

1920

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ

Филиал федерального государственного бюджетного образовательного  
учреждения высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
в г. Славянске-на-Кубани

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по работе с филиалами  
ФГБОУ ВО «Кубанский  
государственный университет»

А.А. Евдокимов



15 декабря 2022 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**УД.02 МАТЕМАТИКА**

специальность 44.02.02 Преподавание в начальных классах

Краснодар 2022

Рабочая программа учебной дисциплины УД. 02 МАТЕМАТИКА разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины УД. 02 МАТЕМАТИКА, в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 44.02.02 Преподавание в начальных классах, утвержденного приказом Министерства просвещения РФ от 17 августа 2022 г. N 742 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 44.02.02 Преподавание в начальных классах», зарегистрированным в Минюсте РФ 22 сентября 2022 г., регистрационный N 70193.

Дисциплина	УД.02 МАТЕМАТИКА	
Форма обучения	очная	
Учебный год	2023-2024	
1 курс	1 семестр	2 семестр
лекции	56 ч.	146 ч.
практические занятия	32 ч.	82 ч.
консультация	6 ч.	3 ч.
промежуточная аттестация	6 час.,	6 час.
форма промежуточной аттестации	экзамен	экзамен

Составитель: преподаватель \_\_\_\_\_ В.Р. Елатонцева  
подпись

Утверждена на заседании предметно-цикловой комиссии физико-математических дисциплин и специальных дисциплин УГС 09.00.00 «Информатика и вычислительная техника», протокол № 4 от «24» ноября 2022 г.

Председатель предметно-цикловой комиссии физико-математических дисциплин и специальных дисциплин УГС 09.00.00 «Информатика и вычислительная техника»

М.С. Бушуев  
«24» ноября 2022 г.

Рецензенты:

Директор МБОУ СОШ № 16 имени Героя России гвардии майора С.Г. Таранца  
г. Славянска-на-Кубани

Канд. пед. наук, ст. преподаватель  
кафедры профессиональной педагогики,  
психологии и физической культуры  
филиала ФГБОУ ВО «Кубанский  
государственный университет» в  
г. Славянске-на-Кубани



Т.В. Городничая

подпись

Р.А. Лахин

ЛИСТ  
согласования рабочей программы по учебной дисциплине

Специальность среднего профессионального образования:  
44.02.02 Преподавание в начальных классах

СОГЛАСОВАНО:

Нач. УМО филиала



А.С. Демченко  
«20» ноября 2022 г.

Заведующая библиотекой  
филиала



М.В. Фуфалько  
«20» ноября 2022 г.

Нач. ИВЦ (программно-  
информационное обеспечение  
образовательной программы)

В.А. Ткаченко  
«20» ноября 2022 г.

## СОДЕРЖАНИЕ

<b>1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>5</b>
1.1 Область применения программы.....	5
1.2. Место учебной дисциплины в структуре программы подготовки специалистов среднего звена: .....	5
1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения дисциплины: .....	5
1.4. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (перечень формируемых компетенций).....	10
<b>2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>23</b>
2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы.....	23
2.2. Структура дисциплины: .....	23
2.3. Тематический план и содержание учебной дисциплины УД.02 Математика ....	24
2.4. Содержание разделов дисциплины .....	32
2.4.1. Занятия лекционного типа .....	32
2.4.2. Занятия семинарского типа.....	35
2.4.3. Практические занятия (Лабораторные занятия).....	35
2.4.4. Содержание самостоятельной работы (Примерная тематика рефератов)....	37
2.4.5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине .....	37
<b>3. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ .....</b>	<b>38</b>
3.1.Образовательные технологии при проведении лекций	38
3.2.Образовательные технологии при проведении практических занятий	39
<b>4. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>42</b>
4.1. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине .....	42
4.2. Перечень необходимого программного обеспечения .....	42
<b>5. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>43</b>
5.1. Основная литература .....	43
5.2. Дополнительная литература .....	43
5.3. Периодические издания.....	43
5.4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины .....	44
<b>6. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ</b>	<b>45</b>
<b>7. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ .....</b>	<b>48</b>
7.1. Паспорт фонда оценочных средств .....	48
7.2. Критерии оценки знаний .....	48
7.3. Оценочные средства для проведения для текущей аттестации .....	52
7.4. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации .....	55
7.4.1. Примерные вопросы для проведения промежуточной аттестации .....	55
7.4.2. Примерные задачи для проведения промежуточной аттестации.....	56
<b>8. ДОПОЛНИТЕЛЬНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>58</b>

# **1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

## **УД.02 МАТЕМАТИКА**

### **1.1. Область применения программы**

Общеобразовательная дисциплина «УД.02 Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы в соответствии с ФГОС СПО по специальности 44.02.02 Преподавание в начальных классах на базе основного общего образования. Программа разработана на основании требований ФГОС среднего общего образования.

### **1.2. Место учебной дисциплины в структуре программы подготовки специалистов среднего звена:**

Дисциплина входит в обязательные учебные дисциплины, изучаемые на углубленном уровне.

### **1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения дисциплины:**

Содержание программы общеобразовательной дисциплины «Математика» направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО.

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих результатов:

В результате изучения обязательной части учебного цикла обучающийся должен:

личностных:

- осознание обучающимися российской гражданской идентичности;
- готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;
- наличие мотивации к обучению и личностному развитию;
- целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы;

метапредметных:

- освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);
- способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостояльному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;
- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности;

предметных:

1) владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

2) умение оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;

3) умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;

4) умение оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; умение находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, нахождение пути, скорости и ускорения;

5) умение оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;

6) умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;

7) умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;

8) умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;

9) умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач

изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;

10) умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;

11) умение оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;

12) умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;

13) умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;

14) умение выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.

15) умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;

16) умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, и при решении задач, в том числе из других учебных предметов;

17) умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;

18) умение свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;

19) умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;

20) умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;

21) умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;

22) умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;

умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;

умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функций;

умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;

23) умение свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;

24) умение оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции;

умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;

25) умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;

26) умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;

27) умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;

28) умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;

29) умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;

30) умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;

31) умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов,

произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;

32) умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;

33) умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.

Максимальная учебная нагрузка обучающегося 340 часов, в том числе:

- обязательная аудиторная учебная нагрузка обучающегося 316 часов;
- самостоятельная работа обучающегося 0 часов;
- консультации 12 часов;
- экзамены 12 часов.

#### **1.4. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (перечень формируемых компетенций)**

Учащийся должен обладать общими и профессиональными компетенциями:

ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам.

ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности.

ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях.

ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде.

ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста.

ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения.

ОК 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях.

Общие компетенции	Планируемые результаты обучения	
	Общие	Дисциплинарные
ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	<ul style="list-style-type: none"> <li>- готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие;</li> <li>- готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность;</li> <li>- интерес к различным сферам профессиональной деятельности, Овладение универсальными учебными познавательными действиями:           <ul style="list-style-type: none"> <li>a) базовые логические действия:</li> <li>- самостоятельно формулировать и актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне;</li> <li>- устанавливать существенный признак или основания для сравнения, классификации и обобщения;</li> <li>- определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;</li> <li>- выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях;</li> <li>- вносить корректиды в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;</li> <li>- развивать креативное мышление при решении жизненных проблем</li> </ul> </li> <li>b) базовые исследовательские действия:</li> <li>- владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;</li> <li>- выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях;</li> <li>-- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- уметь интегрировать знания из разных предметных областей;</li> <li>- выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения; и способность их использования в познавательной и социальной практике</li> </ul>	<p>финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда,</li> </ul>
--	--	---

	<p>пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</li> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li> <li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</li> <li>- уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных предметов;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на</li> </ul>
--	--

	<p>плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</li> <li>-уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</li> <li>-уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</li> </ul>
--	---

		<p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции;</li> <li>умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические</li> </ul>
--	--	--

	<p>действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</li> <li>- уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус,</li> </ul>
--	---

		<p>шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица <math>2 \times 2</math> и <math>3 \times 3</math>, определитель матрицы, геометрический</li> </ul>
--	--	--

		<p>смысл определителя;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;</li> <li>- умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки</li> </ul>
ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности	<p>В области ценности научного познания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире;</li> <li>- совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познания мира;</li> <li>- осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.</li> </ul> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>в) работа с информацией:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной</li> </ul>

	<p>систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации;</li> <li>- оценивать достоверность, легитимность информации, ее соответствие правовым и морально-этическим нормам;</li> <li>- использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности;</li> <li>- владеть навыками распознавания и защиты информации, информационной безопасности личности</li> </ul>	<p>жизни;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни</li> </ul>
ОК 03 Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях	<p>В области духовно-нравственного воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-- сформированность нравственного сознания, этического поведения;</li> <li>- способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально-нравственные нормы и ценности;</li> <li>- осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;</li> <li>- ответственное отношение к своим родителям и (или) другим членам семьи, созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни в соответствии с традициями народов России;</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>а) самоорганизация:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно осуществлять</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; уметь распознавать симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники;</li> <li>- уметь оперировать понятиями:</li> </ul>

	<p>познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям;</li> </ul> <p>способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;</p> <p>б) самоконтроль:</p> <p>использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению;</li> </ul> <p>в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность:</p> <p>внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его при осуществлении коммуникации, способность к сочувствию и сопереживанию;</li> <li>- социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты</li> </ul>	<p>прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками</p>
ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде	<p>готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности;</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей,</li> </ul>

	<p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>б) совместная деятельность:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;</li> <li>- принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы;</li> <li>- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;</li> <li>- осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>г) принятие себя и других людей:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;</li> <li>- признавать свое право и право других людей на ошибки;</li> <li>- развивать способность понимать мир с позиции другого человека</li> </ul>	<p>комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</li> <li>- уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить исследование функции;</li> <li>- уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем</li> </ul>
ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста	<p>В области эстетического воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений;</li> <li>- способность воспринимать различные виды искусства, традиции и творчество своего и других народов, ощущать</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с</li> </ul>

