

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет математики и компьютерных наук



УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,
качеству образования – первый
проректор

подпись

Т.А. Хагуров

«30» мая 2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.ДВ.04.01 ЭЛЛИПТИЧЕСКАЯ КРИВАЯ И ЭЛЕКТРОННАЯ ПОДПИСЬ

Специальность 01.05.01 Фундаментальные математика и механика

Направленность (профиль) Фундаментальная математика и ее приложения

Форма обучения очная

Квалификация Математик. Механик. Преподаватель

Краснодар 2025

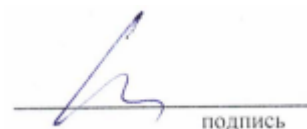
Рабочая программа дисциплины Эллиптическая кривая и электронная подпись составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки / специальности 01.05.01 Фундаментальные математика и механика (Фундаментальная математика и ее приложения)

код и наименование направления подготовки

Программу составил(и):

А.В. Рожков, профессор, д.ф.-м.н., профессор

И.О. Фамилия, должность, ученая степень, ученое звание



подпись

Рабочая программа дисциплины Эллиптическая кривая и электронная подпись

утверждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры протокол № 11 «13» мая 2025 г.

Заведующий кафедрой функционального анализа и алгебры

Барсукова В.Ю.

фамилия, инициалы

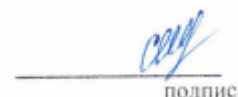


подпись

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета/института математики и компьютерных наук протокол № 4 «14» мая 2025 г.

Председатель УМК факультета/института Шмалько С.П.

фамилия, инициалы



подпись

Рецензенты:

Крамаренко Т.А. к.п.н., доцент кафедры системного анализа и обработки информации КубГАУ

Лежнев А.В. к.ф.-м.н., зав. кафедрой математических и компьютерных методов КубГУ

1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).

1.1 Цель освоения дисциплины.

Цель освоения дисциплины – рассматривает задачи информатизации и защиты информации. Изучение этой дисциплины является важной составной частью современного математического образования и образования в области компьютерных наук.

1.2 Задачи дисциплины.

Задачи освоения дисциплины «Эллиптическая кривая и электронная подпись»: получение базовых теоретических и исторических сведений о структуре информатизации, ее развитии, применении этих знаний на практике, перспектив развития математических и компьютерных наук, месте и роли защиты информации в структуре информатизации.

Изучение теоретических основ предмета: автоматизированные системы, функционирующие в условиях существования угроз в информационной сфере и обладающие информационно-технологическими ресурсами, подлежащими защите; информационные технологии, формирующие информационную инфраструктуру в условиях существования угроз в информационной сфере и задействующие информационно-технологические ресурсы, подлежащие защите; технологии обеспечения информационной безопасности автоматизированных систем; системы управления информационной безопасностью автоматизированных систем;

Развитие навыков разработки алгоритмов и практического решения прикладных задач информатизации. Сбор, обработка, анализ и систематизация научно-технической информации, отечественного и зарубежного опыта по проблемам информационной безопасности автоматизированных систем; подготовка научно-технических отчетов, обзоров, публикаций по результатам выполненных исследований.

1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.

Дисциплина эллиптическая кривая и электронная подпись относится к части, формируемой участниками образовательных отношений к вариативной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана Б1.В.ДВ.04.01

Курс эллиптическая кривая и электронная подпись продолжает, начатое на трех курсах математическое образование и студентов соответствующего направления подготовки. Знания, полученные в этом курсе, могут быть использованы в курсах защита операционных систем и баз данных, криптография, организационно-правовые методы защиты информации и др. Слушатели должны владеть знаниями в рамках программы курсов «Алгебра», «Дискретная математика», «Программирование», «Информатика», «Правоведение».

