

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе,
качеству образования – первый
проректор

Жагуров Т.А.

подпись

«29» мая 2020 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.В.ДВ.07.01 ОСНОВЫ ТЕОРИИ ГРУПП И ЕЕ
ПРИЛОЖЕНИЯ**

Направление подготовки 01.03.01 Математика

Направленность (профиль) Математическое моделирование

Форма обучения очная

Квалификация бакалавр

Рабочая программа дисциплины «ОСНОВЫ ТЕОРИИ ГРУПП И ЕЕ ПРИЛОЖЕНИЯ» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.03.01 Математика

Программу составил

Г.Н. Титов, канд. физ.-мат. наук, доцент

Рабочая программа дисциплины «ОСНОВЫ ТЕОРИИ ГРУПП И ЕЕ ПРИЛОЖЕНИЯ» утверждена на заседании кафедры (разработчика) функционального анализа и алгебры

протокол № 9 от 10 апреля 2020 г.

Заведующая кафедрой (разработчика) Барсукова В.Ю.

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры (выпускающей) функционального анализа и алгебры

протокол № 9 от 10 апреля 2020 г.

Заведующая кафедрой (выпускающей) Барсукова В.Ю.

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук «30» апреля 2020 г, протокол № 2.

Председатель УМК факультета Шмалько С.П.

Эксперты:

Чубырь Н.О. – канд. физ.-мат. наук, доцент кафедры прикладной математики ФГБОУ ВО «Кубанский государственный технологический университет»

Гайденок С.В. – заведующий кафедрой вычислительной математики и информатики ФГБОУ ВО «Кубанский государственный университет» канд. физ.-мат. наук, доцент

1. Цели и задачи освоения дисциплины.

1.1 Цель дисциплины

формирование у студентов приобретенных знаний алгебре (1-й и 2-й курсы), а также знаний по тематике, связанной с вопросами теории групп).

1.2. Задачи дисциплины

Получение основных теоретических и алгоритмических сведений по теории групп, развитие познавательной деятельности и приобретение практических навыков работы с алгебраическими понятиями в математике.

При освоении дисциплины вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач теории решеток и задач, связанных с приложениями этой теории в теории групп. Получаемые знания лежат в основе математического образования и необходимы для понимания и освоения всех курсов математики, а также для продолжения обучения в магистратуре по соответствующему направлению подготовки.

1.2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина (Б1.В.ДВ.07.01) «Основы теории групп и ее приложения» по направлению 01.03.01 Математика (уровень бакалавриата) по профилю подготовки «Математическое моделирование» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений (В) дисциплин по выбору студента (ДВ) учебного плана, являющегося структурным элементом ООП ВО. Дисциплина изучается в 8-ом семестре и продолжает начатое на первых курсах алгебраическое образование студентов соответствующего направления подготовки. Знания, полученные в этом курсе, могут быть использованы в дискретной математике и математической логике, теории чисел, методах оптимизации и др. Слушатели должны владеть математическими знаниями в рамках программы курса «Алгебра».

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

При освоении дисциплины вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения алгебраических задач и задач, связанных с компьютерными приложениями алгебраических методов. Получаемые знания лежат в основе математического образования и необходимы для понимания и освоения всех курсов математики, а также для продолжения обучения в магистратуре по соответствующему направлению подготовки.

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенции: ПК-1.

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ПК-1	Способен решать актуальные и важные задачи фундаментальной и при-	основные понятия и теоремы дисциплины, а также не-	классифицировать решетки и группы в зависимости от	некоторыми навыками построения математической тео-

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
		кладной математики	которые ее приложения с целью возможного применения их в будущей профессиональной деятельности;	свойств решеток их подгрупп, использовать приобретенные знания в последующих научных исследованиях;	рии с целью ее использования для решения вопросов, как в алгебре, так и в других областях научной деятельности;

