

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет компьютерных технологий и прикладной математики

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе,
качеству образования – первый
проректор

Хагуров Т.А.

подпись

«26» мая 2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.О.04 «МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»

Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) Математическое и информационное обеспечение экономической деятельности;

Программирование и информационные технологии);

Математическое моделирование в естественных науках и технологиях

Программа подготовки Академическая

Форма обучения Очная

Квалификация выпускника Бакалавр

Краснодар 2024

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика.

Программу составили:

Н.О. Чубырь, канд. физ.-мат. наук, доц

—  —

Н.М. Сеидова, канд. физ.-мат. наук, доц. КПИМ


подпись

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» утверждена на заседании кафедры прикладной математики протокол № 10 от 20.05.2024 г.

И.о. заведующего кафедрой (разработчика)
А.В. Письменский, к.ф.-м.н.



Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» обсуждена на заседании кафедр(ы):

- прикладной математики, протокол № 10 от 20.05.2024 г.

И.о. заведующего кафедрой (разработчика)
А.В. Письменский, к.ф.-м.н.



- информационных технологий, протокол № 20 от 21.05.2024 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей)
В.В. Подколзин, к.ф.-м.н.



- математического моделирования, протокол № 11 от 17.05.2024 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей)
акад. РАН, д.ф.-м.н., профессор В.А. Бабешко



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики протокол № 3 от 21.05.2024 г.

Председатель УМК факультета компьютерных технологий и прикладной математики УМК факультета Коваленко А.В, д.т.н., доцент



Рецензенты:

Шапошникова Татьяна Леонидовна.

Доктор педагогических наук, кандидат физико-математических наук, профессор. Почетный работник высшего профессионального образования РФ. Директор института фундаментальных наук (ИФН) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

Марков Виталий Николаевич.

Доктор технических наук. Профессор кафедры информационных систем и программирования института компьютерных систем и информационной безопасности (ИКСИБ) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели изучения дисциплины определены государственным образовательным стандартом высшего образования и соотнесены с общими целями образовательной программы по направлению подготовки «Прикладная математика и информатика», в рамках которой преподается дисциплина.

1.1 Целью освоения учебной дисциплины «Математический анализ» является формирование у студентов систематических знаний в области математического анализа, его месте и роли в системе математических наук и приложениях в естественных науках, что позволит развить профессиональные компетентности способности понимать и применять в исследовательской и прикладной деятельности современный математический аппарат.

1.2. Задачи дисциплины. В ходе изучения дисциплины ставятся задачи:

- **знать** основные понятия, положения и методы математического анализа;
- **уметь** доказывать утверждения, специфичные для математического анализа, применять методы математического анализа для решения математических задач;
- **владеть** методами математического анализа для исследования различных прикладных задач, изучать самостоятельно научную и учебно-методическую литературу по профилю из различных источников, включая сетевые ресурсы сети Интернет, для решения профессиональных и социальных задач.

1.3. Место учебной дисциплины в структуре ООП ВО

Дисциплина «Математический анализ» относится к обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» учебного плана.

Для изучения дисциплины студент должен владеть знаниями, умениями и навыками по школьной программе дисциплины Математика.

Знания, получаемые при изучении дисциплины «Математический анализ» используются при изучении всех профессиональных дисциплин.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения курса «Математический анализ»:

Код и наименование индикатора*	Результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять естественно-научные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	
ИОПК-1.1 (06.016 А/30.6 Зн.3) Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их при анализе предметной области ИОПК-1.2 (40.001 А/02.5 Зн.2) Отечественный и международный опыт в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	Знать <ul style="list-style-type: none"> • теоретические положения, лежащие в основе построения методов математического анализа • основные методы решения типовых задач математического анализа

Код и наименование индикатора*	Результаты обучения по дисциплине
ИОПК-1.4 (06.016 А/30.6 У.1) Использовать существующие типовые решения и шаблоны при анализе входных данных	Уметь <ul style="list-style-type: none"> доказывать утверждения, специфичные для математического анализа, выбрать метод для решения конкретной задачи математического анализа;
ИОПК-1.8 (40.001 А/02.5 Др.2 Тд.) Деятельность, направленная на решение задач аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач, с использованием фундаментальных знаний, полученных в области математических и (или) естественных наук	Владеть <ul style="list-style-type: none"> фундаментальными знаниями математического анализа для использования их в профессиональной деятельности

Результаты обучения по дисциплине «Математический анализ» достигаются в рамках осуществления всех видов контактной и самостоятельной работы обучающихся в соответствии с утвержденным учебным планом.

Индикаторы достижения компетенций считаются сформированными при достижении соответствующих им результатов обучения.

2. Структура и содержание дисциплины.

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 13 зач.ед. (468 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице 1.

Таблица 1.

Вид работы	Трудоёмкость, часов		
	1 семестр	2 семестр	Всего
Контактная работа, в том числе:	156,5	154,5	311
Аудиторная работа:	156	152	308
<i>Лекции (Л)</i>	68	68	136
<i>Практические занятия (ПЗ)</i>	0	0	0
<i>Лабораторные работы (ЛР)</i>	84	84	168
Иная контактная работа:			
Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	2	6
Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5	0,5	1
Самостоятельная работа:	59,8	25,8	81,6
Курсовой проект (КП), курсовая работа (КР)	0	0	0
Самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий, подготовка к лабораторным и практическим занятиям, коллоквиумам и т.д.)	20	8	26
Выполнение индивидуальных заданий	20	8	26
Реферат	0	0	0
Подготовка к текущему контролю	19,8	9,8	29,6
Контроль:			
Подготовка и сдача экзамена ¹	35,7	35,7	71,4
Общая трудоёмкость	252	216	468
в том числе	156,5	154,5	311
контактная работа			

¹ При наличии экзамена по дисциплине

	зач. ед	7	6	13
Вид итогового контроля		зачет, эк- замен	зачет, эк- замен	зачет, эк- замен

2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Таблица 2. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре.

№ п/ п	Наименование раздела, темы	Всего трудо- емкость	Аудиторные занятия				СР	К
			Всего	Лек- ции	Лаб	КС Р		
1	Введение в анализ	40	24	8	16	0	10	4
2	Предел числовой последовательности	46	26	12	14		10	8
3	Предел функции	54	32	16	16	2	12	8
4	Непрерывность функции	44	26	12	14	0	12	8
5	Дифференцируемость функции	67,5	44	20	24	2	15,8	7,7
6	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5	0,5					
	Итого:	252	156,5	70	86	4	59,8	35,7

Таблица 3. Разделы дисциплины, изучаемые во 2 семестре.

№ п/п	Наименование раздела, темы	Всего трудо- емкость	Аудиторные занятия				СР	К
			Всего	Лек- ции	Лаб	КСР		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
6	Исследование функций	34	26	8	16	0	6	4
7	Неопределенный интеграл	52	40	18	20	1	6	8
8	Определенный интеграл	54	40	20	18	0	4	8
9	Несобственные интегралы	30	20	8	12		4	8
10	Числовые ряды	45,5	34	14	18	1	5,8	7,7
11	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5	0,5					
	Итого:	216	154,5	68	84	2	25,8	35,7

2.3 Содержание разделов дисциплины:

2.3.1 Занятия лекционного типа.

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 (табл.4) и 2 (табл. 5) семестрах

Таблица 4. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре.

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1.	Введение в анализ	Предмет и метод математического анализа. Логические операции и символы. Множества. Операции над множествами. Аксиоматика действительных чисел. Множества на числовой прямой. Окрестности. Модуль. Сигнум. Границы числовых множеств. Существование точных границ. Графики элементарных функций. Действия над графиками. Графики сложных функций. Обратные функции	Контрольные вопросы
2.	Предел числовой последовательности.	Понятие предела последовательности. Его свойства. Бесконечно малые и бесконечно большие. Арифметические операции над последовательностями, имеющи-	Контрольные вопросы

		ми предел. Односторонние пределы Предел монотонной последовательности. Число ϵ . Лемма о вложенных промежутках. Подпоследовательности.	
3.		Лемма Больцано-Вейерштрасса. Критерий Коши сходимости последовательности. Верхний и нижний пределы последовательности.	
4.	Предел функции	Отображения и числовые функции. Элементарные функции. Предел функции по Гейне и по Коши. Их эквивалентность. Предел функции на бесконечности. Односторонние пределы. Неопределенности. Первый и второй замечательные пределы. Следствия из них. Предел и монотонность. Верхний и нижний пределы функции. Критерий Коши. О-символика. Эквивалентные функции. Асимптотические формулы.	1. Контрольные вопросы 2. Коллоквиум
5.	Непрерывность функции.	Непрерывность функции в точке. Свойства непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. 1-я и 2-я теоремы Больцано-Коши. 1-я и 2-я теоремы Вейерштрасса. Равномерная непрерывность функции. Теорема Кантора. Точки разрыва.	Контрольные вопросы
6.	Дифференцируемость функции	Понятие дифференцируемой функции. Дифференциал. Производная. Геометрический смысл производной. Физический смысл производной. Геометрический смысл дифференциала. Производные основных элементарных функций. Производная сложной функции и функции, заданной параметрически. Дифференцируемость суммы, произведения, частного, обратной функции. Инвариантность формы 1-го дифференциала. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Основные теоремы дифференциального исчисления и следствия из них. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Формула Тейлора. Различные формы остаточного члена. Разложения элементарных функций по формуле Тейлора. Приближенные вычисления и нахождение пределов при помощи формулы Тейлора.	1. Контрольные вопросы 2. Зачет 3. Экзамен

Таблица 5. Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре.

