

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,  
качеству образования – первый  
проректор



Затулов Т.А.

подпись

«29» мая 2020 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ  
Б1.О.14 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ**

Направление подготовки 01.03.01 Математика

Направленность (профиль) Преподавание математики и информатики  
Математическое моделирование

Форма обучения очная

Квалификация бакалавр

Краснодар 2020

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО)

Программу составил(и):

В.Н. Савин, доцент, к.т.н., доцент \_\_\_\_\_

В.Ю. Барсукова, зав. каф. ФАА, к. ф.-м. н., доцент \_\_\_\_\_

Рабочая программа дисциплины Математический анализ утверждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры протокол № 9 от «10» апреля 2020 г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Барсукова В.Ю. \_\_\_\_\_

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры

протокол № 9 от «10» апреля 2020 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Барсукова В.Ю. \_\_\_\_\_

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук

протокол № 2 от «30» апреля 2020 г.

Председатель УМК факультета Шмалько С.П. \_\_\_\_\_

Рецензенты:

К.А. Кирий, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры прикладной математики КубГТУ

А.В. Павлова, доктор физико-математических наук, профессор кафедры математического моделирования КубГУ

## **1 Цели и задачи изучения дисциплины.**

### **1.1 Цель освоения дисциплины.**

Цели освоения дисциплины определены федеральным государственным стандартом высшего образования по направлению подготовки «Математика», в рамках которой преподается дисциплина.

Целями освоения дисциплины «Математический анализ» являются формирование математической культуры студентов, фундаментальная подготовка студентов в области математического анализа, овладение современным аппаратом математического анализа для дальнейшего использования в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания.

### **1.2 Задачи дисциплины.**

Реализация требований, установленных государственными образовательными стандартами высшего образования к уровню подготовки математиков в области математического анализа.

Задачами изучения дисциплины являются:

1. Формирование знаний о действительных числах и операциях с действительными числами.
2. Формирование знаний о свойствах пределов последовательностей и пределов функций.
3. Овладение методами дифференцирования функций одной и многих переменных. Формирование навыков применения дифференциального исчисления к исследованию функций и в геометрических приложениях.
4. Овладение основными методами интегрирования функций одной и многих переменных.

### **1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы.**

Дисциплина «Математический анализ» относится к базовой части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана. Курс «Математический анализ» читается на 1-2 курсах: 1-4 семестры.

Место курса в профессиональной подготовке бакалавра определяется ролью математического анализа в формировании высококвалифицированного специалиста по направлению Математика. Данная дисциплина является основополагающей для дальнейшего изучения дисциплин высшей математики и механики. Математический анализ используется при изучении теории функций действительного переменного, теории функций комплексного переменного, теории приближений, теории обыкновенных дифференциальных уравнений, теории дифференциальных уравнений с частными производными, теории интегральных уравнений, дифференциальной геометрии, вариационного исчисления, функционального анализа и теории вероятностей.

Для успешного освоения дисциплины достаточно знаний школьного курса алгебры и геометрии.

### **1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.**

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся профессиональных компетенций (ОПК-1, ПК1):

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1	ОПК-1	способностью применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	возможные сферы приложения в других областях математического знания и дисциплинах естественного содержания	применять полученные навыки в других областях математического знания и дисциплинах естественного содержания	навыками применения этого в других областях математического знания и дисциплинах естественного содержания
2	ПК-1	способностью решать актуальные и важные задачи фундаментальной и прикладной математики	формулировки и доказательства утверждений, методы их доказательства	применять полученные навыки в других областях математического знания и дисциплинах естественного содержания	навыками применения этого в других областях математического знания и дисциплинах естественного содержания

## 2. Структура и содержание дисциплины.

### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет: 36 зач.ед. (864 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице (для студентов ОФО).

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры (часы)			
		1	2	3	4
<b>Контактная работа, в том числе:</b>					
<b>Аудиторные занятия (всего):</b>	<b>494</b>	<b>138,5</b>	<b>140,5</b>	<b>138,5</b>	<b>104,5</b>
Занятия лекционного типа	238	68	68	68	50
Лабораторные занятия	256	68	68	68	52
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)					
<b>Иная контактная работа:</b>					
Контроль самостоятельной работы (КСР)	14	2	4	2	2
Промежуточная аттестация (ИКР)	2	0,5	0,5	0,5	0,5
<b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>	<b>154,2</b>	<b>32,8</b>	<b>57,8</b>	<b>32,8</b>	<b>30,8</b>
Проработка учебного (теоретического) материала	62	13	24	12	13
Выполнение домашних заданий (решение задач)	56	13	21	12	10
Подготовка к текущему контролю	36,2	6,8	12,8	8,8	7,8
<b>Контроль:</b>					
Подготовка к экзамену	187,8	44,7	53,7	44,7	44,7