2 Структура и содержание дисциплины

2.1 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы (108 часов, из них контактных 52,3 часа: лекционных 24 часов, лабораторных занятий 24 часов, контролируемая самостоятельная работа 4 часа и промежуточная аттестация 0,3 часа; самостоятельная работа 20 часов; подготовка к экзамену 35,7 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры (часы)		
		8		
Контактная работа, в том числе:				
Аудиторные занятия (всего):	48	48		
Занятия лекционного типа	24	24	-	-
Лабораторные занятия	24	24	-	-
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)	-	-	-	-
	-	-	-	-
Иная контактная работа:				
Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	2		
Промежуточная аттестация (ИКР)	0,3	0,3		
Самостоятельная работа, в том числе:		22		
Проработка учебного (теоретического) материала	8	8	-	-
Выполнение домашних заданий	8	8	-	-
Подготовка к текущему контролю	6	6	-	-
Контроль:				
Подготовка к экзамену	35,7	35,7		
Общая трудоемкость	час.	108	108	-
	в том числе контактная работа	52,3	52,3	
	зач. ед	3	3	

2.2 Структура дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в 8 семестре (очная форма)

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеауди- торная работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	2	3	4	5	6	7
1	Основные понятия теории групп. Примеры групп. Линейные представления групп	24	8	-	8	8
2	Некоторые физические приложения теории групп	22	8	-	8	8
3	Группа вращений	22	8	-	8	6
Итого по дисциплине:			24	-	24	22

2.3 Содержание разделов дисциплины

2.3.1 Занятия лекционного типа

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	Основные понятия теории групп. Примеры групп. Линейные представления групп	Бинарные отношения на множестве, их виды. Отношение эквивалентности, основная теорема. Отношение частичного порядка, грани подмножеств. Диаграмма частично упорядоченного множества. Представление частично упорядоченных множества подмножествами фиксированного множества. Изоморфизм частично упорядоченных множеств. Решетки, их изоморфизм. Дистрибутивные решетки, эквивалентные определения. Модулярные решетки, эквивалентные определения. Решетка подгрупп группы. Решетка подгрупп циклической группы.	Устный опрос, контролирование подготовки доклада
2	Некоторые физические приложения теории групп	Влияние симметрии на физические свойства кристаллов Принцип Неймана. Тензорные инварианты. Тензор модулей упругости. Нормальные колебания симметричных молекул Нормальные координаты, кратные частоты. Типы нормальных колебаний. Нормальные координаты октаэдрической молекулы XY ₆ и	Устный опрос, контролирование подготовки доклада

		пирамидальной молекулы ХУЗ. Теория возмущений. Элементы теории кристаллического поля	
3	Группа вращений	Одноосные вращения Инфинитезимальные операторы представлений. Понятие о многозначных представлениях. Группа вращений в трехмерном пространстве. Пространство группы, углы Эйлера. Инвариантный интеграл	Устный опрос, контролирование подготовки доклада

2.3.2 Занятия семинарского типа

Не предусмотрены.

2.3.3 Лабораторные занятия

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	Основные понятия теории групп. Примеры групп. Линейные представления групп	Определение вида бинарного отношения. Построение матрицы бинарного отношения, изменение матрицы при переупорядочивании элементов множества. Разбиение множества на попарно непересекающиеся подмножества. Построение диаграммы частично упорядоченного множества. Представление частично упорядоченных множеств своими подмножествами. Проверка свойств бинарных отношений в матричной терминологии. Построение диаграмм решеток. Определение типа решетки: дистрибутивная, модулярная или полумодулярная.	Проверка домашнего задания, отчет по докладу, контрольная работа
2	Некоторые физические приложения теории групп	Влияние симметрии на физические свойства кристаллов Принцип Неймана. Тензорные инварианты. Тензор модулей упругости. Нормальные колебания симметричных молекул Нормальные координаты, кратные частоты. Типы нормальных колебаний. Нормальные координаты октаэдрической молекулы ХУ6 и пирамидальной молекулы ХУЗ. Теория возмущений. Элементы теории кри-	Проверка домашнего задания, отчет по докладу, контрольная работа

		сталлического поля	
3	Группа вращений	Одноосные вращения Инфинитезимальные операторы представлений. Понятие о многозначных представлениях. Группа вращений в трехмерном пространстве. Неприводимые представления группы вращений. Произведения НП группы вращений (или $SU(2)$) и их разложение. Спиноры и спинорные представления. Пространство группы, углы Эйлера. Инвариантный интеграл.	Проверка домашнего задания, отчет по докладу.

