

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе
качеству образования – первый
проректор

_____ Т.А. Загуров
подпись
«31» мая 2024 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б1.В.ДВ.04.02

**ЧИСЛЕННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ
В ЗАДАЧАХ ТЕПЛОМАССОПЕРЕНОСА**

Направление подготовки

02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)

Математическое и компьютерное моделирование

Форма обучения

очная

Квалификация

бакалавр

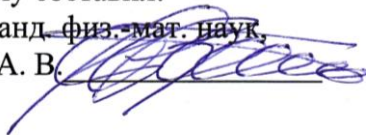
Краснодар 2024

Рабочая программа дисциплины «Численное моделирование в задачах тепломассопереноса» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки (с двумя профилями подготовки)

Программу составил:

доцент, канд. физ.-мат. наук,

Бунякин А. В.



Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры математических и компьютерных методов, протокол № 10 от 07.05.2024.

Заведующий кафедрой

математических и компьютерных методов Лежнев А. В.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук, протокол № 3 от 14.05.2024.

Председатель УМК факультета математики и компьютерных наук Шмалько С. П.



Рецензенты:

Савенко И. В., коммерческий директор ООО «РосГлавВино»

Никитин Ю. Г., доцент кафедры теоретической физики и компьютерных технологий ФГБОУ ВО «Кубанский государственный университет»

1 ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1 Цель изучения дисциплины

Цель изучения дисциплины «Численное моделирование в задачах теплопереноса»: состоит в обучении применению современных математических методов для решения задач естествознания (физике, механике жидкости и газа, теории упругости), их технических приложений, так как математические модели такого рода являются широко распространенными. Получение высшего профессионального образования, позволяющего выпускнику успешно работать в избранной сфере деятельности с применением современных математических методов.

Предмет изучения дисциплины «Численное моделирование в задачах теплопереноса»: математические модели процессов и объекты, состояние которых переменено в пространстве и во времени.

1.2 Задачи дисциплины

Основные задачи изучения дисциплины «Численное моделирование в задачах теплопереноса»:

- ознакомление студентов с методологическими подходами, позволяющими строить адекватные математические модели в задачах естествознания, использовать математическое описание физических явлений;
- ознакомление с некоторыми широко распространенными моделями физики (в основном механики) и основными методами исследования этих моделей.

1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Нестационарные задачи математической физики» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений, блока Б.1 «Дисциплины (модули)». В соответствии с рабочим учебным планом дисциплина изучается на 3 курсе по очной форме обучения. Вид промежуточной аттестации – экзамен.

Предшествующими дисциплинами, необходимыми для изучения данной дисциплины, являются «Математический анализ», «Дифференциальные уравнения», «Теория функций действительного переменного», «Линейная алгебра», «Алгебра», «Аналитическая геометрия», «Геометрия», «Программирование», «Математические пакеты и их применение в естественнонаучном образовании».

Последующими дисциплинами, для изучения которых необходима данная дисциплина, являются «Математический практикум», «Численные методы», «Компьютерное моделирование».

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Численное моделирование в задачах теплопереноса» направлен на формирование у обучающихся следующих компетенций.

Код и наименование индикатора* достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
ПК-1 – Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий	
ПК-1.1 – Демонстрирует навыки решения задач математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии, используя фундаментальные знания,	Знает основные методы критического анализа и основы системного подхода как общенаучного метода Умеет анализировать задачу, используя основы критического анализа и системного подхода