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
	Исследование функций	Правило Лопиталья. Условие монотонности дифференцируемой функции. Экстремум. Необходимые условия экстремума. Достаточные условия экстремума. Использование высших производных при исследовании функции на экстремум. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке. Выпуклость вверх и вниз. Точки перегиба. Асимптоты. Общая схема исследования функции и построения ее графика.	Контрольные вопросы

8. Неопределенный интеграл	Понятие неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов. Простейшие методы интегрирования. Метод подстановки. Метод интегрирования по частям. Примеры. Рекуррентные формулы. Интегрирование рациональных функций. Примеры. Интегрирование простейших иррациональностей. Подстановки Эйлера. Подстановки Чебышева. Интегрирование тригонометрических и гиперболических функций.	Контрольные вопросы
9. Определенный интеграл	Понятие определенного интеграла Римана. Критерии интегрируемости. Некоторые классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Спряжляемые и гладкие кривые. Длина дуги плоской кривой. Квадрируемая фигура. Площадь квадрируемой плоской фигуры. Площадь криволинейной трапеции и криволинейного сектора. Понятие кубичности и объема. Кубичность некоторых классов тел, вычисление их объемов. Площадь поверхности вращения, ее вычисление. Физические приложения определенных интегралов. Приближенные вычисления определенных интегралов.	1. Контрольные вопросы 2. Коллоквиум
10. Несобственные интегралы	Понятие несобственных интегралов 1-го и 2-го рода. Формулы интегрального исчисления для несобственных интегралов. Несобственные интегралы от неотрицательных функций. Критерий Коши. Абсолютная сходимость несобственных интегралов. Исследование сходимости несобственных интегралов. Главное значение по Коши несобственных интегралов.	Контрольные вопросы
11. Числовые ряды	Понятие числового ряда и его сходимости. Критерий Коши. Свойства сходящихся рядов. Ряды с неотрицательными членами. Признаки сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютно сходящиеся ряды. Признаки Абеля и Дирихле. Теорема Римана. Суммируемость числовых рядов. Понятие о бесконечном произведении.	1. Контрольные вопросы 2. Зачет 3. Экзамен

Практические занятия, защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т) – не предусмотрены.

2.3.2 Занятия семинарского типа

Семинарские занятия – не предусмотрены

2.3.3 Лабораторные занятия

Таблица 6. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре.

№	Наименование раздела/модуля	Содержание раздела/модуля	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Введение в анализ	<p>Тема 1. Метод математической индукции</p> <p>Тема 2. Модуль числа, сигнум. Целая и дробная часть числа. Графики.</p> <p>Тема 3. Область определения, область значений функции. Нижняя и верхняя грани. Четность, нечетность функции, периодичность.</p> <p>Тема 4. Элементарные операции над графиками функций</p> <p>Тема 5. Монотонность функций. Графики сложных функций</p> <p>Тема 6. Периодические функции. Графики сложных функций</p> <p>Тема 7. Сложение графиков. Умножение графиков</p> <p>Тема 8. Обратная функция. Обратимость функций. Графики обратных функций</p> <p>Тема 9.1. Графики функций в полярных координатах</p> <p>Тема 10. Контрольная работа по пройденной теме</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>
2	Предел числовой последовательности.	<p>Тема 1. Ограниченные и неограниченные последовательности. Монотонные последовательности</p> <p>Тема 2. Предел последовательности. Расходящиеся последовательности</p> <p>Тема 3. Предельный переход в неравенствах. Эталонные пределы последовательностей</p> <p>Тема 4. Сходимость монотонных ограниченных последовательностей. Критерий Коши сходимости фундаментальной последовательности</p> <p>Тема 5. Подпоследовательности.</p> <p>Тема 6. Сходимость рекуррентно заданных последовательностей.</p> <p>Тема 7. Контрольная работа по пройденной теме</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>

1	2	3	4
3	Предел функции	<p>Тема 1. Предел функции в точке. Односторонние пределы функции, пределы на бесконечности.</p> <p>Тема 2. Пределы рациональных функций.</p> <p>Тема 3. Пределы иррациональных функций</p> <p>Тема 4. Первый замечательный предел. Пределы тригонометрических выражений</p> <p>Тема 5. Второй замечательный предел. Следствия из него. Предел показательных-степенных выражений</p> <p>Тема 6. О-символика. Использование асимптотических формул при вычислении предела функции</p> <p>Тема 7. Частичные пределы функции.</p> <p>Тема 8. Контрольная работа по пройденной теме</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>
4	Непрерывность функции.	<p>Тема 1. Непрерывность функции в точке</p> <p>Тема 2. Непрерывность функции на множестве. Непрерывность элементарных функций</p> <p>Тема 3. Точки разрыва, их классификация</p> <p>Тема 4. Исследование непрерывности функций и построение графиков</p> <p>Тема 5. Исследование непрерывности сложных функций</p> <p>Тема 6. Равномерная непрерывность функций</p> <p>Тема 7. Контрольная работа по пройденной теме</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>
5	Дифференцируемость функции	<p>Тема 1. Определение производной. Табличное дифференцирование</p> <p>Тема 2. Производная суммы, произведения, частного. Производная сложной функции</p> <p>Тема 3. Производная сложной функции.</p> <p>Тема 4. Логарифмическая производная. Односторонние производные</p> <p>Тема 5. Производная обратной функции. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции</p> <p>Тема 6. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали</p> <p>Тема 7. Дифференциал функции. Его применение в приближенных вычислениях</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>

1	2	3	4
5		<p>Тема 8. Производные высших порядков. Формула Ньютона-Лейбница</p> <p>Тема 9. Дифференциалы высших порядков</p> <p>Тема 10. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши</p> <p>Тема 11. Разложения элементарных функций по формуле Тейлора</p> <p>Тема 12. Приближенные вычисления и вычисление пределов при помощи формулы Тейлора</p> <p>Тема 13. Контрольная работа по пройденной теме</p>	

Таблица 6. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре.

№	Наименование раздела/модуля	Содержание раздела/модуля	Форма текущего контроля
1	2	3	4
6	Исследование функций	<p>Тема 1. Вычисление пределов по правилу Лопиталя</p> <p>Тема 2. Исследование функции на монотонность. Экстремумы</p> <p>Тема 3. Исследование функции на выпуклость. Точки перегиба</p> <p>Тема 4. Нахождение асимптот графиков функции</p> <p>Тема 5. Полное исследование функций и построение графиков</p> <p>Тема 6. Построение графиков функций</p> <p>Тема 7. Решение практических задач на нахождение экстремумов</p> <p>Тема 8. Контрольная работа</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>
7	Неопределенный интеграл	<p>Тема 1. Первообразная. Неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование</p> <p>Тема 2. Метод замены переменной в неопределенном интеграле</p> <p>Тема 3. Метод интегрирования по частям</p> <p>Тема 4. Интегрирование элементарных дробей. Тема 5. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен</p> <p>Тема 6. Интегрирование рациональных выражений. Метод неопределенных коэффициентов</p> <p>Тема 7. Интегрирование рациональных функций</p> <p>Тема 8. Интегрирование иррациональностей.</p> <p>Тема 9. Интегрирование иррациональностей. Тема 10. Подстановки Чебышева и Эйлера</p> <p>Тема 11. Интегрирование тригонометрических выражений.</p> <p>Тема 12. Контрольная работа</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>

1	2	3	4
8	Определенный интеграл	<p>Тема 1. Определенный интеграл. Интегральные суммы</p> <p>Тема 2. Формула Ньютона-Лейбница</p> <p>Тема 3. Интегрирование по частям в определенном интеграле</p> <p>Тема 4. Площадь квадратуемой плоской фигуры</p> <p>Тема 5. Длина дуги плоской кривой</p> <p>Тема 6. Кубируемость некоторых классов тел, вычисление их объемов</p> <p>Тема 7. Площадь поверхности вращения</p> <p>Тема 8. Приближенные вычисления определенных интегралов.</p> <p>Тема 9. Контрольная работа</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>
9	Несобственные интегралы	<p>Тема 1. Несобственные интегралы 1-го рода, их вычисление</p> <p>Тема 2. Несобственные интегралы 2-го рода, их вычисление</p> <p>Тема 3. Сходимость несобственных интегралов 1-го рода от неотрицательных функций</p> <p>Тема 4. Сходимость несобственных интегралов второго рода от неотрицательных функций</p> <p>Тема 5. Главное значение по Коши несобственных интегралов</p> <p>Тема 6. Самостоятельная работа</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>
10	Числовые ряды	<p>Тема 1. Понятие числового ряда и его сходимости. Критерий Коши.</p> <p>Тема 2. Свойства сходящихся рядов. Ряды с неотрицательными членами.</p> <p>Тема 3. Признаки сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак.</p> <p>Тема 4. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.</p> <p>Тема 5. Абсолютно сходящиеся ряды. Признаки Абеля и Дирихле. Теорема Римана.</p> <p>Тема 6. Суммируемость числовых рядов. Понятие о бесконечном произведении.</p> <p>Тема 7. Контрольная работа по пройденной теме</p>	<p>1. Выполнение практических заданий</p> <p>2. Опрос по результатам практических заданий</p>

Защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т) – не предусмотрены.

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы (КР) – не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающегося по дисциплине

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. За Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания полученные во время лабораторных занятий.

