

Аннотация к рабочей программы дисциплины Б1.О.09 «Дифференциальные уравнения»

Объем трудоемкости: 9 зачетных единиц

Цель дисциплины:

- ознакомить студентов с начальными навыками математического моделирования;
- показать возникающие принципиальные трудности при переходе от реального объекта к его математической идеализации;
- показать разницу между «хорошими» и «плохими» моделями.

Задачи дисциплины:

- формирование у студента представления о дифференциальных уравнениях, как математических моделях явлений и процессов различной природы;
- выработка навыков использования классических методов «Дифференциальных уравнений»;
- освоение студентами синтеза классических методов теории дифференциальных уравнений с современными идеями качественных, численных и асимптотических методов.

Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к обязательной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана.

Данная дисциплина тесно связана с дисциплинами базовой части Блока 1: математический анализ, алгебра и аналитическая геометрия, дискретная математика, методы оптимизации, численные методы, комплексный анализ, математический анализ II, уравнения математической физики.

Требования к уровню освоения дисциплины

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций:

Код и наименование индикатора*	Результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	
ИОПК-1.1. (06.016 А/30.6 Зн.3) Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их при анализе предметной области	Знает: – основные понятия математического анализа и теории дифференциальных уравнений; – основные свойства и теоремы математического анализа и теории дифференциальных уравнений; – основные методы математического анализа и теории дифференциальных уравнений; – основные типы интегрируемых уравнений 1-го порядка и методы их решения.
ИОПК-1.2. (40.001 А/02.5 Зн.2) Отечественный и международный опыт в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	
ИОПК-1.4. (06.016 А/30.6 У.1) Использовать существующие типовые решения и шаблоны при анализе входных данных	Умеет: – решать основные типы дифференциальных уравнений 1-го порядка; – решать уравнения высшего порядка методом понижения порядка; – находить общее и частное решение линейного уравнения с постоянными коэффициентами и с правой частью специального вида; – используя определения, проводить исследования, связанные с основными понятиями; – применять методы теории дифференциальных уравнений к доказательству теорем и решению задач.
ИОПК-1.7. (40.001 А/02.5 Тд.2) Проведение наблюдений и измерений, составление их описаний и формулировка выводов	
ИОПК-1.8. (40.001 А/02.5 Др.2 Тд.) Деятельность, направленная на решение задач аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач, с использованием	

Код и наименование индикатора*	Результаты обучения по дисциплине
фундаментальных знаний, полученных в области математических и (или) естественных наук	Владеет: <ul style="list-style-type: none"> – современными знаниями о дифференциальных уравнениях и приложениях этой теории; – основными понятиями курсов математический анализ и алгебра и теория чисел, относящихся к дифференциальным уравнениям – методами выбора и анализа математических моделей физических явлений; – навыками доказательства теорем о структуре общего решения линейных уравнений второго порядка.
ПК-1 Способен решать актуальные и значимые задачи прикладной математики и информатики	
ИПК-1.2. (06.016 А/30.6 Зн.3) Предметная область прикладной математики и информатики ИПК-1.3. (40.001 А/02.5 Зн.1) Цели и задачи проводимых исследований и разработок, значимые задачи прикладной математики и информатики ИПК-1.4. (40.001 А/02.5 Зн.2) Отечественный и международный опыт решения актуальных и значимых задач прикладной математики и информатики ИПК-1.5. (40.001 А/02.5 Зн.4) Методы проведения экспериментов и наблюдений, обобщения и обработки информации при решении задач в области прикладной математики и информатики ИПК-1.6. (06.016 А/30.6 У.1) Анализировать входные данные при решении задач в области прикладной математики и информатики ИПК-1.7. (40.001 А/02.5 Тд.2) Проведение наблюдений и измерений, составление их описаний и формулировка выводов при анализе решений задач прикладной математики и информатики ИПК-1.8. (40.001 А/02.5 Др.2 Тд.) Деятельность, направленная на решение задач актуальные и значимые задачи прикладной математики и информатики аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач	Знает <ul style="list-style-type: none"> – основные факты о дифференциальных уравнениях; – современный математический аппарат дифференциальных уравнений; – теоремы существования и единственности для системы линейных уравнений; – основные этапы составления дифференциальных уравнений по условию геометрической и естественно научной задачи Умеет <ul style="list-style-type: none"> – применять методы современного математического аппарата для решения задач в области технологических процессов и производств – уметь логически строго доказывать математические утверждения, классифицировать уравнения и выбирать соответствующие алгоритмы их решения; – точно и лаконично рассказывать или описывать решение задач, доказательство теорем, свойства рассматриваемых математических объектов; – используя полученные знания, проводить исследования, связанные с основными понятиями курса (обыкновенные дифференциальные уравнения, уравнения в частных производных). Владеет <ul style="list-style-type: none"> – методами теории дифференциальных уравнений для исследования и анализа математических моделей физических явлений; – базовыми идеями и методами теории дифференциальных уравнений, относящимся к дифференциальным уравнениям первого и второго порядков; – системой основных математических структур (пространство непрерывных функций) и аксиоматическим методом; – основными понятиями высшей математики, связанными с дифференциальными уравнениями и их приложениями.