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций:

Код и наименование индикатора* достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине (знает, умеет, владеет (навыки и/или опыт деятельности))
ПК-2 Способен активно участвовать в исследовании новых математических моделей в естественных науках	
ПК-2.1 Умеет использовать математические модели и применять численные методы решения задач в естественных науках	Знать: об основных задачах и понятиях криптографии; о классификации шифров; о методах криптографического синтеза и анализа; о применениях криптографии в решении задач аутентификации, построения систем цифровой подписи;
ПК-2.2 Разрабатывает новые математические модели в естественных науках	Уметь использовать: типовые шифры замены и перестановки; частотные характеристики языков и их использование в криптоанализе;
ПК-2.3 Владеет навыками математической обработки результатов	

Код и наименование индикатора* достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине (знает, умеет, владеет (навыки и/или опыт деятельности))
экспериментальных исследований составленных математических моделей	требования к шифрам и основные характеристики шифров; принципы построения современных шифрсистем: Владеть: криптографической терминологией; навыками использования основных типов шифров и криптографических алгоритмов; методами криптоанализа простейших шифров:

Результаты обучения по дисциплине достигаются в рамках осуществления всех видов контактной и самостоятельной работы обучающихся в соответствии с утвержденным учебным планом.

Индикаторы достижения компетенций считаются сформированными при достижении соответствующих им результатов обучения.

2. Структура и содержание дисциплины.

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 2 зач. ед. (72 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Вид учебной работы		Всего часов	Семестры (часы)			
			9			
Контактная работа, в том числе:						
Аудиторные занятия (всего):		30	30			
Занятия лекционного типа		10	10	-	-	-
Лабораторные занятия		20	20	-	-	-
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)				-	-	-
Иная контактная работа:						
Контроль самостоятельной работы (КСР)		4	4			
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,2	0,2			
Самостоятельная работа, в том числе:		37.8	37.8			
Курсовая работа		-	-	-	-	-
Проработка учебного (теоретического) материала		10	10	-	-	-
Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)		7	7	-	-	-
Интер часы		14	14			
Реферат		4	4	-	-	-
Подготовка к текущему контролю		16,8	16,8	-	-	-
Контроль:						
Подготовка к зачету		-	-			
Общая трудоемкость	час.	72	72	-	-	-
	в том числе контактная работа	34,2	34,2			
	зач. ед	2	2			

2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в 9 семестре (*очная форма*)

№	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	СРС
1	2	3	4	5	6	7
1	Об основных задачах и понятиях криптографии; о классификации шифров; о нормативно-правовых основах защиты информации.	14	2		4	8
2	Эллиптические кривые над конечными полями и алгоритмы вычисления на них.	16	2		4	10
3	Табличное и модульное гаммирование.	14	2		4	8
4	Построение больших простых чисел.	23,8	4		8	11,8
	<i>Итого по дисциплине:</i>		10		20	37,8

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

2.3 Содержание разделов дисциплины:

2.3.1 Занятия лекционного типа.

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Об основных задачах и понятиях криптографии; о нормативно-правовых основах защиты информации.	Линейные рекуррентные последовательности ЛРП над полем. Характеристический многочлен и начальный вектор ЛРП. о нормативно-правовых основах защиты информации. О методах криптографического синтеза и анализа; о применениях криптографии в решении задач аутентификации, о методах криптографического синтеза и анализа. о классификации шифров; построения систем цифровой подписи.	Р
2	Эллиптические кривые над конечными полями и алгоритмы вычисления на них.	Приведение кривой к каноническому виду. Вычисления числа точек на эллиптической кривой. Сложение точек. Нахождение порядков точек. Нахождение порождающих точек эллиптической кривой.	Р
3	Табличное и модульное гаммирование.	Случайные и псевдослучайные гаммы. Регистры сдвига с обратной связью Криптограммы, полученные при повторном использовании ключа. Анализ криптограмм, полученных применением неравновероятной гаммы.	Э

4	Построение больших простых чисел.	Алгоритмы проверки на простоту. Эллиптические кривые над конечными полями и алгоритмы вычисления на них. Электронная подпись.	Р
---	-----------------------------------	---	---

2.3.2 Занятия семинарского типа.

Не предусмотрены

2.3.3 Лабораторные занятия.

№	Наименование лабораторных работ	Форма текущего контроля
1	3	4
1	Минимальный многочлен ЛРП, его единственность, вычисление по генератору и характеристическому многочлену. Биномиальная последовательность и ее минимальный многочлен. Биномиальный базис пространства ЛРП над полем.	Р
2	Вычисление периода ЛРП над конечным полем по ее минимальному многочлену. ЛРП максимального периода и ее свойства..	Р
3	Приведение кривой к каноническому виду. Вычисления числа точек на эллиптической кривой. Сложение точек.	Э
4	Нахождение порядков точек. Нахождение порождающих точек эллиптической кривой.	Р
5	Случайные и псевдослучайные гаммы. Регистры сдвига с обратной связью	Р
6	Криптограммы, полученные при повторном использовании ключа. Анализ криптограмм, полученных применением неравновероятной гаммы.	Э
7	Алгоритмы проверки на простоту. Эллиптические кривые над конечными полями и алгоритмы вычисления на них.	Р
8	Электронная подпись.	Р

Защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т).

