

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,  
качеству образования – первый  
проректор

подпись

Хагуров Т.А.

«27» мая 2022 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ  
Б1.В.06 КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ЗАЩИТЫ ИН-  
ФОРМАЦИИ**

Направление подготовки 01.04.01 Математика

Направленность (профиль) Алгебраические методы защиты информации

Форма обучения Очная

Квалификация Магистр

Краснодар 2022

Рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.04.01 Математика

Программу составил(и):

А.В. Рожков, профессор, д.ф.-м.н., профессор



Рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации

утверждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры протокол № 9 «13» апреля 2022 г.

Заведующий кафедрой функционального анализа и алгебры  
Барсукова В.Ю.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук протокол № 5 «05» мая 2022 г.

Председатель УМК факультета Шмалько С.П.



Рецензенты:

Крамаренко Т.А. к.п.н. доцент кафедры системного анализа и обработки информации КубГАУ

Лазарев В.А. д.п.н., профессор кафедры теории функций КубГУ

## **1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).**

### **1.1 Цель освоения дисциплины.**

Цель освоения дисциплины – проблемы информатизации и защиты информации средствами криптографии. Изучение этой дисциплины является важной составной частью современного математического образования и образования в области компьютерных наук.

### **1.2 Задачи дисциплины.**

Задачи освоения дисциплины «Криптографические методы защиты информации»: получение базовых теоретических и исторических сведений о структуре и алгоритмах функционирования криптоалгоритмов. Применение этих знаний на практике, при рассмотрении перспектив развития математических и компьютерных наук, месте и роли защиты информации в структуре информатизации и математических методов построения защищенных информационных систем.

Изучение теоретических основ предмета и получение сведений:

- о нормативных требованиях по административно-правовому регулированию в области криптографической защиты информации;
- об основных задачах и понятиях криптографии;
- об этапах развития криптографии;
- о видах информации, подлежащей шифрованию;
- о классификации шифров;
- о методах криптографического синтеза и анализа;
- о применениях криптографии в решении задач аутентификации, построения систем цифровой подписи;
- о методах криптозащиты компьютерных систем и сетей.

### **1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.**

Дисциплина Криптографические методы защиты информации относится к части, формируемой участниками образовательных отношений дополнительного Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана Б1.В.06.

Данная дисциплина, как математическая основа теории защищенных информационных систем, призвана содействовать фундаментализации образования, укреплению правосознания и развитию системного мышления магистров.

### **1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.**

| Код и наименование индикатора*<br>достижения компетенции  | Результаты обучения по дисциплине<br>(знает, умеет, владеет<br>(навыки и/или опыт деятельности))  |
|---|---|
| <b>ПК-5</b> способность выполнять работы по установке, настройке и обслуживанию программных, программно-аппаратных (в том числе криптографических) средств защиты информации  |   |
| ПК-5.1 Организует информационную среду в соответствии с правовыми нормами и регламентами профессиональной деятельности учреждения или организации                             | Знать: О компьютерной реализации информационных объектов.<br>Связи компьютерной алгебры и численного анализа  |
| ПК-5.2 Владеет основами информационных технологий, умеет профессионально определить уровень необходимого программно-аппаратного обеспечения защищаемой информационной системы | Уметь: Применять основные математические методы, используемые в анализе типовых алгоритмов<br>Владеть навыками: использования библиотеки алгоритмов и пакетов расширения; |
| ПК-5.3 Имеет навыки установки, тестирования и обновления программно-аппаратного оснащения   | поиска и использования современной научно-технической литературой в области символьных вычислений.  |