№	Вид самостоятельной работы	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	Проработка и повторение лекционного материала, материала учебной и научной литературы, подготовка к семинарским занятиям	Методические указания для подготовки к лекционным и семинарским занятиям, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Режим доступа: https://www.kubsu.ru/ru/econ/metodicheskie-ukazaniya
2	Подготовка к лабораторным занятиям	Методические указания по выполнению лабораторных работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Режим доступа: https://www.kubsu.ru/ru/econ/metodicheskie-ukazaniya
3	Подготовка к решению задач и тестов	Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Режим доступа: https://www.kubsu.ru/ru/econ/metodicheskie-ukazaniya
4	Подготовка докладов	Методические указания для подготовки эссе, рефератов, курсовых работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Режим доступа: https://www.kubsu.ru/ru/econ/metodicheskie-ukazaniya
5	Подготовка к решению расчетно-графических заданий (РГЗ)	Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Режим доступа: https://www.kubsu.ru/ru/econ/metodicheskie-ukazaniya
6	Подготовка к текущему контролю	Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Режим доступа: https://www.kubsu.ru/ru/econ/metodicheskie-ukazaniya

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла,
- в печатной форме на языке Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

С точки зрения применяемых методов используются как традиционные информационно-объяснительные *лекции*, так и интерактивная подача материала с мультимедийной системой. Компьютерные технологии в данном случае обеспечивают возможность разнопланового отображения алгоритмов и демонстрационного материала. Такое сочетание позволяет оптимально использовать отведенное время и раскрывать логику и содержание дисциплины.

Лекции представляют собой систематические обзоры теории оптимизации с подачей материала в виде презентаций.

Лабораторное занятие позволяет научить студента применять теоретические знания при решении и исследовании конкретных задач. Лабораторные занятия проводятся в компьютерных классах, при этом практикуется работа в группах. Подход разбора конкретных ситуаций широко используется как преподавателем, так и студентами при проведении анализа результатов самостоятельной работы.

Оценка самостоятельной работы студентов происходит по средствам оценки индивидуальных ответов и дополнений на занятиях по рассмотренным тематикам.

Занятия, проводимые с использованием интерактивных технологий

Таблица 7. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре.

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов	
		всего ауд. часов	интерактивные часы
1	2	3	4
1.	Введение в анализ	24	4
2.	Предел числовой последовательности	26	8
3.	Предел функции	30	8
4.	Непрерывность функции	22	4
5.	Дифференцируемость функции	48	8
	Итого по дисциплине:	156	32

Таблица 8. Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре.

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов
---	-----------------------------	------------------

		всего ауд. часов	интерактив- ные часы
1	2	3	4
1.	Исследование функций	24	4
2.	Неопределенный интеграл	38	8
3.	Определенный интеграл	36	8
4.	Несобственные интегралы	20	4
5.	Числовые ряды	34	8
Итого по дисциплине:		152	32

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

Оценочные средства предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины «Методы оптимизации».

Оценочные средства включает контрольные материалы для проведения **текущего контроля** в форме индивидуальных самостоятельных заданий и **промежуточной аттестации** в форме вопросов к экзамену.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями.

- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Оценка успеваемости осуществляется по результатам:

- выполнения лабораторных работ;
- оценки, выставляемой при сдаче индивидуальных заданий;
- оценок коллоквиумов;
- ответа на экзамене.

Зачет в 1, 2-м семестрах выставляется по результатам выполненных контрольных работ, индивидуальных заданий, коллоквиумов и текущей работы на лабораторных занятиях.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Структура оценочных средств для текущей и промежуточной аттестации

№ п/п	Код и наименование индикатора	Результаты обучения	Наименование оценочного средства	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
1	<p>ИОПК-1.1 (06.016 А/30.6 Зн.3) Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их при анализе предметной области</p> <p>ИОПК-1.2 (40.001 А/02.5 Зн.2) Отечественный и международный опыт в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности</p> <p>ИОПК-1.4 (06.016 А/30.6 У.1) Использовать существующие типовые решения и шаблоны при анализе входных данных</p> <p>ИОПК-1.8 (40.001 А/02.5 Др.2 Тд.) Деятельность, направленная на решение задач аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач, с использованием фундаментальных знаний, полученных в области математических и (или) естественных наук</p>	<p><u>Знать</u></p> <ul style="list-style-type: none"> • теоретические положения, лежащие в основе построения методов математического анализа • основные методы решения типовых задач математического анализа <p><u>Уметь</u></p> <ul style="list-style-type: none"> • доказывать утверждения, специфичные для математического анализа, • выбрать метод для решения конкретной задачи математического анализа; <p><u>Владеть</u></p> <ul style="list-style-type: none"> • фундаментальными знаниями математического анализа для использования их в профессиональной деятельности 	1-й семестр	
			Раздел 1 Задание 1-4	<i>Вопрос на экзамене 1-10</i>
			Раздел 2 Задание 5	<i>Вопрос на экзамене 11-23</i>
			Раздел 3 Задание 6	<i>Вопрос на экзамене 24-44</i>
			Раздел 4 Задание 7	<i>Вопрос на экзамене 45-85</i>
			2-й семестр	
			Раздел 1 Задание 1-11	<i>Вопрос на экзамене 1-11</i>
			Раздел 2 Задание 12-21	<i>Вопрос на экзамене 12-23</i>
			Раздел 3 Задание 22-28	<i>Вопрос на экзамене 24-45</i>
			Раздел 4 Задание 29-35	<i>Вопрос на экзамене 46-55</i>
Раздел 5 Задание 36-44	<i>Вопрос на экзамене 56-70</i>			

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

4.1. Перечень примерных заданий для самостоятельной работы

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания, полученные во время лабораторных занятий.

4.1.1. Образцы контрольных заданий по лабораторным занятиям (1 семестр)

1. Построить графики функций:

1) $y = |x + 1| + 2x$; 2) $y = \frac{1}{x(x-1)}$; 3) $y = x + \ln x$; 4) $y = \arccos\left(\frac{1}{x}\right)$.

2. Построить (в одной системе координат) графики функций $y = x + 1$, $y = e^x$.

3. Указать (графически) на плоскости множество точек, координаты x , y которых удовлетворяют условиям: $y \geq x^2$, $y \leq x + 2$.

4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $y = \ln(x^2 - x + 2)$ на отрезке $[0, 4]$.

5. Найти пределы последовательностей:

1) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n-1)^2 + (n+2)^2}{(n+2)^3 + (2-n)^3}$; 2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+4)! - (n+2)!}{(n+3)!}$; 3) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 + 4n^2 + 3}{\sqrt{n+1}}$; 4).

$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + n} - \sqrt{n^2 + 5}$;

5) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n + (\ln n)^2}{\sqrt{n} + (\ln n)^3}$; 6) $x_n = \frac{n^2 + 2^n}{3^n + n^5}$.

6. Найти предел функций:

1) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x^3 + 2} - 5x^2}{x - \sqrt{x^4 - x + 1}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 1}{2x^4 - x^2 - 1}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt[3]{9x} - 3}{\sqrt{2x+3} - 3}$; 4) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 + \cos \pi x}{\operatorname{tg}^2 \pi x}$; 5)

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - 1}{\sin(\pi(x+2))}$;

6) $\lim_{x \rightarrow 0} \left(e^{x^2+x} - 1 \right)^{\frac{2x}{x+1}}$; 7) $\lim_{x \rightarrow 0} \left(1 + 2\sin x^2 \right)^{\frac{1}{x^2}}$; 8) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 - x + 1} - 1}{\ln x}$.

7.. Исследовать на непрерывность и построить эскиз графика функции:

1) $y(x) = (|x| - 1) \operatorname{sgn}(x + 1)$; 2) $y(x) = \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x^2}$; 3) $y(x) = e^{\frac{1}{x+1}} - 2$; 4) $y(x) = \operatorname{arctg}\left(\frac{1}{x+3}\right)$.

4.1.2. Образцы вопросов к коллоквиуму (1 семестр)

1. Множества на числовой прямой (\mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q}). Иррациональность числа $\sqrt{2}$.
2. Понятие сечения множества Q . Примеры сечений.
3. Упорядочение вещественных чисел. Две леммы.
4. Приближение чисел конечными десятичными дробями.
5. Непрерывность множества \mathbb{R} . Теорема Дедекинда.
6. Грани множеств. Точные грани. Теорема о существовании точной грани. Основное свойство точных граней.

7. Ограниченные и неограниченные числовые последовательности. Понятие. Примеры .
8. Бесконечно большие и бесконечно малые последовательности. Связь между ними.
9. Основные свойства б.м. последовательностей.
10. Сходящиеся числовые последовательности. Понятие. Примеры. Расходимость.
11. Теоремы о единственности предела и об ограниченности сходящейся последовательности.
12. Арифметические свойства пределов последовательностей.
13. Теоремы о предельном переходе в неравенствах для последовательностей.
14. Признак сходимости монотонных последовательностей.
15. Принцип вложенных отрезков.
16. Число e .
17. Понятие подпоследовательности. Леммы о сходимости последовательности и ее подпоследовательностей.
18. Лемма о выделении монотонной подпоследовательности.
19. Предельные точки последовательности, связь с частичными пределами.
20. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
21. Следствия из теоремы Б.-В. (3 леммы).
22. Теорема Б.-В. для неограниченной последовательности.
23. Фундаментальные последовательности. Примеры. Критерий Коши.
24. Определение предела функции в точке по Коши, по Гейне. Примеры.
25. Эквивалентность определений предела функции по Гейне и по Коши.
26. Односторонние пределы функции в точке. Теорема. Примеры.
27. Другие виды пределов функции - в точке, на бесконечности.
28. Арифметические свойства пределов функции. Предельный переход в неравенствах.
29. Первый замечательный предел.
30. Второй замечательный предел.
31. Сравнение бесконечно малых функций. Свойства эквивалентных б.м.ф.
32. Понятие функции, непрерывной в точке. Определения, примеры.
33. Непрерывность функций $y=c$, x , $P_n(x)$, $P_n(x)/Q_m(x)$, тригонометрических функций.
34. Теорема о непрерывности монотонной функции.
35. Непрерывность сложной функции. Следствия из второго замечательного предела.
36. Первая теорема Больцано-Коши.
37. Вторая теорема Больцано-Коши.
38. Теорема об устойчивости знака непрерывной функции.
39. Лемма о локальной ограниченности непрерывной функции. Первая теорема Вейерштрасса.
40. Вторая теорема Вейерштрасса.