<b>Общая трудоемкость</b>	<b>864</b>	<b>216</b>	<b>252</b>	<b>216</b>	<b>180</b>	<b>180</b>
	<b>522</b>	<b>138,5</b>	<b>140,5</b>	<b>138,5</b>	<b>104,5</b>	<b>104,5</b>
	<b>24</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>6</b>	<b>5</b>	<b>5</b>

## 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в **первом** семестре:

№ раз-дела	Наименование разделов	Количество часов			
		Всего	Аудиторная работа		Внеаудиторная работа
			Л	ЛР	
1	2	3	4	5	6
1	Введение в анализ	25,8	10	12	3,8
2	Предел функции	54	22	22	10
3	Простейшие элементарные функции	36	10	20	6
4	Непрерывные функции.	31	16	6	9
5	Числовые ряды	22	10	8	4
	<b>Итого:</b>	<b>168,8</b>	<b>68</b>	<b>68</b>	<b>32,8</b>

Разделы дисциплины, изучаемые во **втором** семестре:

№ раз-дела	Наименование разделов	Количество часов			
		Всего	Аудиторная работа		Внеаудиторная работа
			Л	ЛР	
1	2	3	4	5	6
6	Дифференцируемые функции	42	20	12	10
7	Приложения дифференциального исчисления	30	10	12	8
8	Неопределенный интеграл	36	10	16	10
9	Определенный интеграл	33,8	12	10	11,8
10	Несобственные интегралы.	24	6	8	10
11	Функциональные последовательности и ряды.	28	10	10	8
	<b>Итого:</b>	<b>193,8</b>	<b>68</b>	<b>68</b>	<b>57,8</b>

Разделы дисциплины, изучаемые в **третьем** семестре:

№ раз-дела	Наименование разделов	Количество часов			
		Всего	Аудиторная работа		Внеаудиторная работа
			Л	ЛР	
1	2	3	4	5	6
12	Функции нескольких переменных	49,8	18	18	13,8
13	Дифференцируемость функций нескольких пере-	72	26	28	18

	менных				
14	Интегралы, зависящие от параметра	24	8	4	12
15	Кратные интегралы	48	16	18	14
	<b>Итого:</b>	<b>193,8</b>	<b>68</b>	<b>68</b>	<b>57,8</b>

Разделы дисциплины, изучаемые в четвертом семестре:

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов			
		Всего	Аудиторная работа		Внеаудиторная работа
			Л	ЛР	СРС
1	2	3	4	5	6
16	Криволинейные и поверхностные интегралы	40	16	14	10
17	Элементы теории поля	30	10	10	10
18	Представление функций рядами	62,8	24	28	10,8
	<b>Итого:</b>	<b>132,8</b>	<b>50</b>	<b>52</b>	<b>30,8</b>
	<b>Итого по дисциплине:</b>	<b>664,2</b>	<b>254</b>	<b>256</b>	<b>154,2</b>

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

## 2.3 Содержание разделов дисциплины:

### 2.3.1 Занятия лекционного типа.

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Введение в анализ	Структура теорем, необходимые и достаточные условия. Логические символы. Предмет математического анализа. Множества и операции над ними. <i>Функции:</i> отображения, образ, прообраз, график. Классы функций: последовательность, числовая функция, взаимно однозначное отображение. Операции: сужение, композиция, алгебраические операции. Определение множества действительных чисел. Ограниченные множества. Точная верхняя и нижняя грань. Арифметические операции над числами. Аксиома непрерывности.	Устный опрос
2	Предел функции	Бесконечно малые последовательности Свойства бесконечно малых. Предел последовательности. Свойства предела: единственность, алгебраические операции, неравенства. Предельная точка. Бесконечно малые функции при $x \rightarrow a$ , $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ . Свойства: алгебраические операции, неравенства, композиция. Эквивалентность определений предела по Коши и по Гейне. <i>Критерии существования предела последовательности:</i> предел монотонной после-	Коллоквиум