| Код и наименование индикатора*<br>достижения компетенции  | Результаты обучения по дисциплине<br>(знает, умеет, владеет<br>(навыки и/или опыт деятельности))  |
|---|---|
| администрируемой информационной системы (сети)  |   |
| <b>ПК-4</b> Способен ориентироваться в современных алгоритмах компьютерной математики; обладать способностями к эффективному применению и реализации математически сложных алгоритмов в современных программных комплексах  |   |
| ПК-4.1 Умеет применять и реализовывать математически сложные алгоритмы в современных программных комплексах<br>ПК-4.2 Применяет в профессиональной деятельности методику исследования и создания новых моделей, методов и технологий в математике и естественных науках<br>ПК-4.3 Демонстрирует умение отбора среди существующих методов наиболее подходящие для решения конкретной прикладной задачи | Знать:<br>О компьютерной реализации информационных объектов.<br>Связи компьютерной алгебры и численного анализа.<br>Элементы теории сложности алгоритмов.<br>Уметь:<br>Определять структуры данных в компьютерной алгебре.<br>Использовать технику символьных вычислений.<br>Применять основные математические методы, используемые в анализе типовых криптографических алгоритмов.<br>Владеть навыками:<br>классификации систем компьютерной алгебры;<br>ориентироваться в типовых архитектурах вычислительных процессов;<br>использования библиотеки алгоритмов и пакетов расширения; |

## 2. Структура и содержание дисциплины.

### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач. ед. (144 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице.

| Вид учебной работы   | Всего часов | Семестры (часы) |   |   |   |
|--|-------------|-----------------|---|---|---|
|  |             | 2               |   |   |   |
| <b>Контактная работа, в том числе:</b>                     |             |                 |   |   |   |
| <b>Аудиторные занятия (всего):</b>                         | <b>26</b>   | <b>26</b>       |   |   |   |
| Занятия лекционного типа                                   | 12          | 12              | - | - | - |
| Лабораторные занятия                                       | 14          | 14              | - | - | - |
| Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия) |             |                 | - | - | - |
| КРП  | 14          | 14              | - | - | - |
| <b>Иная контактная работа:</b>                             |             |                 |   |   |   |
| Контроль самостоятельной работы (КСР)                      |             |                 |   |   |   |
| Промежуточная аттестация (ИКР)                             | 0,3         | 0,3             |   |   |   |
| <b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>                | <b>68</b>   | <b>68</b>       |   |   |   |
| Курсовая работа  | 7           | 7               | - | - | - |
| Проработка учебного (теоретического) материала             | 12          | 12              | - | - | - |

|   |                                      |             |             |          |          |
|---|--------------------------------------|-------------|-------------|----------|----------|
| Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций) | 14                                   | 14          | -           | -        | -        |
| Реферат   | 17                                   | 17          | -           | -        | -        |
| Подготовка к текущему контролю  | 18                                   | 18          | -           | -        | -        |
| <b>Контроль:</b>  |                                      |             |             |          |          |
| Подготовка к экзамену   | 35,7                                 | 35,7        |             |          |          |
| <b>Общая трудоемкость</b>   | <b>час.</b>                          | <b>144</b>  | <b>144</b>  | <b>-</b> | <b>-</b> |
|   | <b>в том числе контактная работа</b> | <b>40,3</b> | <b>40,3</b> |          |          |
|   | <b>зач. ед</b>                       | <b>4</b>    | <b>4</b>    |          |          |

## 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре (*очная форма*)

| № | Наименование разделов  | Количество часов |                   |    |    |                      |
|---|--|------------------|-------------------|----|----|----------------------|
|   |  | Всего            | Аудиторная работа |    |    | Внеаудиторная работа |
|   |  |                  | Л                 | ПЗ | ЛР |                      |
| 1 | 2  | 3                | 4                 | 5  | 6  | 7                    |
| 1 | Модели шифров. Блочные и поточные шифры. Понятие криптосистемы.                            | 20               | 2                 |    | 2  | 16                   |
| 2 | Поточные шифры. Синхронизированные и самосинхронизирующиеся. Надежность шифров.            | 24               | 4                 |    | 4  | 16                   |
| 3 | Принципы построения криптографических алгоритмов с симметричными и несимметричными ключами | 22               | 2                 |    | 4  | 16                   |
| 4 | Системы шифрования с открытыми ключами   | 28               | 4                 |    | 4  | 20                   |
|   | <i>Итого по дисциплине:</i>  |                  | 12                |    | 14 | 68                   |