4.1.3. Перечень вопросов, которые выносятся на экзамен в 1 семестре

1. Множества на числовой прямой (N , Z , Q). Иррациональность числа $\sqrt{2}$.
2. Понятие сечения множества Q . Примеры сечений.
3. Упорядочение вещественных чисел. Две леммы.
4. Приближение чисел конечными десятичными дробями.
5. Непрерывность множества R . Теорема Дедекинда.
6. Грани множеств. Точные грани. Теорема о существовании точной грани. Основное свойство точных граней.
7. Ограниченные и неограниченные числовые последовательности. Понятие. Примеры .
8. Бесконечно большие и бесконечно малые последовательности. Связь между ними.
9. Основные свойства б.м. последовательностей.
10. Сходящиеся числовые последовательности. Понятие. Примеры. Расходимость.
11. Теоремы о единственности предела и об ограниченности сходящейся последовательности.

12. Арифметические свойства пределов последовательностей.
13. Теоремы о предельном переходе в неравенствах для последовательностей.
14. Признак сходимости монотонных последовательностей.
15. Принцип вложенных отрезков.
16. Число ϵ .
17. Понятие подпоследовательности. Леммы о сходимости последовательности и ее подпоследовательностей.
18. Лемма о выделении монотонной подпоследовательности.
19. Предельные точки последовательности, связь с частичными пределами.
20. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
21. Следствия из теоремы Б.-В. (3 леммы).
22. Теорема Б.-В. для неограниченной последовательности.
23. Фундаментальные последовательности. Примеры. Критерий Коши.
24. Определение предела функции в точке по Коши, по Гейне. Примеры.
25. Эквивалентность определений предела функции по Гейне и по Коши.
26. Односторонние пределы функции в точке. Теорема. Примеры.
27. Другие виды пределов функции - в точке, на бесконечности.
28. Арифметические свойства пределов функции. Предельный переход в неравенствах.
29. Первый замечательный предел.
30. Второй замечательный предел.
31. Сравнение бесконечно малых функций. Свойства эквивалентных б.м.ф.
32. Понятие функции, непрерывной в точке. Определения, примеры.
33. Непрерывность функций $y=c$, x , $P_n(x)$, $P_n(x)/Q_m(x)$, тригонометрических функций.
34. Теорема о непрерывности монотонной функции.
35. Непрерывность сложной функции. Следствия из второго замечательного предела.
36. Первая теорема Больцано-Коши.
37. Вторая теорема Больцано-Коши.
38. Теорема об устойчивости знака непрерывной функции.
39. Лемма о локальной ограниченности непрерывной функции. Первая теорема Вейерштрасса.
40. Вторая теорема Вейерштрасса.
41. Непрерывность обратной функции. Теорема.
42. Точки разрыва, их классификация. Примеры.
43. Равномерная непрерывность функции. Понятие, примеры. Связь с непрерывностью.
44. Теорема Кантора.
45. Понятие производной. Ее геометрический смысл.
46. Производные от функций: $y=c$, $y=x$, $y=x^n$, $\sin x$, $\cos x$, a^x , $\log_a x$.
47. Односторонние производные. Связь с существованием производной.
48. Дифференцируемость функции в точке. Два определения, их эквивалентность.
49. Связь между дифференцируемостью и существованием производной, между дифференцируемостью и непрерывностью.
50. Понятие дифференциала функции. Геометрический смысл дифференциала.
51. Приближенные вычисления при помощи дифференциала.
52. Производная суммы, разности, произведения, частного.
53. Производная обратной функции. Производные обратных тригонометрических функций.
54. Производная сложной функции.
55. Логарифмическая производная.
56. Инвариантность формы дифференциала 1-го порядка.
57. Возрастание (убывание) функции в точке. Теорема.
58. Теорема Ферма.
59. Теорема Ролля.

60. Теорема Лагранжа, следствия из нее.
61. Теорема Коши.
62. Производные высших порядков для элементарных функций.
63. Формула Лейбница.
64. Дифференциалы высших порядков. Неинвариантность их формы.
65. Параметрическое дифференцирование.
66. Раскрытие неопределенностей вида $0/0$ по правилу Лопиталья.
67. Раскрытие неопределенностей вида ∞/∞ по правилу Лопиталья.
68. Раскрытие различных видов неопределенностей.
69. Формула Тейлора с остатком в форме Пеано.
70. Формула Тейлора с остатком в форме Лагранжа. Формула маклорена.
71. Оценка остатка формулы Тейлора.
72. Разложение по формуле Маклорена для элементарных функций.
73. Приближенные вычисления при помощи формулы Тейлора.
74. Вычисление пределов при помощи формулы Тейлора.
75. Теоремы о монотонности дифференцируемой функции.
76. Точки экстремума дифференцируемой функции.
77. Необходимое условие точки локального экстремума. 1-е достаточное условие точки локального экстремума.
78. 2-е достаточное условие точки локального экстремума.
79. Локальный экстремум недифференцируемой функции.
80. Направление выпуклости графика функции. Достаточное условие выпуклости.
81. Точки перегиба. Необходимое условие точки перегиба.
82. 1-е и 2-е достаточные условия точки перегиба.
83. 3-е достаточное условие точки экстремума, точки перегиба.
84. Асимптоты графика функции.
85. Общая схема исследования функции и построение графика.

4.1.4. Образцы контрольных заданий по лабораторным занятиям (2 семестр)

1. Используя определение найти производную функции:

1) $y = 4x + \frac{1}{x}$ в точке $x = 2$; 2) $y = e^x$ в точке $x = 1$; 3) $y = \sin 2x$ в точке $x = \frac{\pi}{4}$.

2. Найти производную функции:

1) $y = \sqrt{x} + \sqrt{x+1} + \sqrt{x}$; 2) $y = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$; 3) $y = \operatorname{arctg} \frac{1+x}{1-x}$; 4) $y = x\sqrt{1-x^2} + \arcsin x$.

3. Доказать приближенную формулу

$$\sqrt[n]{a^n + x} \approx a + \frac{x}{na^{n-1}},$$

где $a > 0$ и $|x|$ мал по сравнению с a .

4. Доказать неравенство

$$x^\alpha - y^\alpha \leq \alpha x^{\alpha-1}(x - y),$$

где $\alpha > 1$ и $x > y > 0$.

5. Доказать неравенство

$$|\sin x - \sin y| \leq |x - y|.$$

6. Доказать неравенства

$$\frac{a-b}{a} < \ln \frac{a}{b} < \frac{a-b}{b},$$

где $a > b > 0$.

7. Доказать неравенство

$$e^x > 1 + x,$$

при $x \neq 0$.

8. Доказать неравенство

$$\sin x < x,$$

при $x > 0$.

9. Определить промежутки монотонности (в строгом смысле) следующих функций:

$$1) y = \frac{x}{1+x^2}; 2) y = \frac{x}{1-x^2}; 3) y = \frac{x^2}{x-1}; 4) y = xe^x; 5) y = x \ln x; 6) y = x + \sin x.$$

10. Исследовать на экстремум следующих функций:

$$1) y = x^2(1-x); 2) y = x(1-x)^3; 3) y = x^2(1-x)^2; 4) y = |x||1-x|.$$

11. Провести необходимые исследования и построить эскизы графиков следующих функций:

$$1) y = \frac{x^3+1}{x^2}; 2) y = \frac{e^x}{x}; 3) y = \frac{\ln x}{x}; 4) y = x \arctg x; 5) y = (1+2x^2)e^{-x^2}.$$

12. Найти множество значений следующих функций на указанных промежутках:

$$1) y = \sqrt[3]{(x+3)x^2}, (-\infty, 0]; 2) y = 2x - \frac{x}{x+2}, [-2, +\infty).$$

13. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{dx}{(2x-1)^2}; 2) \int e^{3-x} dx; 3) \int \frac{2dx}{4+x^2}; 4) \int \frac{dx}{\sqrt{1-9x^2}}; 5) \int \sin(3-4x) dx; 6) \int \frac{dx}{\cos^2(x-5)}.$$

14. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{x^2}{x^2+1} dx; 2) \int \operatorname{tg}^2 x dx; 3) \int \frac{dx}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x-1}}; 4) \int \frac{x^2}{(1-x)^{100}} dx.$$

15. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{x dx}{1+4x^2}; 2) \int \sin^2 x dx; 3) \int \frac{\ln^3 x}{x} dx; 4) \int \frac{e^x dx}{1-e^x}.$$

16. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{dx}{x^2-2x+2}; 2) \int \frac{x dx}{x^4-2x^2-1}; 3) \int \frac{x+1}{x^2+x+1} dx; 4) \int \frac{x dx}{\sqrt{5+x-x^2}}.$$

17. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{2x+3}{(x-2)(x+5)} dx; 2) \int \frac{x dx}{(x+1)(x+2)(x+3)}; 3) \int \frac{dx}{x^3+1}.$$

18. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{dx}{3+2\sqrt{x}}; 2) \int \frac{dx}{1+\sqrt{2x+1}}; 3) \int \frac{x^2}{\sqrt{2-x}} dx.$$

19. Найти интегралы:

$$1) \int x \cos x dx; 2) \int x^2 \ln x dx; 3) \int \arctg x dx; 4) \int x e^{-x} dx.$$

20. Найти интегралы:

$$1) \int \frac{\sin x}{\cos^3 x} dx; 2) \int \cos^2 x dx; 3) \int \frac{dx}{\sin x}; 4) \int \sin 5x \cos x dx.$$

21. Найти интегралы:

$$1) \int \sin x e^x dx; 2) \int \frac{dx}{1+e^x}; 3) \int \ln^2 x dx.$$

22. Для функции $f(x) = x$ на отрезке $[0,1]$ построить интегральную сумму Римана и суммы Дарбу, разбивая этот отрезок на три равных отрезка.

