

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
Факультет компьютерных технологий и прикладной математики

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе,  
качеству образования – первый  
проректор

Хагуров Т.А.

подпись

«25» мая 2022 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### **Б1.О.27 ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫЕ МЕТОДЫ**

---

Направление подготовки 09.03.03 Прикладная информатика

Направленность (профиль) Прикладная информатика в экономике

Форма обучения очная

Квалификация (степень) выпускника бакалавр

Краснодар 2022

Рабочая программа дисциплины «Вычислительные методы» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика.

Программу составил: Письменский А.В.,  
к.ф.-м.н., доцент кафедры прикладной математики

Рабочая программа дисциплины «Вычислительные методы» утверждена на заседании кафедры прикладной математики протокол № 10 от 24.05.2022 г.

Заведующий кафедрой (разработчика)  
Уртенев М.Х., д.ф.-м.н., профессор

Рабочая программа дисциплины «Вычислительные методы» обсуждена на заседании кафедры анализа данных и искусственного интеллекта протокол № 10 от 18.05.2022 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей)  
А.В. Коваленко, д.ф.-м.н, к.э.н., доцент

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики протокол № 6 от 25.05.2022 г.

Председатель УМК факультета компьютерных технологий и прикладной математики УМК факультета  
А.В. Коваленко, д.ф.-м.н, к.э.н., доцент

Рецензенты:

Шапошникова Татьяна Леонидовна.

Доктор педагогических наук, кандидат физико-математических наук, профессор.

Почетный работник высшего профессионального образования РФ. Директор института фундаментальных наук (ИФН) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

Марков Виталий Николаевич.

Доктор технических наук. Профессор кафедры информационных систем и

программирования института компьютерных систем и информационной безопасности (ИКСиИБ) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

# 1 Цели и задачи изучения дисциплины

## 1.1 Цель освоения дисциплины

Цели изучения дисциплины определены государственным образовательным стандартом высшего образования и соотнесены с общими целями ООП ВО по направлению подготовки «Прикладная информатика», в рамках которой преподается дисциплина.

**Целью** дисциплины «Вычислительные методы» является развитие логического мышления, овладение основными методами численного анализа и их применения при решении математических задач, умение самостоятельно расширять знания в области численного исследования прикладных (в том числе, и экономических) задач.

## 1.2 Задачи дисциплины

- изучение основных понятий и методов численного решения типовых математических задач;
- овладение практическими навыками в реализации численных алгоритмов;
- обучение основам проведения вычислительного эксперимента, а также анализа численного решения задач прикладного характера.

## 1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Вычислительные методы» относится к обязательной части (Б1.О) учебного плана.

Для изучения данной учебной дисциплины (модуля) студент должен владеть обязательным минимумом содержания математической части ООП для данного направления:

### **знать/понимать**

- основные понятия и методы математического анализа, аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциальных уравнений, принципы алгоритмизации и программирования;

### **уметь**

- применять математические методы для решения практических задач;
- составлять алгоритмы и компьютерные программы;

### **владеть**

- методами решения дифференциальных и алгебраических уравнений, дифференциального и интегрального исчисления, аналитической геометрии, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов;
- инструментальными средствами программирования.

Вышеуказанные знания, умения и навыки формируются предшествующими дисциплинами:

- Векторная алгебра.
- Математический анализ.
- Дифференциальные уравнения.
- Основы программирования.

Перечень последующих учебных дисциплин, для которых необходимы знания, умения и навыки, формируемые данной учебной дисциплиной:

- Методы математической физики.
- Эконометрика.
- Методы оптимизации.
- Финансовая математика.
- Системы искусственного интеллекта.
- Технологии параллельных вычислений.

### 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общепрофессиональных компетенций (ОПК):

№ п.п.	Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции		
		знает	умеет	владеет
1.	ОПК-1 Способен применять естественно-научные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	- основные понятия о погрешности и приближенных вычислениях; - основные требования, предъявляемые к вычислительным схемам: корректность, устойчивость, сходимость;	обоснованно выбрать вычислительный метод, разработать алгоритм решения поставленной задачи в рамках теоретического и экспериментального исследования;	методами численного исследования в профессиональной деятельности
2.	ОПК-2 Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и программных средств, в том числе отечественного производства и использовать их при решении задач профессиональной деятельности	- вычислительные методы в алгебре; - методы приближенного вычисления сеточных функций; - методы и алгоритмы приближенного интегрирования и дифференцирования; - вычислительные схемы и алгоритмы решения обыкновенных дифференциальных уравнений;	понимать принципы работы современных информационных технологий и программных средств, в которых применяются численные методы	вычислительными методами решения задач линейной алгебры, дифференциальных уравнений и систем, оптимизационных задач для функции одной и нескольких переменных, методами дискретной математики и функционального анализа
3.	ОПК-7 Способен разрабатывать алгоритмы и программы, пригодные для практического применения	приемы программирования для персональных ЭВМ	составить и отладить программу на алгоритмическом языке (Паскаль / C++) для решения несложных вычислительных задач	инструментарием разработки программной реализации вычислительных алгоритмов

## 2 Структура и содержание дисциплины

### 2.1 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 5 зач.ед. (180 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице

Вид учебной работы		Трудоемкость, часов
		4 семестр
<b>Контактная работа, в том числе:</b>		<b>72,3</b>
<b>Аудиторные занятия:</b>		<b>68</b>
Занятия лекционного типа (Л)		34
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия) (ПЗ)		–
Лабораторные работы (ЛР)		34
<b>Иная контактная работа:</b>		<b>4,3</b>
Контроль самостоятельной работы (КСР)		4
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,3
<b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>		<b>63</b>
Курсовой проект (КП), курсовая работа (КР)		–
Проработка учебного (теоретического) материала (ПМ)		31
Подготовка к текущему контролю (ПТК)		24
Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)		–
Реферат (Р)		8
<b>Контроль: подготовка к экзамену</b>		<b>44,7</b>
<b>Общая трудоемкость</b>	<b>час.</b>	<b>180</b>
	<b>зач. ед.</b>	<b>5</b>

### 2.2 Структура учебной дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы дисциплины, изучаемые в 4 семестре

№ разде ла	Наименование разделов, тем	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудитор ная работа
			Л	ПЗ	ЛР	
	Введение	2	1	-	0	1
1.	Правила приближённых вычислений погрешностей при вычислениях	5	1	-	2	2
	<i>1. Правила приближённых вычислений и оценка погрешностей при вычислениях</i>	5	1	-	2	2
2.	Приближение функций	8	2	-	2	4
	<i>1. Аппроксимация сеточных функций и интерполирование. 2. Интерполяционные многочлены Лагранжа и Ньютона. Схема Эйткена</i>	8	2	-	2	4
3.	Численное решение систем линейных алгебраических уравнений	22	6	-	6	10
	<i>1. Численное решение систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Основные понятия</i>	5	2	-	0	3