Код и наименование индикатора* достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
полученные в области данных математических дисциплин	Умеет осуществлять поиск необходимой для решения поставленной задачи информации, критически оценивая надежность различных источников информации
ПК-1.2 – Демонстрирует навыки программирования подготовленных алгоритмов решения вычислительных задач, разработки структуры и программирования реляционных баз данных, а также экспертных систем	Знает принципы, критерии, правила построения суждения и оценок
	Умеет формировать собственные суждения и оценки, грамотно и логично аргументируя свою точку зрения
	Умеет применять теоретические знания в решении практических задач
ПК-1.3 – Владеет сетевыми технологиями, в том числе, основами теории нейронных сетей	Знает основные принципы построения вычислительной технологии сетевого типа
	Умеет выбрать программное обеспечение для решения поставленной задачи, в том числе – топологию нейронной сети
	Владеет методиками отладки сетевых программ
ПК-1.4 – Собирает и анализирует научно-техническую информацию с учетом базовых представлений, полученных в области фундаментальной математики, механики, естественных наук, программирования и информационных технологий	Знает основные функции математических пакетов программ для проведения символических вычислений
	Умеет проводить формальные доказательства математических результатов на основе аксиоматически заданных свойств объектов и операций
	Владеет навыками обеспечения корректности выполнения алгебраических операций компьютерными средствами
ПК-3 – Способен математически корректно ставить естественнонаучные задачи, знание постановок классических задач математики	
ПК-3.1 – Демонстрирует навыки доказательства теорем существования и единственности решения классических задач линейной алгебры, теории обыкновенных дифференциальных уравнений и теории уравнений математической физики)	Знает основные понятия, методы и результаты алгебры, дифференциальных уравнений (обыкновенных и с частными производными)
	Умеет решать типовые задачи алгебры, дифференциальных уравнений (обыкновенных и с частными производными)
	Владеет навыками применения методов компьютерных вычислений
ПК-3.2 – Демонстрирует навыки доказательства устойчивости решений дифференциальных задач в классической и обобщенной постановках	Знает основные типы устойчивости (неустойчивости) задач для обыкновенных дифференциальных уравнений и уравнений с частными производными
	Умеет применять основные методы исследования устойчивости численного решения, например – по спектральному признаку
	Владеет методиками исследования на устойчивость численного алгоритма
ПК-3.3 – Демонстрирует навыки исследования вычислительной устойчивости решений алгебраических систем и дискретных аналогов дифференциальных задач	Знает основы методологии преподавания абстрактной алгебры
	Умеет систематизировано излагать основные понятия, методы и результаты абстрактной алгебры
	Владеет навыками преподавания основ компьютерной алгебры

Результаты обучения по дисциплине достигаются в рамках осуществления всех видов контактной и самостоятельной работы обучающихся в соответствии с утвержденным учебным планом.

Индикаторы достижения компетенций считаются сформированными при достижении соответствующих им результатов обучения.

2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зачётных единицы (144 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Виды работ		Всего, часов	6 семестр, часов
Контактная работа, в том числе:		66,3	66,3
Аудиторные занятия (всего):		52	52
занятия лекционного типа		18	18
лабораторные занятия		34	34
практические занятия		–	–
семинарские занятия		–	–
Иная контактная работа:		–	–
Контроль самостоятельной работы (КСР)		14	14
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,3	0,3
Самостоятельная работа, в том числе:		51	51
Подготовка к лабораторным работам		30	30
Подготовка к текущему контролю		21	21
Контроль:		26,7	26,7
Общая трудоёмкость	часов	144	144
	в том числе кон- тактная работа	79,2	79,2
	зач. ед.	4	4

2.2 Содержание дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоёмкости по разделам дисциплины представлены в таблице.

№	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Вне- аудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	СРС
1	Задачи естествознания и математическое моделирование физических процессов. Основные задачи математической физики (задача распространения тепла, задачи о диффузии в многокомпонентной среде).	26	6	–	10	10

№	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Вне-аудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	СРС
2	Элементы теории потенциала. Полные системы потенциалов. Постановка краевых задач. Алгоритмы решения задач математической физики по методам потенциалов.	27	4	–	8	15
3	Моделирование нестационарных физических процессов. Уравнения в частных производных со старшим оператором Лапласа.	27	4	–	8	15
4	Типы систем дифференциальных уравнений в частных производных первого порядка и специфика методов, применяемых для нахождения множеств их решений.	23	4		8	11
	ИТОГО по разделам дисциплины	103	18	–	34	51
	КСР	14	–	–	–	
	ИКР	0,3	–	–	–	
	Контроль	26,7	–	–	–	–
	Общая трудоемкость по дисциплине	144	18	–	34	–

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента.