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
		<p>довательности, <math>\overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n</math>, <math>\underline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n</math>, <math>\exists \lim_{n \rightarrow \infty} \Leftrightarrow \overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n = \underline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n</math>, критерий Коши. Критерии существования <math>\lim_{x \rightarrow a} f(x)</math> — аналоги критериев для последовательностей. Сравнение бесконечно малых, «<i>O</i>», «<i>o</i>». Эквивалентные бесконечно малые. Понятие об асимптотике и асимптотическом разложении.</p>	
3	Простейшие элементарные функции	<p>Тригонометрические функции. Асимптотика. Определение <math>a^x</math> для рациональных и иррациональных <math>x</math>. Свойства. Асимптотика.</p>	Непосредственный контроль качества конспектирования
4	Непрерывные функции	<p>Непрерывность элементарных функций. Принцип вложенных отрезков. Принцип Больцано-Вейерштрасса. Свойства непрерывных на замкнутом отрезке функций. <i>Монотонные функции</i>. Точки разрыва, непрерывность монотонной функции. Непрерывность обратной функции. <i>Периодические функции</i>. Периодическое продолжение. Свойства периодов.</p>	Устный опрос
5	Числовые ряды	<p>Критерий сходимости, признак сравнения. Ряды с положительными членами. Признаки Коши и Даламбера. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.</p>	Текущий контроль
6	Дифференцируемые функции	<p>Дифференцируемость и производная. Теорема о наилучшей локальной аппроксимации. Теоремы о производных: алгебраические операции, композиция, обратная функция. Производные элементарных функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема Ферма, Лагранжа (следствие — теорема Ролля). Формула Тейлора. Разложение элементарных функций.</p>	Устный опрос, математический диктант, коллоквиум
7	Приложения дифференциального исчисления	<p>Монотонность. Локальный экстремум. Выпуклость. Неравенства. Решение уравнений.</p>	
8	Неопределенный интеграл	<p>Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Основные методы: линейность, подстановка, по частям. Таблица интегрирования. Интегрирование элементарных функций (рациональные, тригонометрические, квазиполиномы).</p>	Устный опрос
9	Определенный интеграл	<p>Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Свойства интеграла: интеграл — линейный, положительный, ограниченный функционал. Замена переменных в определенном интеграле. Приближенное вычисление интегралов. Формула прямоугольников, трапеций, Симпсона. Оценка по-</p>	Устный опрос

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
		грешности. Интегральные суммы Римана Приложение интеграла: геометрические, механические, определение функций Формула Тейлора с остаточным членом в интегральной форме. Интегральный признак сходимости числового ряда.	
10	Несобственные интегралы.	Интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Определения. Примеры. Свойства несобственных интегралов. Критерий Коши. Абсолютная и условная сходимость. Признаки сходимости. Главное значение несобственного интеграла	Непосредственный контроль качества конспектирования
11	Функциональные последовательности и ряды.	Пространство $C[a;b]$ . Равномерная сходимость, критерий Коши равномерной сходимости. Непрерывность предела равномерно сходящейся последовательности непрерывных функций. Интегрируемость и дифференцируемость предельной функции. Функциональный ряд и область его сходимости. Равномерная сходимость. Необходимый и достаточный признак равномерной сходимости. Признак Вейерштрасса.	Непосредственный контроль качества конспектирования
12	Функции нескольких переменных	Линейное пространство $R^n$ . Скалярное произведение, норма, сходимость. Окрестности. Предельные точки. Открытые и замкнутые множества. Отображения $R^n$ в $R^m$ . Алгебраические операции, композиции, обратное отображение. Пределы функций в $R^n$ . Критерий Коши. Непрерывные функции. Свойства непрерывных на компакте функций. Пространство непрерывных функций.	Непосредственный контроль качества конспектирования
13	Дифференцируемость функций нескольких переменных	Дифференцируемость $f: R^n \rightarrow R^m$ . Случай $m=1$ , и $n=1$ . Частные производные. Связь дифференцируемости с частными производными. Свойства дифференцируемости: $f+g$ , $cf$ , $f \circ g$ . Формула конечных приращений. Производная по направлению. Градиент. Производные и дифференциалы высших порядков. Равенство смешанных производных. Формула Тейлора для $f: R \rightarrow R^n$ и $f: R^n \rightarrow R$ . Неявные функции. Теорема существования (метод последовательных приближений). Теорема о дифференцировании неявной функции. Теорема об обратной функции. Экстремум $f: R^n \rightarrow R$ . Необходимые условия. Достаточные условия. Понятие об условном экстремуме. Метод Лагранжа.	Устный опрос, коллоквиум
14	Интегралы, зависящие от параметра	Интегралы, зависящие от параметра: непрерывность, дифференцируемость, интегрируемость. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость. Критерии. Интегрирование и дифференцирование. Эйлеровы интегралы.	Непосредственный контроль качества конспектирования