	2. Метод Гаусса и его модификации	9	2	-	4	3
	3. Метод простой итерации. 4. Метод Зейделя	8	2	-	2	4
4.	Численное решение систем нелинейных уравнений	10	2	-	2	6
	1. Численное решение систем нелинейных уравнений. Метод Ньютона. 2. Метод простой итерации для системы двух уравнений	10	2	-	2	6
5.	Численное дифференцирование	8	2	-	2	4
	1. Численное дифференцирование. Формула численного дифференцирования. 2. Выбор оптимального шага численного дифференцирования	8	2	-	2	4
6.	Численное интегрирование	14	4	-	4	6
	1. Приближённое вычисление интегралов. Квадратурные формулы с равноотстоящими узлами. 2. Выбор шага интегрирования. Квадратурная формула Гаусса	7	2	-	2	3
	3. Интегрирование с помощью степенных рядов. 4. Интегралы от разрывных функций и с бесконечными пределами	7	2	-	2	3
7.	Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений	16	4	-	4	8
	1. Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений (ОДУ). Задача Коши. 2. Интегрирование уравнений с помощью рядов. 3. Метод последовательных приближений	6	2	-	0	4
	4. Метод Эйлера и его модификации. 5. Методы Рунге-Кутты. 6. Методы Адамса	10	2	-	4	4
8.	Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений	16	4	-	4	8
	1. Краевые задачи. Постановка задачи. 2. Метод конечных разностей	8	2	-	2	4
	3. Метод прогонки. 4. Метод Галёркина	8	2	-	2	4
9.	Численное решение уравнений с частными производными	30	8	-	8	14
	1. Уравнения с частными производными. Метод сеток	5	2	-	0	3
	2. Метод сеток для задачи Дирихле	5	1	-	2	2
	3. Метод прогонки для уравнения теплопроводности	7	2	-	2	3
	4. Метод сеток для уравнений параболического типа	6	1	-	2	3
	5. Метод сеток для уравнений гиперболического типа	7	2	-	2	3
	<b>ИТОГО по разделам дисциплины:</b>	<b>131</b>	<b>34</b>	<b>0</b>	<b>34</b>	<b>63</b>

	Контроль самостоятельной работы (КСР)	4				
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,3				
	Подготовка к текущему контролю	44,7				
	Общая трудоемкость по дисциплине	180				

Сокращения: Л – лекции, ПЗ – практические занятия, ЛР – лабораторные работы, СРС – самостоятельная работа студентов.

## 2.3 Содержание разделов дисциплины

### 2.3.1 Занятия лекционного типа

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
	Введение	История и этапы развития вычислительной математики, и её роль в прикладных науках	Написание реферата (по желанию)
1.	Правила приближённых вычислений погрешностей при вычислениях	Приближённые числа, их абсолютные и относительные погрешности. Сложение и вычитание приближённых чисел. Умножение и деление приближённых чисел. Погрешности вычисления значений функции. Определение допустимой погрешности аргументов по допустимой погрешности функции	Тестирование, написание реферата (по желанию)
2.	Приближение функций	Аппроксимация сеточных функций. Интерполирование. Сплайн-интерполяция. Метод наименьших квадратов. Интерполяционные многочлены Лагранжа и Ньютона. Схема Эйткена	Тестирование, написание реферата (по желанию)
3.	Численное решение систем линейных алгебраических уравнений	Основные понятия. Метод Гаусса. Схема Гаусса с выбором главного элемента. Компактная схема Гаусса. Вычисление определителей. Вычисление элементов обратной матрицы методом Гаусса. Метод простой итерации. Метод Зейделя	Тестирование, написание реферата (по желанию)
4.	Численное решение систем нелинейных уравнений	Метод Ньютона для системы двух уравнений. Метод простой итерации для системы двух уравнений	Тестирование, написание реферата (по желанию)
5.	Численное дифференцирование	Формула численного дифференцирования. Погрешности, возникающие при численном дифференцировании. Выбор оптимального шага численного дифференцирования	Тестирование, написание реферата (по желанию)
6.	Численное интегрирование	Квадратурные формулы с равноотстоящими узлами. Формула трапеций, формула Симпсона, формула Ньютона. Выбор шага интегрирования. Квадратурные формулы Гаусса. Интегрирование с помощью степенных рядов. Интегралы от разрывных функций. Интегралы с бесконечными пределами	Тестирование, написание реферата (по желанию)

7.	Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений	Задача Коши. Интегрирование дифференциальных уравнений с помощью рядов. Метод последовательных приближений. Метод Эйлера и его модификации. Метод Рунге-Кутты. Метод Адамса. Метод Милна	Тестирование, написание реферата (по желанию)
8.	Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений	Постановка задачи. Метод конечных разностей для линейных дифференциальных уравнений второго порядка. Метод прогонки. Метод Галёркина. Метод коллокации	Тестирование, написание реферата (по желанию)
9.	Численное решение уравнений с частными производными	Метод сеток. Метод сеток для задачи Дирихле. Итерационный метод решения системы конечно-разностных уравнений. Решение краевых задач для криволинейных областей. Метод сеток для уравнения параболического типа. Метод прогонки для уравнения теплопроводности. Метод сеток для уравнения гиперболического типа	Тестирование, написание реферата (по желанию)

### 2.3.2 Занятия семинарского типа

Семинарские занятия не предусмотрены учебным планом.

### 2.3.3 Лабораторные занятия

№	Наименование раздела	Содержание раздела (номера и наименования лабораторных работ)	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1.	Правила приближённых вычислений погрешностей при вычислениях	1. Правила приближённых вычислений и оценка погрешностей при вычислениях	Защита ЛР
2.	Приближение функций	2. Интерполяционные многочлены Лагранжа и Ньютона. Схема Эйткена	Защита ЛР
3.	Численное решение систем линейных алгебраических уравнений	3. Численное решение СЛАУ методом Гаусса. Модификации метода Гаусса. 4. Численное решение СЛАУ с помощью LU-разложения. 5. Численное решение СЛАУ итерационными методами. Метод простой итерации. Метод Зейделя.	Защита ЛР
4.	Численное решение систем нелинейных уравнений	6. Численное решение систем нелинейных уравнений. Метод Ньютона. Метод простой итерации для системы двух уравнений	Защита ЛР
5.	Численное дифференцирование	7. Численное дифференцирование. Выбор оптимального шага численного дифференцирования	Защита ЛР



6.	Численное интегрирование	8. Численное интегрирование. Квадратурные формулы с равноотстоящими узлами. Выбор шага интегрирования. Квадратурная формула Гаусса 9. Интегрирование с помощью степенных рядов. Интегралы от разрывных функций и с бесконечными пределами	Защита ЛР
7.	Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений	10. Численное решение задачи Коши для ОДУ. Метод Эйлера и его модификации. Методы Рунге-Кутты 11. Численное решение задачи Коши для ОДУ. Методы Адамса	Защита ЛР
8.	Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений	12. Решение краевых задач для ОДУ. Метод конечных разностей 13. Решение краевых задач для ОДУ. Метод прогонки. Метод Галёркина	Защита ЛР
9.	Численное решение уравнений с частными производными	14. Метод сеток для задачи Дирихле 15. Метод прогонки для уравнения теплопроводности 16. Метод сеток для уравнений параболического типа 17. Метод сеток для уравнений гиперболического типа	Защита ЛР

### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены учебным планом.