2.3 Содержание разделов дисциплины

2.3.1 Занятия лекционного типа

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	Задачи естествознания и математическое моделирование физических процессов. Основные задачи математической физики (задача распространения тепла, задачи о диффузии в многокомпонентной среде).	1.1 Математическая физика. Постановка краевых задач. Существование и единственность решения. 1.2 Корректность и некорректность. Обратные задачи. 1.3. Классификация дифференциальных уравнений в частных производных. Уравнение теплопроводности и диффузии. Стационарные процессы и эллиптические уравнения.	УО
2	Элементы теории потенциала. Полные системы потенциалов. Постановка краевых задач. Алгоритмы решения задач математической физики по методам потенциалов.	2.1 Интегральные операторы теории потенциала. Фундаментальное решение уравнения Лапласа. 2.2 Потенциалы простого и двойного слоя, объемный потенциал. 2.3. Потенциал Робена. Интегральные операторы. 2.4. Представление функций потенциалами. Лемма Новикова.	УО, ПО
3	Моделирование нестационарных физических процессов.	3.1 Полнота сдвигов фундаментального решения уравнения Лапласа в подпространстве гармонических функций.	УО, ПО

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
	Уравнения в частных производных со старшим волновым оператором.	3.2. Системы потенциалов полные на границе области. Полнота модифицированных систем, полученных из фундаментального решения. 3.3 Граничное управление температурой.	
4	Типы систем дифференциальных уравнений в частных производных первого порядка и специфика методов, применяемых для нахождения множеств их решений.	4.1 Системы параболического типа (методы классификации и примеры). 4.2. Системы эллиптического типа (методы классификации и примеры). 4.3. Системы смешанного типа (примеры).	УО, ПО

2.3.2 Лабораторные работы

Распределение лабораторных работ по разделам дисциплины представлено в таблице. Формами текущего контроля являются устный опрос (УО) и письменный опрос (ПО).

№	Наименование раздела	Наименование лабораторных работ	Форма текущего контроля
1	Решение основных задач математической физики (задача распространения тепла, задачи о диффузии в многокомпонентной среде).	1.1 Постановка краевых задач. Существование и единственность решения. 1.2 Корректность и некорректность. Обратные задачи. 1.3. Классификация дифференциальных уравнений в частных производных. Уравнение теплопроводности и диффузии. Стационарные процессы и эллиптические уравнения.	УО, ПО
2	Применение теории потенциала. Полные системы потенциалов. Постановка краевых задач. Алгоритмы решения задач математической физики по методам потенциалов.	2.1 Интегральные операторы теории потенциала. Фундаментальное решение уравнения Лапласа. 2.2 Потенциалы простого и двойного слоя, объемный потенциал. 2.3. Потенциал Робена. Интегральные операторы. 2.4. Представление функций потенциалами. Лемма Новикова.	УО, ПО
3	Нестационарные физические процессы (гидроудар и гидравлический прыжок). Уравнения в частных производных со старшим оператором Лапласа.	4.1 Системы параболического типа (методы классификации и примеры). 4.2. Системы эллиптического типа (методы классификации и примеры). 4.3. Системы смешанного типа (примеры).	УО, ПО

2.3.3 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

1. Моделирование обтекания тел с подвижными частями поверхности в приближении аэроупругости.
2. Численное моделирование пространственно-периодических квантовых систем.
3. Постановка задачи об аккреции в осесимметричном приближении.