№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
15	Кратные интегралы	Понятие площади. Квадрируемые фигуры. Объем. Мера Жордана. Определение и простейшие свойства кратных интегралов. Сведение кратного интеграла к повторному. Замена переменных в кратном интеграле. Приложения кратных интегралов.	Непосредственный контроль качества конспектирования
16	Криволинейные и поверхностные интегралы	Кривые. Спрямолинейные кривые. Производная длины гладкой кривой. Криволинейные интегралы. Определение, примеры. Связь интегралов первого и второго рода. Простейшие свойства. Понятие поверхности. Касательная и нормаль. Ориентация. Площадь поверхности. Поверхностные интегралы первого и второго рода. Определения, примеры, свойства.	Устный опрос
17	Элементы теории поля	Скалярные и векторные поля. Основные дифференциальные операторы. Интегральные теоремы Гаусса – Остроградского, Грина, Стокса. Независимость криволинейного интеграла от кривой.	Устный опрос
18	Представление функций рядами	Степенные ряды. Определение. Радиус сходимости и формула Коши-Адамара. Алгебраические операции над рядами. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Разложение функций в степенной ряд. Ряд Тейлора. Теорема единственности. Разложение элементарных функций в степенные ряды. Определение ряда Фурье, основные задачи. Минимальное свойство коэффициентов Фурье. Неравенство Бесселя. Лемма Римана. Интеграл Дирихле. Сходимость ряда Фурье в точке. Равномерная сходимость. Гладкость и скорость сходимости. Теорема Вейерштрасса об аппроксимации непрерывных функций. Сходимость в среднем ряда Фурье. Равенство Парсеваля. Разложение функций в ряд Фурье. Ряд Фурье для произвольного промежутка. Комплексная форма ряда Фурье. Преобразование Фурье. Определение и простейшие свойства. Представление функций интегралом Фурье. Приложения.	Устный опрос

### 2.3.2 Занятия семинарского типа

№ п/п	Наименование раздела	Тематика практических занятий	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Введение в анализ. Функции и их графики	Множества. Операции над ними. Ограниченные множества. Точные грани. Функции: образ, прообраз, операции над функциями. Обратная функция. Простейшие элементарные функции. Построение графиков функций.	Проверка домашнего задания, контрольная работа
2	Предел функции,	Бесконечно малые последовательности. Предел	Устный опрос,

№ п/п	Наименование раздела	Тематика практических занятий	Форма текущего контроля
	непрерывные функции	последовательности. Их свойства. Бесконечно малые функции. Предел функции. Их свойства. Вычисление пределов. Непрерывные функции и их свойства.	контрольная работа
3	Числовые ряды	Ряды. Необходимый признак сходимости ряда. Признак сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.	Проверка домашнего задания, самостоятельная работа
4	Производная и ее применение	Производная. Техника вычисления производных. Производные высших порядков. Формула Тейлора. Исследование функций: монотонность, локальный экстремум, выпуклость; построение графика. Доказательство неравенств.	Устный опрос, контрольная работа
5	Неопределенный интеграл	Таблица интегралов. Интегрирование заменой переменной, интегрирование по частям. Интегрирование основных классов функций: рациональных, тригонометрических, квазимногочленов, иррациональных. Техника вычисления интегралов	Проверка домашнего задания, устный опрос, контрольная работа
6	Определенный интеграл	Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование заменой переменных и по частям. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы. Признаки сходимости. Абсолютная сходимость.	
7	Несобственные интегралы	Интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Признаки сходимости. Главное значение несобственного интеграла. Абсолютная и условная сходимость.	Проверка домашнего задания, самостоятельная работа
8	Функциональные последовательности и ряды	Равномерная сходимость последовательности непрерывных функций. Функциональный ряд и область его сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса.	
9	Функции многих переменных	Пространство $R^n$ , нормы в $R^n$ , шары. Сходимость в $R^n$ . Классификация точек, открытые и замкнутые множества. Функции многих переменных. Композиция, обратное отображение. Вычисление пределов. Непрерывность. Равномерная непрерывность.	Проверка домашнего задания, контрольная работа
10	Дифференцируемые функции	Дифференцируемые функции. Частные производные, дифференциал. Дифференцируемость композиции. Производная по направлению. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Теорема Лагранжа. Экстремумы функций многих переменных. Условный экстремум. Наибольшее и наименьшее значения непрерывных функций на компакте. Неявные функции	Устный опрос, контрольная работа
11	Интегралы, зависящие от параметра	Интегралы, зависящие от параметра. Непрерывность, предельный переход, дифференцируе-	Самостоятельная работа