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающегося по дисциплине

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания, полученные во время лабораторных занятий. Ниже представлен перечень учебно-методических материалов, которые помогают обучающемуся организовать самостоятельное изучение тем (вопросов) дисциплины по всем видам СРС.

№	Вид самостоятельной работы	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Проработка и повторение лекционного материала, материала учебной и научной литературы, подготовка к семинарским занятиям	Методические указания для подготовки к лекционным и семинарским занятиям, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г.

№	Вид самостоятельной работы	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
2	Подготовка к лабораторным занятиям	Методические указания по выполнению лабораторных работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г.
3	Подготовка к решению задач и тестов	Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г.
4	Подготовка докладов	Методические указания для подготовки эссе, рефератов, курсовых работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г.
5	Подготовка к решению расчетно-графических заданий (РГЗ)	Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г.
6	Подготовка к текущему контролю	Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №10 от 15.05.2019 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть расширен и конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3 Образовательные технологии

Лекционные материалы реализуются с помощью электронных презентаций. При реализации учебной работы по дисциплине «Вычислительные методы» используются следующие образовательные технологии:

- интерактивная подача материала с мультимедийной системой;
- разбор конкретных исследовательских задач.

Объем интерактивных занятий – 18% от объема аудиторных занятий

Семестр	Вид занятия (Л, ПР, ЛР)	Используемые интерактивные образовательные технологии	Количество часов
4	Л	Интерактивная подача материала с мультимедийной системой. Обсуждение сложных и дискуссионных вопросов.	10
	ЛР	Компьютерные занятия в режимах взаимодействия «преподаватель - студент».	2
<b>ИТОГО</b>			<b>12</b>

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

### 4 Оценочные и методические материалы

#### 4.1 Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Оценочные средства предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины «Вычислительные методы».

Оценочные средства включает контрольные материалы для проведения текущего контроля в форме тестовых заданий для защиты лабораторных работ, промежуточной аттестации в форме вопросов и заданий к экзамену.

В качестве оценочных средств, используемых для текущего контроля успеваемости, предлагается перечень вопросов по выполненным лабораторным работам, которые прорабатываются в процессе освоения курса. Данный перечень охватывает все основные разделы курса, включая знания, получаемые во время самостоятельной работы. Кроме того, важным элементом технологии является самостоятельное решение студентами и сдача индивидуальных проектных заданий в конце курса. Студент демонстрирует свое решение преподавателю, отвечает на дополнительные вопросы.

#### 4.1.1 Примерные задания для защиты лабораторных работ

##### Задания к ЛР раздела № 2 – Приближение функций (ЛР № 2)

$x$	$y$	№ варианта	$x^*$	$x$	$y$	№ варианта	$x^*$
0,2050	0,207921	1	0,2064	0,8902	1,23510	2	0,8942
0,2052	0,208130	5	0,2073	0,8909	1,23687	6	0,8973
0,2060	0,208964	9	0,2082	0,8919	1,23941	10	0,8958
0,2065	0,209486	13	0,2079	0,8940	1,24475	14	0,8948
0,2069	0,209904	17	0,2088	0,8944	1,24577	18	0,8934
0,2075	0,210530			0,8955	1,24858		
0,2085	0,211575			0,8965	1,25114		
0,2090	0,212097			0,8975	1,25371		

0,2096	0,212724			0,9010	1,26275		
0,2100	0,213142			0,9026	1,26691		
<i>x</i>	<i>y</i>	<i>№ варианта</i>	<i>x*</i>	<i>x</i>	<i>y</i>	<i>№ варианта</i>	<i>x*</i>
0,6100	1,83781	3	0,6120	0,5400	1,66825	4	0,5415
0,6104	1,83686	7	0,6124	0,5405	1,66636	8	0,5424
0,6118	1,83354	11	0,6142	0,5410	1,66448	12	0,5436
0,6139	1,82860	15	0,6163	0,5420	1,66071	16	0,5442
0,6145	1,82720	19	0,6182	0,5429	1,65734	20	0,5451
0,6158	1,82416			0,5440	1,65322		
0,6167	1,82207			0,5449	1,64987		
0,6185	1,81791			0,5455	1,64764		
0,6200	1,81446			0,5465	1,64393		
0,6225	1,80876			0,5473	1,64097		

**Задания к ЛР раздела № 3 – Численное решение СЛАУ (ЛР №№ 3-5)**

**Вариант 1**

$$\begin{aligned} 2x_1 + 5x_2 - 3x_3 + x_4 &= 11 \\ x_1 + 4x_2 - 5x_3 + 8x_4 &= 20 \\ 3x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 7x_4 &= -11 \\ 7x_1 + 2x_2 - 3x_3 + x_4 &= 10 \end{aligned}$$

**Ответ (1; 2; 1; 2)**

**Вариант 3**

$$\begin{aligned} x_1 + 4x_2 - 9x_3 + 7x_4 &= -11 \\ 2x_1 + x_2 + 7x_3 - 5x_4 &= 20 \\ 3x_1 + 8x_2 + 3x_3 + x_4 &= 29 \\ -x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 &= 10 \end{aligned}$$

**Ответ (1; 2; 3; 1)**

**Вариант 5**

$$\begin{aligned} x_1 + 8x_2 - 7x_3 + 3x_4 &= 1 \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 + 2x_4 &= 8 \\ -x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 6x_4 &= 9 \\ 11x_1 - 5x_2 - 3x_3 - 7x_4 &= 32 \end{aligned}$$

**Ответ (3; 1; 1; -1)**

**Вариант 7**

$$\begin{aligned} 7x_1 - 3x_2 + 12x_3 - x_4 &= 20 \\ 3x_1 + 5x_2 - 6x_3 + 2x_4 &= 11 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 3x_4 &= 19 \\ -5x_1 + 9x_2 + x_3 - 11x_4 &= -33 \end{aligned}$$

**Ответ (2; 1; 1; 3)**

**Вариант 2**

$$\begin{aligned} x_1 + 4x_2 + 8x_3 - 5x_4 &= 1 \\ 4x_1 + 2x_2 - 3x_3 - x_4 &= 2 \\ 5x_1 + 8x_2 + x_3 - 3x_4 &= 0 \\ 2x_1 - x_2 - 3x_3 - 4x_4 &= -2 \end{aligned}$$