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Наименование раздела	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1.	Основные понятия теории групп. Примеры групп. Линейные представления групп	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 10.04.2020 г.
2.	Некоторые физические приложения теории групп	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 10.04.2020 г.
3.	Группа вращений	Методические указания по организации самостоятельной работы, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры протокол № 9 от 10.04.2020 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,

- в форме электронного документа.
- Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3 Образовательные технологии

Активные и интерактивные формы, лекции, лабораторные занятия, контрольные работы, реферативно-творческие отчеты (по некоторым темам в виде презентации) и экзамен. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. Проводятся две контрольные работы (каждая продолжительностью 2 акад. часа) по темам разделов 1-2. Каждый студент готовит реферативный отчет по одной из ниже предложенных в пункте 4.1.2 тем. К экзамену студент допускается после выполнения определенного количества (практических и теоретических) заданий контрольных работ и реферативного отчета. В случае невыполнения какого-то из приведенных требований, студенту в ходе сдачи экзамена предлагаются дополнительные вопросы по теме реферата (при отсутствии отчета по реферату) или практические задания (при невыполнении контрольной работы). К образовательным технологиям также относятся интерактивные методы обучения. Интерактивность подачи материала по дисциплине «Структурные вопросы теории групп» предполагает не только взаимодействия вида «преподаватель - студент» и «студент - преподаватель», но и «студент - студент». Все эти виды взаимодействия хорошо достигаются при изложении материала на занятиях в ходе дискуссий, а также на лабораторных занятиях в ходе студенческих реферативно-творческих отчетов с использованием компьютерных технологий.

Дискуссия

Возможность дискуссии предполагает умение высказать собственную идею, предложить свой путь решения, аргументировано отстаивать свою точку зрения, связно излагать мысли. Полезны следующие задания: составление плана решения задачи, поиск другого способа решения, сравнение различных способов решения, проведение выкладок для решения задачи и выкладок для проверки правильности полученного решения, рассмотрение задач с лишними и недостающими данными, реферативно-творческие доклады. Студентам предлагается проанализировать варианты решения, обсудить доклад, высказать своё мнение. Основной объем использования интерактивных методов обучения реализуется именно в ходе дискуссий, как на лекционных, так и на лабораторных занятиях.

Общие вопросы, которые выносятся на дискуссию:

1. Составления плана доказательства утверждения или решения задачи.
2. Определение возможных способов доказательства утверждения или поиск различных способов решений задачи.
3. Выбор среди рассматриваемых способов наиболее рационального.
4. Обсуждение логической составляющей в формулировке той или иной теоремы, а также обсуждение возможности построения иллюстрирующих ее примеров и контр-примеров.

5. Самостоятельное составление студентами опорных заданий по теме, характеризующих глубину понимания соответствующего материала.

3.2 Использование компьютерных технологий

Применение на занятии компьютерных технологий позволяет студентам при рассмотрении определенных тем курса комбинаторной теории групп более глубоко освоить некоторые понятия и наглядно на блок-схемах или в ходе описания компьютерных программ изучить указанные в содержании дисциплины алгоритмы. В этой связи определенные лекционные и лабораторные занятия преподавателю целесообразно проводить в виде презентации. Также в виде презентации в соответствии с темой лабораторного занятия студенты могут представлять некоторые свои реферативные отчеты.

Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

Контрольные работы и реферативные отчеты оцениваются по пятибалльной системе. На лабораторных занятиях контроль осуществляется при ответе у доски и при проверке домашних заданий.

4.1.1 Примерные контрольные работы

Контрольная работа № 1

Дано множество $N_5 = \{1;2;3;4;5\}$ и дано бинарное отношение на этом множестве вида $\rho = \{(1;1), (2;2), (3;3), (4;4), (5;5), (1;2), (1;3), (1;4), (1;5), (2;5), (3;5), (4;5)\}$.

1. Докажите, что ρ является отношением частичного порядка.
2. Докажите, что $\langle N_5; \rho \rangle$ – модулярная, но не дистрибутивная решетка.
3. Постройте диаграмму решетки подгрупп циклической группы Z_{36} .
4. Разрешимая группа, эквивалентные определения (теория).