4. Особенности динамических систем с хаотическим поведением.
5. Исследование динамических систем с непрерывным временем численными методами.
6. Фрактальные аттракторы для нескольких типов динамических систем.
7. Свойства фрактальных множеств и их связь с детерминированным хаосом.
8. Морфологический анализ цифровых изображений.
9. Гармоническое сглаживание цифровых изображений.
10. Сжатие изображения матричным методом.
11. Алгоритмы подбора методов компрессии.
12. Модели с открытой обратной связью и оптимизация обучения.
13. Численные методы решения задач механики сплошных сред.
14. Геометрические и вариационные методы в теории функций и математической физике.
15. Конечно-разностные методы решения краевых задач.
16. Метод конечных элементов в решении краевых задач.
17. Визуализация волновых явлений с помощью прикладных математических пакетов.
18. Математическое моделирование и численный анализ рассеяния упругих волн на множественных микродефектах.
19. Движение точечных вихрей в ограниченной области.
20. Решение бигармонического уравнения.
21. Алгоритм решения квадратных уравнений в конечных полях и его применение в криптографии.
22. Замечательные кривые 3-го порядка. Циссоида Диоклеса.
23. Алгебры Лейбница небольших размерностей.
24. Замечательные кривые 4-го порядка. Конхоида Никомеда.
25. Использование укрупненных дидактических единиц на математическом анализе.
26. Гипотеза Коллатца.
27. Алгебры и супералгебры Лейбница.
28. Диффузная теория А. Тьюринга применительно к биосистемам.
29. Моделирование в инструментальной среде AnyLogic.
30. Программирование семантических сетей на языке Пролог.
31. Разработка программного обеспечения для численных алгоритмов оптимизации.
32. Разработка приложений для реализации метода анализа иерархий.
33. Применение искусственных нейронных сетей для решения задачи прогнозирования.
34. Применение искусственных нейронных сетей для решения задачи классификации.
35. Приложения в нейрокриптографии рекуррентных конвергентных нейросетей и потенциальных динамических систем.
36. Применение нейросетевых технологий для определения эмоциональной окраски текста.
37. Применение нейронных сетей для аппроксимации функций
38. Применение многослойной нейронной сети прямого распространения для распознавания предметов одежды.
39. Решение задачи регрессии на основе многослойной полносвязной нейронной сети.
40. Математические модели рыболовства.
41. Исследование энергетической модели сердца при вариации параметров.
42. Моделирование и оптимизация технологических процессов в газовой промыш-

ленности.

43. Численный анализ краевых задач моделей добычи тяжёлой нефти и теплофизики кипения.

44. Задачи компьютерного зрения в пищевой промышленности.

45. Оптимизация технологических процессов пищевой промышленности.

46. Некоторые приложения СВ к техническим и военным процессам.

47. Вероятностное моделирование некоторых процессов в военной области.

48. Стохастическое моделирование боевых действий.

49. Моделирование экономических процессов и систем.

50. Математическое моделирование экологических процессов.

51. Оптимизация сетевых графиков.

52. Прогнозирование финансово-экономических показателей деятельности предприятия.

53. Методы оптимизации инвестиционного портфеля.

54. Моделирование и анализ рисков инвестиционных проектов.

55. Прогнозирование ценовых показателей в микроэкономике.

56. Математическая модель динамики финансовых эффектов в микроэкономике.

57. Оценка доходности облигаций на основе модели Васичека.

58. Вероятностные методы прогнозирования ценообразования.

59. Математические методы прогнозирования социально-экономических явлений и процессов.

60. Имитационное моделирование и задачи теории массового обслуживания.

61. Применение имитационного моделирования для решения логистических задач.

62. Реализация алгоритмов машинного обучения.

63. Математические аспекты реализации криптоалгоритмов типа «невзаимозаменяемый токен».

64. Компьютерное моделирование сложных непрерывно-стохастических систем.

65. Моделирование картографических изображений с помощью гауссовского шума.

66. Моделирование вычислительного процесса получения изображения пространственных моделей многогранников.

67. Оценка внутренне нелинейных множественных регрессионных моделей.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения

для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Самостоятельная работа студентов по дисциплине включает следующие виды деятельности:

- проработку и анализ лекционного материала;
- изучение учебной литературы;
- поиск информации в сети Интернет по различным вопросам;
- решение задач по темам курса;
- работу с вопросами для самопроверки;
- подготовку к контрольной работе;
- подготовку к зачёту.

Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины представлен в таблице.

