \quad B(8,-6), \quad C(2,6).$$

Вариант 13.

$$13.1 \begin{cases} 4x_1 + x_2 + 4x_3 = 19 \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 = 11 ; \\ x_1 + x_2 + 2x_3 = 8 \end{cases}$$

$$13.2 \quad A(-5,2), \quad B(0,-4), \quad C(5,7).$$

Вариант 14.

$$14.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 + 2x_3 = 0 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = 11 ; \\ x_1 + x_2 + 2x_3 = 4 \end{cases}$$

$$14.2 \quad A(4,-4), \quad B(6,2), \quad C(-1,8).$$

Вариант 15.

$$15.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 + 2x_3 = 8 \\ x_1 + x_2 + 2x_3 = 11 ; \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = 22 \end{cases}$$

$$15.2 \quad A(-3,8), \quad B(-6,2), \quad C(0,-5).$$

Вариант 16.

$$16.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 - 3x_3 = -9 \\ x_1 + 5x_2 + x_3 = 20 ; \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 15 \end{cases}$$

$$16.2 \quad A(6,-9), \quad B(10,-1), \quad C(-4,1).$$

Вариант 17.

$$17.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 - 3x_3 = 0 \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 1 ; \\ x_1 + 5x_2 + x_3 = -3 \end{cases}$$

$$17.2 \quad A(4,1), \quad B(-3,-1), \quad C(7,-3).$$

Вариант 18.

$$18.1 \begin{cases} -3x_1 + 5x_2 + 6x_3 = -8 \\ 3x_1 + x_2 + x_3 = -4 ; \\ x_1 - 4x_2 - 2x_3 = -9 \end{cases}$$

$$18.2 \quad A(-4,2), \quad B(6,-4), \quad C(4,10).$$

Вариант 19.

$$19.1 \begin{cases} 3x_1 + x_2 + x_3 = -4 \\ -3x_1 + 5x_2 + 6x_3 = 36 ; \\ x_1 - 4x_2 - 2x_3 = -19 \end{cases}$$

$$19.2 \quad A(3,-1), \quad B(11,3), \quad C(-6,2).$$

Вариант 20.

$$20.1 \begin{cases} 3x_1 - x_2 + x_3 = -11 \\ 5x_1 + x_2 + 2x_3 = 8 ; \\ x_1 + 2x_2 + 4x_3 = 16 \end{cases}$$

$$20.2 \quad A(-7,-2), \quad B(-7,4), \quad C(5,-5).$$

Вариант 21.

$$21.1 \begin{cases} 3x_1 - x_2 + x_3 = 9 \\ 5x_1 + x_2 + 2x_3 = 11 ; \\ x_1 + 2x_2 + 4x_3 = 19 \end{cases}$$

$$21.2 \quad A(-1,-4), \quad B(9,6), \quad C(-5,4).$$

Вариант 22.

$$22.1 \begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 4 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 0 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 1 \end{cases};$$

$$22.2 \quad A(10,-2), \quad B(4,-5), \quad C(-3,1).$$

Вариант 23.

$$23.1 \begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 12 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 16 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 8 \end{cases};$$

$$23.2 \quad A(-3,-1), \quad B(-4,-5), \quad C(8,1).$$

Вариант 24.

$$24.1 \begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 14 \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = -16 \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = -8 \end{cases};$$

$$24.2 \quad A(-2,-6), \quad B(-3,5), \quad C(4,0).$$

Вариант 25.

$$25.1 \begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - 2x_3 = 11 \\ 2x_1 - x_2 - x_3 = 4 \\ 3x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 11 \end{cases};$$

$$25.2 \quad A(-7,-2), \quad B(3,-8), \quad C(-4,6).$$

Вариант 26.

$$26.1 \begin{cases} 1x_1 + 5x_2 - 6x_3 = -15 \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 = 13 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 = 9 \end{cases};$$

$$26.2 \quad A(0,2), \quad B(-7,-4), \quad C(3,2).$$

Вариант 27.

$$27.1 \begin{cases} 4x_1 - x_2 = -6 \\ 3x_1 + 2x_2 + 5x_3 = -14 \\ x_1 - 3x_2 + 4x_3 = -19 \end{cases};$$

$$27.2 \quad A(7,0), \quad B(1,4), \quad C(-8,-4).$$

Вариант 28.

