

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ:  
Проректор по учебной работе,  
качеству образования – первый  
проректор

  
\_\_\_\_\_ *подпись*

«28» мая 2021 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### Б1.О.33.01 ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

Специальность 01.05.01 Фундаментальные математика и механика

Направленность (профиль) Фундаментальная математика и ее приложения  
Вычислительная механика и компьютерный инжиниринг

Форма обучения очная

Квалификация Математик. Механик. Преподаватель

Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы дифференциальных уравнений» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по специальности 01.05.01 «Фундаментальная математика и механика».

Программу составили:

В.Ю. Барсукова, зав.кафедрой, канд. физ.-мат. наук, доцент



Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы дифференциальных уравнений» утверждена на заседании кафедры (разработчика) функционального анализа и алгебры

протокол № 9 от 12 апреля 2021 г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Барсукова В.Ю.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук «12» мая 2021 г., протокол № 3.

Председатель УМК факультета Шмалько С.П.



подпись

Рецензенты:

Чубырь Н.О., кандидат физико-математических наук, доцент кафедры прикладной математики КубГТУ

Засядко О.В., кандидат педагогических наук, доцент кафедры информационных образовательных технологий КубГУ

## 1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля)

### 1.1 Цель освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины «Дополнительные главы дифференциальных уравнений» являются формирование математической культуры студентов, формирование и способностей к алгоритмическому и логическому мышлению, овладение современным аппаратом дифференциальных уравнений для дальнейшего использования в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания. Знакомство студентов с методами и приемами качественного исследования решений систем дифференциальных уравнений.

### 1.2 Задачи дисциплины

Задачами изучения дисциплины являются:

1. Изучение студентами основных понятий теории периодических функций,
2. Изучение структуры множества периодов периодических функций и их свойств.
3. Изучение вопросов существования периодических решений линейных, квазилинейных и нелинейных дифференциальных уравнений первого порядка
4. Изучение условий периодичности решений систем дифференциальных уравнений.

### 1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Дополнительные главы дифференциальных уравнений» относится к обязательной части Блока 1. «Дисциплины (модули)» учебного плана. В соответствии с рабочим учебным планом дисциплина изучается на 3 курсе по очной форме обучения. Вид промежуточной аттестации: экзамен.

Для успешного освоения дисциплины обучающийся должен владеть знаниями, умениями и навыками по программе дисциплин «Математический анализ», «Дифференциальные уравнения». Знания, полученные в результате освоения дисциплины «Дополнительные главы дифференциальных уравнений» потребуются в дальнейшем для освоения таких дисциплин как «Интегральные уравнения», «Интегро-дифференциальные уравнения».

### 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций:

Код и наименование индикатора* достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
<b>ОПК-1 Способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики</b>	
ОПК-1.1. Знает актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики	Знать свойства решений линейных дифференциальных уравнений первого порядка с периодическими коэффициентами, строение множества решений однородной линейной системы с периодической матрицей, интегральное представление решений соответствующих неоднородных уравнений применять рассматриваемые методы при доказательстве различных теорем и решений, относящихся к этому кругу проблем Уметь исследовать периодичность функции и решений дифференциальных уравнений, устойчивость систем с периодической матрицей;
ОПК-1.2. Осуществляет выбор методов решения задач фундаментальной математики	

Код и наименование индикатора* достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
<b>ПК-1 Способен формулировать и решать актуальные и значимые задачи фундаментальной и прикладной математики</b>	
ПК-1.1. Знает основные понятия, идеи и методы фундаментальных математических дисциплин для решения базовых задач	Знать свойства решений линейных дифференциальных уравнений первого порядка с периодическими коэффициентами, строение множества решений однородной линейной системы с периодической матрицей, интегральное представление решений соответствующих неоднородных уравнений
ПК-1.2. Умеет передавать результаты проведенных теоретических и прикладных исследований в виде конкретных предметных рекомендаций в терминах предметной области	
ПК-1.3. Самостоятельно и корректно решает стандартные задачи фундаментальной и прикладной математики	
ПК-1.4. Имеет навыки решения математических задач, соответствующих квалификации, возникающих при проведении научных и прикладных исследований	Уметь применять рассматриваемые методы при доказательстве различных теорем и решений относящихся к этому кругу проблем
	Владеть навыками исследования периодичности функции и решений дифференциальных уравнений, устойчивости систем с периодической матрицей; навыками применения полученных знаний в других областях.