	<p>эмоциональное воздействие искусства;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- убежденность в значимости для личности и общества отечественного и мирового искусства, этнических культурных традиций и народного творчества;</li> <li>- готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества творческой личности;</li> </ul> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>а) общение:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;</li> <li>- распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты;</li> <li>- развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств</li> </ul>	<p>применением графических методов и электронных средств;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями;</li> <li>- уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира</li> </ul>
ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения	<ul style="list-style-type: none"> <li>- осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</li> <li>- целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы;</li> </ul> <p>В части гражданского воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка;</li> <li>- принятие традиционных национальных, общечеловеческих гуманистических</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li> <li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытых российской и мировой математической науки.</li> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение</li> </ul>

	<p>демократических ценностей;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам;</li> <li>- готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях;</li> <li>- умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;</li> <li>- готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности; патриотического воспитания;</li> <li>- сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России;</li> <li>- ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде;</li> <li>- идеальная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу;</li> </ul> <p>освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>- способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности,</p>	<p>приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях</p>
--	---	--

	<p>организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности</li> </ul>	
ОК 07 Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях	<ul style="list-style-type: none"> <li>- не принимать действия, приносящие вред окружающей среде;</li> <li>- уметь прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;</li> <li>- расширить опыт деятельности экологической направленности;</li> <li>- разрабатывать план решения проблемы с учетом анализа имеющихся материальных и нематериальных ресурсов;</li> <li>- осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду;</li> <li>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям, вносить корректизы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</li> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы</li> </ul>

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры	
		1	2
Учебная нагрузка (всего)	340	100	240
Аудиторные занятия (всего)	316	88	228
В том числе:			
занятия лекционного типа	202	56	146
практические занятия (практикумы)	114	32	82
лабораторные занятия			
Самостоятельная работа (всего)	12	6	6
в том числе:			
<i>Курсовая работа</i>	0	0	0
<i>Реферат</i>	0	0	
<i>Консультации</i>	12	6	6
Вид промежуточной аттестации (экзамен)		экзамен	экзамен
Общая трудоемкость 340 час	340	100	240

### 2.2. Структура дисциплины:

Наименование разделов и тем	Количество аудиторных часов		
	Всего	Теоретическое обучение	Практические и лабораторные занятия
Раздел 1. Повторение курса математики основной школы	18	8	10
Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве	18	12	6
Раздел 3. Координаты и векторы	14	8	6
Раздел 4. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции	38	28	10
Раздел 5.	8	4	4
Комплексные числа			
Раздел 6. Производная функции, ее применение	34	26	8
Раздел 7.	44	28	16
Многогранники и тела вращения			
Раздел 8.	14	8	6
Первообразная функции, ее применение			
Раздел 9.	16	14	2
Степени и корни. Степенная функция			
Раздел 10. Показательная функция	16	8	8
Раздел 11. Логарифмы. Логарифмическая функция	30	22	8
Раздел 12.	12	2	10
Множества. Элементы теории графов			
Раздел 13. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей	26	16	10
Раздел 14. Уравнения и неравенства	28	18	10
Курсовая работа (при наличии)			
Всего по дисциплине	316	202	114

## 2.3. Тематический план и содержание учебной дисциплины УД.02

### Математика

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Формируемые компетенции
1	2	3	4
<b>Основное содержание</b>			
<b>Раздел 1. Повторение курса математики основной школы</b>			<b>18</b>
Тема 1.1 Цель и задачи математики при освоении специальности	Содержание учебного материала	2	
	Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности.		
	Лекция		
Тема 1.2 Числа и вычисления. Выражения и преобразования	Содержание учебного материала	2	
	Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями.		
	Действия со степенями, формулы сокращенного умножения.		
	Лекция		
Тема 1.3. Геометрия на плоскости	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	2	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-06, OK-07
	Виды плоских фигур и их площадь.		
	Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости		
	Практическое занятие		
Тема 1.4 Процентные вычисления	Содержание учебного материала	4	
	Простые проценты, разные способы их вычисления.		
	Сложные проценты		
	Практическое занятие		
Тема 1.5 Уравнения и неравенства	Содержание учебного материала	2	
	Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства		
	Практическое занятие		
Тема 1.6 Системы уравнений и неравенств	Содержание учебного материала	4	
	Способы решения систем линейных уравнений. Понятия: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы. Метод Гаусса. Системы нелинейных уравнений. Системы неравенств		
	Практическое занятие		
	Лекция		
Тема 1.7 Входной контроль	Содержание учебного материала	2	
	Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости		
	Контрольная работа		
	Практическое занятие		
<b>Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве</b>			<b>18</b>
Тема 2.1. Основные понятия стереометрии. Расположение прямых и плоскостей	Содержание учебного материала	2	OK-01, OK-03, OK-04, OK-07
	Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные		
	Свойства пересекающихся и скрещивающихся прямых. Основные пространственные		

	фигуры.		
	Лекция		
Тема 2.2. Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей	Содержание учебного материала  Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач.  Лекция	4	
Тема 2.3. Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей	Содержание учебного материала  Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Доказательство. Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Доказательство. Расстояния в пространстве  Лекция	2	
Тема 2.4. Теорема о трех перпендикулярах	Содержание учебного материала  Теорема о трех перпендикулярах. Доказательство. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями  Лекция	4	
Тема 2.5. Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые	Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)  Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскости, перпендикулярность плоскостей  Практическое занятие	4	
Тема 2.6. Решение задач. Прямые и плоскости в пространстве	Содержание учебного материала  Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые  Контрольная работа	2	
<b>Раздел 3. Координаты и векторы</b>		<b>14</b>	
Тема 3.1 Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками. Координаты середины отрезка	Содержание учебного материала  Декартовы координаты в пространстве. Простейшие задачи в координатах. Расстояние между двумя точками, координаты середины отрезка  Лекция	4	OK-02, OK-03, OK-04, OK-07
Тема 3.2 Векторы в пространстве. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов	Содержание учебного материала  Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Координаты вектора, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Уравнение плоскости. Геометрический смысл определителя $2 \times 2$	4	

	Лекция		
Тема 3.3 Практико-ориентированные задачи на координатной плоскости	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4	
	Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты		
	Практическое занятие		
Тема 3.4 Решение задач. Координаты и векторы	Содержание учебного материала	2	
	Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями		
	Контрольная работа		
<b>Раздел 4. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции</b>			38
Тема 4.1 Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианская и градусная мера угла	Содержание учебного материала	4	
	Радианская мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла		
	Лекция		
Тема 4.2 Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения	Содержание учебного материала	4	
	Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы приведения		
	Лекция		
Тема 4.3 Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла	Содержание учебного материала	6	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-06, OK-07
	Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений		
	Лекция		
Тема 4.4 Функции, их свойства. Способы задания функций	Содержание учебного материала	2	
	Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функций		
	Лекция		
Тема 4.5 Тригонометрические функции, их свойства и графики	Содержание учебного материала	2	
	Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций $y = \cos x$ , $y = \sin x$ , $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$ .		

	Лекция		
Тема 4.6 Преобразование графиков тригонометрических функций	Содержание учебного материала	2	
	Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций.		
	Преобразование графиков тригонометрических функций		
	Практическое занятие		
Тема 4.7 Описание производственных процессов с помощью графиков функций	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	6	
	Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах		
	Практическое занятие		
Тема 4.8 Обратные тригонометрические функции	Содержание учебного материала	2	
	Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики		
	Лекция		
Тема 4.9 Тригонометрические уравнения и неравенства	Содержание учебного материала	6	
	Уравнение $\cos x = a$ . Уравнение $\sin x = a$ . Уравнение $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$ . Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные.		
	Простейшие тригонометрические неравенства		
	Лекция		
Тема 4.10 Системы тригонометрических уравнений	Содержание учебного материала	2	
	Системы простейших тригонометрических уравнений		
	Лекция		
Тема 4.11 Решение задач. основы тригонометрии. Тригонометрические функции	Содержание учебного материала	2	
	Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций.		
	Контрольная работа		
<b>Раздел 5. Комплексные числа</b>		8	
Тема 5.1 Комплексные числа	Содержание учебного материала	4	
	Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Форма записи комплексного числа (геометрическая, тригонометрическая, алгебраическая). Арифметические действия с комплексными числами		
	Комбинированное занятие		
Тема 5.2 Применение комплексных чисел	Содержание учебного материала	4	
	Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел		
	Практическое занятие		
<b>Раздел 6. Производная функции, ее применение</b>		34	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05,
Тема 6.1 Понятие производной. Формулы и правила	Содержание учебного материала	2	
	Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей.		