23. Найти определенные интегралы:

$$1) \int_0^1 \sqrt{1-x} dx; \quad 2) \int_0^{\pi} \sin x dx; \quad 3) \int_0^{\pi} \cos x dx; \quad 4) \int_{-\pi}^{\pi} \sin 2x dx.$$

24. Найти определенные интегралы:

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx; \quad 2) \int_0^1 \frac{dx}{e^x + e^{-x}}; \quad 3) \int_4^9 \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+1} dx; \quad 4) \int_1^e \frac{dx}{x(1+\ln^2 x)}.$$

25. Найти площадь области ограниченной прямыми $x = -2$, $x = -1$, $y = 0$ и графиком функции $y = x^2 - 2x + 3$.

26. Найти площадь области ограниченной графиками функций $y = x^2$ и $y = 2 - x$.

27. Найти площадь области ограниченной графиками функций $y = \sin x$, $y = x$ и $y = \pi - x$.

28. Найти площадь области ограниченной эллипсом $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$.

4.1.5. Образцы вопросов к коллоквиуму (2 семестр)

1. Теоремы о монотонности дифференцируемой функции.
2. Точки экстремума дифференцируемой функции.
3. Необходимое условие точки локального экстремума. 1-е достаточное условие точки локального экстремума.
4. 2-е достаточное условие точки локального экстремума.
5. Локальный экстремум недифференцируемой функции.
6. Направление выпуклости графика функции. Достаточное условие выпуклости.
7. Точки перегиба. Необходимое условие точки перегиба.
8. 1-е и 2-е достаточные условия точки перегиба.
9. 3-е достаточное условие точки экстремума, точки перегиба.
10. Асимптоты графика функции.
11. Общая схема исследования функции и построение графика.

4.1.6. Перечень вопросов, которые выносятся на экзамен во 2 семестре

1. Теоремы о монотонности дифференцируемой функции.
2. Точки экстремума дифференцируемой функции.
3. Необходимое условие точки локального экстремума. 1-е достаточное условие точки локального экстремума.
4. 2-е достаточное условие точки локального экстремума.
5. Локальный экстремум недифференцируемой функции.
6. Направление выпуклости графика функции. Достаточное условие выпуклости.
7. Точки перегиба. Необходимое условие точки перегиба.
8. 1-е и 2-е достаточные условия точки перегиба.
9. 3-е достаточное условие точки экстремума, точки перегиба.
10. Асимптоты графика функции.
11. Общая схема исследования функции и построение графика.
12. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
13. Свойства неопределенного интеграла.
14. Таблица интегралов.
15. Метод замены переменной в неопределенном интеграле.
16. Метод интегрирования по частям.

17. Рациональные функции. Правильные и неправильные дроби. Интегрирование элементарных дробей.
18. Метод неопределенных коэффициентов.
19. Вычисление интегралов вида $I = \int R(x, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{\frac{p_1}{q_1}}, \dots, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{\frac{p_n}{q_n}}) dx$.
20. Интегрирование дифференцируемых биномов. Подстановки Чебышева.
21. Подстановки Эйлера.
22. Интегрирование тригонометрических выражений.
23. Интегрирование иррациональностей при помощи тригонометрических подстановок.
24. Понятие определенного интеграла. Геометрический смысл. Ограниченность интегрируемых функций. Функция Дирихле.
25. Суммы Дарбу. Их свойства, (2 леммы).
26. Теорема о существовании определенного интеграла.
27. Интегрируемость непрерывной функции.
28. Интегрируемость функции имеющей конечное число точек разрыва.
29. Свойства интегралов, выражаемые равенствами. Теорема о среднем.
30. Свойства интегралов, выражаемые неравенствами.
31. Определенный интеграл с переменным верхним пределом.
32. Непрерывность, дифференцируемость.
33. Основная формула интегрального исчисления.
34. Метод замены переменной в определенном интеграле.
35. Формула интегрирования по частям в определенном интеграле.
36. Понятие площади. Квадрируемые фигуры и их свойства.
37. Вычисление площадей плоских фигур (для декартовых и полярных координат).
38. Вычисление объёмов тел при помощи определенного интеграла.
39. Понятие длины дуги. Выражение длины дуги при помощи определенного интеграла.
40. Дифференциал дуги.
41. Механические приложения определенного интеграла.
42. Вычисление площади поверхности вращения.
43. Формула прямоугольников приближенного вычисления определенного интеграла.
44. Формула трапеций.
45. Формула Симпсона.
46. Несобственный интеграл первого рода. Понятие, сходимость. Примеры.
47. Свойства несобственных интегралов 1-го рода.
48. Критерий сходимости несобственного интеграла 1-го рода.
49. Признак сравнения для несобственного интеграла 1-го рода.
50. Предельный признак сравнения для несобственного интеграла 1-го рода.
51. Несобственный интеграл 2-го рода. Понятие, сходимость. Примеры.
52. Свойства несобственных интегралов 2-го рода.
53. Критерий сходимости несобственного интеграла 2-го рода.
54. Признак сравнения для несобственного интеграла 2-го рода.
55. Предельный признак сравнения для несобственного интеграла 2-го рода.
56. Числовые ряды. Понятие, сходимость числового ряда, простейшие свойства числовых рядов.
57. Сходимость числового ряда при отбрасывании конечного числа его членов. Свойство остатка числового сходящегося ряда.
58. Необходимое условие сходимости числового ряда.
59. Критерий Коши сходимости числового ряда. Гармонический ряд.
60. Необходимое и достаточное условие сходимости знакоположительного числового ряда.
61. Признак сравнения сходимости знакоположительного ряда.
62. Предельный признак сравнения сходимости знакоположительного ряда.

63. Признак Даламбера сходимости знакоположительного ряда.
 64. Признак Коши сходимости знакоположительного ряда.
 65. Интегральный признак сходимости знакоположительного числового ряда.
 66. Сходимость знакочередующегося числового ряда. Признак Лейбница.
 67. Абсолютная и неабсолютная сходимость числовых рядов.
 68. Теорема Римана о перестановке членов неабсолютно сходящегося числового ряда.
 69. Теорема Коши о перестановке членов абсолютно сходящегося числового ряда.
 70. Признак Абеля-Дирихле сходимости знакопеременного числового ряда.

Критерии оценивания результатов обучения

Оценка	Критерии оценивания по экзамену
Высокий уровень «5» (отлично)	оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы.
Средний уровень «4» (хорошо)	оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не оценены максимальным числом баллов, в основном сформировал практические навыки.
Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)	оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с пробелами освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, многие учебные задания либо не выполнил, либо они оценены числом баллов близким к минимальному, некоторые практические навыки не сформированы.
Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно)	оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не выполнил, практические навыки не сформированы.

Критерии оценивания по зачету:

«зачтено»: студент владеет теоретическими знаниями по данной дисциплине, знает основные понятия и методы, допускает незначительные ошибки; студент умеет правильно объяснять материал, иллюстрируя его практическими примерами .

«не зачтено»: материал не усвоен или усвоен частично, студент затрудняется привести примеры по дисциплине, довольно ограниченный объем знаний программного материала.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление ин-

формации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5.УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Учебная литература

Основная литература:

1. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа [Электронный ресурс] : учебник для бакалавров : в 3 т. Т. 1 / Л. Д. Кудрявцев. - 6-е изд., перераб. и доп. - М. : Юрайт, 2024. - 703 с. - <https://urait.ru/book/kurs-matematicheskogo-analiza-v-3-t-tom-2-v-2-knigah-kniga-1-537699>
2. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 1 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2019. - 703 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618076. 50 шт.
3. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа [Электронный ресурс] : учебник для бакалавров : в 3 т. Т. 2, кн. 2 / Л. Д. Кудрявцев. - 6-е изд., перераб. и доп. - М. : Юрайт, 2024. - 323 с. - <https://biblio-online.ru/book/085ABC9E-507F-4FC7-BCD7-661681AA3382>.
4. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа [Электронный ресурс] : учебник для бакалавров : в 3 т. Т. 2, кн. 1 / Л. Д. Кудрявцев. - 6-е изд., перераб. и доп. - М. : Юрайт, 2024. - 396 с. <https://urait.ru/book/kurs-matematicheskogo-analiza-v-3-t-tom-1-509733> Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2019. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.
5. Калайдина, Галина Вениаминовна (КубГУ). Математический анализ. Пределы. Непрерывность: учебное пособие / Г. В. Калайдина, Н. М. Сеидова ; М-во образования и науки Рос. Федерации, Кубанский гос. ун-т. - Краснодар : [Кубанский государственный университет], 2018. - 114 с. : ил. - Библиогр.: с. 113. - ISBN 978-5-8209-1495-9 : 70 шт.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Юрайт».