**Ответ (2; -1; 1; 1)**

**Вариант 4**

$$\begin{aligned} x_1 - 5x_2 + 6x_3 + 2x_4 &= 22 \\ -3x_1 - x_2 + 5x_3 - x_4 &= 6 \\ 4x_1 + 9x_2 + x_3 + x_4 &= -1 \\ -2x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 3x_4 &= -1 \end{aligned}$$

**Ответ (1; -1; 2; 2)**

**Вариант 6**

$$\begin{aligned} x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 7x_4 &= 16 \\ 2x_1 + 4x_2 - 3x_3 + x_4 &= -4 \\ 5x_1 + 8x_2 - 9x_3 + 3x_4 &= -9 \\ 3x_1 + 14x_2 - 10x_3 + 5x_4 &= -11 \end{aligned}$$

**Ответ (1; -1; 2; 4)**

**Вариант 8**

$$\begin{aligned} 5x_1 + 4x_2 - 8x_3 + x_4 &= -17 \\ 2x_1 + 7x_2 + 3x_3 + 4x_4 &= -7 \\ -3x_1 + 2x_2 - 74x_3 - 5x_4 &= -9 \\ x_1 + x_3 + 2x_4 &= -1 \end{aligned}$$

**Ответ (1; -1; 2; -2)**

**Вариант 9**

$$\begin{aligned} 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 &= 8 \\ 3x_1 - x_2 + 2x_3 + 5x_4 &= 10 \\ -4x_1 + 5x_2 + 3x_3 + x_4 &= 11 \\ 2x_1 - 7x_2 + 4x_3 + 2x_4 &= -11 \end{aligned}$$

**Ответ (2; 3; 1; 1)****Вариант 11**

$$\begin{aligned} 5x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 &= 2 \\ 7x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 2x_4 &= -10 \\ 3x_1 + 4x_2 + 7x_3 + x_4 &= 17 \\ 2x_1 - 6x_2 + 2x_3 + 11x_4 &= -2 \end{aligned}$$

**Ответ (-1; 1; 2; 2)****Вариант 13**

$$\begin{aligned} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 5x_4 &= 8 \\ 7x_1 - 5x_2 - 4x_3 - x_4 &= 7 \\ 3x_1 + 4x_2 + x_3 + 9x_4 &= 22 \\ 7x_1 + x_2 + 8x_3 + 3x_4 &= 11 \end{aligned}$$

**Ответ (2; 2; -1; 1)****Вариант 15**

$$\begin{aligned} 3x_1 + 4x_2 - 5x_3 - 7x_4 &= -5 \\ 2x_1 + 7x_2 - 9x_3 + 4x_4 &= 4 \\ 13x_1 - 7x_2 + 5x_3 - 4x_4 &= 7 \\ 2x_1 + 3x_2 + 6x_3 - x_4 &= 10 \end{aligned}$$

**Ответ (1; 1; 1; 1)****Вариант 10**

$$\begin{aligned} 5x_1 + 8x_2 - 9x_3 + x_4 &= 2 \\ -7x_1 + 11x_2 - 3x_3 + 7x_4 &= 41 \\ 2x_1 + 4x_2 + x_3 - 9x_4 &= 3 \\ 3x_1 + 8x_2 + 4x_3 + 3x_4 &= 32 \end{aligned}$$

**Ответ (-1; 3; 2; 1)****Вариант 12**

$$\begin{aligned} 3x_1 + 9x_2 - 5x_3 + x_4 &= 0 \\ 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 - 7x_4 &= -7 \\ x_1 + x_3 &= 5 \\ -x_1 + 2x_2 + x_3 + 8x_4 &= 11 \end{aligned}$$

**Ответ (4; -1; 1; 2)****Вариант 14**

$$\begin{aligned} 2x_1 + x_2 + 7x_3 + 4x_4 &= 7 \\ x_1 + 9x_2 + 3x_3 - 5x_4 &= 31 \\ x_1 - x_2 + 5x_3 &= -6 \\ 4x_1 + 7x_2 + 2x_3 + x_4 &= 39 \end{aligned}$$

**Ответ (3; 4; -1; 1)****Вариант 16**

$$\begin{aligned} x_1 + 2x_2 + x_4 &= 2 \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + x_4 &= -12 \\ 3x_1 - 7x_2 + 6x_3 - 3x_4 &= 4 \\ 2x_1 + 4x_2 - 9x_3 + 6x_4 &= -27 \end{aligned}$$

**Ответ (-1; 2; 3; -1)****Задания к ЛР раздела № 7 – Численное решение ОДУ (ЛР №№ 10,11)**

№ варианта	Уравнение	Начальное приближение $y^0$	Отрезок интегрирования
1	$y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{5}}$	$y^0(1,8)=2,6$	[1,8;2,8]
2	$y' = x + \cos \frac{y}{3}$	$y^0(1,6)=4,6$	[1,6;2,6]
3	$y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{10}}$	$y^0(0,6)=0,8$	[0,6;1,6]
4	$y' = x + \cos \frac{y}{\pi}$	$y^0(0,5)=0,6$	[0,5;1,5]
5	$y' = x + \cos \frac{y}{2,25}$	$y^0(1,7)=5,3$	[1,7;2,7]
6	$y' = x + \cos \frac{y}{e}$	$y^0(1,4)=2,2$	[1,4;2,4]

7	$y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{2}}$	$y^0(1,4)=2,5$	[1,4;2,4]
8	$y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{5}}$	$y^0(0,8)=1,4$	[0,8;2,8]
9	$y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{8}}$	$y^0(1,2)=2,1$	[1,2;2,2]
10	$y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{11}}$	$y^0(2,1)=2,5$	[2,1;3,1]
11	$y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{5}}$	$y^0(1,8)=2,6$	[1,8;2,8]
12	$y' = x + \sin \frac{y}{3}$	$y^0(1,6)=4,6$	[1,6;2,6]
13	$y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{10}}$	$y^0(0,6)=0,8$	[0,6;1,6]
14	$y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{7}}$	$y^0(0,5)=0,6$	[0,5;1,5]
15	$y' = x + \sin \frac{y}{\pi}$	$y^0(1,7)=5,3$	[1,7;2,7]
16	$y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{2,8}}$	$y^0(1,4)=2,2$	[1,4;2,4]
17	$y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{e}}$	$y^0(0,8)=1,3$	[0,8;2,8]
18	$y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{1,25}}$	$y^0(1,1)=1,5$	[1,1;2,1]
19	$y' = x + \sin \frac{y}{1,5}$	$y^0(0,6)=1,2$	[0,6;1,6]
20	$y' = x + \sin \frac{y}{15}$	$y^0(0,5)=1,8$	[1,8;2,8]

#### 4.1.2 Примерные задания для тестирования учащихся

Контроль знаний студентов на всех этапах осуществляется путем компьютерного тестирования. Выдаваемый каждому студенту индивидуальный тест включает порядка 20 заданий и генерируется с помощью специальной программы. Время проведения тестирования составляет, как правило, 60 мин. Ниже приведены примеры демо-версий тестов.