Контрольная работа №2

1. Постройте центральный ряд группы $G = \langle a, b \mid a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a^4 \rangle$.
2. Постройте диаграмму решетки подгрупп группы кватернионов $H_0 = \langle a, b \mid a^4 = 1, a^2 = b^2, b^{-1}ab = a^{-1} \rangle$ и укажите какие-нибудь три подгруппы, нарушающие дистрибутивное свойство ее решетки подгрупп.
3. Докажите, что подгруппы A и B конечной группы перестановочны тогда и только тогда, когда $|\langle A, B \rangle| = \frac{|A| |B|}{|A \cap B|}$.
4. Убедиться в том, что вращение с углами Эйлера $(\pi - \varphi_2, \theta, \pi - \varphi_1)$ обратное вращению $(\varphi_1, \theta, \varphi_2)$.
5. Рассчитать инвариантную плотность для R^3 через углы Эйлера.
6. Разложить произвольную функцию $f(x, y, z)$ по неприводимым функциям группы вращений.

4.1.2 Примерные темы реферативных отчетов

1. Булева алгебра, как дистрибутивная решетка с дополнениями.
2. Полумодулярные решетки.
3. Решетки подгрупп групп малых порядков.
4. Теорема Шрайера об уплотняемости субнормальных рядов групп.
5. Теорема о строении секций (суб)нормального ряда подгруппы группы с известным (суб)нормальным рядом.
6. Теорема о строении секций (суб)нормального ряда факторгруппы группы с известным (суб)нормальным рядом.
7. (Сверх)разрешимость подгрупп и факторгрупп (сверх)разрешимых групп.
8. Порождающие и непорождающие элементы группы, подгруппа Фраттини.
9. Формулировка теоремы Бернсайда-Виландта о конечных нильпотентных группах с иллюстрацией на примерах.
10. Доказательство теоремы Силова (существование и вложение).
11. Доказательство теоремы Силова (сопряженность и количество).
12. Формулировка теоремы Ф. Холла о конечных разрешимых группах с иллюстрацией на примерах.
13. Теорема Хупперта о сверхразрешимых группах.
14. Теорема Ивасава о решетке подгрупп сверхразрешимой конечной группы.
15. Некоторые результаты о строении групп с модулярной решеткой подгрупп

4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Промежуточная аттестация проводится в форме экзамена.

4.2.1 Примерный список теоретических вопросов к экзамену

1. Бинарное отношение на множестве. Возможные свойства бинарных отношений с иллюстрацией на примерах.
2. Виды бинарных отношений, примеры.
3. Основная теорема об отношении эквивалентности.
4. Понятие о гранях подмножеств частично упорядоченного множества.
5. Алгоритм построения диаграммы частично упорядоченного множества с иллюстрацией на примерах.
6. Изоморфизм частично упорядоченных множеств.
7. Теорема о представлении частично упорядоченного множества подмножествами некоторого множества.
8. Определение решетки. Изоморфизм решеток.
9. Описание решетки подгрупп циклической группы.
10. Прямое произведение групп (подгрупп).
11. Нормальный и субнормальный ряды группы, связанные с ними понятия.
12. Изоморфизм (суб)нормальных рядов. Формулировка теоремы Жордана-Гельдера.
13. Коммутант и центр группы. Критерий абелевости факторгруппы.
14. Разрешимая группа, эквивалентные определения и примеры.
15. Сверхразрешимая группа, определение и примеры.

16. Нильпотентная группа, эквивалентные определения и примеры.
17. Понятие о степени нильпотентности с иллюстрацией на примерах примарных групп.
18. Нильпотентность конечной p -группы.
19. Влияние симметрии на физические свойства кристаллов
20. Нормальные колебания симметричных молекул.
21. Классификация уровней энергии и стационарных состояний квантовомеханической системы по НП группы симметрии
22. Одноосные вращения
23. Инфинитезимальные операторы представлений.
24. Понятие о многозначных представлениях.
25. Группа вращений в трехмерном пространстве.
26. Неприводимые представления группы вращений.
27. Спиноры и спинорные представления.
28. Пространство группы, углы Эйлера.