## 2 Структура и содержание дисциплины

### 2.1 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы (144 часа, из них – 58,3 часа контактной работы, в то числе лекционных 18 ч., практических 34 ч., 0,3 часа ИКР, 6 ч. КСР; 59 часов самостоятельной работы; 26,7 ч. отводится на подготовку к экзамену).

Их распределение по видам работ представлено в таблице.

Виды работ		Всего часов	Форма обучения
			очная
			5 семестр (часы)
<b>Контактная работа, в том числе:</b>			
<b>Аудиторные занятия (всего):</b>		<b>52</b>	<b>52</b>
занятия лекционного типа		18	18
лабораторные занятия		34	34
практические занятия		-	-
семинарские занятия		-	-
<b>Иная контактная работа:</b>			
Контроль самостоятельной работы (КСР)		4	4
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,3	0,3
<b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>			
Проработка учебного (теоретического) материала		20	20
Выполнение домашних заданий (решение задач)		20	20
Подготовка к текущему контролю		19	19
<b>Контроль:</b>			
Подготовка к экзамену		26,7	26,7
<b>Общая трудоемкость</b>	<b>час.</b>	<b>144</b>	<b>144</b>
	<b>в том числе контактная работа</b>	<b>58,3</b>	<b>58,3</b>
	<b>зач. ед</b>	<b>4</b>	<b>4</b>

## 2.2 Структура дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.  
Разделы дисциплины, изучаемые в **пятом** семестре:

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа СРС
			Л	ПЗ	ЛР	
1.	Периодические функции	16	3	-	4	9
2.	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка	21	3	-	6	12
3.	Квазилинейные дифференциальные уравнения	25	3	-	8	14
4.	Системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей	21	3	-	8	10
5.	Нелинейные дифференциальные уравнения	28	6	-	8	14
	<i>ИТОГО по разделам дисциплины</i>		18	-	34	59
	Контроль самостоятельной работы (КСР)	6				
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,3				
	Подготовка к экзамену	26,7				
	Общая трудоемкость по дисциплине	144				

## 2.3 Содержание разделов дисциплины

### 2.3.1 Занятия лекционного типа

№	Наименование раздела (темы)	Содержание раздела (темы)	Форма текущего контроля
1.	Периодические функции	Периодические функции: определения, основные свойства. Теорема о существовании наименьшего положительного периода. Структура множества периодов периодических функций. Периодичность суммы, произведения периодических функций. Производная и интеграл периодической функции.	Проверка домашнего задания, устный опрос
2.	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка	Линейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование ограниченных решений. Линейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: периодичность, устойчивость решений.	Проверка домашнего задания, контрольная работа
3.	Квазилинейные дифференциальные уравнения	Квазилинейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование ограниченных и периодических решений.	Проверка домашнего задания
4.	Системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей	Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей (теория Флоке) (Фундаментальная матрица и ее свойства, мультипликаторы, структура ФСР). Неоднородные периодические системы. Устойчивость. Методы нахождения периодических решений (ряды Фурье, метод малого параметра)	Проверка домашнего задания, самостоятельная работа
5.	Нелинейные дифференциальные уравнения	Нелинейные дифференциальные уравнения с периодической по $t$ и монотонной по $x$ правой частью: существование ограниченных и периодических решений, устойчивость ограниченных и периодических решений.	Проверка домашнего задания, самостоятельная работа