Дополнительная литература:

1. Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Т. 1 : Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / Л. Д. Кудрявцев [и др.]. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2010. - 496 с. - https://e.lanbook.com/book/2226#book_name.
2. Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Том 2 : Интегралы. Ряды / Л.Д. Кудрявцев [и др.]. - Москва : Физматлит, 2009. - 504 с. - https://e.lanbook.com/book/2227#book_name.
3. Сборник задач по математическому анализу [Электронный ресурс] : учебное пособие. Том 3 : Функции нескольких переменных / Л.Д. Кудрявцев [и др.]. - Москва : Физматлит, 2003. - 472 с. - https://e.lanbook.com/book/2220#book_name.
4. Фихтенгольц, Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления [Электронный ресурс] : учебник : в 3 т. Т. 1 / Фихтенгольц Г. М. - СПб. : Лань, 2018. - 608 с. - <https://e.lanbook.com/book/100938#authors>.
5. Фихтенгольц, Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления [Электронный ресурс] : учебник : в 3 т. Т. 2 / Фихтенгольц Г. М. - СПб. : Лань, 2018. - 800 с. - <https://e.lanbook.com/book/104963#authors>.

5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы, необходимые для освоения дисциплины.

1. Справочно-правовая система «Консультант Плюс» (<http://www.consultant.ru>)
2. Портал открытых данных Российской Федерации <https://data.gov.ru>
3. База открытых данных Министерства труда и социальной защиты РФ <https://rosmintrud.ru/opendata>
4. База данных Научной электронной библиотеки eLIBRARY.RU <https://elibrary.ru/>
5. База данных Всероссийского института научной и технической информации (ВИНИТИ) РАН <http://www2.viniti.ru/>
6. Базы данных в сфере интеллектуальной собственности, включая патентные базы данных www.rusnano.com
7. Базы данных и аналитические публикации «Университетская информационная система РОССИЯ» <https://uisrussia.msu.ru/>
8. Википедия, свободная энциклопедия. [Электронный ресурс]. – Wikipedia <http://ru.wikipedia.org>

5.2. Периодические издания:

1. Базы данных компании «Ист Вью» <http://dlib.eastview.com>
2. Электронная библиотека GREBENNIKON.RU <https://grebennikon.ru/>

5.3. Интернет-ресурсы, в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Электронно-библиотечные системы (ЭБС):

1. ЭБС «ЮРАЙТ» <https://urait.ru/>
2. ЭБС «УНИВЕРСИТЕТСКАЯ БИБЛИОТЕКА ОНЛАЙН» www.biblioclub.ru
3. ЭБС «BOOK.ru» <https://www.book.ru>
4. ЭБС «ZNANIUM.COM» www.znanium.com
5. ЭБС «ЛАНЬ» <https://e.lanbook.com>

Профессиональные базы данных:

1. Web of Science (WoS) <http://webofscience.com/>
2. Scopus <http://www.scopus.com/>

3. ScienceDirect www.sciencedirect.com
4. Журналы издательства Wiley <https://onlinelibrary.wiley.com/>
5. Научная электронная библиотека (НЭБ) <http://www.elibrary.ru/>
6. Полнотекстовые архивы ведущих западных научных журналов на Российской платформе научных журналов НЭИКОН <http://archive.neicon.ru>
7. Национальная электронная библиотека (доступ к Электронной библиотеке диссертаций Российской государственной библиотеки (РГБ)) <https://rusneb.ru/>
8. Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина <https://www.prlib.ru/>
9. Электронная коллекция Оксфордского Российского Фонда
<https://ebookcentral.proquest.com/lib/kubanstate/home.action>
10. Springer Journals <https://link.springer.com/>
11. Nature Journals <https://www.nature.com/siteindex/index.html>
12. Springer Nature Protocols and Methods
<https://experiments.springernature.com/sources/springer-protocols>
13. Springer Materials <http://materials.springer.com/>
14. zbMath <https://zbmath.org/>
15. Nano Database <https://nano.nature.com/>
16. Springer eBooks: <https://link.springer.com/>
17. "Лекториум ТВ" <http://www.lektorium.tv/>
18. Университетская информационная система РОС-СИА <http://uisrussia.msu.ru>

Информационные справочные системы:

1. Консультант Плюс - справочная правовая система (доступ по локальной сети с компьютеров библиотеки)

Ресурсы свободного доступа:

1. Американская патентная база данных <http://www.uspto.gov/patft/>
2. Полные тексты канадских диссертаций <http://www.nlc-bnc.ca/thesescanada/>
3. КиберЛенинка (<http://cyberleninka.ru/>);
4. Министерство науки и высшего образования Российской Федерации <https://www.minobrnauki.gov.ru/>;
5. Федеральный портал "Российское образование" <http://www.edu.ru/>;
6. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" <http://window.edu.ru/>;
7. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов <http://school-collection.edu.ru/>.
8. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (<http://fcior.edu.ru/>);
9. Проект Государственного института русского языка имени А.С. Пушкина "Образование на русском" <https://pushkininstitute.ru/>;
10. Справочно-информационный портал "Русский язык" <http://gramota.ru/>;
11. Служба тематических толковых словарей <http://www.glossary.ru/>;
12. Словари и энциклопедии <http://dic.academic.ru/>;
13. Образовательный портал "Учеба" <http://www.ucheba.com/>;
14. Законопроект "Об образовании в Российской Федерации". Вопросы и ответы http://xn--273--84d1f.xn--plai/voprosy_i_otvety

Собственные электронные образовательные и информационные ресурсы КубГУ:

1. Среда модульного динамического обучения <http://moodle.kubsu.ru>

2. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций <http://mschool.kubsu.ru/>
3. Библиотека информационных ресурсов кафедры информационных образовательных технологий <http://mschool.kubsu.ru/>;
4. Электронный архив документов КубГУ <http://docspace.kubsu.ru/>
5. Электронные образовательные ресурсы кафедры информационных систем и технологий в образовании КубГУ и научно-методического журнала "ШКОЛЬНЫЕ ГОДЫ" <http://icdau.kubsu.ru/>

Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы, необходимые для освоения дисциплины.

9. Справочно-правовая система «Консультант Плюс» (<http://www.consultant.ru>)
10. Портал открытых данных Российской Федерации <https://data.gov.ru>
11. База открытых данных Министерства труда и социальной защиты РФ <https://rosmintrud.ru/opendata>
12. База данных Научной электронной библиотеки eLIBRARY.RU <https://elibrary.ru/>
13. База данных Всероссийского института научной и технической информации (ВИНИТИ) РАН <http://www2.viniti.ru/>
14. Базы данных в сфере интеллектуальной собственности, включая патентные базы данных www.rusnano.com
15. Базы данных и аналитические публикации «Университетская информационная система РОССИЯ» <https://uisrussia.msu.ru/>
16. Википедия, свободная энциклопедия. [Электронный ресурс]. – Wikipedia <http://ru.wikipedia.org>
17. <http://math.nsc.ru/LBRT/k5/opt.html> (Методы оптимизации, учебное пособие)

6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций. Самостоятельная работа студентов проводится в форме изучения отдельных теоретических вопросов по предлагаемой литературе и выполнении практических заданий по разобранным во время аудиторных занятий примерам.

Фонд оценочных средств дисциплины состоит из средств текущего контроля (см. список лабораторных работ, задач и вопросов) и итоговой аттестации (зачета, экзамена).

В качестве оценочных средств, используемых для текущего контроля успеваемости, предлагается перечень вопросов, которые прорабатываются в процессе освоения курса. Данный перечень охватывает все основные разделы курса, включая знания, получаемые во время самостоятельной работы. Кроме того, важным элементом технологии является самостоятельное решение студентами и сдача заданий. Это полностью индивидуальная форма обучения. Студент рассказывает свое решение преподавателю, отвечает на дополнительные вопросы.

7. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса

7.1 Перечень информационных технологий.

– Использование электронных презентаций при проведении лекционных и практических занятий.

7.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

1. Операционная система MS Windows.
2. Интегрированное офисное приложение MS Office.
3. Программное обеспечение для организации управляемого коллективного и безопасного доступа в Интернет.