№	Вид самостоятельной работы	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1.	Подготовка к текущему контролю	1. Методические указания для подготовки к занятиям лекционного и семинарского типа. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук

		<p>ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.</p> <p>2. Методические указания по выполнению самостоятельной работы обучающихся. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.</p> <p>3. Методические указания по использованию интерактивных методов обучения. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г.</p> <p>4. Методические указания по подготовке эссе, рефератов, курсовых работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г.</p>
2.	Выполнение лабораторных работ и расчетно-графических заданий	<p>1. Методические указания по выполнению лабораторных работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.</p> <p>2. Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.</p>
3.	Подготовка и оформление отчетов по практике	1. Методические указания по подготовке и оформлению отчета по практике. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.
4.	Выполнение и защита выпускной квалификационной работы	1. Методические указания по выполнению и защите выпускной квалификационной работы (бакалавриат, магистратура, специалитет). Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла;
- в печатной форме на языке Брайля.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме;
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3 ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, ПРИМЕНЯЕМЫЕ ПРИ ОСВОЕНИИ ДИСЦИПЛИНЫ

В ходе изучения дисциплины предусмотрено использование следующих образовательных технологий: лекции, лабораторные работы, подготовка письменных аналитических работ, самостоятельная работа студентов.

Компетентностный подход в рамках преподавания дисциплины реализуется в использовании интерактивных технологий и активных методов (проектных методик, мозгового штурма, разбора конкретных ситуаций, педагогического эксперимента, иных форм) в сочетании с внеаудиторной работой.

Информационные технологии, применяемые при изучении дисциплины: использование информационных ресурсов, доступных в информационно-телекоммуникационной сети Интернет.

Для более эффективного восприятия материала часть лекций и лабораторных работ проводится с применением мультимедийного оборудования – комплекса аппаратно-программных средств, позволяющих пользователю работать с графикой, текстом, звуком, видео и др., организованными в виде единой информационной среды.

Адаптивные образовательные технологии, применяемые при изучении дисциплины – для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

4 ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Перечень вопросов для контроля СРС и подготовки к зачёту.

1. Математическое моделирование процессов тепломассопереноса.
2. Математическая физика. Постановка краевых задач. Существование и единственность решения. Корректность и некорректность.
3. Обратные задачи. Классификация дифференциальных уравнений в частных производных.
4. Уравнение теплопроводности, диффузии и фильтрации.
5. Нестационарные процессы и параболические уравнения.
6. Элементы теории потенциала. Интегральные операторы теории потенциала
7. Фундаментальное решение уравнения Лапласа. Потенциалы простого и двойного слоя, объемный потенциал.
8. Потенциал Робена. Интегральные операторы.
Представление функций потенциалами. Лемма Новикова. Полные системы потенциалов
9. Полнота сдвигов фундаментального решения уравнения Лапласа в подпространстве гармонических функций.
10. Системы потенциалов полные на границе области. Полнота модифицированных систем, полученных из фундаментального решения.
11. Алгоритмы задач математической физики. Алгоритм задачи Робена.
12. Внутренняя и внешняя задача Дирихле для уравнения Лапласа и Пуассона.
13. Внутренняя задача и внешняя задача Неймана для уравнения Лапласа и уравнения Пуассона.
14. Граничное управление температурой. Бигармоническое уравнение.
15. Моделирование физических процессов. Задачи математической физики.
16. Примеры задач математической физики. Задача распространения тепла.

17. Обратная задача для уравнения теплопроводности.
18. Основные типы дифференциальных уравнений в частных производных второго порядка. Постановка краевых задач.
19. Алгоритмы расчета по явным и неявным численным схемам для уравнения теплопроводности.
20. Алгоритмы решения задач об управлении температурой.

Примеры типовых заданий для текущего контроля успеваемости.

С использованием линейного закона теплопроводности смоделировать следующие явления:

1. В задаче плоскопараллельной теплопроводности область имеет границы в виде прямоугольника. На четырех сторонах его заданы разные температуры. Начальное состояние – это нулевая температура внутри области. Описать алгоритм нахождения распределения температуры по пространству и со временем. Коэффициент теплопроводности, плотность и теплоемкость среды заданы. Использовать линейный закон Фурье.

2. Однородный бесконечный стержень нагрет до «половины» (до нуля слева) одной температурой, а – справа – другой. Найти распределение тепла в пространстве и со временем, зная коэффициент теплопроводности, плотность, теплоемкость среды и используя линейный закон Фурье.