Содержание дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.
 Разделы (темы) дисциплины, изучаемые в 3 семестре (очная форма)

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	2	3	4	5	6	7
1.	Основные понятия и определения теории дифференциальных уравнений первого порядка.	16	4		8	4

2.	Геометрические и физические задачи.	6			4	2
3.	Теоремы существования и единственности решения задачи Коши для одного уравнения и систем дифференциальных уравнений.	5	3			2
4.	Свойства решений линейных однородных систем.	8	5			3
5.	Уравнения, не разрешенные относительно производной.	4			2	2
6.	Фундаментальная матрица и её свойства. Линейные неоднородные системы.	5	3			2
7.	Разные уравнения первого порядка.	12			8	4
8.	Линейные дифференциальные уравнения n-ого порядка. Метод вариации произвольных постоянных для неоднородного уравнения n-ого порядка.	7	3		2	2
9.	Линейные однородные дифференциальные уравнения n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Построение общего решения.	11	4		4	3
10.	Неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Поиск частного решения.	10	4		4	2
11.	Свойства нулей решения дифференциальных уравнений. Теорема Штурма. Решение линейных дифференциальных уравнений с помощью рядов.	6	4			2
12.	Зависимость решения от начальных значений и параметров.	8	4			4
15.	Обзор пройденного материала и прием зачета.	3,8			2	1,8
	<i>ИТОГО по разделам дисциплины</i>	101,8	34		34	33,8
	Контроль самостоятельной работы (КСР)	6				
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5				
	Подготовка к текущему контролю	35,7				
	Общая трудоемкость по дисциплине	144	34		34	33,8

Разделы (темы) дисциплины, изучаемые в 4 семестре (очная форма)

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	2	3	4	5	6	7
1.	Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Построение общего решения.	17	4		5	8
2.	Линейные неоднородные системы с постоянными коэффициентами. Поиск частного решения.	14	3		3	8
3.	Устойчивость по Ляпунову. Геометрическая интерпретация. Устойчивость нулевого решения однородной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	14	4		2	8
4.	Лемма Ляпунова. Теорема Четаева. Устойчивость по первому приближению.	19	5		6	8
5.	Поведение траекторий линейной однородной системы дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.	15	3		4	8
6.	Невырожденные положения равновесия автономной системы второго порядка. Устойчивость периодических решений.	13	3		2	8
7.	Красивые задачи.	19	6		5	8
8.	Уравнения с частными производными первого порядка.	15	4		3	8
9.	Обзор пройденного материала и прием зачета.	4,8			2	2,8
	<i>ИТОГО по разделам дисциплины</i>	130,8	32		32	66,8
	Контроль самостоятельной работы (КСР)	4				
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5				
	Подготовка к текущему контролю	44,7				
	Общая трудоемкость по дисциплине	180	32		32	66,8

Курсовые работы: *не предусмотрена*

Форма проведения аттестации по дисциплине: *зачет и экзамен*

Автор: кандидат физико-математических наук, доцент Колотий Александр Дмитриевич