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3

1	Подготовка рефератов и научных сообщений	Рожков А.В. «Темы исследовательских работ и методические указания по их написанию», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017 г.
2	Решение задач	Рожков А.В. «Лабораторная работа по теоретико-числовым методам криптографии по криптографии. Методические указания», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017 г.
3	Самостоятельное освоение теории	Рожков А.В. «Теоретико-числовые методы криптографии. Учебное пособие», утвержденное кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017.
4	Решение задач	Рожков А.В. «Решebник типовых задач по криптографии. Методические указания», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017 г.

1. Методические указания для подготовки к занятиям лекционного и семинарского типа. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

2. Методические указания по выполнению самостоятельной работы обучающихся. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

3. Методические указания по использованию интерактивных методов обучения. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г.

4. Методические указания по подготовке эссе, рефератов, курсовых работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г.

5. Методические указания по выполнению лабораторных работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

6. Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме с увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

3. Образовательные технологии.

Активные и интерактивные формы, лекции, контрольные работы, реферативные доклады (по некоторым темам в виде презентации) и зачет. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. Каждый

студент готовит реферативный доклад по одной из ниже научных тем. Зачет выставляется после выполнения определенного количества (практических и теоретических) заданий контрольных работ и отчета по реферативному докладу. В случае невыполнения какого-то из приведенных требований, студенту для сдачи зачета предлагаются по усмотрению преподавателя некоторые практические и теоретические задания, подобные предложенным ниже.

К образовательным технологиям также относятся интерактивные методы обучения. Интерактивность подачи материала по дисциплине «Эллиптическая кривая и электронная подпись» предполагает не только взаимодействия вида «преподаватель - студент» и «студент - преподаватель», но и «студент - студент». Все эти виды взаимодействия хорошо достигаются при изложении материала на занятиях в ходе дискуссий, а также на лабораторных занятиях в ходе изложения студентами реферативных докладов (возможно в виде презентации).

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Структура оценочных средств для текущей и промежуточной аттестации

№ п/п	Код и наименование индикатора (в соответствии с п. 1.4)	Результаты обучения (в соответствии с п. 1.4)	Наименование оценочного средства	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
	ПК-2.1 Демонстрирует навыки логичного и последовательного изложения материала научного исследования в устной и письменной форме	Знать: основные педагогические методы и идеи	Тест по теме, разделу Круглый стол, Кейс Защита персональных данных	Методы правовой защиты информации. Правовые основы защиты государственной, коммерческой, служебной, профессиональной и личной тайны. Защита персональных данных. Правовая основа допуска и доступа персонала к защищаемым сведениям.
	ПК-2.2 Конструирует предметное содержание и адаптирует его в соответствии с особенностями целевой аудитории	Владеть: анализом информационной инфраструктуры государства; формальной постановкой и решением задачи обеспечения информационной безопасности компьютерных систем.	Индивидуальная работа Система правовой ответственности за утечку информации и утрату носителей информации.	Система правовой ответственности за утечку информации и утрату носителей информации. Правовые основы деятельности подразделений защиты информации

Контрольная работа

Вариант 1

Применения и разработки шифровальных средств

Вариант 2

Применения электронной подписи.....

Вариант 3

Модели, стратегии и системы обеспечения информационной безопасности.

Вариант 4

Критерии и классы защищенности средств вычислительной техники и автоматизированных информационных систем.

Вариант 5

Компьютерная система как объект информационной безопасности.

Список теоретических вопросов (для самостоятельных работ и зачета)

1. Защита персональных данных.
2. История криптографии; классические шифры, шифры гаммирования.
3. Принципы построения криптографических алгоритмов.
4. Различие между программными и аппаратными реализациями шифров.
5. Функция Эйлера и Мебиуса.
6. Группы обратимых элементов в кольцах.
7. Структура мультипликативной группы кольца вычетов.
8. Обратимые элементы.
9. Примитивные элементы.
10. Особенности использования вычислительной техники в криптографии вопросы организации сетей засекреченной связи.
11. Криптографические хеш-функции.
12. Электронная подпись.
13. Криптографические протоколы.
14. Предмет и задачи программно-аппаратной защиты информации.
15. Идентификация субъекта, понятие протокола идентификации.
16. Пароли и ключи, организация хранения ключей.