	дифференцирования	Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной Лекция		OK-06, OK-07
Тема 6.2 Производные суммы, разности произведения, частного		Содержание учебного материала	4	
		Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования		
		Лекция		
Тема 6.3 Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции		Содержание учебного материала	4	
		Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функции		
		Лекция		
Тема 6.4 Понятие непрерывности функции. Метод интервалов	о	Содержание учебного материала	2	
		Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов		
		Лекция		
Тема 6.5 Геометрический и физический смысл производной	и	Содержание учебного материала	4	
		Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции $y=f(x)$		
		Лекция		
Тема 6.6 Физический смысл производной в профессиональных задачах	в	Содержание учебного материала	2	
		Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени $t$ : $v = S'(t)$		
		Практическое занятие		
Тема 6.7 Монотонность функции. Точки экстремума	Точки	Содержание учебного материала	4	
		Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция		
		Лекция		
Тема 6.8 Исследование функций и построение графиков		Содержание учебного материала	4	
		Исследование функций на монотонность и построение графиков.		
		Лекция		
Тема 6.9 Наибольшее и наименьшее значения		Содержание учебного материала	2	
		Нахождение наибольшего и наименьшего значений		

функции	функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализа Лекция		
Тема 6.10 Нахождение оптимального результата с помощью производной в практических задачах	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4	
	Наименьшее и наибольшее значение функции		
	Практическое занятие		
Тема 6.11 Решение задач. Производная функции, ее применение	Содержание учебного материала	2	
	Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции		
	Контрольная работа		
<b>Раздел 7.</b> <b>Многогранники и тела вращения</b>		44	
Тема 7.1 Вершины, ребра, грани многогранника	Содержание учебного материала	2	
	Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранники		
	Лекция		
Тема 7.2 Призма, ее составляющие, сечение. Прямая и правильная призмы	Содержание учебного материала	2	
	Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечение		
	Лекция		
Тема 7.3 Параллелепипед, куб. Сечение куба, параллелепипеда	Содержание учебного материала	2	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-06, OK-07
	Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипеда		
	Лекция		
Тема 7.4 Пирамида, ее составляющие, сечение. Правильная пирамида. Усеченная пирамида	Содержание учебного материала	2	
	Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамида		
	Лекция		
Тема 7.5 Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды	Содержание учебного материала	2	
	Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамиды		
	Лекция		
Тема 7.6 Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде	Содержание учебного материала	2	
	Симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде		
	Лекция		
Тема 7.7 Примеры симметрий в профессии	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4	
	Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту		
	Практическое занятие		
Тема 7.8	Содержание учебного материала	2	

Правильные многогранники, их свойства		Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников Практическое занятие		
Тема 7.9 Цилиндр, составляющие. Сечение цилиндра	его	Содержание учебного материала	2	
		Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси). Развертка цилиндра		
		Лекция		
Тема 7.10 Конус, составляющие. Сечение конуса	его	Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)	4	
		Конус и его элементы. Сечение конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), конические сечения. Развертка конуса		
		Лекция		
Тема 7.11 Усеченный конус. Сечение усеченного конуса		Содержание учебного материала	2	
		Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса.		
		Лекция		
Тема 7.12 Шар и сфера, их сечения		Содержание учебного материала	2	
		Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара, сферы		
		Лекция		
Тема 7.13 Понятие об объеме тела. Отношение объемов подобных тел		Содержание учебного материала	4	
		Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда. Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел. Геометрический смысл определителя 3-го порядка		
		Лекция		
Тема 7.14 Объемы и площади поверхностей тел		Содержание учебного материала	2	
		Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхности тел		
		Лекция		
Тема 7.15 Комбинации многогранников и тел вращения		Содержание учебного материала	4	
		Комбинации геометрических тел		
		Практическое занятие		
Тема 7.16 Геометрические комбинации на практике	на	Содержание учебного материала	4	
		Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах		
		Практическое занятие		
Тема 7.17 Решение задач. Многогранники и тела вращения		Содержание учебного материала	2	
		Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения		
		Контрольная работа		
<b>Раздел 8. Первообразная функция, ее применение</b>			14	ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05,
Тема 8.1 Первообразная функции. Правила		Содержание учебного материала	2	
		Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с		

нахождения первообразных	понятием интеграла и первообразной для функции $y=f(x)$ . Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной		OK-06, OK-07	
	Лекция			
Тема 8.2 Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница	Содержание учебного материала	2		
	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона—Лейбница			
	Лекция			
Тема 8.3 Неопределенный и определенный интегралы	Содержание учебного материала	2		
	Понятие неопределенного интеграла			
	Лекция			
Тема 8.4 Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции	Содержание учебного материала	2		
	Геометрический смысл определенного интеграла			
	Лекция			
Тема 8.5 Определенный интеграл в жизни	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4		
	Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница.			
	Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей			
	Практическое занятие			
Тема 8.6 Решение задач. Первообразная функции, ее применение	Содержание учебного материала	2		
	Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение			
	Контрольная работа			
<b>Раздел 9. Степени и корни. Степенная функция</b>		16	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-07	
Тема 9.1 Степенная функция, ее свойства	Содержание учебного материала	4		
	Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции $y = \sqrt[n]{x}$ их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени			
	Лекция			
Тема 9.2 Преобразование выражений с корнями n-ой степени	Содержание учебного материала	4		
	Преобразование иррациональных выражений			
	Лекция			
Тема 9.3 Свойства степени с рациональным и	Содержание учебного материала	2		
	Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики			

действительным показателями	Лекция			
Тема 9.4 Решение иррациональных уравнений и неравенств	Содержание учебного материала	4		
	Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения. Решение иррациональных уравнений и неравенств			
	Лекция			
Тема 9.5 Степени и корни. Степенная функция	Содержание учебного материала	2		
	Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств			
	Контрольная работа			
<b>Раздел 10. Показательная функция</b>		<b>14</b>	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-07	
Тема 10.1 Показательная функция, ее свойства	Содержание учебного материала	4		
	Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений функционально-графическим методом			
	Лекция			
Тема 10.2 Решение показательных уравнений и неравенств	Содержание учебного материала	6		
	Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств			
	Практическое занятие			
Тема 10.3 Системы показательных уравнений	Содержание учебного материала	4	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-07	
	Решение систем показательных уравнений			
	Лекция			
Тема 10.4 Решение задач. Показательная функция	Содержание учебного материала	2		
	Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенств			
	Контрольная работа			
<b>Раздел 11. Логарифмы. Логарифмическая функция</b>		<b>30</b>	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-07	
Тема 11.1 Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число е	Содержание учебного материала	6		
	Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число е			
	Лекция			
Тема 11.2 Свойства логарифмов. Операция логарифмирования	Содержание учебного материала	4		
	Свойства логарифмов. Операция логарифмирования			
	Лекция			
Тема 11.3 Логарифмическая функция, ее свойства	Содержание учебного материала	4		
	Логарифмическая функция и ее свойства			
	Лекция			
Тема 11.4 Решение логарифмических	Содержание учебного материала	6	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-07	
	Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения			

уравнений неравенств	и	логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства		
		Лекция		
Тема 11.5 Системы логарифмических уравнений		Содержание учебного материала	2	
		Алгоритм решения системы уравнений. Равносильность логарифмических уравнений и неравенств		
		Лекция		
Тема 11.6 Логарифмы в природе и технике		<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	6	
		Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства		
		Практическое занятие		
Тема 11.7 Решение задач. Логарифмы. Логарифмическая функция		Содержание учебного материала	2	
		Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений		
		Контрольная работа		
<b>Раздел 12. Множества. Элементы теории графов</b>				<b>10</b>
Тема 12.1 Множества		Содержание учебного материала	2	
		Понятие множества. Подмножество. Операции с множествами		
		Лекция		
Тема 12.2 Операции с множествами		<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4	
		Операции с множествами. Решение прикладных задач		
		Практическое занятие		
Тема 12.3 Графы		Содержание учебного материала	4	
		Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости		
		Практическое занятие		
Тема 12.4 Решение задач. Множества, Графы и их применение		Содержание учебного материала	2	
		Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств. Применение графов к решению задач		
		Контрольная работа		
<b>Раздел 13. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>				<b>26</b>
Тема 13.1 Основные понятия комбинаторики		Содержание учебного материала	4	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-07
		Перестановки, размещения, сочетания		
		Лекция		
Тема 13.2 Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей		Содержание учебного материала	4	
		Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий.		
		Лекция		
Тема 13.3 Вероятность профессиональных задачах		<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4	
		Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка		

	вероятности события			
	Практическое занятие			
Тема 13.4 Дискретная случайная величина, закон ее распределения	Содержание учебного материала	4		
	Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристики			
	Лекция			
Тема 13.5 Задачи математической статистики	Содержание учебного материала	4		
	Вариационный ряд. Полигон частот и гистограмма. Статистические характеристики ряда наблюдаемых данных			
	Лекция			
Тема 13.6 Составление таблиц и диаграмм на практике	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	4		
	Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление. Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных			
	Практическое занятие			
Тема 13.7 Решение задач. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей	Содержание учебного материала	2		
	Элементы комбинаторики. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей			
	Контрольная работа			
<b>Раздел 14. Уравнения и неравенства</b>		28	OK-01, OK-02, OK-03, OK-04, OK-05, OK-06, OK-07	
Тема 14.1 Равносильность уравнений и неравенств. Общие методы решения	Содержание учебного материала	4		
	Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходов в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический метод			
	Лекция			
Тема 14.2 Графический метод решения уравнений, неравенств	Содержание учебного материала	6		
	Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенств			
	Лекция			
Тема 14.3 Уравнения и неравенства с модулем	Содержание учебного материала	4		
	Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем			
	Лекция			
Тема 14.4 Уравнения и неравенства	Содержание учебного материала	4		
	Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметром			

параметрами	Лекция			
Тема 14.5 Составление и решение профессиональных задач с помощью уравнений	<b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	8		
	Решение текстовых задач профессионального содержания			
	Практические занятия			
Тема 14.6 Решение задач. Уравнения и неравенства	Содержание учебного материала	2		
	Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами			
	Практическое занятие			
<b>Консультации</b>			<b>12</b>	
<b>Промежуточная аттестация (экзамен)</b>			<b>12</b>	
<b>Всего:</b>			<b>340</b>	

## 2.4. Содержание разделов дисциплины

### 2.4.1. Занятия лекционного типа

№ раздела	Наименование раздела/темы	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
<i>I семестр</i>			
1	<b>Повторение курса математики основной школы</b>	Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности. Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями. Действия со степенями, формулы сокращенного умножения. Способы решения систем линейных уравнений. Понятия: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы. Метод Гаусса. Системы нелинейных уравнений. Системы неравенств.	У, Т
2	<b>Прямые и плоскости в пространстве</b>	Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные фигуры. Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач. Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Доказательство. Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Доказательство. Расстояния в пространстве. Теорема о трех перпендикулярах. Доказательство. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями.	У