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа магистра

## 2.3 Содержание разделов дисциплины:

### 2.3.1 Лекционного типа.

| № | Наименование раздела  | Содержание раздела  | Форма текущего контроля |
|---|---|---|-------------------------|
| 1 | 2   | 3   | 4                       |
| 1 | Модели шифров. Блочные и поточные шифры. Понятие криптосистемы. | Ручные и машинные шифры. Ключевая система шифра. Основные требования к шифрам. Разновидности шифров перестановки: маршрутные, вертикальные перестановки, решетки и лабиринты. Криптоанализ шифров перестановки. Одно алфавитные и многоалфавитные замены. Вопросы криптоанализа | Р                       |

|   |  |  |   |
|---|--|--|---|
|   |  | простейших шифров замены. Стандартные алгоритмы криптографической защиты данных.   |   |
| 2 | Поточные шифры. Синхронизированные и самосинхронизирующиеся. Надежность шифров.            | Табличное и модульное гаммирование. Случайные и псевдослучайные гаммы. Криптограммы, полученные при повторном использовании ключа. Анализ криптограмм, полученных применением неравновероятной гаммы. Криптографическая стойкость шифров. Ненадежность ключей и сообщений. Совершенные шифры. Характеризация совершенных шифров с минимальным числом ключей. Безусловно стойкие и вычислительно стойкие шифры.   | Э |
| 3 | Принципы построения криптографических алгоритмов с симметричными и несимметричными ключами | Основные способы реализации криптографических алгоритмов и требования, предъявляемые к ним. Различия между программными и аппаратными реализациями. Программные реализации шифров. Современные криптографические интерфейсы. Криптографические стандарты. Методы получения случайных и псевдослучайных последовательностей. Регистры сдвига с обратной связью. Линейный конгруэнтный метод. Мультиплексорные последовательности. Вопросы периодичности и распределения элементов в псевдослучайных последовательностях. Связь между качеством последовательностей, полученных с помощью нелинейных регистров сдвига и характеристиками функции усложнения. Применения дискретных функций для усложнения последовательностей. | Т |
| 4 | Системы шифрования с открытыми ключами   | Понятие односторонней функции и односторонней функции с "лазейкой". Криптосистемы RSA и Эль-Гамала. Проблемы факторизации целых чисел и логарифмирования в конечных полях. Криптосистемы с открытым ключом, основанные на задаче об укладке рюкзака и линейных кодах. Преимущества асимметричных систем шифрования. Криптографические хэш-функции. Характеристики и алгоритмы выработки хэш-функций. Электронные подписи. Криптографические протоколы. Протоколы предварительного распределения ключей. Протоколы выработки сеансовых ключей. Открытое распределение ключей Диффи-Хеллмана.  | Р |

### 2.3.2 Занятия семинарского типа.

Не предусмотрены

### 2.3.3 Лабораторные занятия.

| № | Наименование практических работ  | Форма текущего контроля |
|---|--|-------------------------|
| 1 | 3  | 4                       |
| 1 | Разновидности шифров перестановки: маршрутные, вертикальные перестановки, решетки и лабиринты. | РГЗ                     |
| 2 | Криптоанализ шифров перестановки. Одно алфавитные и многоалфавитные замены.                    | Р                       |
| 3 | Вопросы криптоанализа простейших шифров замены   | РГЗ                     |
| 4 | Стандартные алгоритмы криптографической защиты данных  | Р                       |
| 5 | Криптосистемы RSA и Эль-Гамала.  | РГЗ                     |
| 6 | Регистры сдвига с обратной связью.   | Р                       |

Защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т).

### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

1. Освоение процессов зашифрования и расшифрования для простейших шифров.
2. Свойства простейших шифров.
3. Расчет мощности ключевой системы различных шифров.
4. Оценка расстояния единственности для простейших шифров.
5. Криптоанализ шифра Виженера.
6. Расчет характеристик метода перебора ключей.
7. Вычисление характеристик двоичных функций.
8. Анализ схемы DES при небольшом числе итераций.
9. Вычисление характеристик датчиков псевдослучайных чисел.
10. Применение тестов на простоту целых чисел.
11. Изучение свойств алгоритма RSA.
12. Анализ некоторых алгоритмов выработки хэш-функций.
13. Методы и средства хранения ключевой информации
14. Протоколы аутентификации PAP и CHAP.
15. Система аутентификации и авторизации Kerberos.

### 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

| № | Вид СРС                                  | Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы  |
|---|--|--|
| 1 | 2  | 3  |
| 1 | Подготовка рефератов и научных сообщений | Рожков А.В. «Темы исследовательских работ и методические указания по их написанию», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 13 апреля 2022 г. |
| 2 | Самостоятельное освоение теории          | Рожков А.В. «Комментарии к лекциям по криптографии. Методические указания», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 13 апреля 2022 г.         |

|   |               |   |
|---|---------------|---|
| 3 | Решение задач | Рожков А.В. «Решebник типовых задач по криптографии. Методические указания», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 13 апреля 2022 г. |
| 4 | Решение задач | Рожков А.В. «Алгебраические методы криптографии. Методические указания», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 13 апреля 2022 г.     |

1. Методические указания для подготовки к занятиям лекционного и семинарского типа. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

2. Методические указания по выполнению самостоятельной работы обучающихся. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

3. Методические указания по использованию интерактивных методов обучения. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г.

4. Методические указания по подготовке эссе, рефератов, курсовых работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г.

5. Методические указания по выполнению лабораторных работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

6. Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме с увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

### **3. Образовательные технологии.**

Активные и интерактивные формы, лекции, лабораторные занятия, контрольные работы, реферативные доклады (по некоторым темам в виде презентации) и зачет. В течение семестра магистры решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. Каждый магистр готовит реферативный доклад по одной из ниже научных тем. Зачет выставляется после выполнения определенного количества (практических и теоретических) заданий контрольных работ и отчета по реферативному докладу. В случае невыполнения какого-то из приведенных требований, магистру для сдачи зачета предлагаются по усмотрению преподавателя некоторые практические и теоретические задания, подобные предложенным ниже.

К образовательным технологиям также относятся интерактивные методы обучения. Интерактивность подачи материала по дисциплине «Алгоритмические проблемы алгебры»

предполагает не только взаимодействия вида «преподаватель - магистр» и «магистр - преподаватель», но и «магистр - магистр». Все эти виды взаимодействия хорошо достигаются при изложении материала на занятиях в ходе дискуссий, а также на лабораторных занятиях в ходе изложения магистрами реферативных докладов (возможно в виде презентации).

#### **4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.**

##### **4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.**

Список теоретических вопросов (для подготовки к зачету)

1. Защита персональных данных.
2. История криптографии; классические шифры, шифры гаммирования.
3. Принципы построения криптографических алгоритмов.
4. Различие между программными и аппаратными реализациями шифров.
5. Функция Эйлера и Мебиуса.
6. Группы обратимых элементов в кольцах.
7. Структура мультипликативной группы кольца вычетов.
8. Обратимые элементы.
9. Примитивные элементы.
10. Особенности использования вычислительной техники в криптографии вопросы организации сетей засекреченной связи.
11. Криптографические хеш-функции.
12. Электронная подпись.
13. Криптографические протоколы.
14. Предмет и задачи программно-аппаратной защиты информации.
15. Идентификация субъекта, понятие протокола идентификации.
16. Пароли и ключи, организация хранения ключей.