Список типовых практических заданий (для лабораторных занятий и зачета)

1. Применения и разработки шифровальных средств.
2. Применения электронной подписи.
3. Криптографические методы обеспечения информационной безопасности.
4. Алгоритмы проверки на простоту.
5. Эллиптические кривые над конечными полями.
6. Алгоритмы вычисления в конечных полях.
7. Электронная подпись по схеме Эль Гамала.
8. Электронная подпись на основе RSA.
9. Случайные и псевдослучайные гаммы.
10. Регистры сдвига с обратной связью.
11. Схема Файстеля.
12. Подсчет количества точек на эллиптической кривой.
13. Операция сложения на эллиптической кривой.
14. Схема алгоритма RSA.
15. Криптограммы, полученные при повторном использовании ключа.
16. Анализ криптограмм, полученных применением неравновероятной гаммы.
17. Стандарт РФ. ГОСТ 28147 – 89. Системы обработки информации. Защита криптографическая. Алгоритм криптографического преобразования.
18. Стандарт РФ. ГОСТ Р 34.11–2012. Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования.
19. Стандарт РФ. ГОСТ Р 34.10-2012. Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной

Примерные практические-лабораторные работы

1. Нахождение примитивного элемента конечного поля.
2. Построение таблицы логарифма Якоби конечного поля.
3. Решение систем линейных уравнений над конечным полем.
4. Алгоритм быстрого возведения в степень.
5. Нахождение обратных элементов в конечном поле.
6. Расширения конечных полей.
7. Алгоритм шифрования AES: структура поля $GF(2^8)$, нахождение обратных элементов.
8. Алгоритм шифрования AES: фактор кольцо $GF(2^8)[x]/\text{ид}((x+1)^4)$, преобразование столбцов.
9. Алгоритм шифрования AES: Линейное преобразование, собственные значения

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

матрицы

10. Алгоритм RSA – выбор секретных параметров p, q, d , вычисление открытого ключа n, e .
11. Рюкзачная система шифрования. Быстрорастущий вектор. Скрытие быстрорастущего вектора после преобразования умножения по модулю.
12. Решение систем линейных уравнений по разным модулям.
13. Решение систем линейных уравнений в кольце целых чисел.
14. Линейный регистр сдвига с обратной связью

$$S_{n+k} = a_{k-1}S_{n+k-1} + a_{k-2}S_{n+k-2} + \dots + a_1S_{n+1} + a_0S_n + a, n = 0, 1, 2, \dots$$
15. Характеристический многочлен регистра сдвига

$$x^k = a_{k-1}x^{k-1} + a_{k-2}x^{k-2} + \dots + a_1x + a_0$$
16. Нахождение явного вида значений регистра сдвига

$$S_n = \beta_1\alpha_1^n + \beta_2\alpha_2^n + \dots + \beta_k\alpha_k^n, n = 0, 1, 2, \dots,$$

где $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_k$ - корни характеристического многочлена, коэффициенты $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_k \in P$ являются решениями системы

$$\begin{cases} \beta_1\alpha_1^0 + \beta_2\alpha_2^0 + \dots + \beta_k\alpha_k^0 = S_0 \\ \beta_1\alpha_1^1 + \beta_2\alpha_2^1 + \dots + \beta_k\alpha_k^1 = S_1 \\ \dots \\ \beta_1\alpha_1^{k-1} + \beta_2\alpha_2^{k-1} + \dots + \beta_k\alpha_k^{k-1} = S_{k-1} \end{cases}.$$

17. Матрица линейного регистра сдвига

ее собственные значения и жорданова форма.

18. Квадратичный закон взаимности. Вычисление квадратичных вычетов и невычетов.

19. Извлечение квадратных корней по простому модулю $p \equiv 3(\bmod 4) \Rightarrow p = 4k + 3$.
20. Извлечение квадратных корней по простому модулю $p \equiv 1(\bmod 4) \Rightarrow p = 4k + 1$.