№ раздела	Наименование раздела/темы	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
3	<b>Координаты и векторы</b>	Декартовы координаты в пространстве. Простейшие задачи в координатах. Расстояние между двумя точками, координаты середины отрезка. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Координаты вектора, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Уравнение плоскости. Геометрический смысл определителя $2 \times 2$ .	T
4	<b>Основы тригонометрии. Тригонометрические функции</b>	Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла. Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы приведения. Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений. Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функций. Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций $y = \cos x$ , $y = \sin x$ , $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$ . Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики. Уравнение $\cos x = a$ . Уравнение $\sin x = a$ . Уравнение $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$ . Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные. Простейшие тригонометрические неравенства. Системы простейших тригонометрических уравнений.	У, Т
<i>2 семестр</i>			
5	<b>Комплексные числа</b>	Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Форма записи комплексного числа (геометрическая, тригонометрическая, алгебраическая). Арифметические действия с комплексными числами.	У, Т

№ раздела	Наименование раздела/темы	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
6	<b>Производная функции, ее применение</b>	Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей. Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной. Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования. Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функции. Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов. Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции $y=f(x)$ . Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция. Исследование функции на монотонность и построение графиков. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализа.	У, Т
7	<b>Многогранники и тела вращения</b>	Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранники. Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечение. Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипеда. Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамиды. Симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде. Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси). Разворотка цилиндра. Конус и его элементы. Сечение конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), конические сечения. Разворотка конуса. Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса. Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара, сферы. Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда. Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел. Геометрический смысл определителя 3-го порядка. Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхностей тел.	У,Т
8	<b>Первообразная функции, ее применение</b>	Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции $y=f(x)$ . Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определенного интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона—Лейбница. Понятие неопределенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла.	У

№ раздела	Наименование раздела/темы	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
9	<b>Степени и корни. Степенная функция</b>	Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции $y = \sqrt[n]{x}$ их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени. Преобразование иррациональных выражений. Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики. Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения. Решение иррациональных уравнений и неравенств.	Т
10	<b>Показательная функция</b>	Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений функционально-графическим методом. Решение систем показательных уравнений.	Т
11	<b>Логарифмы. Логарифмическая функция</b>	Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число e. Свойства логарифмов. Операция логарифмирования. Логарифмическая функция и ее свойства. Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства. Алгоритм решения системы уравнений. Равносильность логарифмических уравнений и неравенств.	У, Т
12	<b>Множества. Элементы теории графов</b>	Понятие множества. Подмножество. Операции с множествами.	У, Т
13	<b>Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>	Перестановки, размещения, сочетания. Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий. Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристики. Вариационный ряд. Полигон частот и гистограмма. Статистические характеристики ряда наблюдаемых данных.	Т
14	<b>Уравнения и неравенства</b>	Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходах в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический метод. Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенств. Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем. Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметром.	У

Примечание: Т – тестирование, Р – написание реферата, У – устный опрос, КР – контрольная работа

#### 2.4.2. Занятия семинарского типа

не предусмотрены

#### 2.4.3. Практические занятия

№	Наименование раздела/темы	Наименование практических (лабораторных) работ	Форма текущего контроля
<i>1 семестр</i>			
1	2	3	4
1.	Повторение курса математики основной школы	Виды плоских фигур и их площадь. Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости	ПР, КР
		Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты	
		Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства	
		Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости	
2.	Прямые и плоскости в пространстве	Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскостей, перпендикулярность плоскостей	ПР, КР, У
		Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые	
3.	Координаты и векторы	Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты	ПР, КР
		Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями	
4.	Основы тригонометрии. Тригонометрические функции	Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций. Преобразование графиков тригонометрических функций.	ПР, КР
		Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах	
		Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций.	
<i>2 семестр</i>			
5.	Комплексные числа	Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел	ПР, У
6.	Производная функции, ее применение	Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени $t$ : $v = S'(t)$	ПР, КР
		Наименьшее и наибольшее значение функции	
		Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции	
7.	Многогранники и тела вращения	Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту	ПР, КР
		Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников	
		Комбинации геометрических тел	
		Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах	
		Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения	
8.	Первообразная функции, ее применение	Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница.	ПР, КР
		Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей	
		Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение	

9.	Степени и корни. Степенная функция	Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств	KP
10.	Показательная функция	Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенств	ПР, KP
11.	Логарифмы. Логарифмическая функция	Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений	ПР, KP
12.	Множества. Элементы теории графов	Операции с множествами. Решение прикладных задач Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств. Применение графов к решению задач	ПР, KP, У
13.	Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей	Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление. Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных Элементы комбинаторики. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей	ПР, KP
14.	Уравнения и неравенства	Решение текстовых задач профессионального содержания Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами	ПР

Примечание: ПР- практическая работа; Т – тестирование, У – устный опрос, КР – контрольная работа

#### 2.4.4. Содержание самостоятельной работы

Не предусмотрено

#### 2.4.5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Не предусмотрено

### **3. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ**

Для реализации компетентностного подхода предусматривается использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения аудиторных и внеаудиторных занятий с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся.

В процессе преподавания применяются образовательные технологии развития критического мышления. Обязательны компьютерные лабораторные практикумы по разделам дисциплины.

В учебном процессе наряду с традиционными образовательными технологиями используются компьютерное тестирование, тематические презентации, интерактивные технологии.

#### **3.1. Образовательные технологии при проведении лекций**

№	Раздел	Виды применяемых образовательных технологий	Кол-во час
1	2	3	4
1	Повторение курса математики основной школы	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	8
2	Прямые и плоскости в пространстве	Аудиовизуальная технология, * проблемное изложение	12
3	Координаты и векторы	Аудиовизуальная технология, * проблемное изложение	8
4	Основы тригонометрии. Тригонометрические функции	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	28
5	Комплексные числа	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	4
6	Производная функции, ее применение	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	26
7	Многогранники и тела вращения	Аудиовизуальная технология, * проблемное изложение	28
8	Первообразная функции, ее применение	Аудиовизуальная технология, * проблемное изложение	8
9	Степени и корни. Степенная функция	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	14
10	Показательная функция	Аудиовизуальная технология, * проблемное изложение	8
11	Логарифмы. Логарифмическая функция	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	22
12	Множества. Элементы теории графов	Аудиовизуальная технология, * проблемное изложение	2
13	Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	16
14	Уравнения и неравенства	Аудиовизуальная технология, проблемное изложение	18
		итого по курсу	202
		в том числе интерактивное обучение*	66

### 3.2. Образовательные технологии при проведении практических занятий (лабораторных работ)

№	Тема занятия	Виды применяемых образовательных технологий	Кол. час
1	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 1 по теме Виды плоских фигур и их площадь. Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости	Дискуссия по теоретическим вопросам. Решение задач индивидуально	2
2	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 2.3 по теме Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты	Дискуссия по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением	4
3	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 4 по теме Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства	Круглый стол по теоретическим вопросам Решение задач кейс-методом	2*
4	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №1 по теме Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости	Решение задач индивидуально	2
5	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 5.6 по теме Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскости, перпендикулярность плоскостей	Дискуссия по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением	4
6	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 2 по теме Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые	Решение задач индивидуально	2
7	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 7.8 по теме Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты.	Диспут по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением итогов	4*
8	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3 по теме Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями	Решение задач индивидуально	2
9	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 9 по теме Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций. Преобразование графиков тригонометрических функций	Дискуссия по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением	2
10	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 10.11.12 по теме Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах	Круглый стол по теоретическим вопросам Решение задач кейс-методом	6*
11	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4 по теме Преобразование тригонометрических выражений. Решение	Решение задач индивидуально	2

	тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций.		
12	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 13.14 по теме Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел	Диспут по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением итогов	4*
13	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 15 по теме Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени $t$ : $v = S'(t)$	Решение задач малыми группами	2
14	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 15.16 по теме Наименьшее и наибольшее значение функции	Дискуссия по теоретическим вопросам. Решение задач индивидуально	4
15	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 5 по теме Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции	Решение задач индивидуально	2
16	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 17.18 по теме Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту	Диспут по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением итогов	4*
17	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 19 по теме Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников	Решение задач малыми группами	2
18	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 20.21 по теме Комбинации геометрических тел	Круглый стол по теоретическим вопросам Решение задач кейс-методом	4*
19	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 22.23 по теме Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах	Дискуссия по теоретическим вопросам. Решение задач индивидуально	4
20	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 6 по теме Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения	Решение задач индивидуально	2
21	ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА № 24.25 по теме Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей	Дискуссия по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением	4
22	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 7 по теме Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение	Решение задач индивидуально	2
23	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА №8 по теме Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств	Решение задач индивидуально	2
24	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 26.27.28 по теме Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств	Круглый стол по теоретическим вопросам Решение задач кейс-методом	6*
25	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 9 по теме Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной.	Решение задач индивидуально	2

	Решение показательных неравенств		
26	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 29.30.31 по теме Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства	Дискуссия по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением	6
27	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 10 по теме Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений	Решение задач индивидуально	2
28	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 32.33 по теме Операции с множествами. Решение прикладных задач	Диспут по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением итогов	4
29	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 34.35 по теме Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости	Круглый стол по теоретическим вопросам Решение задач кейс-методом	4*
30	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 11 по теме Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств. Применение графов к решению задач	Решение задач индивидуально	2
31	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 36.37 по теме Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события	Дискуссия по теоретическим вопросам Решение задач индивидуально с групповым обсуждением	4
32	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 38.39 по теме Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление. Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных	Решение задач малыми группами	4
33	КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 12 по теме Элементы комбинаторики. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей	Решение задач индивидуально	2
34	ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 40.41.42.43 по теме Решение текстовых задач профессионального содержания	Решение задач индивидуально с групповым обсуждением итогов	8
35	ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 44 по теме Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами	Решение задач малыми группами	2
	Итого по курсу		114
	в том числе интерактивное обучение*		32*

## **4. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **4.1. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий;
- комплект электронных видеоматериалов;
- задания для контрольных работ;
- профессионально ориентированные задания;
- материалы экзамена.

Технические средства обучения:

- персональный компьютер с лицензионным программным обеспечением;
- проектор с экраном.

### **4.2. Перечень необходимого программного обеспечения**

1. Операционные системы: Windows 7, 10
2. Офисные приложения: OpenOffice, Adobe Reader, FileZilla, Kaspersky
3. Служебное программное обеспечение: 7-zip, PyCharm, Math Type, NanoCad, WinRAR, Git, Oracle Virtual Box, Google Chrome, FireFox, Яндекс браузер, Visual Studio Code.