##### Бланк заданий

1. Какое требование является обязательным при построении интерполяционного многочлена Лагранжа:
  - А) узлы интерполяции располагаются на равном расстоянии друг от друга;
  - В) крайние узлы интерполяции совпадают с концами отрезка интерполирования;
  - С) количество точек интерполяции равно степени интерполяционного многочлена;
  - Д) интерполяционный многочлен в узлах интерполяции принимает значения интерполируемой функции.
2. Пусть точное значение  $A = 500$ , а приближенное  $a = 500,50$ . Относительная погрешность приближенного числа  $a$  равна:

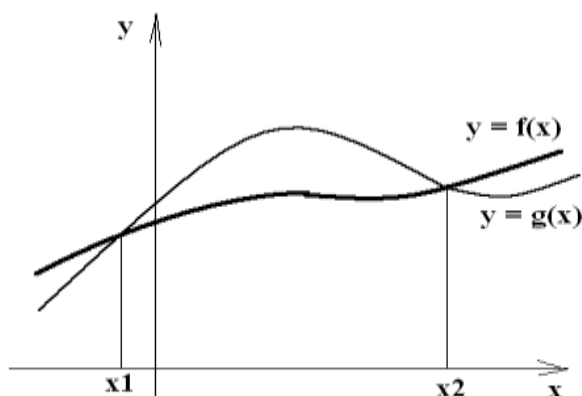
A) 0,001

B) 0,01

C) 0,1

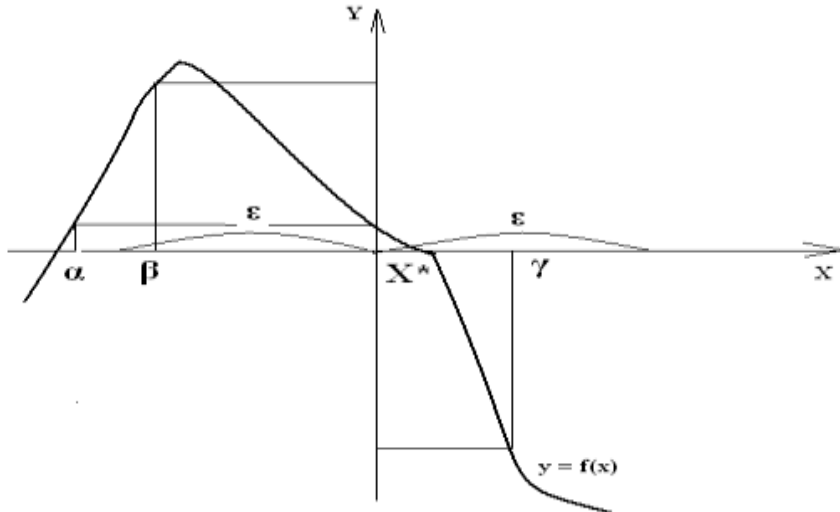
D) 0,5

3. Пусть дана система линейных алгебраических уравнений, у которой существует единственное решение. При использовании метода простой итерации для её решения в промежуточных вычислениях допущена ошибка. Тогда приближенное решение системы:
- найти невозможно;
  - найти можно только если задано достаточно близкое к точному решению начальное приближение;
  - найти можно только в случае, когда в матрице системы нет нулевых элементов;
  - найти можно.
4. Какое из условий не является обязательным в определении интерполяционного кубического сплайна?
- первая производная на каждом частичном отрезке является полиномом степени не выше второй;
  - вторая производная непрерывна на всем отрезке;
  - третья производная непрерывна в точках «склейки»;
  - значения сплайна заданы в нескольких точках.
5. Какое из следующих утверждений верно:

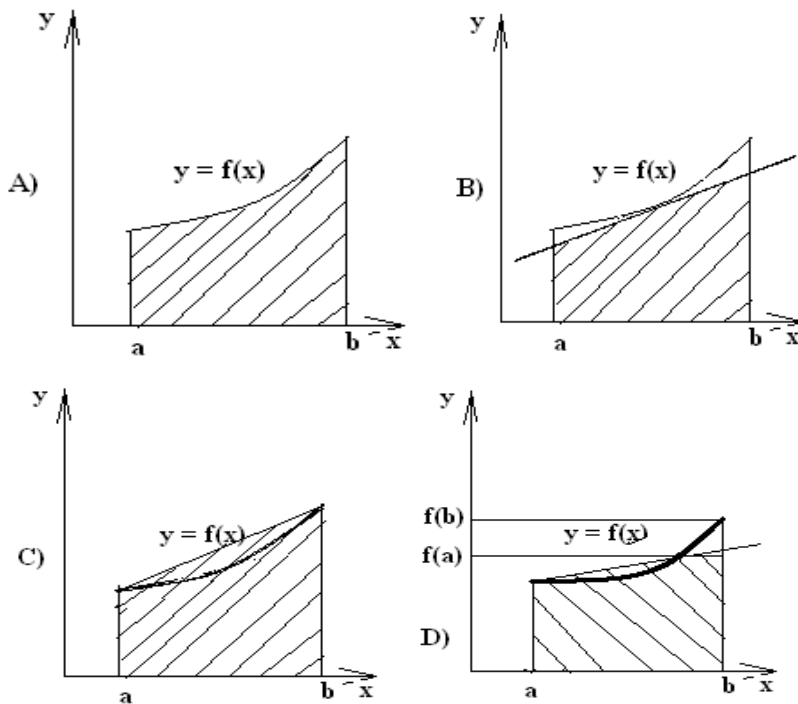


- функция  $y = g'(x)$  приближает функцию  $y = f'(x)$  в точке  $x_1$  лучше, чем в точке  $x_2$ ;
  - функция  $y = g'(x)$  приближает функцию  $y = f'(x)$  в точке  $x_1$  так же хорошо, как и в точке  $x_2$ ;
  - функция  $y = g'(x)$  приближает функцию  $y = f'(x)$  в точке  $x_1$  хуже, чем в точке  $x_2$ .
6. Пусть  $A$  – точное значение некоторой величины. Абсолютной погрешностью приближённого числа  $a$  называется:
- наименьшее доступное число  $\Delta a$ , не превосходящее  $|A - a|$ ;
  - наименьшее доступное число  $\Delta a$ , не меньшее  $|A - a|$ ;
  - наибольшее доступное число  $\Delta a$ , не меньшее  $|A - a|$ ;
  - наибольшее доступное число  $\Delta a$ , не превосходящее  $|A - a|$ .
7. Какой из методов не относится к точным методам решения систем линейных уравнений?
- метод Гаусса;
  - метод Зейделя;
  - метод Крамера;
  - метод прогонки.
8. Пусть  $x^*$  – точный, а  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  – приближённые корни уравнения  $f(x) = 0$ . По рисунку определите, какая из точек является лучшим приближением к корню?