##### **4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.**

Список типовых алгоритмов (для самостоятельных занятий и зачета)

1. Применения и разработки шифровальных средств.
2. Применения электронной подписи.
3. Криптографические методы обеспечения информационной безопасности.
4. Алгоритмы проверки на простоту.
5. Эллиптические кривые над конечными полями
6. Алгоритмы вычисления в конечных полях.
7. Электронная подпись по схеме Эль Гамала.
8. Электронная подпись на основе RSA.
9. Случайные и псевдослучайные гаммы.
10. Регистры сдвига с обратной связью.
11. Схема Файстеля.
12. Подсчет количества точек на эллиптической кривой.
13. Операция сложения на эллиптической кривой.
14. Схема алгоритма RSA.
15. Криптограммы, полученные при повторном использовании ключа.
16. Нахождение примитивного элемента конечного поля.
17. Построение таблицы логарифма Якоби конечного поля.
18. Решение систем линейных уравнений над конечным полем.
19. Алгоритм быстрого возведения в степень.
20. Нахождение обратных элементов в конечном поле.
21. Расширения конечных полей.
22. Алгоритм шифрования AES: структура поля, нахождение обратных элементов.

23. Алгоритм шифрования AES: фактор кольцо, преобразование столбцов.
24. Алгоритм шифрования AES: Линейное преобразование, собственные значения матрицы.
25. Алгоритм RSA – выбор секретных параметров, вычисление открытого ключа.
26. Рюкзачная система шифрования. Быстрорастущий вектор. Скрытие быстрорастущего вектора после преобразования умножения по модулю.
27. Решение систем линейных уравнений по разным модулям.
28. Решение систем линейных уравнений в кольце целых чисел.
29. Линейный регистр сдвига с обратной связью
30. Характеристический многочлен регистра сдвига
31. Матрица линейного регистра сдвига ее собственные значения и жорданова форма.
32. Квадратичный закон взаимности. Вычисление квадратичных вычетов и невычетов.
33. Извлечение квадратных корней по простому модулю
34. Извлечение квадратных корней по простому модулю.
35. Криптоанализ шифра однобуквенной простой замены.
36. Криптоанализ системы шифрования RSA при неправильном выборе модуля.
37. Вскрытие шифра Вернама при повторном использовании ключа.
38. Алгоритм шифрования AES: структура поля  $GF(2^8)$ , нахождение обратных элементов.
39. Алгоритм шифрования AES: фактор кольцо  $GF(2^8)[x]/\text{ид}((x+1)^4)$ , преобразование столбцов.
40. Алгоритм шифрования AES: Линейное преобразование, собственные значения

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

матрицы

41. Алгоритм RSA – выбор секретных параметров  $p, q, d$ , вычисление открытого ключа  $n, e$ .
42. Рюкзачная система шифрования. Быстрорастущий вектор. Скрытие быстрорастущего вектора после преобразования умножения по модулю.
43. Решение систем линейных уравнений по разным модулям.
44. Решение систем линейных уравнений в кольце целых чисел.
45. Линейный регистр сдвига с обратной связью
 
$$S_{n+k} = a_{k-1}S_{n+k-1} + a_{k-2}S_{n+k-2} + \dots + a_1S_{n+1} + a_0S_n + a, n = 0, 1, 2, \dots$$
46. Характеристический многочлен регистра сдвига  $x^k = a_{k-1}x^{k-1} + a_{k-2}x^{k-2} + \dots + a_1x + a_0$
47. Нахождение явного вида значений регистра сдвига
 
$$S_n = \beta_1\alpha_1^n + \beta_2\alpha_2^n + \dots + \beta_k\alpha_k^n, n = 0, 1, 2, \dots,$$
 где  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_k$  - корни