## **5. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ МАТЕМАТИКА**

### **5.1. Основная литература**

1. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10–11 классы. Базовый и углубленный уровни : учебник для общеобразовательных организаций / Ш. А. Алимов, Ю. М. Колягин, М. В. Ткачева [и др.]. – 8-е изд. – Москва : Просвещение, 2020. – 463 с. – ISBN 978-5-09-074197-2.

2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10–11 классы. Базовый и углублённый уровни : учебник для общеобразовательных организаций / Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев и др. – 9-е изд. – Москва : Просвещение, 2021. – 287 с. – (МГУ – школе). – ISBN 978-5-09-078569-3.

### **5.2 Дополнительная литература**

1. Гусев, В. А. Математика. Геометрия. Базовый уровень: 10–11 классы : учебник для среднего общего образования / В. А. Гусев, И. Б. Кожухов, А. А. Прокофьев. – 2-е изд., испр. и доп. – Москва : Юрайт, 2023. – 281 с. – (Общеобразовательный цикл). – URL: <https://urait.ru/bcode/530392>. – ISBN 978-5-534-16085-7.

2. Богомолов, Н. В. Математика. Углубленный уровень. 10–11 классы : учебник для среднего общего образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. – 5-е изд., перераб. и доп. – Москва : Юрайт, 2023. – 399 с. – (Общеобразовательный цикл). – URL: <https://urait.ru/bcode/520551>. – ISBN 978-5-534-15610-2.

3. Богомолов, Н. В. Математика. Алгебра и начала анализа. Базовый уровень: 10–11 классы : учебник для среднего общего образования / Н. В. Богомолов. – Москва : Юрайт, 2023. – 241 с. – (Общеобразовательный цикл). – URL: <https://urait.ru/bcode/530391>. – ISBN 978-5-534-16084-0.

### **5.3. Периодические издания**

- |   |   |       |
|---|---|-------|
| 1. Математика в школе.  | – | URL : |
| <a href="https://dlib.eastview.com/browse/publication/92111">https://dlib.eastview.com/browse/publication/92111</a> |   |       |
| 2. Известия вузов. Математика.  | – | URL:  |
| <a href="https://dlib.eastview.com/browse/publication/7087">https://dlib.eastview.com/browse/publication/7087</a>   |   |       |
| 3. Квант : научно-популярный физико-математический журнал.  | – | URL:  |
| <a href="http://kvant.ras.ru">http://kvant.ras.ru</a>   |   |       |

### **5.4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

1. ЭБС «Университетская библиотека ONLINE» : сайт. – URL: [http://biblioclub.ru/index.php?page=main\\_ub\\_red](http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red).

2. ЭБС Издательства «Лань» : сайт. - URL: <http://e.lanbook.com>.
3. ЭБС «Юрайт» : [раздел «ВАША ПОДПИСКА: Филиал КубГУ (г. Славянск-на-Кубани)】 : сайт. - URL: <https://www.biblio-online.ru/catalog/E121B99F-E5ED-430E-A737-37D3A9E6DBFB>.
4. Научная электронная библиотека «eLibrary.ru» : сайт. – URL: <http://elibrary.ru/defaultx.asp>.
5. Базы данных компании «Ист Вью» [раздел: Периодические издания (на русском языке)] : сайт. – URL: <http://dlib.eastview.com>.
6. Федеральная информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» : сайт. – URL: <http://window.edu.ru>.
7. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) : сайт. - URL: <http://fcior.edu.ru> .
8. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов : сайт. – URL: <http://school-collection.edu.ru>.
9. Официальный интернет-портал правовой информации. Государственная система правовой информации : сайт. – URL: <http://publication.pravo.gov.ru/>.
10. Энциклопедиум : Энциклопедии. Словари. Справочники // ЭБС «Университетская библиотека ONLINE» : сайт. – URL: <http://enc.biblioclub.ru>.

## **6. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ**

Дисциплина «Математика» нацелена на формирование профессиональных компетенций, таких как способность демонстрации общенаучных базовых знаний естественных наук, математики, понимание основных фактов, концепций, принципов теорий.

Обучение студентов осуществляется по традиционной технологии (лекции, практики) с включением инновационных элементов.

С точки зрения используемых методов лекции подразделяются следующим образом: информационно-объяснительная лекция, повествовательная, лекция-беседа, проблемная лекция и т. д.

Устное изложение учебного материала на лекции должно конспектироваться. Слушать лекцию нужно уметь – поддерживать своё внимание, понять и запомнить услышанное, уловить паузы. В процессе изложения преподавателем лекции студент должен выяснить все непонятные вопросы. Записывать содержание лекции нужно обязательно – записи помогают поддерживать внимание, способствуют пониманию и запоминанию услышанного, приводят знание в систему, служат опорой для перехода к более глубокому самостоятельному изучению предмета.

Методические рекомендации по конспектированию лекций:

- запись должна быть системной, представлять собой сокращённый вариант лекции преподавателя. Необходимо слушать, обдумывать и записывать одновременно;
- запись ведётся очень быстро, чётко, по возможности короткими выражениями;
- не прекращая слушать преподавателя, нужно записывать то, что необходимо усвоить. Нельзя записывать сразу же высказанную мысль преподавателя, следует её понять и после этого кратко записать своими словами или словами преподавателя. Важно, чтобы в ней не был потерян основной смысл сказанного;
- имена, даты, названия, выводы, определения записываются точно;
- следует обратить внимание на оформление записи лекции. Для каждого предмета заводится общая тетрадь. Отличным от остального цвета следует выделять отдельные мысли и заголовки, сокращать отдельные слова и предложения, использовать условные знаки, буквы латинского и греческого алфавитов, а также некоторые приёмы стенографического сокращения слов.

Практические занятия по дисциплине «Математика» проводятся по схеме:

- устный опрос по теории в начале занятия;
- работа в группах по разрешению различных ситуаций по теме занятия;
- решение практических задач;
- индивидуальные задания для подготовки к практическим занятиям.

Цель практического занятия - научить студентов применять теоретические знания при решении практических задач на основе реальных данных.

На практических занятиях преобладают следующие методы:

- верbalные (преобладающим методом должно быть объяснение);
- практические (письменные задания, групповые задания и т. п.).

Важным для студента является умение рационально подбирать необходимую учебную литературу. Основными литературными источниками являются:

- библиотечные фонды филиала КубГУ;
- электронная библиотечная система «Университетская библиотека онлайн»;
- электронная библиотечная система Издательства «Лань».

Поиск книг в библиотеке необходимо начинать с изучения предметного каталога и создания списка книг, пособий, методических материалов по теме изучения.

Просмотр книги начинается с титульного листа, следующего после обложки. На нём обычно помещаются все основные данные, характеризующие книгу: название, автор, выходные данные, данные о переиздании и т.д. На обороте титульного листа даётся аннотация, в которой указывается тематика вопросов, освещённых в книге, определяется круг читателей, на который она рассчитана. Большое значение имеет предисловие книги, которое знакомит читателя с личностью автора, историей создания книги, раскрывает содержание. Прочив предисловие и получив общее представление о книге, следует обратиться к оглавлению. Оглавление книги знакомит обучаемого с содержанием и логической структурой книги, позволяет выбрать нужный материал для изучения. Год издания книги позволяет судить о новизне материала. Чем чаще книга издаётся, тем большую ценность она представляет. В книге могут быть примечания, которые содержат различные дополнительные сведения. Они печатаются вне основного текста и разъясняют отдельные вопросы. Предметные и алфавитные указатели значительно облегчают повторение изложенного в книге материала. В конце книги может располагаться вспомогательный материал. К нему обычно относятся инструкции, приложения, схемы, ситуационные задачи, вопросы для самоконтроля и т.д.

Для лучшего представления и запоминания материала целесообразно вести записи и конспекты различного содержания, а именно:

- пометки, замечания, выделение главного;
- план, тезисы, выписки, цитаты;
- конспект, рабочая запись, реферат, доклад, лекция и т.д.

Читать учебник необходимо вдумчиво, внимательно, не пропуская текста, стараясь понять каждую фразу, одновременно разбирая примеры, схемы, таблицы, рисунки, приведённые в учебнике.

Одним из важнейших средств, способствующих закреплению знаний, является краткая запись прочитанного материала – составление конспекта. Конспект – это краткое связное изложение содержания темы, учебника или его части, без подробностей и второстепенных деталей. По своей структуре и последовательности конспект должен соответствовать плану учебника. Поэтому важно сначала составить план, а потом писать конспект в виде ответа на вопросы плана. Если учебник разделён на небольшие озаглавленные части, то заголовки можно рассматривать как пункты плана, а из текста каждой части следует записать те мысли, которые раскрывают смысл заголовка.

Требования к конспекту:

- краткость, сжатость, целесообразность каждого записываемого слова;

– содержательность записи- записываемые мысли следует формулировать кратко, но без ущерба для смысла. Объём конспекта, как правило, меньше изучаемого текста в 7-15 раз;

–конспект может быть как простым, так и сложным по структуре – это зависит от содержания книги и цели её изучения.

Методические рекомендации по конспектированию:

– прежде чем начать составлять конспект, нужно ознакомиться с книгой, прочитать её сначала до конца, понять прочитанное;

– на обложке тетради записываются название конспектируемой книги и имя автора, составляется план конспектируемого теста;

– записи лучше делать при прочтении не одного-двух абзацев, а целого параграфа или главы;

– конспектирование ведётся не с целью иметь определённый записи, а для более полного овладения содержанием изучаемого текста, поэтому в записях отмечается и выделяется всё то новое, интересное и нужное, что особенно привлекло внимание;

– после того, как сделана запись содержания параграфа, главы, следует перечитать её, затем снова обращаться к тексту и проверить себя, правильно ли изложено содержание.