4.2.2 Список типовых практических заданий (для лабораторных занятий, контрольных работ и экзамена)

1. Определите вид бинарного отношения ρ на множестве $N_3 = \{1;2;3\}$, если: а) $\rho = \{(1;1), (2;2), (3;3), (1;2), (2;1)\}$; б) $\rho = \{(1;1), (2;2), (3;3), (1;2)\}$.
2. Постройте диаграмму подмножеств множества $N_3 = \{1, 2, 3\}$.
3. Дано частично упорядоченное множество $P = \{a; b; c, d\}$ с отношением частичного порядка " \leq " такое, что $a \leq b, c \leq b, c \leq d$. Постройте диаграмму множества P и представьте P подмножествами множества $N_4 = \{1;2;3;4\}$.
4. На множестве $N_4 = \{1;2;3;4\}$ определены два бинарных отношения:

$$\alpha = \{(1;1), (2;2), (3;3), (4;4), (1;2), (3;4), (3;2), (4;2)\}$$
 и

$$\beta = \{(1;1), (2;2), (3;3), (4;4), (1;2), (3;4), (3;2), (4;2), (3;1)\}.$$

А) Докажите, что α – отношение частичного порядка и $\langle N_4; \alpha \rangle$ не является решеткой. Б) Докажите, что $\langle N_4; \alpha \rangle$ – решетка.

5. Опишите все подгруппы циклической группы Z_{18} .
6. Сколько подгрупп имеет циклическая группа Z_{288} ?
7. Изобразите диаграмму решетки подгрупп группы $Z_4 \times Z_6$.
8. В группе S_3 указать все подгруппы, которые не являются нормальными.
9. В группе A_4 указать все подгруппы, которые являются нормальными.
10. В группе S_3 постройте все возможные субнормальные ряды без повторяющихся членов.
11. В группе A_4 постройте все неуплотняемые субнормальные и нормальные ряды.
12. Докажите, что группа S_3 сверхразрешима, группа A_4 нет.
13. Докажите, что группа S_4 разрешима.
14. Покажите, что степень нильпотентности группы диэдра D_4 равна двум.

15. Постройте диаграмму решетки подгрупп группы $G = \{e, a, b, c\}$, заданной таблицей
- | | | | | |
|------------|-----|-----|-----|-----|
| | e | a | b | c |
| Кэли вида: | a | e | c | b |
| | b | c | e | a |
| | c | b | a | e |
- . Является ли решетка дистрибутивной?
16. Построить решетку нормальных подгрупп группы G , если а) $G=S_4$; б) $G=A_4$.
17. Построить таблицу Кэли прямого произведения групп $G_1 = \{a_1, b\}$ и $G_2 = \{a_2, b_2\}$, зная их таблицы Кэли
- | | | | | |
|--|-------|-------|-------|-------|
| | a_1 | b_1 | a_2 | b_2 |
| | b_1 | a_1 | b_2 | a_2 |
- и
18. Укажите все возможные способы разложения группы подстановок $V = \{e, (12)(34), (13)(24), (14)(23)\}$ в прямое произведение двух неединичных подгрупп.
19. Найдите инварианты абелевой группы, которая изоморфна группе вида $Z_{12} \times Z_{18} \times Z_{10}$.
20. Найдите центр группы D подстановок четвертой степени, где $D = \{e, (1234), (1432), (13)(24), (14)(23), (12)(34), (13), (24)\}$.
21. Укажите все элементы группы подстановок четвертой степени $D = \{e, (1234), (1432), (13)(24), (14)(23), (12)(34), (13), (24)\}$, которые являются коммутаторами.
22. Найти центр и коммутант группы A_5 .
23. В группе диэдра $D_5 = \langle a, b | a^5 = b^2 = 1, bab = a^{-1} \rangle$ постройте производный ряд.
24. В группе кватернионов $H_0 = \langle a, b | a^4 = 1, a^2 = b^2, b^{-1}ab = a^{-1} \rangle$ постройте центральный ряд.
25. Найдите центр группы $G = \langle a, b | a^{25} = b^5 = 1, b^{-1}ab = a^6 \rangle$.
26. Найдите коммутант группы $G = \langle a, b | a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a^4 \rangle$.
27. Постройте диаграмму решетки подгрупп группы G , если:
- а) $G = \langle a, b | a^5 = b^2 = 1, bab = a^{-1} \rangle$; б) $G = \langle a, b | a^4 = 1, a^2 = b^2, b^{-1}ab = a^{-1} \rangle$;
- в) $G = \langle a, b | a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a^4 \rangle$.
28. Докажите, что подгруппы A и B конечной группы перестановочны тогда и только тогда, когда $|\langle A, B \rangle| = \frac{|A| |B|}{|A \cap B|}$.
29. Докажите, что подгруппа $\langle a^3b \rangle$ не является нормальной, но является квазинормальной подгруппой группы $G = \langle a, b | a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a^4 \rangle$.
30. Докажите, что группа $G = \langle a, b | a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a^4 \rangle$ является квазигамильтоновой.
31. Покажите, что решетка подгрупп группы $G_1 = \langle a, b | a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a^4 \rangle$ изоморфна решетке подгрупп группы $G_2 = \langle a, b | a^9 = b^3 = 1, b^{-1}ab = a \rangle$.
32. Сколько подгрупп второго порядка содержит группа диэдра восьмого порядка D_4 ? А сколько группа кватернионов H_0 ? Какая из этих групп имеет модулярную решетку подгрупп?
33. Составить таблицы разложения тензорных и спинорных представлений различных рангов.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