### 2.3.2 Занятия семинарского типа (практические / семинарские занятия/ лабораторные работы)

№	Наименование раздела (темы)	Тематика занятий/работ	Форма текущего контроля
1.	Периодические функции	Периодические функции: определения, основные свойства периодических функций. Производная и интеграл периодической функции.	Проверка домашнего задания, устный опрос
2.	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка	Линейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование ограниченных решений. Линейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: периодичность, устойчивость решений.	Проверка домашнего задания, устный опрос
3.	Квазилинейные дифференциальные уравнения	Квазилинейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование ограниченных и периодических решений.	Проверка домашнего задания
4.	Системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей	Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей (теория Флоке) (Фундаментальная матрица и ее свойства, мультипликаторы, структура ФСР). Неоднородные периодические системы. Устойчивость.	Проверка домашнего задания, самостоятельная работа
5.	Нелинейные дифференциальные уравнения	Нелинейные дифференциальные уравнения с периодической по $t$ и монотонной по $x$ правой частью: существование ограниченных и периодических решений, устойчивость ограниченных и периодических решений.	Проверка домашнего задания, самостоятельная работа

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов) курсовые работы не предусмотрены.

### 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	Проработка учебного (теоретического) материала	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 12.04.2021 г.
2	Выполнение домашних заданий (решение задач)	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 12.04.2021 г.
3	Подготовка к текущему контролю	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 12.04.2021 г.
4	Промежуточная аттестация (экзамен)	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 12.04.2021 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

– в печатной форме,  
 – в форме электронного документа,  
 Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3. Образовательные технологии, применяемые при освоении дисциплины (модуля)

При изучении данного курса используются традиционные лекции и лабораторные занятия.

Цель лабораторных занятий – научить студента применять полученные на лекциях теоретические знания к решению и исследованию конкретных задач. В каждом семестре проводятся контрольные работы для проверки усвоения материала студентами.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

### 4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций.

Оценочными средствами дисциплины являются средства текущего контроля (коллоквиумы, устные опросы.), а также на лабораторных занятиях – контрольные работы, проверка домашних заданий) и промежуточная аттестация (зачет, экзамен). Устный опрос по теоретическому материалу проводится на лабораторных занятиях.

#### Структура оценочных средств для текущей и промежуточной аттестации

№ п/п	Код и наименование индикатора (в соответствии с п. 1.4)	Результаты обучения (в соответствии с п. 1.4)	Наименование оценочного средства	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
1	<b>ОПК-1 Способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики</b> ОПК-1.1. Знает актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики ОПК-1.2. Осуществляет выбор методов решения задач фундаментальной математики	Знать свойства решений линейных дифференциальных уравнений первого порядка с периодическими коэффициентами, строение множества решений однородной линейной системы с периодической матрицей, интегральное представление решений соответствующих неоднородных уравнений. Применять рассматриваемые методы при доказательстве различных теорем и решений, относящихся к этому кругу проблем. Уметь исследовать периодичность функции и решений дифференциальных уравнений, устойчивость систем с периодической матрицей.	Лабораторные работы	Вопрос на экзамене 8-17
2	ПК-1 Способен формулировать и решать актуальные и значимые задачи фундаментальной и прикладной математики ПК-1.1. Знает основные понятия, идеи и методы фундаментальных	Знать свойства решений линейных дифференциальных уравнений первого порядка с периодическими коэффициентами, строение множества решений однородной линейной системы с периодической матрицей, интегральное представление	Вопросы для устного опроса по теме «Периодические функции», контрольная работа по теме «Линейные	Вопрос на экзамене 1-7

<p>математических дисциплин для решения базовых задач ПК-1.2. Умеет передавать результаты проведенных теоретических и прикладных исследований в виде конкретных предметных рекомендаций в терминах предметной области ПК-1.3. Самостоятельно и корректно решает стандартные задачи фундаментальной и прикладной математики ПК-1.4. Имеет навыки решения математических задач, соответствующих квалификации, возникающих при проведении научных и прикладных исследований</p>	<p>решений соответствующих неоднородных уравнений. Применять рассматриваемые методы при доказательстве различных теорем и решений, относящихся к этому кругу проблем. Владеть навыками исследования периодичности функции и решений дифференциальных уравнений, устойчивости систем с периодической матрицей; навыками применения полученных знаний в других областях.</p>	<p>дифференциальные уравнения»</p>	
--	--	------------------------------------	--

**Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы**

**Вопросы к устному опросу (по теме «Периодические функции»)**

1. Периодические функции: определение
2. Множество периодов, группа.
3. Теорема о существовании наименьшего положительного периода
4. Структура множества периодов периодических функций.
5. Периодичность суммы, произведения периодических функций.
6. Непрерывные периодические функции
7. Производная периодической функции
8. Среднее значение. Структура интеграла от периодической функции.