3. В задаче плоскопараллельной теплопроводности распределение температуры инвариантно относительно поворота на любой угол вокруг оси цилиндрической системы координат (так называемая – круговая симметрия). На двух цилиндрах заданных радиусов, имеющих одну ось симметрии (вышеуказанную), температуры заданы и неизменны во времени. Начальное состояние характеризуется одинаковой температурой, равной той, что задана на внешнем цилиндре. Найти распределение температуры в области между цилиндрами в зависимости от радиуса и со временем. Коэффициент теплопроводности, плотность и теплоемкость среды заданы и одинаковы в области между цилиндрами. Использовать линейный закон Фурье.

4. Условие аналогично предыдущей задаче, но только распределение температуры инвариантно относительно поворота на любую ось, проходящую через нуль, а вместо цилиндров – концентрические сферы, вместо цилиндрической системы координат – сферическая (так называемая – шаровая симметрия).

Критерии оценивания результатов обучения

Оценка	Критерии оценивания по экзамену
Высокий уровень «5» (отлично)	оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы.
Средний уровень «4» (хорошо)	оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не оценены максимальным числом баллов, в основном сформировал практические навыки.
Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)	оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с пробелами освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, многие учебные задания либо не выполнил, либо они оценены числом баллов близким к минимальному, некоторые практические навыки не

	сформированы.
Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно)	оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не выполнил, практические навыки не сформированы.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5 ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, ИНФОРМАЦИОННЫХ РЕСУРСОВ И ТЕХНОЛОГИЙ

5.1 Учебная литература

1. Сабитов, К.Б. Уравнения математической физики [Электронный ресурс]: учеб. – Электрон. дан. – Москва: Физматлит, 2013. – 352 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/59660>

2. Темам Р. Математическое моделирование в механике сплошных сред: учебное пособие / Темам Р., Миранвиль А. — Электрон. дан. — М.: "Лаборатория знаний" (ранее "БИНОМ. Лаборатория знаний"), 2017. — 323 с. – ISBN 978-5-00101-494-2- [Электронный ресурс] – URL: <https://e.lanbook.com/book/94110> (06.04.2018).

3. Рябенький, В. С. Введение в вычислительную математику [Электронный ресурс] / В. С. Рябенький. - 3-е изд., испр. и доп. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. - 288 с. - (Физтехковский учебник). - ISBN 978-5-9221-0926-0. – Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/544692>

4. Присекин, В.Л. Основы метода конечных элементов в механике деформируемых тел: учебник / В.Л. Присекин, Г.И. Расторгуев. – НГТУ, 2009. - 240 с. ISBN 978-5-7782-1287-9. — [Электронный ресурс]. — URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=436040

5. Александров, Д.В. Введение в гидродинамику : учебное пособие / Д.В. Александров, А.Ю. Зубарев, Л.Ю. Исакова. - Екатеринбург : Издательство Уральского университета, 2012. - 112 с. - ISBN 978-5-7996-0785-2 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=239521>

6. Митрофанова, О.В. Гидродинамика и теплообмен закрученных потоков в каналах ядерно-электрических установок / О.В. Митрофанова. - Москва: Физматлит, 2010. - 286 с. - ISBN 978-5-9221-1223-9 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=68969>

5.2 Периодическая литература

Приведённые журналы имеются в фонде Научной библиотеки КубГУ, <https://www.kubsu.ru/ru/node/15554>.

1. Журнал «Математическое моделирование».
2. Журнал «Журнал вычислительной математики и математической физики».
3. Журнал «Прикладная математика и механика».
4. Журнал «Прикладная механика и техническая физика».
5. Журнал «Проблемы прогнозирования».
6. Журнал «Экономика и математические методы».