5.1 Основная литература:

1. Каргаполов, Ю.И. Мерзляков. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 288 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/177>.
2. Курош, А.Г. Теория групп [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2011. — 808 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/59755>.

5.2 Дополнительная литература:

1. Биркгоф, Г. Современная прикладная алгебра / Г. Биркгоф, Т. Барти ; пер. с англ. Ю.И. Манина. - Москва : Мир, 1976. - 400 с. : ил. ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464046>.
2. Ермолаева, Н.Н. Практические занятия по алгебре. Элементы теории множеств, теории чисел, комбинаторики. Алгебраические структуры [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Н.Н. Ермолаева, В.А. Козынченко, Г.И. Курбатова. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2014. — 112 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/49469>.
3. Кострикин, А.И. Введение в алгебру. Часть 3. Основные структуры [Электронный ресурс] : учеб. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2001. — 272 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/59284>.
4. Холл, М. Теория групп / М. Холл ; пер. с англ. Н.В. Дюмина, З.П. Жилинского ; под ред. Л.А. Калужнина. - Москва : Издательство иностранной литературы, 1962. - 467 с. : ил. ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464057>.
5. Судзуки, М. Строение группы и строение структуры ее подгрупп / М. Судзуки ; под ред. Б.И. Плоткина ; пер. с англ. Л.Е. Садовского. - Москва : Гос. изд-во иностр. лит., 1960. - 155 с. - (Библиотека сборника "Математика"). - ISBN 978-5-4475-1969-8 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=257389>.

6 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Не требуется

7 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Самостоятельная работа студента включает в себя повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий, подготовка к лабораторным занятиям, к контрольным работам и к экзамену. Такой вид СРС контролируется в ходе проверки домашних заданий, заданий контрольных работ и в ходе экзамена. Предполагается самостоятельное изучение студентами теоретического материала по темам реферативных отчетов. Контроль осуществляется во время консультаций (вызывных или по желанию студента), а также на лабораторных занятиях.

Виды самостоятельной работы

Обязательными при изучении дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» являются следующие виды самостоятельной работы:

- разбор и самостоятельное изучение теоретического материала по конспектам лекций и по учебным пособиям из списка источников литературы;
- самостоятельное решение задач по темам лабораторных занятий ;
- подготовка к контрольным работам;
- подготовка к реферативному отчету;
- подготовка к экзамену.

7.1 Методические указания к самостоятельному изучению студентами теоретического материала

Для подготовки к ответам на теоретические вопросы в ходе контрольных работ и на экзамене студентам достаточно использовать материал лекций и учебных пособий из списка основной литературы. Для изучения теоретического материала, необходимого для подготовки к реферативному отчету, кроме основных источников литературы возможно использование дополнительных источников и Интернет-ресурса. В случае затруднений, возникающих у студентов в процессе самостоятельного изучения теории, преподаватель разъясняет сложные моменты на консультациях.

