

**Аннотация к рабочей программе дисциплины
«Б1.О.40 ОБОБЩЕННЫЕ ФУНКЦИИ»**

Объем трудоемкости: 2 зачетных единицы.

Цель дисциплины: Сформировать у студентов представления о современных подходах к понятию функции и необходимости его расширения в математических моделях физических явлений и процессов.

Задачи дисциплины: Показать естественность понятия обобщенного решения дифференциальных задач, моделирующих физические процессы с негладкими данными, когда классическое решение может не существовать.

Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Обобщенные функции» относится к обязательной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана, являющегося структурным элементом ООП ВО по специальности «Фундаментальная математика и механика». Студенты должны быть готовы использовать полученные в этой области знания, как при изучении смежных дисциплин, так и в профессиональной деятельности. Для полноценного понимания курса необходимы знания, умения и навыки, заложенные в курсах математического анализа, линейной алгебры, функционального анализа, дифференциальных уравнений, уравнений в частных производных, дисциплин специализаций.

Требования к уровню освоения дисциплины

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся компетенции ОПК-1, ПК-1.

| Код и наименование индикатора* достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине |
|--|---|
| ОПК-1 Способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики | Знает классические постановки задач алгебры, математического анализа, теории функций, функционального анализа, теории краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений и для линейных уравнений в частных производных. Умеет исследовать корректность постановок задач фундаментальной математики. Владеет техникой исследования обобщенных аналогов классических задач фундаментальной математики. |
| ОПК-1.1 Знает актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики | Знает классические постановки задач алгебры, математического анализа, теории функций, функционального анализа, теории краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений и для линейных уравнений в частных производных. Умеет исследовать корректность постановок задач фундаментальной математики. Владеет техникой исследования обобщенных аналогов классических задач фундаментальной математики. |
| ОПК-1.2 Осуществляет выбор методов решения задач фундаментальной математики | Знает традиционные приемы и технологии решения классических задач фундаментальной математики. Умеет применять интегральные преобразования к дифференциальным задачам с целью понижения размерности этих задач Владеет техникой обращения преобразований Фурье и Лапласа в пространствах основных и обобщенных функций. |
| ОПК-1.3 Владеет навыками формализации актуальных задач фундаментальной математики и применения подходящих методов их решения | Знает корректные классические и обобщенные постановки задач фундаментальной математики и математической физики. Умеет применять известные приемы |

| Код и наименование индикатора* достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине |
|--|---|
| | <p>аналитического и приближенного решения формализованных задач математики и математической физики.</p> <p>Владеет навыками алгоритмизации методов приближенного численного решения прикладных задач.</p> |
| ПК-1 Способен формулировать и решать актуальные и значимые задачи фундаментальной и прикладной математики | |
| ПК-1.1 Знает основные понятия, идеи и методы фундаментальных математических дисциплин для решения базовых задач | <p>Знает понятие корректности постановки краевой задачи по свободному члену дифференциального уравнения и по свободным членам в краевых и начальных условиях.</p> <p>Умеет оценивать нормы обобщенных решений классических дифференциальных задач через нормы свободных членов.</p> |
| | <p>Владеет навыками построения дискретных аналогов математических моделей задач механики и математической физики.</p> |
| ПК-1.3 Самостоятельно и корректно решает стандартные задачи фундаментальной и прикладной математики | <p>Знает о вычислительной неустойчивости операции численного дифференцирования, а также о возможной некорректности интегральных уравнений первого рода.</p> <p>Умеет выделить класс решений математической модели, соответствующий реальному поведению моделируемого явления.</p> |
| | <p>Владеет навыками представления классического или обобщенного решения функциональной задачи в аналитическом виде либо в приближенном виде.</p> |
| ПК-1.4 Имеет навыки решения математических задач, соответствующих квалификации, возникающих при проведении научных и прикладных исследований | <p>Знает пространства основных и обобщенных функций, операции, заданные на элементах этих пространств.</p> <p>Умеет применять интегральные преобразования Фурье и Лапласа как в пространствах регулярных функций, так и в пространствах обобщенных функций.</p> |
| | <p>Владеет навыками применения операционного исчисления к дифференциальным, интегральным уравнениям, а также к сверточным уравнениям для обобщенных функций.</p> |

Содержание дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы (темы) дисциплины, изучаемые в 10 семестре (*очная форма обучения*)

| № | Наименование разделов (тем) | Количество часов |
|---|-----------------------------|------------------|
|---|-----------------------------|------------------|

| | | Всего | Аудиторная работа | | | Внеаудиторная работа |
|---------------------------------------|---|-------|-------------------|----|----|----------------------|
| | | | Л | ПЗ | ЛР | |
| 1. | Основные и обобщенные функции. | 12 | 2 | - | 4 | 6 |
| 2. | Обобщенные производные, пространства С.Л.Соболева. | 14 | 2 | - | 4 | 8 |
| 3. | Прямое произведение и свертка обобщенных функций. | 14 | 2 | - | 4 | 8 |
| 4. | Обобщенные функции медленного роста. Преобразование Фурье обобщенных функций медленного роста. | 14 | 2 | - | 4 | 8 |
| 5. | Преобразование Лапласа обобщенных функций (операционное исчисление). | 11,8 | 2 | - | 4 | 5,8 |
| <i>ИТОГО по разделам дисциплины</i> | | 65,8 | 10 | - | 20 | 35,8 |
| Контроль самостоятельной работы (КСР) | | 6 | | | | |
| Промежуточная аттестация (ИКР) | | 0,2 | | | | |
| Подготовка к текущему контролю | | 5,8 | | | | |
| Общая трудоемкость по дисциплине | | 72 | | | | |

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

Курсовые работы не предусмотрены

Форма проведения аттестации по дисциплине: зачет.

Автор кандидат физико-математических наук доцент Гайденко С.В.