Техника конспектирования:

– конспектируя книгу большого объёма, запись следует вести в общей тетради;

– на каждой странице слева оставляют поля шириной 25-30 мм для записи коротких подзаголовков, кратких замечаний, вопросов;

– каждая страница тетради нумеруется;

– для повышения читаемости записи оставляют интервалы между строками, абзацами, новую мысль начинают с «красной» строки;

– при конспектировании широко используют различные сокращения и условные знаки, но не в ущерб смыслу записанного. Рекомендуется применять общеупотребительные сокращения, например: м.б. – может быть; гос. – государственный; д.б. – должно быть и т.д.

– не следует сокращать имена и названия, кроме очень часто повторяющихся;

– в конспекте не должно быть механического переписывания текста без продумывания его содержания и смыслового анализа.

Для написания реферата необходимо выбрать тему, согласовать ее с преподавателем, подобрать несколько источников по теме, выполнить анализ источников по решению проблемы, обосновать свою точку зрения на решение проблемы.

## **7. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ**

### **7.1. Паспорт фонда оценочных средств**

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1.	Повторение курса математики основной школы	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Контрольная работа
2.	Прямые и плоскости в пространстве	OK-01 OK-03 OK-04 OK-07	Контрольная работа
3.	Координаты и векторы	OK-02 OK-03 OK-04 OK-07	Контрольная работа
4.	Основы тригонометрии. Тригонометрические функции	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Контрольная работа
5.	Комплексные числа	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Практическая (лабораторная) работа
6.	Производная функции, ее применение	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Контрольная работа
7.	Многогранники и тела вращения	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Контрольная работа
8.	Первообразная функции, ее применение	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Контрольная работа
9.	Степени и корни. Степенная функция	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-07	Контрольная работа
10.	Показательная функция	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-07	Контрольная работа
11.	Логарифмы. Логарифмическая функция	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-07	Контрольная работа
12.	Множества. Элементы теории графов	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Контрольная работа
13.	Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-07	Контрольная работа
14.	Уравнения и неравенства	OK-01 OK-02 OK-03 OK-04 OK-05 OK-06 OK-07	Практические (лабораторные) занятия

### **7.2. Критерии оценки знаний**

Контроль и оценка результатов освоения дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий, лабораторных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных самостоятельных заданий.

**Тест.** Система стандартизованных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося. Тест оценивается по количеству правильных ответов (не менее 60%).

### **Критерии оценки знаний студентов в целом по дисциплине:**

**«отлично»** - выставляется студенту, показавшему всесторонние, систематизированные, глубокие знания учебной программы дисциплины и умение уверенно применять их на практике при решении конкретных задач, свободное и правильное обоснование принятых решений;

**«хорошо»** - выставляется студенту, если он твердо знает материал, грамотно и, по существу, излагает его, умеет применять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в решении задач некоторые неточности;

**«удовлетворительно»** - выставляется студенту, показавшему фрагментарный, разрозненный характер знаний, недостаточно правильные формулировки базовых понятий, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, но при этом он владеет основными разделами учебной программы, необходимыми для дальнейшего обучения и может применять полученные знания по образцу в стандартной ситуации;

**«неудовлетворительно»** - выставляется студенту, который не знает большей части основного содержания учебной программы дисциплины, допускает грубые ошибки в формулировках основных понятий дисциплины и не умеет использовать полученные знания при решении типовых практических задач.

<b>Общая/профессиональная компетенция</b>	<b>Раздел/Тема</b>	<b>Тип оценочных мероприятий</b>
ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6 P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6 P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4 P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11 P 5, Темы 5.1, 5.2 P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11 P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17 P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6 P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5 P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4 P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7 P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4 P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6 P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6	Тестирование Устный опрос Математический диктант Индивидуальная самостоятельная работа Представление результатов практических работ Защита творческих работ Защита индивидуальных проектов Контрольная работа Выполнение экзаменационных заданий
ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности	P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6 P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6 P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4 P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11 P 5, Темы 5.1, 5.2 P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11 P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17 P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6 P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5 P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4	Тестирование Устный опрос Математический диктант Индивидуальная самостоятельная работа Представление результатов практических работ Защита творческих работ Защита индивидуальных проектов Контрольная работа Выполнение экзаменационных заданий

	P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7 P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4 P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6 P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6	заданий
ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях	P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6 P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6 P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4 P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11 P 5, Темы 5.1, 5.2 P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11 P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17 P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6 P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5 P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4 P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7 P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4 P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6 P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6	Тестирование Устный опрос Математический диктант Индивидуальная самостоятельная работа Представление результатов практических работ Защита творческих работ Защита индивидуальных проектов Контрольная работа Выполнение экзаменационных заданий
ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде	P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6 P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6 P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4 P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11 P 5, Темы 5.1, 5.2 P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11 P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17 P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6 P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5 P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4 P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7 P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4 P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6 P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6	Тестирование Устный опрос Математический диктант Индивидуальная самостоятельная работа Представление результатов практических работ Защита творческих работ Защита индивидуальных проектов Контрольная работа Выполнение экзаменационных заданий
ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста	P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6 P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6 P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4 P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11 P 5, Темы 5.1, 5.2 P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6 P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6 P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4 P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11 P 5, Темы 5.1, 5.2 P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с,	Тестирование Устный опрос Математический диктант Индивидуальная самостоятельная работа Представление результатов практических работ Защита творческих работ Защита индивидуальных проектов Контрольная работа Выполнение

	<p>6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11  P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17  P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6  P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5  P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4  P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7  P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4  P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6  P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	экзаменационных заданий
ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения	<p>P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6  P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11  P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17  P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6  P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Тестирование  Устный опрос  Математический диктант  Индивидуальная самостоятельная работа  Представление результатов  практических работ  Защита творческих работ  Защита индивидуальных проектов  Контрольная работа  Выполнение  экзаменационных заданий</p>
ОК 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях	<p>P 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6  P 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6  P 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4  P 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11  P 5, Темы 5.1, 5.2  P 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11  P 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17  P 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6  P 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5  P 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4  P 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7  P 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4  P 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6  P 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Тестирование  Устный опрос  Математический диктант  Индивидуальная самостоятельная работа  Представление результатов  практических работ  Защита творческих работ  Защита индивидуальных проектов  Контрольная работа  Выполнение  экзаменационных заданий</p>
ПК 4.3 Создавать информационную среду дошкольной образовательной группы с целью развития у детей	<p>P 1, Тема 1.3 П-о/с  P 2, Тема 2.5 П-о/с  P 3, Тема 3.3 П-о/с  P 4, Тема 4.7 П-о/с</p>	<p>Устный опрос  Математический диктант  Индивидуальная самостоятельная работа</p>

основ информационной культуры.	P 6, Тема 6.10 П-о/с P 7, Тема 7.7 П-о/с, 7.10 П-о/с P 8, Тема 8.5 П-о/с P 11, Тема 11.6 П-о/с P 12, Тема 12.2 П-о/с P 13, Тема 13.3 П-о/с, 13.6 П-о/с P 14, Тема 14.5 П-о/с	Представление результатов практических работ Защита индивидуальных проектов Контрольная работа
--------------------------------	--	--

### 7.3. Оценочные средства для проведения текущей аттестации

Текущий контроль проводится в форме:

- фронтальный опрос
- контрольная работа
- письменный контроль
- тестирование по теоретическому материалу
- практическая (лабораторная) работа

Форма аттестации	Знания	Умения	Практический опыт (владение)	Личные качества студента	Примеры оценочных средств
Устный (письменный) опрос по темам	Контроль знаний по определенным проблемам	Оценка умения различать конкретные понятия	Оценка навыков работы с литературными источниками	Оценка способности оперативно и качественно отвечать на поставленные вопросы	Контрольные вопросы по темам прилагаются
Практические (лабораторные) работы	Контроль знания теоретических основ информатики и информационных технологий, возможностей и принципов использования современной компьютерной техники.	Оценка умения работать с современной компьютерной техникой, использовать возможности вычислительной техники и программного обеспечения при решении практических задач.	Оценка навыков работы с вычислительной техникой, прикладными программными средствами	Оценка способности оперативно и качественно решать поставленные на практических работах задачи и аргументировать результаты	Темы работ прилагаются
Тестирование	Контроль знаний по определенным проблемам	Оценка умения различать конкретные понятия	Оценка навыков логического анализа и синтеза при сопоставлении конкретных понятий	Оценка способности оперативно и качественно отвечать на поставленные вопросы	Вопросы прилагаются

**Примерные тестовые задания: (на выбор одного ответа из четырех)**

1. Даны точки А(1,0,5), В(-2,0,4), С(0,-1,0), Д(0,0,2). Какие из них лежат на координатной прямой Оy?

- а) А
- б) Б
- в) С

г) Д

2. Какие из векторов  $\mathbf{a}(1,0,-1)$ ,  $\mathbf{c}(1/3,2/3,-2/3)$ ,  $\mathbf{v}(1,1,1)$ ,  $\mathbf{p}(0,0,-2)$  являются единичными?

- а) а
- б) с
- в) в
- г) р

3. Даны точки  $A(2,0,5)$ ,  $B(2,4,-2)$   $C(-2,6,3)$ . Серединой какого отрезка является точка  $M(0,3,4)$ ?

- а) АВ
- б) ВС
- в) СВ
- г) АС

4. Углом какой четверти является угол  $\alpha=400^\circ$ ?

- а) 1
- б) 2
- в) 3
- г) 4

5. Чему равна производная функции  $y=\cos^2x$ ?

- а)  $y'=-\sin^2x$
- б)  $y'=-2\sin^2x$
- в)  $y'=-2\cos x \sin x$
- г)  $y'=2\cos x$

6. По какой из формул вычисляется производная произведения?

- а)  $(u+v)'=u'+v'$
- б)  $(uv)'=u'v+uv'$
- в) 
$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$
- г)  $(f(g(x))'=f'(g(x))*g'(x)$

### Примерные вопросы для устного опроса (контрольных работ):

1. Продолжите определение: «Последовательность – это...».
2. Приведите пример арифметической прогрессии.
3. Приведите пример геометрической прогрессии.
4. Приведите пример бесконечно убывающей геометрической прогрессии.
5. Продолжите определение: «Производная – это...».
6. Раскройте геометрический смысл производной.
7. Продолжите определение: «Касательная – это...».
8. Раскройте физический смысл производной.
9. Перечислите правила вычисления производных.
10. Чему равна производная степенной функции?
11. Чему равна производная произведения?
12. Чему равна производная частного?