7.3 Перечень необходимых информационных справочных систем

1. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)
2. Электронная библиотека КубГУ
<http://212.192.128.113/MarcWeb/Work.asp?ValueDB=41&DisplayDB=Электронный>
3. Электронная библиотечная система «Университетская библиотека ONLINE» (<http://www.biblioclub.ru>)
4. Справочно-правовая система «Консультант Плюс» (<http://www.consultant.ru>)
5. ЭБС Издательства «Лань» <http://e.lanbook.com/> ООО Издательство «Лань»
6. ЭБС «Университетская библиотека онлайн» www.biblioclub.ru ООО «Директ-Медиа»
7. ЭБС «BOOK.ru» <https://www.book.ru> ООО «КноРус медиа»
8. ЭБС «ZNANIUM.COM» www.znanium.com ООО «ЗНАНИУМ»

Перечень договоров ЭБС (за период, соответствующий сроку получения образования по ООП)		
Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2024/2025	ЭБС Издательства «Лань» http://e.lanbook.com/ ООО Издательство «Лань» Договор № 99 от 30 ноября 2017 г.	С 01.01.24 по 31.12.24
	ЭБС «Университетская библиотека онлайн» www.biblioclub.ru ООО «Директ-Медиа» Договор № 0811/2017/3 от 08 ноября 2017 г.	С 01.01.24 по 31.12.24
	ЭБС «Юрайт» http://www.biblio-online.ru ООО Электронное издательство «Юрайт» Договор №0811/2017/2 от 08 ноября 2017 г.	С 20.01.24 по 19.01.25
	ЭБС «BOOK.ru» https://www.book.ru ООО «КноРус медиа» Договор № 61/223-ФЗ от 09 января 2018 г.	С 09.01.24 по 31.12.24
	ЭБС «ZNANIUM.COM» www.znanium.com ООО «ЗНАНИУМ» Договор № 1812/2017 от 18 декабря 2017 г.	С 01.01.24 по 31.12.24

8. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО), доска Ауд. 129, 131, 301б, 305, 307
2.	Лабораторные занятия	Лаборатория, укомплектованная техническими средствами обучения – компьютерами с соответствующим программным обеспечением, маркерная доска. Ауд. 101, 106, 106а
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория, укомплектованная маркерной доской и оснащенная компьютером. Ауд. 129
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория, укомплектованная маркерной доской и оснащенная компьютером. Ауд. 129
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспе-

		ченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета. 102-А и читальный зал
--	--	---

Примечание: Конкретизация аудиторий и их оснащение определяется ОПОП.

**Методические указания по выполнению лабораторных работ
по дисциплине "Математический анализ"**

Настоящие методические указания предназначены для выполнения лабораторных работ по математическому анализу и направлены на формирование общепрофессиональных и профессиональных компетенций студентов.

Для успешного выполнения лабораторной работы обучающемуся следует ознакомиться с теоретической частью дисциплины по теме лабораторной работы, изложенной в лекциях,. С целью более полного и углубленного понимания теоретического материала могут быть использованы источники, указанные в списке основной литературы [1-6], дополнительной [1-5], а также перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины, указанный в п.6.

Критерием должной подготовки студентов к выполнению лабораторных работ являются приобретенные знания, позволяющие безошибочно ответить на вопросы, сформулированные по каждой теме лабораторных работ. Для приобретения должных навыков к решению задач предполагается решение задач на лабораторных занятиях в учебных аудиториях под руководством преподавателя. Закрепление приобретенных навыков осуществляется внеаудиторным самостоятельным решением студентом задач. Номера задач для решения в аудитории и дома указаны к каждой лабораторной работе и списка дополнительной литературы.

Для лабораторных работ используются литературные источники из списка дополнительной литературы [1] и [2].

Введение в анализ

Лабораторная работа 1. Метод математической индукции.

В аудитории: [1], гл. 1, § 2, №№ 25 (1, 3, 5, 7, 9), 26 (1, 3), 28 (1, 3).

Дома: [1], гл. 1, § 2, №№ 25 (2, 4, 6, 8), 26 (2, 4), 28 (2).

Лабораторная работа 2. Модуль числа, сигнум. Целая и дробная часть числа. Графики.

В аудитории: [1], гл. 1, § 3, №№ 21, 23, 25, 27.

Дома: [1], гл. 1, § 3, №№ 22, 24, 26.

Лабораторная работа 3. Область определения, область значений функции. Нижняя и верхняя грани. Четность, нечетность функции, периодичность.

В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 89–95 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 89–95 (четные).

Лабораторная работа 4. Элементарные операции над графиками функций

В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 217-219 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 217-219 (четные).

Лабораторная работа 5. Монотонность функций. Графики сложных функций

В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 221-225 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 221-225 (четные).

Лабораторная работа 6. Периодические функции. Графики сложных функций

В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 248-249 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 248-249 (четные).

Лабораторная работа 7. Сложение графиков. Умножение графиков
В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 234-235 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 234-235 (четные).

Лабораторная работа 8. Обратная функция. Обратимость функций. Графики обратных функций
В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 256-257 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 256-257 (четные).

Лабораторная работа 9. Графики функций в полярных координатах
В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 114-116 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 114-116 (четные).

Лабораторная работа 10. Контрольная работа по пройденной теме

Предел числовой последовательности.

Лабораторная работа 1. Ограниченные и неограниченные последовательности. Монотонные последовательности
В аудитории: [1], гл. 1, § 7, №№ 314, 315, 317 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 1, § 7, №№ 314, 315, 317 (четные).

Лабораторная работа 2. Предел последовательности. Расходящиеся последовательности
В аудитории: [1], гл. 2, § 8, №№ 2, 5, 8, 12, 13, 69, 95, 99, 100, 106, 108, 110, 111, 124, 125, 129, 174, 212, 220 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 2, § 8, №№ 2, 5, 8, 12, 13, 69, 95, 99, 100, 106, 108, 110, 111, 124, 125, 129, 174, 212, 220 (четные).

Лабораторная работа 3. Предельный переход в неравенствах. Эталонные пределы последовательностей
В аудитории: [1], гл. 2, § 8, №№ 24-28 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 2, § 8, №№ 24-28 (четные).

Лабораторная работа 4. Сходимость монотонных ограниченных последовательностей. Критерий Коши сходимости фундаментальной последовательности
В аудитории: [1], гл. 2, § 8, №№ 58, 60 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 2, § 8, №№ 58, 60 (четные).

Лабораторная работа 5. Подпоследовательности.
В аудитории: [1], гл. 2, § 8, №№ 58, 60 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 2, § 8, №№ 58, 60 (четные).

Лабораторная работа 6. (2 занятия) Сходимость рекуррентно заданных последовательностей.
В аудитории: [1], гл. 2, § 8, №№ 234, 240, 247 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [1], гл. 2, § 8, №№ 234, 240, 247 (четные).

Лабораторная работа 7. Контрольная работа по пройденной теме

Предел функции

Лабораторная работа 1. Предел функции в точке. Односторонние пределы функции, пределы на бесконечности.

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 1, 2, 20 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 1, 2, 20 (четные).

Лабораторная работа 2. Пределы рациональных функций.

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 21-24 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 21-24 (четные).

Лабораторная работа 3. Пределы иррациональных функций

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 25-27 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 25-27 (четные).

Лабораторная работа 4. Первый замечательный предел. Пределы тригонометрических выражений

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 29-31 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 29-31 (четные).

Лабораторная работа 5. Второй замечательный предел. Следствия из него. Предел показательно-степенных выражений

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 33-36 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 33-36 (четные).

Лабораторная работа 6. О-символика. Использование асимптотических формул при вычислении предела функции

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 44-46 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 44-46 (четные).

Лабораторная работа 7. Частичные пределы функции.

В аудитории: [1], гл. 2, § 9, №№ 40, 41, 65, 66 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 9, №№ 40, 41, 65, 66 (четные).

Лабораторная работа 8. Контрольная работа по пройденной теме

Непрерывность функции.

Лабораторная работа 1. Непрерывность функции в точке

В аудитории: [1], гл. 2, § 10, №№ 5, 11, 17 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 10, №№ 5, 11, 17 (четные).

Лабораторная работа 2. Непрерывность функции на множестве. Непрерывность элементарных функций

В аудитории: [1], гл. 2, § 10, №№ 33-35 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 10, №№ 33-35 (четные).

Лабораторная работа 3. Точки разрыва, их классификация

В аудитории: [1], гл. 2, § 10, №№ 18, 19, (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 10, №№ 18, 19 (четные).

Лабораторная работа 4. Исследование непрерывности функций и построение графиков

В аудитории: [1], гл. 2, § 10, №№ 57-60 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 10, №№ 57-60 (четные).

Лабораторная работа 5. Исследование непрерывности сложных функций

В аудитории: [1], гл. 2, § 10, №№ 56, 62, 64 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 10, №№ 56, 62, 64 (четные).

Лабораторная работа 6. Равномерная непрерывность функций

В аудитории: [1], гл. 2, § 12, №№ 3-4 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 2, § 12, №№ 3-4 (четные).

Лабораторная работа 7. Контрольная работа по пройденной теме

Дифференцируемость функции

Лабораторная работа 1. Определение производной. Табличное дифференцирование

В аудитории: [1], гл. 3, § 13, №№ 1-2 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 13, №№ 1-2 (четные).

Лабораторная работа 2. Производная суммы, произведения, частного. Производная сложной функции

В аудитории: [1], гл. 3, § 13, №№ 3-51 (нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 13, №№ 3-51 (четные).

Лабораторная работа 3. Производная сложной функции.

В аудитории: [1], гл. 3, § 13, №№ 52-100 (нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 13, №№ 52-100 (четные).

Лабораторная работа 4. Логарифмическая производная. Односторонние производные

В аудитории: [1], гл. 3, § 13, №№ 141-152, 191-193 (нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 13, №№ 141-152, 191-193 (четные).

Лабораторная работа 5. Производная обратной функции. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции

В аудитории: [1], гл. 3, § 13, №№ 197, 201, 207 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 13, №№ 197, 201, 207 (четные).

Лабораторная работа 6. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали

В аудитории: [1], гл. 3, § 14, №№ 16, 17 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 14, №№ 16, 17 (четные).

Лабораторная работа 7. Дифференциал функции. Его применение в приближенных вычислениях

В аудитории: [1], гл. 3, § 13, №№ 213, 214, 216, 219 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 13, №№ 213, 214, 216, 219 (четные).

Лабораторная работа 8. Производные высших порядков. Формула Ньютона-Лейбница

В аудитории: [1], гл. 3, § 15, №№ 1, 2 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [1], гл. 3, § 15, №№ 1, 2 (четные).