7.2 Методические указания к самостоятельной подготовке студентов для выполнения практических заданий лабораторных занятий

Для выполнения домашнего практического задания необходимо разобрать материал по соответствующей теме лабораторного занятия. При этом используются указания, данные преподавателем в ходе занятия, а также теоретико-практический материал, имеющийся в источниках из списка литературы. Если студент не смог понять приведенный в указанных источниках разбор типовых примеров в той степени, чтобы самостоятельно использовать предложенный алгоритм для решения задания, то он может получить консультацию преподавателя.

7.3 Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к выполнению контрольных работ

В течение семестра проводятся две контрольные работы, каждая из которых длится 45 минут и состоит из трех практических и одного теоретического задания. Тематика контрольных работ соответствует тематике трех содержательных разделов дисциплины (пункте 4.1.1). Каждое задание оценивается по пятибалльной шкале, высокая оценка ста-

вится при получении не менее 16 баллов, нижний порог успешности составляет 7 баллов. Для подготовки к контрольной работе необходимо выполнять задания в ходе лабораторных занятий, а также домашние задания. В процессе самоподготовки студенту желательно ознакомиться с разбором опорных по рассматриваемым темам задач, имеющих в пособиях из списка литературы. Выше в пункте 4.2.2 приведен список заданий, который включает в себя все типы практических заданий контрольных работ, а ниже в пункте 4.2.1 приведен список теоретических вопросов

7.4 Методические рекомендации к самостоятельной подготовке студентов к реферативному отчету

Каждый студент должен подготовить в течение семестра реферативный отчет, возможно, по одной из указанных в пункте 4.1.2 тем, ранее предназначенной для самостоятельного изучения. Для подготовки отчета желательно кроме основных источников литературы использовать дополнительные источники, а также Интернет-ресурс. Отчет готовится в письменной форме и может быть представлен студентом на лабораторном занятии в виде доклада у доски или в виде презентации. Оформление письменного отчета должно удовлетворять требованиям: а) текст набирается 14 шрифтом на бумаге формата А 4; б) на титульном листе кроме темы также указывается факультет, направление (бакалавриат), курс, группа, ФИО студента; в) содержание материала по объему составляет 4-5 страниц; г) список литературы содержит не менее двух источников (возможно из списка литературы в пунктах 5-6).

7.5 Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к экзамену

Согласно учебному плану дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» итоговой формой контроля является экзамен, который оценивается по шкале: неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично. Экзаменационный билет состоит из трех вопросов: двух теоретических и одного практического. Для сдачи экзамена студент должен научиться на лабораторных занятиях решать практические задания по темам разделов 1-3 (п. 2), выполнять домашние задания, а также успешно выполнить две контрольные работы. Типы практических заданий на экзамене соответствуют заданиям из пункта 4.2.2. Также на экзамене студентам предлагаются два теоретических вопроса из списка, приведенного в пункте 4.2.1. Кроме того, количество дополнительных практических и теоретических заданий на экзамене зависит от активности и результативности работы студента в течение семестра.

Критерии оценивания ответа на экзамене

Оценивание ответа на экзамене, осуществляется по следующим критериям.

Оценка **«отлично»** выставляется студенту, показавшему всесторонние, систематизированные, глубокие знания учебной программы дисциплины и умение уверенно применять их на практике при решении конкретных задач.

Оценка **«хорошо»** выставляется студенту, если он твердо знает материал, грамотно и по существу излагает его, умеет применять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в решении задач некоторые неточности.

Оценка **«удовлетворительно»** выставляется студенту, показавшему разрозненный характер знаний, недостаточно правильные формулировки базовых понятий, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, но при этом он владеет основными разделами учебной программы в некотором объеме, необходимом для дальнейшего обучения и может применять полученные знания по образцу в стандартной ситуации.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает большей части основного содержания учебной программы дисциплины, допускает грубые ошибки в формулировках основных понятий дисциплины и не умеет использовать полученные знания при решении типовых практических задач.

Итоговая оценка выставляется с учетом работы студента в семестре: учитываются результаты двух контрольных работ, а также результат отчета по реферативному докладу.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (при необходимости)

8.1. Перечень информационных технологий.

Использование электронных презентаций при проведении лабораторных занятий (реферативных отчетов).