характеристического многочлена, коэффициенты  $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_k \in P$  являются

$$\text{решениями системы } \begin{cases} \beta_1 \alpha_1^0 + \beta_2 \alpha_2^0 + \dots + \beta_k \alpha_k^0 = S_0 \\ \beta_1 \alpha_1^1 + \beta_2 \alpha_2^1 + \dots + \beta_k \alpha_k^1 = S_1 \\ \dots \\ \beta_1 \alpha_1^{k-1} + \beta_2 \alpha_2^{k-1} + \dots + \beta_k \alpha_k^{k-1} = S_{k-1} \end{cases}.$$

48. Матрица линейного регистра сдвига

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_0 \\ 1 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_1 \\ 0 & 1 & \dots & 0 & 0 & a_2 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_3 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_{k-3} \\ 0 & 0 & \dots & 1 & 0 & a_{k-2} \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 1 & a_{k-1} \end{pmatrix}$$

ее собственные значения и жорданова форма.

49. Квадратичный закон взаимности. Вычисление квадратичных вычетов и невычетов.

50. Извлечение квадратных корней по простому модулю  $p \equiv 3 \pmod{4} \Rightarrow p = 4k + 3$ .

51. Извлечение квадратных корней по простому модулю  $p \equiv 1 \pmod{4} \Rightarrow p = 4k + 1$ .

### Критерии оценивания результатов обучения

| Оценка  | Критерии оценивания по экзамену  |
|---|--|
| Высокий уровень «5» (отлично)                 | оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы. |
| Средний уровень «4» (хорошо)                  | оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не оценены максимальным числом баллов, в основном сформировал практические навыки.  |
| Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)     | оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с пробелами освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, многие учебные задания либо не выполнил, либо они оценены числом баллов близким к минимальному, некоторые практические навыки не сформированы.        |
| Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно) | оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не выполнил, практические навыки не сформированы.   |

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).**

### **5.1 Основная литература:**

1. Мартынов Л.М. Алгебра и теория чисел для криптографии: учебное пособие, 2-е изд. [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2022. - URL: <https://reader.lanbook.com/book/189446>
2. Торстейнсон П., Ганеш Г.А. Криптография и безопасность в технологии .NET. 4-е изд. [Электронный ресурс]. – М.: Лаборатория знаний, 2020. – URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/151552/>

### **5.2. Дополнительная литература:**

1. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии. [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2022. - <https://reader.lanbook.com/book/210746>
2. Рябко Б.Я, Фионов А.Н. Криптографические методы защиты информации, 2-е изд. [Электронный ресурс]. – М.: Горячая линия-Телеком, 2017. - URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/111097/>

### **5.3 Периодические издания:**

Не предусмотрены

## **6. Интернет-ресурсы, в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

### **Электронно-библиотечные системы (ЭБС):**

1. ЭБС «ЮРАЙТ» <https://urait.ru/>
2. ЭБС «УНИВЕРСИТЕТСКАЯ БИБЛИОТЕКА ОНЛАЙН» [www.biblioclub.ru](http://www.biblioclub.ru)
3. ЭБС «BOOK.ru» <https://www.book.ru>
4. ЭБС «ZNANIUM.COM» [www.znanium.com](http://www.znanium.com)
5. ЭБС «ЛАНЬ» <https://e.lanbook.com>

### **Профессиональные базы данных:**

1. Web of Science (WoS) <http://webofscience.com/>
2. Scopus <http://www.scopus.com/>
3. ScienceDirect [www.sciencedirect.com](http://www.sciencedirect.com)

4. Журналы издательства Wiley <https://onlinelibrary.wiley.com/>
5. Научная электронная библиотека (НЭБ) <http://www.elibrary.ru/>
6. Полнотекстовые архивы ведущих западных научных журналов на Российской платформе научных журналов НЭИКОН <http://archive.neicon.ru>
7. Национальная электронная библиотека (доступ к Электронной библиотеке диссертаций Российской государственной библиотеки (РГБ)) <https://rusneb.ru/>
8. Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина <https://www.prlib.ru/>
9. Электронная коллекция Оксфордского Российского Фонда <https://ebookcentral.proquest.com/lib/kubanstate/home.action>
10. Springer Journals <https://link.springer.com/>
11. Nature Journals <https://www.nature.com/siteindex/index.html>
12. Springer Nature Protocols and Methods <https://experiments.springernature.com/sources/springer-protocols>
13. Springer Materials <http://materials.springer.com/>
14. zbMath <https://zbmath.org/>
15. Nano Database <https://nano.nature.com/>
16. Springer eBooks: <https://link.springer.com/>
17. "Лекториум ТВ" <http://www.lektorium.tv/>
18. Университетская информационная система РОССИЯ <http://uisrussia.msu.ru>