13. Чему равна производная сложной функции?
14. Сформулируйте признак возрастания функции.
15. Сформулируйте признак убывания функции.
16. Сформулируйте признак точки максимума функции.
17. Сформулируйте признак точки минимума функции.
18. Составьте алгоритм решения задач на нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке?
19. Составьте алгоритм исследования и построения графика функции с помощью производной.
20. Как найти вертикальную асимптоту графика функции?

#### **7.4. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации**

##### **Промежуточная аттестация**

Форма аттестации	Знания	Умения	Практический опыт (владеть)	Личные качества студента	Примеры оценочных средств
Экзамен	Контроль знания базовых положений в области информатики	Оценка умения понимать специальную терминологию	Оценка навыков логического сопоставления и характеристики объектов	Оценка способности грамотно и четко излагать материал	Вопросы: прилагаются
		Оценка умения решать типовые задачи в области профессиональной деятельности	Оценка навыков логического мышления при решении задач в области профессиональной деятельности	Оценка способности грамотно и четко излагать ход решения задач в области профессиональной деятельности и аргументировать результаты	Задачи прилагаются

##### **7.4.1. Примерные вопросы для проведения промежуточной аттестации (экзамен, зачет, дифференцированный зачет)**

*1 семестр*

1. Перечислите основные фигуры в пространстве.
2. Перечислите способы задания плоскости.
3. Сформулируйте определение двугранного угла.
4. Перечислите взаимное расположение двух прямых в пространстве.
5. Какие прямые называются скрещивающимися в пространстве.
6. Перечислите взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.
7. Раскройте понятие «угол между прямой и плоскостью».
8. Перечислите взаимное расположение двух плоскостей в пространстве.
9. Раскройте понятие «параллельность плоскостей».
10. Как найти расстояние между прямыми?
11. Продолжите определение: «Наклонная – это ...»
12. Из чего состоит прямоугольная система координат в пространстве?
13. Раскройте понятие «вектор».
14. Как найти координаты вектора?

15. Какие векторы называются коллинеарными?
16. Чему равен угол между векторами?
17. Приведите пример координаты точки А, которая лежит на оси z.
18. Чему равен угол в один радиан?
19. Продолжите определение: «Косинус острого угла – это...»
20. Перечислите тригонометрические функции, укажите их периоды.
21. Сформулируйте основное тригонометрическое тождество.
22. Перечислите способы решения тригонометрических уравнений.
23. Раскройте алгоритм решения однородных тригонометрических уравнений.
24. Чему равно произведение  $\operatorname{ctgx}^*\operatorname{tgx}$ .
25. В каких четвертях тригонометрического круга функция  $y=\sin x$  принимает положительные значения?

### *2 семестр*

1. Продолжите определение: «Последовательность – это...».
2. Приведите пример геометрической прогрессии.
3. Продолжите определение: «Производная – это...».
4. Раскройте физический смысл производной.
5. Перечислите правила вычисления производных.
6. Чему равна производная произведения?
7. Чему равна производная сложной функции?
8. Составьте алгоритм решения задач на нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке?
9. Продолжите определение: «Многогранник – это...».
10. Продолжите определение: «Пирамида – это...».
11. Какая призма называется правильной?
12. Что такое апофема правильной пирамиды?
13. Сформулируйте теорему о вычислении боковой поверхности правильной пирамиды.
14. Продолжите определение: «Конус – это...».
15. Продолжите определение: «Шар – это...».
16. Раскройте геометрический смысл определенного интеграла.
17. Продолжите определение: «Криволинейная трапеция – это...».
18. Перечислите правила вычисления интегралов.
19. Сформулируйте определение степенной функции.
20. Перечислите свойства корня натуральной степени. Приведите примеры.
21. Чему равен корень нечетной степени из отрицательного числа? Приведите пример.
22. Перечислите свойства показательной функции.
23. Сформулируйте правило решения простейших показательных неравенств.
24. Сформулируйте определение логарифмической функции.
25. Чему равен логарифм частного?
26. Перечислите способы решения логарифмических уравнений.

27. Сформулируйте определение множества.
28. Назовите отличительные черты полного и неполного графов.
29. Сформулируйте правило нахождения сложения вероятностей.
30. Как найти медиану числового ряда?

#### **7.4.2. Примерные экзаменационные задачи на экзамен/дифференцированный зачет**

1. Найдите производные функций:

$$1. \quad f(x) = \frac{x^2}{2} + \frac{3}{x^3} + 6$$

$$2. \quad f(x) = \frac{\cos x}{x^2 + 8}$$

$$3. \quad f(x) = x^3 + \sqrt{x}$$

$$4. \quad f(x) = (5x - 6)(8 - x^3)$$

$$5. \quad f(x) = \sqrt{x} (9x^5 - x)$$

$$6. \quad f(x) = x^9 + \sqrt{2x}$$

$$7. \quad f(x) = 6\cos x - \sin x$$

$$8. \quad f(x) = \frac{x^2 - 4x}{2 + 9x^4}$$

$$9. \quad f(x) = 5x^3 - 9 \sin x$$

$$10. \quad f(x) = 8x^4 + \sqrt{x} + \frac{9}{x}$$

$$11. \quad f(x) = (5x + 18x^2)^5$$

$$12. \quad f(x) = x^4 + \sqrt{x}$$

## 8. ДОПОЛНИТЕЛЬНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### Приложение 1. Краткий конспект лекционных занятий

Лекция №1.

Тема. "Множества. Операции над множествами."

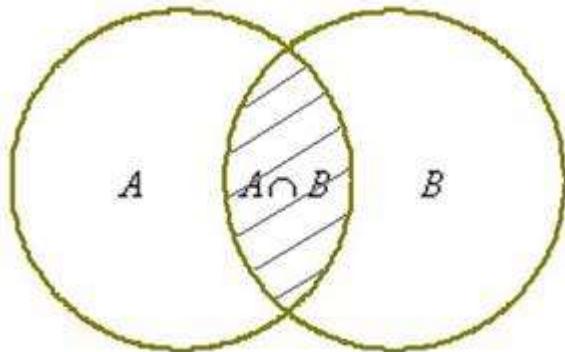
Множеством называется совокупность некоторых объектов, объединенных в одно целое по какому – либо признаку. Объекты, из которых состоит множество, называются его элементами. Обозначаются заглавными буквами латинского алфавита A, B, ..., X, Y, ..., а их элементы обозначаются малыми буквами a, b, ..., x, y.

Два множества A и B называются равными, если они состоят из одних и тех же элементов ( $A = B$ ).

Диаграммы Венна (по аналогии с кругами Эйлера) – это схематическое изображение действий с множествами. Опять же предупреждаю, что я рассмотрю не все операции:

1) Пересечение множеств характеризуется логической связкой И и обозначается значком  $\cap$

Пересечением множеств  $A$  и  $B$  называется множество  $A \cap B$ , каждый элемент которого принадлежит и множеству  $A$ , и множеству  $B$ . Грубо говоря, пересечение – это общая часть множеств:



Так, например, для множеств  $A = \{i, j, k\}$ ,  $B = \{k, m\}$ :

$$A \cap B = \{k\}$$

Если у множеств нет одинаковых элементов, то их пересечение пусто. Такой пример нам только что встретился при рассмотрении числовых множеств:

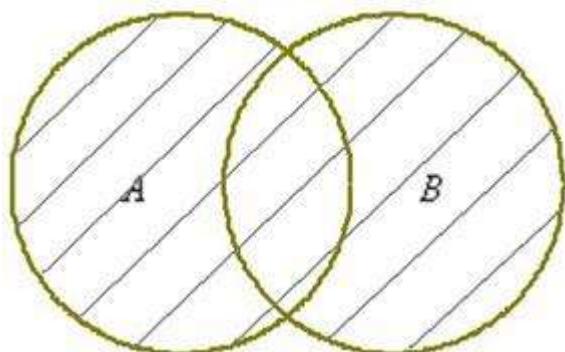
$$\mathbb{Q} \cap \mathbb{I} = \emptyset$$

Множества рациональных и иррациональных чисел можно схематически изобразить двумя непересекающимися кругами.

Операция пересечения применима и для большего количества множеств, в частности в Википедии есть хороший пример пересечения множеств букв трёх алфавитов.

2) Объединение множеств характеризуется логической связкой ИЛИ и обозначается значком  $\cup$

Объединением множеств  $A$  и  $B$  называется множество  $A \cup B$ , каждый элемент которого принадлежит множеству  $A$  или множеству  $B$ :



Запишем объединение множеств  $A = \{1, 3, 5\}$ ,  $B = \{-1, 0, 1\}$ :

$A \cup B = \{-1, 0, 1, 3, 5\}$  – грубо говоря, тут нужно перечислить все элементы множеств  $A$  и  $B$ , причём одинаковые элементы (*в данном случае единица на пересечении множеств*) следует указать один раз.

Но множества, разумеется, могут и не пересекаться, как это имеет место быть с рациональными и иррациональными числами:

$$\mathbb{Q} \cup \mathbb{I} = \mathbb{R}$$

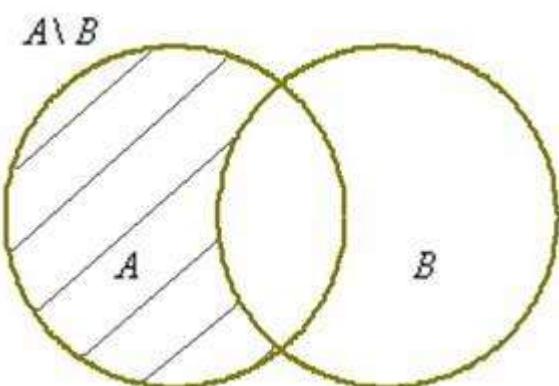
В этом случае можно изобразить два непересекающихся заштрихованных круга.