Виды самостоятельной работы

Обязательными при изучении дисциплины «Теоретико-числовые методы криптографии» являются следующие виды самостоятельной работы:

- разбор и самостоятельное изучение теоретического материала по конспектам лекций и по учебным пособиям из списка источников литературы (п. 6.1);
- самостоятельное решение задач по темам лабораторных занятий (п. 6.2);
- подготовка к контрольным работам (п. 6.3);
- подготовка к реферативному докладу (п. 6.4);
- подготовка к зачету (п. 6.5).

Критерии оценивания результатов обучения

Оценка	Критерии оценивания по экзамену
Высокий уровень «5» (отлично)	оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы.
Средний уровень «4» (хорошо)	оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не оценены максимальным числом баллов, в основном сформировал практические навыки.
Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)	оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с пробелами освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, многие учебные задания либо не выполнил, либо они оценены числом баллов близким к минимальному, некоторые практические навыки не сформированы.
Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно)	оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не выполнил, практические навыки не сформированы.

Критерии оценивания по зачету:

«зачтено»: студент владеет теоретическими знаниями по данному разделу, знает формы допускает незначительные ошибки; студент умеет правильно объяснять материал, иллюстрируя его примерами

«не зачтено»: материал не усвоен или усвоен частично, студент затрудняется привести примеры, довольно ограниченный объем знаний программного материала.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление

информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

5.1 Основная литература:

1. Рябко Б.Я., Фионов А.Н. Криптографические методы защиты информации, 2-е изд. [Электронный ресурс]. – М.: Горячая линия-Телеком, 2017. - URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/111097>
2. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии. 3-е изд. [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2024. - <https://reader.lanbook.com/book/367010>

5.2 Дополнительная литература:

1. Рацеев С.М. Математические методы защиты информации, 2-е изд. [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2023. - URL: <https://reader.lanbook.com/book/326153>
2. Рацеев С.М. Математические методы защиты информации и их основы. Сборник задач: Учебное пособие для вузов [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2024. - URL: <https://reader.lanbook.com/book/292913>

6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Пакет компьютерной алгебры Sage 8.3. Официальный сайт <http://sagemath.org/>
2. Пакет компьютерной алгебры Gap4r9p3. Официальный сайт <http://www.gap-system.org/>
3. Пакет компьютерной алгебры PARI/GP 2.11 Официальный сайт <http://pari.math.u-bordeaux.fr/>

7.2 Методические указания к самостоятельной подготовке студентов для выполнения практических заданий лабораторных занятий

Для выполнения домашнего практического задания необходимо разобрать материал по соответствующей теме лабораторного занятия. При этом используются указания, данные преподавателем в ходе занятия, а также теоретико-практический материал, имеющийся в источниках из списка основной литературы. Если студент не смог понять приведенный в указанных источниках разбор типовых примеров в той степени, чтобы самостоятельно использовать предложенный алгоритм для решения задания, то он может получить консультацию преподавателя.

7.3. Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к выполнению контрольных работ

В течение семестра проводятся три контрольные работы, каждая из которых длится 45 минут и состоит из трех практических и одного теоретического задания. Тематика трех контрольных работ соответствует тематике трех содержательных разделов дисциплины: Каждое задание оценивается по пятибалльной шкале, высокая оценка ставится при

получении не менее 16 баллов, нижний порог успешности составляет 7 баллов. Для подготовки к контрольной работе необходимо выполнять задания в ходе лабораторных занятий, а также домашние задания. В процессе самоподготовки студенту желательно ознакомиться с разбором опорных по рассматриваемым темам задач, имеющихся в пособиях из списка литературы. Выше в пункте 6.2 приведен список заданий, который включает в себя все типы практических заданий контрольных работ.

7.4. Методические рекомендации к самостоятельной подготовке студентов к реферативному докладу

Каждый студент должен подготовить в течение семестра реферативный доклад по одной из тем, предназначенной для самостоятельного изучения. Для подготовки доклада желательно кроме основных источников литературы использовать дополнительные источники, а также Интернет-ресурс. Доклад может быть представлен студентом на лабораторном занятии, возможно, в виде презентации, если тема занятия соответствует теме доклада. Также студент может представить отчет о подготовке реферативного доклада в письменной форме в конце семестра. Оформление письменного отчета должно удовлетворять требованиям: а) текст набирается 14 шрифтом на бумаге формата А 4; б) на титульном листе кроме темы также указывается факультет, направление (бакалавриат), курс, группа, ФИО студента; в) содержание материала по объему составляет 4-5 страниц; г) список литературы содержит не менее двух источников (возможно, из списка литературы в пункте 7).