#### **Информационные справочные системы:**

1. Консультант Плюс - справочная правовая система (доступ по локальной сети с компьютеров библиотеки)

#### **Ресурсы свободного доступа:**

1. Американская патентная база данных <http://www.uspto.gov/patft/>
2. Полные тексты канадских диссертаций <http://www.nlc-bnc.ca/thesescanada/>
3. КиберЛенинка (<http://cyberleninka.ru/>);
4. Министерство науки и высшего образования Российской Федерации <https://www.minobrnauki.gov.ru/>;
5. Федеральный портал "Российское образование" <http://www.edu.ru/>;
6. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" <http://window.edu.ru/>;
7. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов <http://school-collection.edu.ru/> .
8. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (<http://fcior.edu.ru/>);
9. Проект Государственного института русского языка имени А.С. Пушкина "Образование на русском" <https://pushkininstitute.ru/>;
10. Справочно-информационный портал "Русский язык" <http://gramota.ru/>;
11. Служба тематических толковых словарей <http://www.glossary.ru/>;
12. Словари и энциклопедии <http://dic.academic.ru/>;
13. Образовательный портал "Учеба" <http://www.ucheba.com/>;
14. Законопроект "Об образовании в Российской Федерации". Вопросы и ответы [http://xn--273--84d1f.xn--plai/voprosy\\_i\\_otvety](http://xn--273--84d1f.xn--plai/voprosy_i_otvety)

#### **Собственные электронные образовательные и информационные ресурсы КубГУ:**

1. Среда модульного динамического обучения <http://moodle.kubsu.ru>
2. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций <http://mschool.kubsu.ru/>
3. Библиотека информационных ресурсов кафедры информационных образовательных технологий <http://mschool.kubsu.ru/>;
4. Электронный архив документов КубГУ <http://docspace.kubsu.ru/>

5. Электронные образовательные ресурсы кафедры информационных систем и технологий в образовании КубГУ и научно-методического журнала "ШКОЛЬНЫЕ ГОДЫ" <http://icdau.kubsu.ru/>

#### **7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).**

Согласно учебному плану дисциплины «криптографические методы защиты информации» итоговой формой контроля является зачет. Для сдачи зачета магистр должен научиться на лабораторных занятиях решать практические задания по темам разделов 1-3, выполнять домашние задания. Типы практических заданий на зачет соответствуют заданиям. Также на зачете магистрам предлагаются и теоретические задания, состоящие в письменном ответе на один из вопросов. Количество практических и теоретических заданий зависит от активности и результативности работы магистра в течение семестра.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине (модулю).

Для подготовки к ответам на теоретические вопросы в ходе контрольных работ и на зачете магистрам достаточно использовать материал лекций. Весь этот теоретический материал содержится в учебных пособиях из списка основной литературы. Для изучения теоретического материала, необходимого для подготовки реферативного доклада, кроме основных источников литературы возможно использование дополнительных источников и Интернет-ресурса. В случае затруднений, возникающих у магистров в процессе самостоятельного изучения теории, преподаватель разъясняет сложные моменты на консультациях.