8.2 Перечень необходимого программного обеспечения

Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»).

8.3 Перечень необходимых информационных справочных систем

Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)

9 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, специально оборудованная мультимедийными демонстрационными комплексами, учебной мебелью
2.	Лабораторные занятия	Помещение для проведения лабораторных занятий оснащенное учебной мебелью, доской маркером или мелом
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Помещение для проведения групповых (индивидуальных) консультаций, учебной мебелью, доской маркером или мелом
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Помещение для проведения текущей и промежуточной аттестации, оснащенное учебной мебелью.
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета

РЕЦЕНЗИЯ

на фонд оценочных средств учебной дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» для обучающихся направления подготовки 01.03.01 «Математика», разработанной кафедрой функционального анализа и алгебры ФГБОУ ВО «КубГУ»

Фонд оценочных средств учебной дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» для обучающихся направления подготовки 01.03.01 «Математика», направленность (профиль) «Математическое моделирование» содержит вопросы к устному опросу, вопросы к зачету, примеры контрольных и самостоятельных работ.

Содержание фонда оценочных средств учебной дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» соответствует ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.01 «Математика», ООП ВО, учебному плану направления подготовки 01.03.01 «Математика» и рабочей программе дисциплины «Основы теории групп и ее приложения».

Контрольно-измерительные материалы позволяют объективно проводить процедуру оценки знаний и соответствуют методам оценки, соответствуют уровню обучения студентов, валидны, соответствуют сформулированным критериям оценки.

Представленные материалы содержат задания междисциплинарного характера, обеспечивают связь теории с практикой, а также критериев оценки с планируемыми результатами.

Фонд оценочных средств является полным и адекватным отображением требований ФГОС ВО и ООП, обеспечивает решение оценочной задачи соответствия общих и профессиональных компетенций выпускника этим требованиям.

Предлагаемый набор средств будет полезен в будущей профессиональной деятельности обучающихся.

Считаю целесообразным утвердить ФОС в представленном виде.

Кандидат физико-математических наук,
доцент, доцент кафедры прикладной
математики ФГБОУ ВО «Кубанский
государственный технологический
университет»



Чубурь Н.О.
Подпись
УДОСТОВЕРЯЮ
Начальник управления кадров

«06» 05 2018 г.

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» для направления 01.03.01 Математика и компьютерные науки, направленность (профиль): «Математическое моделирование».

Рабочая программа дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» включает в себя структурные части, необходимые для документации такого рода: цели и задачи освоения дисциплины; место дисциплины в структуре ООП ВО; требования к результатам освоения содержания дисциплины; структуру и содержание дисциплины; образовательные технологии; оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации студентов; учебно-методическое обеспечение; материально-техническое обеспечение дисциплины.

Все основные разделы программы нашли свое отражение в перечне представленных в программе необходимых знаний, умений и компетенций. Распределение времени, отводимого на изучение различных разделов курса, включая самостоятельную работу, соответствует их трудоемкости.

Содержание разделов, их разделение по видам занятий, и трудоемкость в часах отвечают требованиям и целесообразности. Логика построения программы обеспечивает лаконичность изложения, необходимую при ограниченном времени, отводимом учебным планом. Овладение практическими навыками и умениями обеспечивается лабораторными занятиями. В программе сформулированы темы самостоятельной внеаудиторной работы, примеры заданий для контрольных работ, зачета, перечень основной и дополнительной литературы, доступной для обучающихся.

Название и содержание рабочей программы дисциплины «Основы теории групп и ее приложения» соответствует учебному плану по направлению направления 01.03.01 Математика, направленность (профиль): «Математическое моделирование», а также соответствует ФГОС ВО по указанному направлению подготовки.

В целом, рабочая программа по дисциплине «Основы теории групп и ее приложения» составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и отвечает современным требованиям к качественному образовательному процессу. Данная рабочая программа может быть использована для обеспечения основной образовательной программы по направлению подготовки 01.03.01 Математика, направленность (профиль): «Математическое моделирование».

Заведующий кафедрой вычислительной
математики и информатики
ФГБОУ ВО «Кубанский государственный
университет», кандидат физико-
математических наук, доцент



Гайденко С.В.