Примерные темы реферативных докладов

1. Алгебраическое и вероятностное определение шифр системы.
2. Криптосистемы с открытым ключом.
3. Понятие сертификата.
4. Криптосистема RSA. Выбор параметров.
5. Шифр AES
6. ГОСТ -89
7. Криптографические хэш-функции. Стандарты ГОСТ Р 34.11-2012 и SHA.
8. Схема Эль-Гамала
9. Вычисления на эллиптической кривой.
10. Цифровая подпись. Схемы цифровой подписи.
11. Стандарты ГОСТ Р 34.
12. Стандарт DSS.
13. Анализ программного криптопродукта.

7.4. Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к зачету

Согласно учебному плану дисциплины «Теоретико-числовые методы криптографии» итоговой формой контроля является зачет. Для допуска к зачету студент должен научиться на лабораторных занятиях решать практические задания по темам разделов 1-3 (табл. 4.1), выполнять домашние задания, а также успешно выполнить три контрольные работы. Типы практических заданий на зачет соответствуют заданиям из пункта 6.2. Также на зачете студентам предлагаются и теоретические задания, состоящие в письменном ответе на один из вопросов, приведенных в пункте 6.1. Количество практических и теоретических заданий зависит от активности и результативности работы студента в течение семестра. Если при условии хорошей посещаемости и активной работы на занятиях студент по трем контрольным работам и реферативному докладу заслужил высокие оценки, то он автоматически получает допуск к экзамену.

5.3. Интернет-ресурсы, в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы Электронно-библиотечные системы (ЭБС):

1. ЭБС «ЮРАЙТ» <https://urait.ru/>
2. ЭБС «УНИВЕРСИТЕТСКАЯ БИБЛИОТЕКА ОНЛАЙН» www.biblioclub.ru
3. ЭБС «BOOK.ru» <https://www.book.ru>
4. ЭБС «ZNANIUM.COM» www.znanium.com
5. ЭБС «ЛАНЬ» <https://e.lanbook.com>

Профессиональные базы данных:

1. Web of Science (WoS) <http://webofscience.com/>
2. Scopus <http://www.scopus.com/>
3. ScienceDirect www.sciencedirect.com
4. Журналы издательства Wiley <https://onlinelibrary.wiley.com/>
5. Научная электронная библиотека (НЭБ) <http://www.elibrary.ru/>
6. Полнотекстовые архивы ведущих западных научных журналов на Российской платформе научных журналов НЭИКОН <http://archive.neicon.ru>
7. Национальная электронная библиотека (доступ к Электронной библиотеке диссертаций Российской государственной библиотеки (РГБ) <https://rusneb.ru/>
8. Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина <https://www.prilib.ru/>
9. Электронная коллекция Оксфордского Российского Фонда <https://ebookcentral.proquest.com/lib/kubanstate/home.action>
10. Springer Journals <https://link.springer.com/>
11. Nature Journals <https://www.nature.com/siteindex/index.html>
12. Springer Nature Protocols and Methods <https://experiments.springernature.com/sources/springer-protocols>
13. Springer Materials <http://materials.springer.com/>
14. zbMath <https://zbmath.org/>
15. Nano Database <https://nano.nature.com/>
16. Springer eBooks: <https://link.springer.com/>
17. "Лекториум ТВ" <http://www.lektorium.tv/>
18. Университетская информационная система РОССИЯ <http://uisrussia.msu.ru>

Информационные справочные системы:

1. Консультант Плюс - справочная правовая система (доступ по локальной сети с компьютеров библиотеки)

Ресурсы свободного доступа:

1. Американская патентная база данных <http://www.uspto.gov/patft/>
2. Полные тексты канадских диссертаций <http://www.nlc-bnc.ca/thesecanada/>
3. КиберЛенинка (<http://cyberleninka.ru/>);
4. Министерство науки и высшего образования Российской Федерации <https://www.minobrnauki.gov.ru/>;
5. Федеральный портал "Российское образование" <http://www.edu.ru/>;
6. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" <http://window.edu.ru/>;
7. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов <http://school-collection.edu.ru/> .
8. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (<http://fcior.edu.ru/>);
9. Проект Государственного института русского языка имени А.С. Пушкина "Образование на русском" <https://pushkininstitute.ru/>;
10. Справочно-информационный портал "Русский язык" <http://gramota.ru/>;
11. Служба тематических толковых словарей <http://www.glossary.ru/>;