5.3 Интернет-ресурсы, в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Электронно-библиотечные системы (ЭБС):

1. ЭБС «ЮРАЙТ» <https://urait.ru/>
2. ЭБС «УНИВЕРСИТЕТСКАЯ БИБЛИОТЕКА ОНЛАЙН» www.biblioclub.ru
3. ЭБС «BOOK.ru» <https://www.book.ru>
4. ЭБС «ЛАНЬ» <https://e.lanbook.com>

Профессиональные базы данных:

1. Научная электронная библиотека (НЭБ) <http://www.elibrary.ru/>
2. Национальная электронная библиотека (доступ к Электронной библиотеке диссертаций Российской государственной библиотеки (РГБ) <https://rusneb.ru/>
3. «Лекториум ТВ» <http://www.lektorium.tv/>
4. Университетская информационная система РОССИЯ <http://uisrussia.msu.ru>

Ресурсы свободного доступа:

1. КиберЛенинка (<http://cyberleninka.ru/>);
2. Федеральный портал «Российское образование» <http://www.edu.ru/>;
3. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» <http://window.edu.ru/>;
4. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов <http://school-collection.edu.ru/> .
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (<http://fcior.edu.ru/>);
6. Служба тематических толковых словарей <http://www.glossary.ru/>;
7. Словари и энциклопедии <http://dic.academic.ru/>;
8. Образовательный портал «Учеба» <http://www.ucheba.com/>;

Собственные электронные образовательные и информационные ресурсы КубГУ:

1. Среда модульного динамического обучения <http://moodle.kubsu.ru>
2. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций <http://mschool.kubsu.ru/>

3. Библиотека информационных ресурсов кафедры информационных образовательных технологий <http://mschool.kubsu.ru/>;
4. Электронный архив документов КубГУ <http://docspace.kubsu.ru/>
5. Электронные образовательные ресурсы кафедры информационных систем и технологий в образовании КубГУ и научно-методического журнала "ШКОЛЬНЫЕ ГОДЫ" <http://icdau.kubsu.ru/>

6 МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

При проработке учебного материала рекомендуется:

- повторить и уяснить определения и свойства объектов, операций и отношений, встречающиеся в формулировке теорем и постановке задач;
- записать в математической форме термины, связанные с рассматриваемой темой и встречающиеся в формулировке теорем и постановке задач;
- провести графическую интерпретацию встречающиеся объектов, операций и отношений,
- для громоздких выражений ввести компактные обозначения.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

7 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Распределение видов материально-технического обеспечения по видам занятий представлено в таблице.

Наименование специальных помещений	Оснащенность специальных помещений	Перечень лицензионного программного обеспечения
Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа (302Н, 303Н, 308Н, 309Н, 505А, 507А)	Мебель: учебная мебель. Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер	средство подготовки презентаций MS PowerPoint; математический пакет MathCAD
Учебные аудитории для проведения лабораторных работ, групповых и индивидуальных консультаций (301Н, 309Н, 316Н, 320Н)	Мебель: учебная мебель. Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер с доступом к сети «Интернет» и в электронную информационно-образовательную среду организации	Интернет-браузеры для просмотра сайтов в сети Интернет; средство подготовки презентаций MS PowerPoint; математический пакет MathCAD
Учебные аудитории для проведения текущей и промежуточной аттестации (301Н, 302Н, 303Н, 307Н, 308Н, 308На, 309Н, 310Н, 312Н, 314Н, 316Н, 318Н, 320Н)	Мебель: учебная мебель. Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер	Математический пакет MathCAD

Для самостоятельной работы обучающихся предусмотрены помещения, укомплектованные специализированной мебелью, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Наименование помещений для самостоятельной работы обучающихся	Оснащенность помещений для самостоятельной работы обучающихся	Перечень лицензионного программного обеспечения
Помещение для самостоятельной работы обучающихся (читальный зал Научной библиотеки)	Мебель: учебная мебель Комплект специализированной мебели: компьютерные столы Оборудование: компьютерная техника с подключением к информационно-коммуникационной сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ к сети интернет (проводное соединение и беспроводное соединение по технологии Wi-Fi)	Интернет-браузеры для просмотра сайтов в сети Интернет; средство подготовки презентаций MS PowerPoint
Помещение для самостоятельной работы обучающихся (301Н, 302Н, 303Н, 307Н, 308Н, 308На, 309Н, 310Н, 312Н, 314Н, 316Н, 318Н, 320Н)	Мебель: учебная мебель. Подключение к информационно-коммуникационной сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду образовательной организации	Интернет-браузеры для просмотра сайтов в сети Интернет; средство подготовки презентаций MS PowerPoint