#### **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

##### **8.1 Перечень информационных технологий.**

Вычисления в пакетах компьютерной алгебры на открытом коде GAP4.9.3 и Sage 8.3

#### **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

| №  | Вид работ                                  | Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность   |
|----|--|--|
| 1. | Лекционные занятия                         | Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО) Программы, демонстрации видео материалов (проигрыватель «Windows Media Player»). Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»). |
| 2. | Семинарские занятия                        | Не предусмотрены   |
| 3. | Лабораторные занятия                       | Лаборатория, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения – компьютерами   |
| 4. | Курсовое проектирование                    | Не предусмотрено   |
| 5. | Групповые (индивидуальные) консультации    | Аудитория для групповых занятий  |
| 6. | Текущий контроль, промежуточная аттестация | Аудитория для групповых занятий  |

|    |                        |  |
|----|------------------------|--|
| 7. | Самостоятельная работа | Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета. |
|----|------------------------|--|

## РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины

### КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ЗАЩИТЫ ИНФОРМАЦИИ

Направление подготовки 01.04.01 Математика

Направленность Алгебраические методы защиты информации

Рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации для магистров направленность «Алгебраические методы защиты информации» составлена доктором физико-математических наук, профессором кафедры функционального анализа и алгебры факультета математики и компьютерных наук Кубанского государственного университета Рожковым А.В.

Программа составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего профессионального образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.04.01 Математика. Программа одобрена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры и на заседании учебно-методического совета факультета математики и компьютерных наук.

Задачи освоения дисциплины «Криптографические методы защиты информации»: получение базовых теоретических и исторических сведений о структуре и алгоритмах функционирования криптоалгоритмов. Применение этих знаний на практике, при рассмотрении перспектив развития математических и компьютерных наук, месте и роли защиты информации в структуре информатизации и математических методов построения защищенных информационных систем. Эти задачи в рабочей программе решены полно и профессионально.

Рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации для магистров направленность «Алгебраические методы защиты информации» сочетает теоретическую и практические части, что способствует более глубокому усвоению материала. Предложенные задания научно-исследовательского плана направлены на развитие практических навыков решения задач по направлению защита информации.

Считаю, что рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации для магистров направленность «Алгебраические методы защиты информации» может быть рекомендована для подготовки магистров направления подготовки 01.04.01 Математика.

Кандидат педагогических наук,  
доцент кафедры системного анализа и обработки информации  
ФГБОУ ВО «КубГАУ»



Личную подпись  
ЗАВЕРЮ:  
СПЕЦИАЛИСТ ПО КАДРАМ  
12/2014

## РЕЦЕНЗИЯ

### на рабочую программу дисциплины **КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ЗАЩИТЫ ИНФОРМАЦИИ**

Направление подготовки 01.04.01 Математика  
Направленность Алгебраические методы защиты информации

Рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации для магистров направленность «Алгебраические методы защиты информации» составлена доктором физико-математических наук, профессором кафедры функционального анализа и алгебры факультета математики и компьютерных наук Кубанского государственного университета Рожковым А.В.

Программа составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего профессионального образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.04.01 Математика. Программа одобрена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры и на заседании учебно-методического совета факультета математики и компьютерных наук.

В рабочей программе подробно отражены важнейшие темы современной криптографии. Основные способы реализации криптографических алгоритмов и требования, предъявляемые к ним. Различия между программными и аппаратными реализациями. Программные реализации шифров. Современные криптографические интерфейсы. Криптографические стандарты. Методы получения случайных и псевдослучайных последовательностей. Регистры сдвига с обратной связью. Линейный конгруэнтный метод.

Рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации для магистров направленность «Алгебраические методы защиты информации» сочетает теоретическую и практические части. Получение базовых практических сведений и навыков о структуре и алгоритмах символьных математических вычислений.

Считаю, что рабочая программа дисциплины Криптографические методы защиты информации для магистров направленность «Алгебраические методы защиты информации» может быть рекомендована для подготовки магистров направления подготовки 01.04.01 Математика.

Кандидат физ.-мат. наук,  
заведующий кафедрой математических  
и компьютерных методов ФГБОУ ВО «КубГУ»

  
М.И. Дроботенко