A)  $\alpha$     B)  $\beta$     C)  $\gamma$

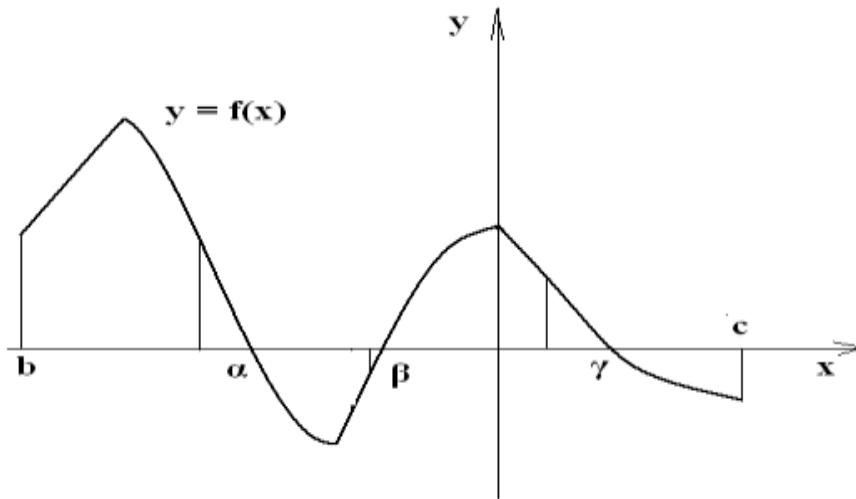


9. Какое из чисел не является приближением числа 1,67352 по недостатку:  
 A) 1,6;    B) 1,67;    C) 1, 674;    D) 1,6735.
10. Какую из функций нельзя построить по 20 точкам?  
 A) интерполяционный кубический сплайн;  
 B) многочлен пятой степени, дающий наилучшее приближение по методу наименьших квадратов;  
 C) алгебраический полином степени не выше 19;  
 D) единственный интерполяционный многочлен степени 20.
11. Какой рисунок соответствует геометрической интерпретации метода трапеций численного интегрирования?



12. Уравнение  $f(x) = 0$  на отрезке  $[b; c]$  имеет три корня  $\alpha, \beta, \gamma$ . Пользуясь рисунком, определите, какой корень получится в результате применения метода половинного деления? A)  $\alpha$     B)  $\beta$     C)  $\gamma$     D) ответить нельзя





13. При замене краевой задачи сеточной используются формулы:
- A) интерполирования многочленами;
  - B) численного интегрирования;
  - C) численного дифференцирования;
  - D) приближения по методу наименьших квадратов.
14. Определите количество значащих цифр в числе 0,000012305613
- A) 3;
  - B) 7;
  - C) 8;
  - D) 12.
15. Является ли матрица  $\begin{pmatrix} 2 & -0.2 & 0.3 & 0.4 \\ 0.3 & -3 & 1 & -1.4 \\ 0.7 & -0.8 & 4 & 2.6 \\ -0.5 & 1.2 & -2.5 & -5 \end{pmatrix}$  матрицей с преобладающей главной диагональю?
- A) является;
  - B) нет, т.к. в 1-ой строке нарушается условие преобладания главной диагонали;
  - C) нет, т.к. во 2-ой строке нарушается условие преобладания главной диагонали;
  - D) нет, т.к. в 3-ой строке нарушается условие преобладания главной диагонали;
  - E) нет, т.к. в 4-ой строке нарушается условие преобладания главной диагонали.
16. Точное значение  $A = 521499$ , а приближённое  $a = 521500$ . Определите количество верных цифр в числе  $a$ ?
- A) 6;
  - B) 5;
  - C) 4;
  - D) 3.
17. Точное значение  $A = 0,0046038$ , а приближённое  $a = 0,004603$ . Определите количество верных значащих цифр в числе  $a$ ?
- A) 5;
  - B) 4;
  - C) 3;
  - D) 2.
18. Какое из чисел имеет такой же порядок, как и число  $2,5 \cdot 10^{-3}$
- A) 0,008;
  - B)  $10^{-2}$ ;
  - C)  $0,56 \cdot 10^{-4}$ ;
  - D) 0,00025.
19. Пусть задана квадратичная функция  $y(x)$  и точки:  $x_0$ ,  $x_1 = x_0 + h$ ,  $x_2 = x_1 + h$ . Какая из формул даёт точное значение?
- A)  $y'(x_1) = \frac{y(x_1) - y(x_0)}{h}$ ;
  - B)  $y'(x_1) = \frac{y(x_2) - y(x_0)}{2h}$ ;
  - C)  $y'(x_0) = \frac{y(x_1) - y(x_0)}{h}$ ;
  - D)  $y'(x_1) = \frac{y(x_2) - y(x_1)}{h}$

20. Интерполяционный многочлен Ньютона задан формулой  $N = 1 - 2(x-1) + 3(x-1)(x-3)$ . Какое число является значением заданной функции в одной из точек интерполяции?  
 А) -4;                      В) 12;                      С) 17;                      D) 29
21. Для каждого из приближённых методов отыскания корня уравнения достаточно задать одно начальное приближение:  
 А) метод хорд;            В) метод секущих;  
 С) метод касательных;    D) метод половинного деления.
22. Какое из утверждений о методе Эйлера решения задачи Коши не является верным:  
 А) метод Эйлера имеет второй порядок точности;  
 В) метод Эйлера является частным случаем метода Рунге-Кутты;  
 С) метод Эйлера является частным случаем метода разложения решения в ряд Тейлора;  
 D) в вычислениях значений приближённого решения при переходе к следующей точке допускается менять шаг
23. Какой из методов решения задачи Коши:  $y' = f(x; y)$ ,  $y(x_0) = y_0$  является многошаговым?  
 А) метод Адамса;            В) метод разложения по формуле Тейлора;  
 С) метод Рунге-Кутты;    D) метод Эйлера.
24. Интерполяционный многочлен какой степени используется для построения квадратуры Симпсона численного интегрирования?
25. Как называется процесс установления промежутков, в каждом из которых содержится ровно один корень уравнения?
26. Пусть заданы значения функции на равномерной сетке узлов  $x_0, x_1, \dots, x_n$ ,  $n \geq 2$ . Сколько конечных разностей второго порядка можно вычислить?
27. Существует ли полином, который при использовании метода наименьших квадратов для аппроксимации таблично заданной функции проходит через все заданные точки?
28. Пусть для отыскания корня уравнения  $f(x) = 0$  на отрезке  $[\alpha; \beta]$  используется метод половинного деления. Какое минимальное количество итераций потребуется для того, чтобы найти корень уравнения с точностью  $\varepsilon$ ?
29. Пусть заданы узлы  $x_0 = 0$ ,  $x_1 = 0,5$  и  $x_2 = 1$ . Установите соответствие между названиями многочленов и их формулами:
- |                                      |  |
|--------------------------------------|--|
| 1) ИМЛ                               | А) $5 - 4(x-1)^2$ ;                          |
|                                      | Б) $1 + 8x - 4x^2$ ;                         |
| 2) ИМН для интерполирования «вперёд» | В) $1 + 6x - 4x(x-0,5)$ ;                    |
|                                      | Г) $4 + 4(x-0,5) - 4(x-0,5)^2$ ;             |
| 3) ИМН для интерполирования «назад»  | Д) $5 + 2(x-1) - 4(x-1)(x-0,5)$ ;            |
|                                      | Е) $10x(x-0,5) - 16x(x-1) + 2(x-0,5)(x-1)$ . |
30. При решении уравнения  $f(x) = 0$  приближённым методом левая часть уравнения заменяется новой функцией. Установите соответствие между названиями методов и геометрической интерпретацией функции, заменяющей исходную:
- |                   |  |
|-------------------|--|
| 1) метод Ньютона; | А) прямая, параллельная касательной в заданной точке и проходящая через текущее приближение; |
|                   | Б) касательная в точке, являющейся текущим приближением;                                     |