$$28.1 \begin{cases} 2x_1 - x_2 + 2x_3 = 3 \\ x_1 + x_2 + 2x_3 = -4 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = -3 \end{cases};$$

$$28.2 \quad A(-3,-2), \quad B(14,4), \quad C(6,8).$$

Вариант 29.

$$29.1 \begin{cases} x_1 + 4x_2 - x_3 = -9 \\ 4x_1 - x_2 + 5x_3 = -2 \\ 3x_2 - 7x_3 = -6 \end{cases};$$

$$29.2 \quad A(-5,1), \quad B(8,-2), \quad C(1,4).$$



Вариант 30.

$$30.1 \begin{cases} 7x_1 + 4x_2 - x_3 = 13 \\ 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 3 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 = -10 \end{cases}; \quad 30.2 \quad A(2,5), \quad B(-3,1), \quad C(0,4).$$

***Вопросы к коллоквиуму по аналитической геометрии и линейной алгебре (ОПК-1)***

1. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базисы векторов на прямой, плоскости, пространстве.
2. Скалярное произведение векторов. Геометрические и алгебраические свойства скалярного произведения.
3. Векторное произведение векторов. Геометрические и алгебраические свойства векторного произведения.
4. Смешанное произведение векторов. Геометрические и алгебраические свойства смешанного произведения.
5. Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Скалярное произведение векторов в координатах. Приложения скалярного произведения.
6. Векторное и смешанное произведения векторов в координатах. Приложения векторного и смешанного произведения.
7. Определители 2 и 3 порядков. Свойства.
8. Перестановки и подстановки n-го порядка.
9. Поведение определителя при перестановке его строк или столбцов.
10. Линейные свойства определителя.
11. Миноры и алгебраические дополнения. Формула Лапласа.
12. Системы линейных уравнений. Правило Крамера.
13. Ранг матрицы. Теорема об элементарных преобразованиях. Вычисление ранга матрицы.
14. Линейная зависимость и независимость строк или столбцов. Теорема о ранге матрицы.
15. Произвольная система линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
16. Метод Гаусса.

**4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.**

***Вопросы к экзамену по аналитической геометрии и линейной алгебре (ОПК-1)***

1. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базисы векторов на прямой, плоскости, пространстве.

2. Скалярное произведение векторов. Геометрические и алгебраические свойства скалярного произведения.
3. Векторное произведение векторов. Геометрические и алгебраические свойства векторного произведения.
4. Смешанное произведение векторов. Геометрические и алгебраические свойства смешанного произведения.
5. Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Скалярное произведение векторов в координатах. Приложения скалярного произведения.
6. Векторное и смешанное произведения векторов в координатах. Приложения векторного и смешанного произведения.
7. Определители 2 и 3 порядков. Свойства.
8. Перестановки и подстановки  $n$ -го порядка.
9. Поведение определителя при перестановке его строк или столбцов.
10. Линейные свойства определителя.
11. Миноры и алгебраические дополнения. Формула Лапласа.
12. Системы линейных уравнений. Правило Крамера.
13. Ранг матрицы. Теорема об элементарных преобразованиях. Вычисление ранга матрицы.
14. Линейная зависимость и независимость строк или столбцов. Теорема о ранге матрицы.
15. Произвольная система линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
16. Метод Гаусса.
17. Операции над матрицами. Сложение и умножение на число.
18. Умножение матриц. Ассоциативность умножения матриц.
19. Обратная матрица.
20. Алгебра квадратных матриц.
21. Поле. Числовые поля. Линейное пространство над полем. Примеры линейных пространств.
22. Линейная независимость и базис в линейном пространстве. Размерность линейного пространства.
23. Переход к новому базису. Матрица перехода.
24. Линейные подпространства.
25. Линейное преобразование (оператор). Матрица линейного преобразования.
26. Действия над линейными операторами.
27. Теорема об определителе произведения матриц.
28. Невырожденное линейное преобразование. Обратная матрица.