**Контрольная работа**

*Вариант 1.*

1 Является ли функция периодической? Провести доказательство.

$$a) y = \sin(\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x); \quad б) y = x + \cos 2x$$

2. Имеет ли уравнение  $x' = \cos t - 2x$  ограниченное на  $R$  решение? Найти его, если оно существует.

*Вариант 2.*

1. Показать, что  $f(x) = \{x\} + \sin \pi x$  является периодической и найти ее наименьший положительный период.

2. Имеет ли уравнение  $x' = (\cos^2 t - 0,5)x + f(t)$  при  $f(t) = \sin 4t$  периодические решения? Сколько их? Привести пример функции  $f(t)$ , для которой периодических решений нет.

**Зачетно-экзаменационные материалы для промежуточной аттестации (экзамен/зачет)**

Примерный перечень вопросов к экзамену.

1. Периодические функции: определения, основные свойства.
2. Теорема о существовании наименьшего положительного периода.

3. Структура множества периодов периодических функций.
4. Периодичность суммы, произведения периодических функций.
5. Производная и интеграл периодической функции.
6. Линейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование ограниченных решений.
7. Линейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: периодичность, устойчивость решений.
8. Квазилинейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование ограниченных решений.
9. Квазилинейные дифференциальные уравнения с периодическими коэффициентами: существование периодических решений.
10. Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей (теория Флоке) Фундаментальная матрица и ее свойства.
11. Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей: мультипликаторы
12. Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей: структура ФСР.
13. Неоднородные периодические системы.
14. Устойчивость систем линейных дифференциальных уравнений с периодической матрицей.
15. Нелинейные дифференциальные уравнения с периодической по  $t$  и монотонной по  $x$  правой частью: существование ограниченных решений
16. Нелинейные дифференциальные уравнения с периодической по  $t$  и монотонной по  $x$  правой частью: существование периодических решений
17. Нелинейные дифференциальные уравнения: устойчивость ограниченных и периодических решений.

### Критерии оценивания результатов обучения

Оценка	Критерии оценивания по экзамену
Высокий уровень «5» (отлично)	Оценка <b>«отлично»</b> выставляется студенту, показавшему всесторонние, систематизированные, глубокие знания учебной программы дисциплины и умение уверенно применять их на практике при решении конкретных задач
Средний уровень «4» (хорошо)	Оценка <b>«хорошо»</b> выставляется студенту, если он твердо знает материал, грамотно и по существу излагает его, умеет применять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в решении задач некоторые неточности
Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)	Оценка <b>«удовлетворительно»</b> выставляется студенту, показавшему разрозненный характер знаний, недостаточно правильные формулировки базовых понятий, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, но при этом он владеет основными разделами учебной программы в некотором объеме, необходимом для дальнейшего обучения и может применять полученные знания по образцу в стандартной ситуации
Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно)	Оценка <b>«неудовлетворительно»</b> выставляется студенту, который не знает большей части основного содержания учебной программы дисциплины, допускает грубые ошибки в формулировках основных понятий дисциплины и не умеет использовать полученные знания при решении типовых практических задач.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## **5. Перечень учебной литературы, информационных ресурсов и технологий**

### **5.1. Учебная литература**

1. Барсукова В.Ю., Пуляев В.Ф., Савчиц Е.Ю. Ограниченные и периодические решения дифференциальных уравнений. Учебное пособие. Краснодар, КубГУ, 2017.
2. Егоров А.И. Обыкновенные дифференциальные уравнения с приложениями. М., Физматлит. [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=59460](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59460).
3. Бибиков Ю. Н. Курс обыкновенных дифференциальных уравнений, Лань, 2011 [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=1542](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=1542).
4. Тихонов А. Н., Васильева А. Б., Свешников А. Г. Дифференциальные уравнения. М., 2005. <https://e.lanbook.com/book/48171>
5. Эльсгольц Л. Э. Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление, М.:2006.
6. Демидович Б. П. Лекции по математической теории устойчивости. СПб. «Лань», 2008. [www.e.lanbook.com/view/book/123](http://www.e.lanbook.com/view/book/123)

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Библиоклуб».