Операция объединения применима и для большего количества множеств, например, если  $A = \{1, 2\}$ ,  $B = \{0, 7\}$ ,  $C = \{-10, -3\}$ , то:

$A \cup B \cup C = \{-10, -3, 0, 1, 2, 7\}$ , при этом числа вовсе не обязательно располагать в порядке возрастания (*это я сделал исключительно из эстетических соображений*). Не мудрствуя лукаво, результат можно записать и так:

$$A \cup B \cup C = \{1, 2, 0, 7, -10, -3\}$$

3) Разностью множеств  $A$  и  $B$  называют множество  $A \setminus B$ , каждый элемент которого принадлежит множеству  $A$  и не принадлежит множеству  $B$ :



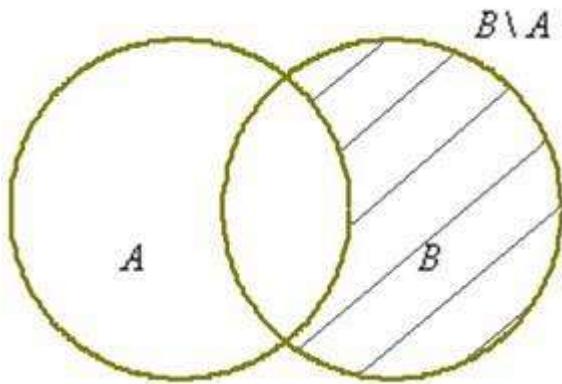
Разность  $A \setminus B$  читаются следующим образом: «а без бэ». И рассуждать можно точно так же: рассмотрим множества  $A = \{a, b, c, d\}$ ,  $B = \{1, a, d, 5\}$ . Чтобы записать разность  $A \setminus B$ , нужно из множества  $A$  «выбросить» все элементы, которые есть во множестве  $B$ :

$$A \setminus B = \{b, c\}$$

Пример с числовыми множествами:

$\mathbf{Z} \setminus \mathbf{N} = \{ \dots, -3, -2, -1, 0 \}$  – здесь из множества целых чисел исключены все натуральные, да и сама запись  $\mathbf{Z} \setminus \mathbf{N}$  так и читается: «множество целых чисел без множества натуральных».

Зеркально: разностью множеств  $B$  и  $A$  называют множество  $B \setminus A$ , каждый элемент которого принадлежит множеству  $B$  и не принадлежит множеству  $A$ :



Для тех же множеств  $A = \{a, b, c, d\}, B = \{1, a, d, 5\}$

$B \setminus A = \{1, 5\}$  – из множества  $B$  «выброшено» то, что есть во множестве  $A$ .

А вот эта разность оказывается пуста:  $\mathbf{N} \setminus \mathbf{Z} = \emptyset$ . И в самом деле – если из множества натуральных чисел исключить целые числа, то, собственно, ничего и не останется :)

Кроме того, иногда рассматривают *симметрическую* разность  $A \Delta B$ , которая объединяет оба «полумесяца»:

$A \Delta B = (A \setminus B) \cup (B \setminus A)$  – иными словами, это «всё, кроме пересечения множеств».

4) Декартовым (прямым) произведением множеств  $A$  и  $B$  называется множество  $A \times B$  всех упорядоченных пар  $(a, b)$ , в которых элемент  $a \in A$ , а элемент  $b \in B$

Запишем декартово произведение множеств  $A = \{d, 5, f\}, B = \{-1, d\}$ :

$A \times B = \{(d, -1), (d, d), (5, -1), (5, d), (f, -1), (f, d)\}$  – перечисление пар удобно осуществлять по следующему алгоритму: «сначала к 1-му элементу множества  $A$  последовательно присоединяю каждый элемент множества  $B$ , затем ко 2-му элементу множества  $A$  присоединяю каждый элемент множества  $B$ , затем к 3-му элементу множества  $A$  присоединяю каждый элемент множества  $B$ »:

$$A \times B = \{(d, \boxed{-1}), (d, \boxed{d}), (5, -1), (5, d), (f, -1), (f, d)\}$$

Зеркально: декартовым произведением множеств  $B$  и  $A$  называется множество  $B \times A$  всех упорядоченных пар  $(b, a)$ , в которых  $b \in B, a \in A$ . В нашем примере:

$B \times A = \{(-1, d), (-1, 5), (-1, f), (d, d), (d, 5), (d, f)\}$  – здесь схема записи аналогична: сначала к «минус единице» последовательно присоединяю все элементы множества  $A$ , затем к «дэ» – те же самые элементы:

$$B \times A = \{(\underline{-1}, d), (\underline{-1}, 5), (\underline{-1}, f), (\underline{d}, d), (\underline{d}, 5), (\underline{d}, f)\}$$

Но это чисто для удобства – и в том, и в другом случае пары можно перечислить в каком угодно порядке – здесь важно записать все возможные пары.

А теперь гвоздь программы: декартово произведение  $\mathbf{R} \times \mathbf{R}$  – это есть не что иное, как множество точек  $(x, y)$  нашей родной декартовой системы координат  $XOY$ .

Задание для самостоятельного закрепления материала:

Выполнить операции  $A \cap B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \times B$ ,  $B \times A$ , если:

- 1)  $A = \{a, 1, 2\}$ ,  $B = \{a, b, 1\}$ ;
- 2)  $A = \{2n - 1 \mid n \in \mathbf{N}\}$ ,  $B = \{-1, 0, 1, 2, 3\}$

Множество  $A = \{2n - 1 \mid n \in \mathbf{N}\}$  удобно расписать перечислением его элементов.

И пунктик с промежутками действительных чисел:

- 3)  $A = (-\infty; 3)$ ,  $B = [-1; +\infty)$

Напоминаю, что квадратная скобка означает *включение* числа в промежуток, а круглая – его *невключение*, то есть «минус единица» принадлежит множеству  $B$ , а «тройка» не принадлежит множеству  $A$ . Постарайтесь разобраться, что представляет собой декартово произведение данных множеств. Если возникнут затруднения, выполните чертёж ;)

Краткое решение задачи в конце урока.

**РЕЦЕНЗИЯ**  
на рабочую программу по дисциплине  
**УД.02 МАТЕМАТИКА**

Рабочая программа по дисциплине УД.02 МАТЕМАТИКА для студентов ФГБОУ ВО «КубГУ» отделения СПО филиал в г. Славянске-на-Кубани составлена в соответствии с требованиями Федерального Государственного образовательного стандарта. Программа рассчитана на максимальную учебную нагрузку в соответствии с требованиями учебного плана по специальности 44.02.01 «Дошкольное образование».

Рабочая программа предполагает распределение тем и изучение материала по разделам. Все разделы рабочей программы направлены на формирование знаний, умений, в полной мере отвечают требованиям к результатам освоения учебной дисциплины в соответствии с ФГОС СПО.

Каждый раздел программы раскрывает рассматриваемые вопросы в логической последовательности, определяемой закономерностями обучения студентов.

Для закрепления теоретических знаний, формирования умений и навыков студентов предусматриваются практические занятия. Количество практических занятий соответствует требованиям учебного плана.

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляются в форме зачета – промежуточная аттестация, экзамена – итоговая аттестация. Разработанные формы и методы позволяют в полной мере осуществлять контроль и оценку результатов обучения (освоенных умений, усвоенных знаний).

Овладение знаниями, предусмотренными содержанием данной учебной дисциплины, неотъемлемая часть личностной и профессиональной подготовки сотрудников учреждений дошкольного образования к выполнению своих функциональных обязанностей, залог эффективности их деятельности.

Программа включает перечень учебных изданий, Интернет ресурсов и основной литературы.

Данная рабочая программа УД.02 МАТЕМАТИКА может быть рекомендована для изучения в ФГБОУ ВО «КубГУ» отделения СПО.

Директор МБОУ СОШ № 16 имени Героя России гвардии майора С. Г. Таранца  
г. Славянска-на-Кубани



Т. В. Городничая

**Рецензия**  
на рабочую программу учебной дисциплины  
**УД 02. МАТЕМАТИКА**

Рабочая программа учебной дисциплины УД 02. МАТЕМАТИКА разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта (далее – ФГОС СПО) по специальности среднего профессионального образования 44.02.01 Дошкольное образование, утвержденного приказом Министерства просвещения РФ от 17 августа 2022 г. N 743 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 44.02.02 Преподавание в начальных классах зарегистрированного в Минюсте РФ 22 сентября 2022 г., регистрационный N 70195.

Дисциплина УД 02. МАТЕМАТИКА входит в обязательные учебные дисциплины, изучаемые на углубленном уровне среднего общего образования. Рабочая программа учебной дисциплины УД 02. МАТЕМАТИКА состоит из следующих разделов:

1. Паспорт рабочей программы учебной дисциплины.
2. Структура и содержание учебной дисциплины.
3. Условия реализации программы учебной дисциплины.
4. Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины.

В паспорте программы сформулированы цели и задачи освоения дисциплины, направленные на овладение обучающимися общими и профессиональными компетенциями.

Данное количество часов, выделенное на освоение учебной дисциплины, позволит:

- сформировать у обучающихся необходимые профессиональные и общие компетенции;
- получить необходимые знания и умения, которые можно применять в дальнейшем на практике.

Тематический план имеет оптимальное распределение часов по разделам и темам по очной форме обучения, в соответствии с учебным планом. Каждый раздел программы отражает тематику и вопросы, позволяющие, в полном объеме, изучить необходимый теоретический материал. Проведение практических занятий, предусмотренных рабочей программой, позволяют закрепить теоретические знания, приобретенные при изучении данной дисциплины.

Изучение данной дисциплины способствует эффективной и качественной подготовке молодых специалистов в области дошкольного образования. Рабочая программа содержит литературу, необходимую для изучения данной дисциплины.

Разработанная программа учебной дисциплины рекомендуется для использования в учебном процессе при подготовке обучающихся по специальности

Канд. пед. наук, ст. преподаватель кафедры профессиональной педагогики, психологии и физической культуры филиала ФГБОУ ВО «Кубанский государственный университет» в г. Славянске-на-Кубани



Лахин Р. А.