12. Словари и энциклопедии <http://dic.academic.ru/>;
13. Образовательный портал "Учеба" <http://www.ucheba.com/>;
14. Законопроект "Об образовании в Российской Федерации". Вопросы и ответы http://xn--273--84d1f.xn--p1ai/voprosy_i_otvety

Собственные электронные образовательные и информационные ресурсы

КубГУ:

1. Среда модульного динамического обучения <http://moodle.kubsu.ru>
2. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций <http://mschool.kubsu.ru/>
3. Библиотека информационных ресурсов кафедры информационных образовательных технологий <http://mschool.kubsu.ru/>;
4. Электронный архив документов КубГУ <http://docspace.kubsu.ru/>
5. Электронные образовательные ресурсы кафедры информационных систем и технологий в образовании КубГУ и научно-методического журнала "ШКОЛЬНЫЕ ГОДЫ" <http://icdau.kubsu.ru/>

6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

Согласно учебному плану дисциплины «Информационная безопасность» итоговой формой контроля является зачет. Для сдачи зачета студент должен научиться на лабораторных занятиях решать практические задания по темам разделов 1-3, выполнять домашние задания. Типы практических заданий на зачет соответствуют заданиям. Также на зачете студентам предлагаются и теоретические задания, состоящие в письменном ответе на один из вопросов. Количество практических и теоретических заданий зависит от активности и результативности работы студента в течение семестра.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине (модулю).

Для подготовки к ответам на теоретические вопросы в ходе контрольных работ и на зачете студентам достаточно использовать материал лекций. Весь этот теоретический материал содержится в учебных пособиях из списка основной литературы. Для изучения теоретического материала, необходимого для подготовки реферативного доклада, кроме основных источников литературы возможно использование дополнительных источников и Интернет-ресурса. В случае затруднений, возникающих у студентов в процессе самостоятельного изучения теории, преподаватель разъясняет сложные моменты на консультациях.

7. Материально-техническое обеспечение по дисциплине (модулю)

По всем видам учебной деятельности в рамках дисциплины используются аудитории, кабинеты и лаборатории, оснащенные необходимым специализированным и лабораторным оборудованием.

При заполнении таблицы учитывать все виды занятий, предусмотренные учебным планом по данной дисциплине: лекции, занятия семинарского типа (практические занятия, лабораторные работы), а также курсовое проектирование, консультации, текущий контроль и промежуточную аттестацию.

При использовании лаборатории указать ее наименование «Лаборатория...».

Наименование специальных помещений	Оснащенность специальных помещений	Перечень лицензионного программного обеспечения
Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер	
Учебные аудитории для проведения занятий семинарского типа, групповых и	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер	

индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Оборудование:	
Учебные аудитории для проведения лабораторных работ. Лаборатория...	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер Оборудование:	
Учебные аудитории для курсового проектирования (выполнения курсовых работ)	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер Оборудование:	

Для самостоятельной работы обучающихся предусмотрены помещения, укомплектованные специализированной мебелью, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Наименование помещений для самостоятельной работы обучающихся	Оснащенность помещений для самостоятельной работы обучающихся	Перечень лицензионного программного обеспечения
Помещение для самостоятельной работы обучающихся (читальный зал Научной библиотеки)	Мебель: учебная мебель Комплект специализированной мебели: компьютерные столы Оборудование: компьютерная техника с подключением к информационно-коммуникационной сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ к сети интернет (проводное соединение и беспроводное соединение по технологии Wi-Fi)	
Помещение для самостоятельной работы обучающихся (ауд. _____)	Мебель: учебная мебель Комплект специализированной мебели: компьютерные столы Оборудование: компьютерная техника с подключением к информационно-коммуникационной сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ к сети интернет (проводное соединение и беспроводное соединение по технологии Wi-Fi)	

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО)

		Программы, демонстрации видео материалов (проигрыватель «Windows Media Player»). Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»).
2.	Семинарские занятия	Не предусмотрены
3.	Лабораторные занятия	Лаборатория, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения – компьютерами с предустановленными GAP и Sage
4.	Курсовое проектирование	Не предусмотрено
5.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория для групповых занятий
6.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория для групповых занятий
7.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.