### **5.3. Интернет-ресурсы, в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

**Электронно-библиотечные системы (ЭБС):**

1. ЭБС «ЛАНЬ» <https://e.lanbook.com>

**Ресурсы свободного доступа:**

1. Федеральный портал "Российское образование" <http://www.edu.ru/>

2. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" <http://window.edu.ru/>;
3. Министерство науки и высшего образования Российской Федерации <https://www.minobrnauki.gov.ru/>
4. Краткий справочник по математике - <http://matembook.chat.ru/>
5. Математический портал - <http://www.allmath.com/>

### Собственные электронные образовательные и информационные ресурсы КубГУ:

1. Среда модульного динамического обучения <http://moodle.kubsu.ru>
2. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций <http://mschool.kubsu.ru/>

### 6 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

По курсу предусмотрено проведение лекционных занятий, на которых дается основной систематизированный материал, лабораторных занятий, в ходе которых студентами приобретаются и закрепляются основные практически навыки решения различных задач, в том числе с применением полученных теоретических знаний.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине. Самостоятельная работа студентов является неотъемлемой частью процесса подготовки. Под самостоятельной работой понимается часть учебной планируемой работы, которая выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Самостоятельная работа направлена на усвоение системы научных и профессиональных знаний, формирования умений и навыков, приобретение опыта самостоятельной творческой деятельности. СРС помогает формировать культуру мышления студентов, расширять познавательную деятельность.

Виды самостоятельной работы по курсу:

**а) по целям:** подготовка к лекциям, к практическим занятиям, к контрольной работе, к коллоквиуму.

**б) по характеру работы:** изучение литературы, конспектирование лекций; поиск литературы в библиотеке; конспектирование рекомендуемой для самостоятельного изучения научной литературы; решение задач, тестов; работа с обучающими и контролирующими программами.

### Тематическое планирование самостоятельной работы студентов

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Вид работы
1	Периодические функции	Структура множества периодов. Периодическое продолжение	Поиск необходимой информации (см. список литературы). Решение задач.
2	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.	Теоремы существования и единственности периодических решений	Поиск необходимой информации. Изучение лекционного материала. Конспектирование.
3	Квазилинейные дифференциальные уравнения	Существование периодических решений	Повторение лекционного материала и материала учебников. Подготовка к контрольной работе
4	Системы линейных дифференциальных уравнений с	Мультипликаторы, структура ФСР. Неоднородная система с периодической матрицей.	Поиск необходимой информации. Подготовка к контрольной работе

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Вид работы
	периодической матрицей		
5	Нелинейные дифференциальные уравнения	Теорема Массера, выделение периодических решений	Изучение лекционного материала и материала учебников.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

### 7. Материально-техническое обеспечение по дисциплине (модулю)

Наименование специальных помещений	Оснащенность специальных помещений	Перечень лицензионного программного обеспечения
Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер	Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»). Microsoft Office
Учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: Доска, мел, маркеры	
Учебные аудитории для проведения лабораторных работ. Лаборатория...	Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: Доска, мел, маркеры	

Для самостоятельной работы обучающихся предусмотрены помещения, укомплектованные специализированной мебелью, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Наименование помещений для самостоятельной работы обучающихся	Оснащенность помещений для самостоятельной работы обучающихся	Перечень лицензионного программного обеспечения
Помещение для самостоятельной работы обучающихся (читальный зал Научной библиотеки)	Мебель: учебная мебель Комплект специализированной мебели: компьютерные столы Оборудование: компьютерная техника с подключением к информационно-коммуникационной сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ к сети интернет (проводное соединение и беспроводное соединение по технологии Wi-Fi)	
Помещение для самостоятельной работы обучающихся (ауд. _____)	Мебель: учебная мебель Комплект специализированной мебели: компьютерные столы	

	<p>Оборудование: компьютерная техника с подключением к информационно-коммуникационной сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду образовательной организации, веб-камеры, коммуникационное оборудование, обеспечивающее доступ к сети интернет (проводное соединение и беспроводное соединение по технологии Wi-Fi)</p>	
--	---	--