29. Матрица линейного преобразования в новом базисе.
30. Линейные отображения пространств. Прямоугольные матрицы.
31. Инвариантные подпространства.
32. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).**

### **5.1 Основная литература:**

1. Цубербиллер О.Н. *Задачи и упражнения по аналитической геометрии*, СПб, Лань, 2003, 336 с.
2. Проскураков И.В. *Сборник задач по линейной алгебре*. Лань, Скт-Петербург-Москва-Краснодар 2010.
3. Беклемишев Д.В. *Курс аналитической геометрии и линейной алгебры*. - М.: Высшая школа, М.: МГУ, 2007.
4. Головина Л.И. *Линейная алгебра и некоторые её приложения*. М.: Физматлит, 2009.
5. Александров П.С. *Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учеб. пособие*. – М.: Наука. Гл.ред. физ.-мат. лит., 2010 – 672 с.: ил.

### **5.2 Дополнительная литература:**

1. Ильин В.А., Позняк Э.Г. *Аналитическая геометрия*. 6-е изд. М. Физматлит, 2002. 240 с.
2. Ильин В.А., Позняк Э.Г. *Линейная алгебра*. – М.: Наука, 1984.
3. Федорчук В.В. *Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учеб. пособие*. – М.: Изд-во МГУ, 1990. – 328 с.

4. Александров П.С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учеб. пособие. – М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1990. – 672 с.: ил.

### 5.3. Периодические издания:

Не используются при изучении данного курса.

## 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).

### 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

1. Цубербиллер О.Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии// Ресурс:

<http://edu-lib.net/matematika-2/dlya-studentov/tsuberbiller-o-n-zadachi-i-uprazhneniya-po>

2. Проскураков И.В. Сборник задач по линейной алгебре// Ресурс:

[http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=1&ved=0CB4QFjAA&url=http%3A%2F%2Felibrary.sgu.ru%2Fuch\\_lit%2F560.pdf&ei=267JVLyfHcz3UqjzgYAK&usg=AFQjC\\_NFNamwY\\_xFMoMH24ToFM-xmegIoQw&bvm=bv.84607526,d.d24&cad=rjt](http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=1&ved=0CB4QFjAA&url=http%3A%2F%2Felibrary.sgu.ru%2Fuch_lit%2F560.pdf&ei=267JVLyfHcz3UqjzgYAK&usg=AFQjC_NFNamwY_xFMoMH24ToFM-xmegIoQw&bvm=bv.84607526,d.d24&cad=rjt)

3. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры// Ресурс:

[http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=2&ved=0CCEQFjAB&url=http%3A%2F%2Frepository.enu.kz%2Fbitstream%2Fhandle%2F123456789%2F8092%2FBeklemishev\\_Kurs%2520analiticheskoi.pdf&ei=dq\\_JVKnCI4LsUuD8gogD&usg=AFQjCNGO\\_ZeG2Wt9I2Zlw8lRfgalXOeFA&bvm=bv.84607526,d.d24&cad=rjt](http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=2&ved=0CCEQFjAB&url=http%3A%2F%2Frepository.enu.kz%2Fbitstream%2Fhandle%2F123456789%2F8092%2FBeklemishev_Kurs%2520analiticheskoi.pdf&ei=dq_JVKnCI4LsUuD8gogD&usg=AFQjCNGO_ZeG2Wt9I2Zlw8lRfgalXOeFA&bvm=bv.84607526,d.d24&cad=rjt)

4. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения// Ресурс:

<http://lib-bkm.ru/load/96-1-0-3010>

## 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

Текущий контроль осуществляется преподавателем, ведущим практические занятия на основе выполнения студентами домашних заданий и лабораторного практикума. В течение семестра проводятся контрольные работы и теоретический коллоквиум. Итоговый контроль осуществляется в форме экзамена.

Контрольные, коллоквиумы оцениваются по пятибалльной системе. Экзамены оцениваются по системе: неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично. На практических занятиях контроль осуществляется при ответе у доски и при проверке домашних заданий.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

## 8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю). (при необходимости)

### 8.1 Перечень информационных технологий.

Информационные технологии - не предусмотрены.

### 8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

Программное обеспечение – не предусмотрено.

### 8.3 Перечень информационных справочных систем:

1. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)

**9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран)
2.	Практические занятия	Аудитория
3.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория
4.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.