- 2) метод хорд;                                  В) прямая, проходящая через точки, абсциссы которых представляют собой два последовательных приближения к корню;
- 3) метод секущих;                              Г) прямая, проходящая через точки, абсциссы которых являются концами отрезка, на котором содержится корень исходной функции.

31. Выберите нужные утверждения и расположите в правильной последовательности этапы практической оценки погрешности численного интегрирования по правилу Рунге:
- А) разбиение отрезка интегрирования на  $n$  равных частей и вычисление интеграла  $I_n$  по некоторой численной формуле;
  - Б) вычисление интеграла  $I$  по формуле Ньютона-Лейбница;
  - В) вычисление интеграла  $J_n$  по новой численной формуле;
  - Г) разбиение отрезка интегрирования на  $2n$  равных частей и вычисление интеграла  $I_{2n}$  по той же численной формуле;
  - Д) разбиение отрезка интегрирования на  $2n$  равных частей и вычисление интеграла  $I_{2n}$  по новой численной формуле;
  - Е) выбор точности  $\varepsilon$  и числа разбиений  $n$ ;
  - Ж) выбор числа точности  $n$  и вычисление точности  $\varepsilon$  по числу  $n$ ;
  - З) выбор новой точности  $\varepsilon$ ;
  - И) изменение числа разбиений  $n$  и повторение вычислений;
  - К) окончание вычислений в случае выполнения  $|I_n - J_n| \leq \varepsilon$  или переход к следующему шагу в противном случае;
  - Л) окончание вычислений в случае выполнения  $|I_n - I| \leq \varepsilon$  или переход к следующему шагу в противном случае;
  - М) окончание вычислений в случае выполнения  $|I_n - J_{2n}| \leq \varepsilon$  или переход к следующему шагу в противном случае;
  - Н) окончание вычислений в случае выполнения  $|I_{2n} - J_n| \leq \varepsilon$  или переход к следующему шагу в противном случае.

32. Определить количество разбиений отрезка, достаточное для вычисления интеграла  $\int_1^3 \ln x dx$  методом трапеций с точностью  $\varepsilon = 0,01$ .

#### 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

##### 4.2.1 Примерный перечень вопросов к экзамену

1. История и этапы развития вычислительной математики, и её роль в прикладных науках.
2. Приближённые числа, их абсолютные и относительные погрешности.
3. Сложение и вычитание приближённых чисел. Умножение и деление приближённых чисел.
4. Погрешности вычисления значений функции. Определение допустимой погрешности аргументов по допустимой погрешности функции.
5. Аппроксимация сеточных функций. Интерполирование.
6. Сплайн-интерполяция. Метод наименьших квадратов.
7. Интерполяционный многочлен Лагранжа.
8. Интерполяционный многочлен Ньютона.
9. Схема Эйткена.
10. Основные понятия численного решения СЛАУ. Постановка задачи. Метод Гаусса. Схема Гаусса с выбором главного элемента.

11. Компактная схема Гаусса для решения СЛАУ.
12. Вычисление определителей матриц.
13. Вычисление элементов обратной матрицы методом Гаусса.
14. Решения СЛАУ методом простой итерации.
15. Метод Зейделя решения СЛАУ.
16. Метод Ньютона для системы двух нелинейных уравнений.
17. Метод простой итерации для системы двух нелинейных уравнений.
18. Формулы численного дифференцирования. Погрешности, возникающие при численном дифференцировании.
19. Выбор оптимального шага численного дифференцирования.
20. Численное интегрирование. Квадратурные формулы с равноотстоящими узлами. Формула трапеций, формула Симпсона, формула Ньютона.
21. Выбор шага интегрирования. Квадратурные формулы Гаусса.
22. Интегрирование с помощью степенных рядов. Интегралы от разрывных функций. Интегралы с бесконечными пределами.
23. Задача Коши для ОДУ. Метод последовательных приближений.
24. Задача Коши для ОДУ. Метод Эйлера и его модификации.
25. Задача Коши для ОДУ. Метод Рунге-Кутты.
26. Задача Коши для ОДУ. Метод Адамса.
27. Решение краевых задач для ОДУ. Постановка задачи. Метод конечных разностей для линейных дифференциальных уравнений второго порядка.
28. Решение краевых задач для ОДУ. Метод прогонки.
29. Решение краевых задач для ОДУ. Метод Галёркина.
30. Решение краевых задач для ОДУ. Метод коллокации.
31. Метод сеток для уравнений с частными производными.
32. Метод сеток для задачи Дирихле.
33. Метод прогонки для уравнения теплопроводности.
34. Метод сеток для уравнений параболического типа.
35. Метод сеток для уравнений гиперболического типа.

#### 4.2.2 Критерии оценки

Оценка «отлично»:

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины, а также по основным вопросам, выходящим за пределы учебной программы;
- точное использование научной терминологии систематически грамотное и логически правильное изложение ответа на вопросы;
- безупречное владение инструментарием учебной дисциплины, умение его эффективно использовать в постановке научных и практических задач;
- выраженная способность самостоятельно и творчески решать сложные проблемы и нестандартные ситуации;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;
- умение ориентироваться в теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку, используя научные достижения других дисциплин;
- творческая самостоятельная работа на практических/семинарских/лабораторных занятиях, активное участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;
- высокий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «хорошо»:

- достаточно полные и систематизированные знания по дисциплине;

- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку;
- использование научной терминологии, лингвистически и логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- владение инструментарием по дисциплине, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;
- самостоятельная работа на практических занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;
- средний уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «удовлетворительно»:

- достаточный минимальный объем знаний по дисциплине;
- усвоение основной литературы, рекомендованной учебной программой;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по дисциплине и давать им оценку;
- использование научной терминологии, стилистическое и логическое изложение ответа на вопросы, умение делать выводы без существенных ошибок;
- владение инструментарием учебной дисциплины, умение его использовать в решении типовых задач;
- умение под руководством преподавателя решать стандартные задачи;
- работа под руководством преподавателя на практических занятиях, допустимый уровень культуры исполнения заданий;
- достаточный минимальный уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «неудовлетворительно»:

- фрагментарные знания по дисциплине;
- отказ от ответа (выполнения письменной работы);
- знание отдельных источников, рекомендованных учебной программой по дисциплине;
- неумение использовать научную терминологию;
- наличие грубых ошибок;
- низкий уровень культуры исполнения заданий;
- низкий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть дополнен и конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## **5 Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины**

### **5.1 Основная литература**

1. Амосов А.А. Вычислительные методы [Электронный ресурс]: учебное пособие / А.А. Амосов, Ю.А. Дубинский, Н.В. Копченова. – 4-е изд. – СПб.: Лань, 2022. – 672 с. – URL: <https://e.lanbook.com/book/211463>.
2. Бахвалов Н.С., Жидков Н.П., Кобельков Г.Г. Численные методы [Электронный ресурс]: учебное пособие для студентов вузов. – 9-е изд. – М.: Лаборатория знаний, 2020. – 639 с. – URL: <https://e.lanbook.com/book/126099>.
3. Бахвалов Н.С. Численные методы. Решения задач и упражнения [Электронный ресурс]: учеб. пособие / Н.С. Бахвалов, А.А. Корнев, Е.В. Чижонков. – М.: Издательство "Лаборатория знаний", 2016. – 355 с. – URL: <https://e.lanbook.com/book/90239>.
4. Шевцов Г.С. Численные методы линейной алгебры [Электронный ресурс]: учеб. пособие / Г.С. Шевцов, О.Г. Крюкова, Б.И. Мызникова. – 2-е изд., испр. и доп. – СПб.: Лань, 2021. – 496 с. – URL: <https://e.lanbook.com/book/167885>.
5. Фаддеев Д. К. Вычислительные методы линейной алгебры [Электронный ресурс]: учебник / Д.К. Фаддеев, В.Н. Фаддеева. – 4-е изд. – СПб.: Лань, 2021. – 736 с. – URL: <https://e.lanbook.com/book/167784>.
6. Зализняк В.Е. Численные методы. Основы научных вычислений [Электронный ресурс]: учебник и практикум для академического бакалавриата. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: Юрайт, 2022. – 356 с. – URL: <https://urait.ru/bcode/468584>.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Юрайт».

### **5.2 Дополнительная литература**

1. Вержбицкий В.М. Численные методы. Линейная алгебра и нелинейные уравнения [Текст]: учебное пособие для студентов мат. и инженерных спец. вузов. – М.: Высшая школа, 2000. – 266 с. (16 экз.)
2. Гавришина О. Н., Захаров Ю. Н., Фомина Л. Н. Численные методы [Электронный ресурс]: учебное пособие. – Кемеровский государственный университет, 2011. – 238 с. – Режим доступа: [http://biblioclub.ru/index.php?page=book\\_view\\_red&book\\_id=232352](http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=232352).
3. Соболева О.Н. Введение в численные методы [Электронный ресурс]: учебное пособие. – Новосибирск: НГТУ, 2011. – 64 с. – Режим доступа: [http://biblioclub.ru/index.php?page=book\\_view\\_red&book\\_id=229144](http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=229144).

## **6 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций. Самостоятельная работа студентов проводится в форме изучения отдельных теоретических вопросов по предлагаемой литературе.

По желанию студента предлагается написание реферата на выбранную им тему (по согласованию с преподавателем). Для написания реферата необходимо подобрать литературу. Общее количество литературных источников, включая тексты из Интернета, (публикации в журналах), должно составлять не менее 10 наименований. Учебники, как правило, в литературные источники не входят.

Рефераты выполняются на листах формата А4. Страницы текста, рисунки, формулы нумеруются, рисунки снабжаются порисуночными надписями. Текст следует печатать шрифтом №14 с интервалом между строками в 1,5 интервала, без недопустимых сокращений. В конце реферата должны быть сделаны выводы.

В конце работы приводятся списки использованных источников.

Реферат должен быть подписан студентом с указанием даты его оформления.

Работы, выполненные без соблюдения перечисленных требований, возвращаются на доработку.

Выполненная студентом работа определяется на проверку преподавателю в установленные сроки. Если у преподавателя есть замечания, работа возвращается и после исправлений либо вновь отправляется на проверку, если исправления существенные, либо предъявляется на ее защите.

Примерные темы рефератов:

1. Метод прогонки при решении СЛАУ.
2. Нахождение собственных значений матрицы.
3. Интерполяция с неравноотстоящими узлами.
4. Численное дифференцирование.
5. Метод Монте-Карло при численном интегрировании.
6. Метод Ньютона при решении нелинейного уравнения или системы уравнений.
7. Неявные методы Милна и Гира при решении ОДУ.
8. Численные методы оптимизации.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

## **7 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

### **7.1 Перечень информационно-коммуникационных технологий**

– Проверка домашних заданий и консультирование посредством ЭИОС, электронной почты и социальной сети «ВКонтакте».

– Использование электронных презентаций при проведении лекционных и лабораторных занятий.

## 7.2 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

1. Операционная система MS Windows.
2. Интегрированное офисное приложение MS Office.
3. Система программирования MS Visual Studio или Delphi.

## 7.3 Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем

1. Википедия, свободная энциклопедия – Wikipedia [Электронный ресурс]. - URL: <http://ru.wikipedia.org>.
2. Электронная библиотека КубГУ [Электронный ресурс]. - URL: <http://www.kubsu.ru/ru/node/1145>.
3. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]. - URL: <http://www.elibrary.ru>.
4. Профессиональная база данных zbMath [Электронный ресурс]. - URL: <https://zbmath.org/>.

## 8 Материально-техническое обеспечение по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины и оснащённость
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащённая презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук), соответствующим программным обеспечением, а также необходимой мебелью (доска, столы, стулья) (аудитории: 129, 131, 133, А305, А307)
2.	Лабораторные занятия	Лаборатория, укомплектованная специализированной мебелью, техническими средствами обучения (современными ПЭВМ на базе процессоров Intel или AMD, объединёнными локальной сетью) с выходом в глобальную сеть Интернет, а также современным лицензионным программным обеспечением (операционная система Windows 8/10, пакет Microsoft Office, среды программирования MS Visual Studio и Delphi) (аудитории: 101, 102, 105, 106, 107, А301а)
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория для семинарских занятий, групповых и индивидуальных консультаций, укомплектованная необходимой мебелью (доска, столы, стулья) (аудитории: 129, 131)
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория для семинарских занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованная необходимой мебелью (доска, столы, стулья) (аудитории: 129, 131, 133, А305, А307, 147, 148, 149, 150, 100С, А3016, А512), компьютерами с лицензионным программным обеспечением и выходом в интернет (аудитории: 106, 106а, А301)
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащённый компьютерной техникой с возможностью подключения к сети Интернет, программой экранного увеличения, обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, необходимой мебелью (доска, столы, стулья) (аудитория 102а, читальный зал).