Лабораторная работа 9. Дифференциалы высших порядков

В аудитории: [1], гл. 3, § 15, №№ 22, 28 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
 Дома: [1], гл. 3, § 15, №№ 22, 28 (четные).

Лабораторная работа 10. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши
 В аудитории: [1], гл. 4, § 17, №№ 2, 3, 7, 17-27, 42-52 (нечетные).
 Дома: [1], гл. 4, § 17, №№ 2, 3, 7, 17-27, 42-52 (четные).

Лабораторная работа 11. Разложения элементарных функций по формуле Тейлора
 В аудитории: [1], гл. 4, § 17, №№ 12-15, 20 (нечетные).
 Дома: [1], гл. 4, § 17, №№ 12-15, 20 (четные).

Лабораторная работа 12. Приближенные вычисления и вычисление пределов при помощи формулы Тейлора
 В аудитории: [1], гл. 4, § 17, №№ 1-5 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).
 Дома: [1], гл. 4, § 17, №№ 1-5 (четные).

Лабораторная работа 13. Контрольная работа по пройденной теме

Исследование функций

Лабораторная работа 1. Вычисление пределов по правилу Лопиталю
 В аудитории: [1], гл. 4, § 17, №№ 2, 3, 7, 17-27, 42-52 (нечетные).
 Дома: [1], гл. 4, § 17, №№ 2, 3, 7, 17-27, 42-52 (четные).

Лабораторная работа 2. Исследование функции на монотонность. Экстремумы
 В аудитории: [1], гл. 4, § 20, №№ 16-21 (нечетные).
 Дома: [1], гл. 4, § 20, №№ 16-21 (четные).

Лабораторная работа 3. Исследование функции на выпуклость. Точки перегиба
 В аудитории: [1], гл. 4, § 20, №№ 49-54 (нечетные).
 Дома: [1], гл. 4, § 20, №№ 49-54 (четные).

Лабораторная работа 4. Нахождение асимптот графиков функции
 В аудитории: [1], гл. 2, § 11, №№ 1-4 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
 Дома: [1], гл. 2, § 11, №№ 1-4 (четные).

Лабораторная работа 5. Полное исследование функций и построение графиков
 В аудитории: [1], гл. 2, § 21, №№ 3-6 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
 Дома: [1], гл. 2, § 21, №№ 3-6 (четные).

Лабораторная работа 6. Построение графиков функций
 В аудитории: [1], гл. 2, § 22, №№ 7-10 (1 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
 Дома: [1], гл. 2, § 21, №№ 7-10 (четные).

Лабораторная работа 7. Решение практических задач на нахождение экстремумов
 В аудитории: [1], гл. 2, § 22, №№ 12-22 (нечетные).
 Дома: [1], гл. 2, § 21, №№ 12-22 (четные).

Лабораторная работа 8. Контрольная работа

Неопределенный интеграл

Лабораторная работа 1. Первообразная. Неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование

В аудитории: [2], гл. 1, § 1, №№ 2 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 1, №№ 2 (четные).

Лабораторная работа 2. Метод замены переменной в неопределенном интеграле

В аудитории: [2], гл. 1, § 1, №№ 11-16 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 1, №№ 10-16 (четные).

Лабораторная работа 3 Метод интегрирования по частям

В аудитории: [2], гл. 1, § 1, №№ 19-21, 23, 24 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 1, №№ 19-21, 23, 24 (четные).

Лабораторная работа 4. Интегрирование элементарных дробей.

В аудитории: [2], гл. 1, § 2, №№ 1 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 2, №№ 1 (четные).

Лабораторная работа 5. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен

В аудитории: [2], гл. 1, § 1, №№ 8, 10 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 1, №№ 10-16 (четные).

Лабораторная работа 6. Интегрирование рациональных выражений. Метод неопределенных коэффициентов

В аудитории: [2], гл. 1, § 2, №№ 2-5 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 2, №№ 2-4 (четные).

Лабораторная работа 7. Интегрирование рациональных функций

В аудитории: [2], гл. 1, § 2, №№ 6-7 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 2, №№ 6-7 (четные).

Лабораторная работа 8. Интегрирование иррациональностей.

В аудитории: [2], гл. 1, § 3, №№ 1, 2, 4, 5, 8 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 3, №№ 1, 2, 4, 5, 8 (четные).

Лабораторная работа 9. Интегрирование иррациональностей.

В аудитории: [2], гл. 1, § 3, №№ 9, 10, 11 (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 3, №№ 9, 10, 11 (четные).

Лабораторная работа 10. Подстановки Чебышева и Эйлера

В аудитории: [2], гл. 1, § 3, №№ 13, 14, 17-19 (1, 3, 5, 7, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 3, №№ 13, 14, 17-19 (четные).

Лабораторная работа 11. Интегрирование тригонометрических выражений.

В аудитории: [2], гл. 1, § 4, №№ 1-6, 9-13 (1, 3, 5, , т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 1, § 4, №№ 13, 14, 17-19 (четные).

Лабораторная работа 12. Контрольная работа

Определенный интеграл

Лабораторная работа 1. Определенный интеграл. Интегральные суммы

В аудитории: [2], гл. 2, § 6, №№ 4-6 (1, 3, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 6, №№ 4-6 (четные).

Лабораторная работа 2. Формула Ньютона-Лейбница

В аудитории: [2], гл. 2, § 6, №№ 69-106 (нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 6, №№ 69-106 (четные).

Лабораторная работа 3. Интегрирование по частям в определенном интеграле

В аудитории: [2], гл. 2, § 6, №№ 127-160 (нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 6, №№ 127-160 (четные).

Лабораторная работа 4. Площадь квадратуемой плоской фигуры

В аудитории: [2], гл. 2, § 7, №№ 1-6 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 7, №№ 1-6 (четные).

Лабораторная работа 5. Длина дуги плоской кривой

В аудитории: [2], гл. 2, § 7, №№ 61, 63, 65, 69, (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 7, №№ 61, 63, 65, 69, (четные).

Лабораторная работа 6. Кубируемость некоторых классов тел, вычисление их объемов

В аудитории: [2], гл. 2, § 8, №№ 1-4 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 8, №№ 1-4 (четные).

Лабораторная работа 7. Площадь поверхности вращения

В аудитории: [2], гл. 2, § 8, №№ 81-82 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 8, №№ 81-82 (четные).

Лабораторная работа 8. Приближенные вычисления определенных интегралов.

В аудитории: [2], гл. 2, § 10, №№ 7, 8, 9 (1, 3, 5, т. е. нечетные).

Дома: [2], гл. 2, § 10, №№ 81-82 (четные).

Лабораторная работа 9. Контрольная работа

Несобственные интегралы

Лабораторная работа 1. Несобственные интегралы 1-го рода, их вычисление

В аудитории: [2], гл. 3, § 11, №№ 3-15, 19-22 (нечетные).

Дома: [2], гл. 3, § 11, №№ 3-15, 19-22 (четные).

Лабораторная работа 2. Несобственные интегралы 2-го рода, их вычисление

В аудитории: [2], гл. 3, § 11, №№ 57-72 (нечетные).

Дома: [2], гл. 3, § 11, №№ 57-72 (четные).

Лабораторная работа 3. Сходимость несобственных интегралов 1-го рода от неотрицательных функций

В аудитории: [2], гл. 3, § 12, №№ 15-30 (нечетные).

Дома: [2], гл. 3, § 12, №№ 15-30 (четные).

Лабораторная работа 4. Сходимость несобственных интегралов второго рода от отрицательных функций

В аудитории: [2], гл. 3, § 12, №№ 64-81 (нечетные).

Дома: [2], гл. 3, § 12, №№ 64-81 (четные).

Лабораторная работа 5. Главное значение по Коши несобственных интегралов
В аудитории: [2], гл. 3, § 11, №№ 125-128, (нечетные), § 12, №№ 192-195 (нечетные).
Дома: [2], гл. 3, § 11, №№ 125-128 (четные), § 12, №№ 192-195(четные).

Лабораторная работа 6. Самостоятельная работа

Числовые ряды

Лабораторная работа 1. Понятие числового ряда и его сходимости. Критерий Коши.
В аудитории: [2], гл. 4, § 13, №№ 11-14 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [2], гл. 4, § 13, №№ 81-82 (четные).

Лабораторная работа 2. Свойства сходящихся рядов. Ряды с неотрицательными членами.
В аудитории: [2], гл. 4, § 14, №№ 2-4 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [2], гл. 4, § 14, №№ 2-4 (четные).

Лабораторная работа 3. Признаки сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак.
В аудитории: [2], гл. 4, § 14, №№ 18, 19, 21, 22 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [2], гл. 4, § 14, №№ 18, 19, 21, 22 (четные).

Лабораторная работа 4. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.
В аудитории: [2], гл. 4, § 15, №№ 3, 4 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [2], гл. 4, § 15, №№ 3, 4 (четные).

Лабораторная работа 5. Абсолютно сходящиеся ряды. Признаки Абеля и Дирихле. Теорема Римана.
В аудитории: [2], гл. 4, § 15, №№ 5-8 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [2], гл. 4, § 15, №№ 5-8 (четные).

Лабораторная работа 6. Суммируемость числовых рядов. Понятие о бесконечном произведении.
В аудитории: [2], гл. 4, § 16, №№ 1, 2 (1, 3, 5, 7, 9, т. е. нечетные).
Дома: [2], гл. 4, § 16, №№ 1, 2 (четные).

Лабораторная работа 7. Контрольная работа