№ п/п	Наименование раздела	Тематика практических занятий	Форма текущего контроля
		мость, интегрируемость. Сходимость. Несобственные интегралы, зависящие от параметра.	
12	Кратные интегралы	Повторные интегралы. Расстановка пределов интегрирования. Вычисление двойных интегралов сведением к повторным. Замена переменных. Тройные интегралы. Приложения кратных интегралов: вычисление площадей и объемов.	Контрольная работа
13	Криволинейные и поверхностные интегралы. Элементы теории поля	Криволинейные интегралы. Поверхностные интегралы. Касательная плоскость. Теория поля. Приложение криволинейных и поверхностных интегралов.	Устный опрос, контрольная работа
14	Представление функций рядами	Функциональные ряды. Равномерная сходимость последовательностей и рядов. Признак Вейерштрасса. Степенные ряды. Разложение функций в ряд Тейлора. Ряды Фурье.	Контрольная работа

### 2.3.3 Лабораторные занятия – не предусмотрены

### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены.

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Проработка учебного (теоретического) материала	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 10.04.2020 г.
2	Выполнение домашних заданий (решение задач)	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 10.04.2020 г.
3	Подготовка к текущему контролю (контрольная работа и др.)	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 10.04.2020 г.
4	Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 10.04.2020 г.
5	Коллоквиум	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 9 от 10.04.2020 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

– в печатной форме увеличенным шрифтом,

– в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

– в печатной форме,

– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

– в печатной форме,

– в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### **3. Образовательные технологии.**

При изучении данного курса используются традиционные лекции, лабораторные занятия и групповые консультации.

Цель лабораторных занятий – научить студента применять полученные на лекциях теоретические знания к решению и исследованию конкретных задач. В каждом семестре проводятся контрольные и самостоятельные работы для проверки усвоения материала студентами.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация индивидуальных консультаций с использованием электронной почты.

### **4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.**

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций.

Оценочными средствами дисциплины являются средства текущего контроля (коллоквиумы, контрольные работы, а также на лабораторных занятиях – ответ у доски и проверка домашних заданий) и итоговая аттестация (зачет, экзамен).

#### **4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.**

##### **4.1.1 Вопросы для устного опроса по теме:**

###### **а) «Введение в анализ»**

1. Множества и операции над ними.
2. *Функции*: отображения, образ, прообраз, график.
3. Классы функций: последовательность, числовая функция, взаимно однозначное отображение.
4. Операции: сужение, композиция, алгебраические операции.
5. Определение множества действительных чисел.
6. Ограниченные множества.
7. Точная верхняя и нижняя грань.
8. Арифметические операции над числами.
9. Аксиома непрерывности.

###### **б) «Непрерывные функции»**

1. Непрерывные в точке функции. Непрерывность на множестве. Примеры.
2. Локальные свойства непрерывных функций.
3. Теорема существования корня. Метод интервалов.
4. Теорема Вейерштрасса.
5. Равномерная непрерывность. Теорема Кантора.

### **с) «Дифференцируемые функции»**

1. Дифференцируемые функции. Дифференциал.
2. Производная. Связь дифференцируемости и существования производной.
3. Геометрический смысл производной, дифференциала.
4. Правила дифференцирования.
5. Теорема Лагранжа. Геометрический смысл.
6. Формула Тейлора. Аппроксимация дифференцируемых функций многочленами.

### **д) «Неопределенный и определенный интегралы»**

1. Первообразная. Неопределенный интеграл.
2. Свойства неопределенного интеграла.
3. Формулы замены переменных и интегрирования по частям.
4. Определенный интеграл. Свойства.
5. Формулы замены переменных и интегрирования по частям.
6. Вычисление площадей с помощью интеграла.

### **е) Дифференцируемость функций нескольких переменных**

1. Дифференцируемые отображения.
2. Частные производные. Связь с дифференцируемостью.
3. Производная композиции.
4. Частные производные высших порядков. Равенство смешанных производных.
5. Формула Тейлора.

### **ф) Криволинейные и поверхностные интегралы**

1. Криволинейный интеграл первого рода.
2. Криволинейный интеграл второго рода.
3. Поверхности. Касательный вектор, касательная плоскость и нормаль.
4. Поверхностные интегралы первого рода.
5. Поверхностные интегралы второго рода.
6. Формула Грина.

### **г) Элементы теории поля**

1. Элементы теории поля.
2. Потенциальное поле. Условие потенциальности.

### **h) Представление функций рядами**

1. Степенные ряды. Теорема о радиусе сходимости.
2. Представление функций степенными рядами.
3. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора.
4. Тригонометрические ряды. Ряды Фурье. Коэффициенты Фурье.
5. Сходимость ряда Фурье в точке.
6. Разложение в ряд Фурье функции, заданной на произвольном промежутке.
7. Разложение функции только по синусам или только по косинусам.
8. Ряд Фурье по произвольной тригонометрической системе.

### **4.1.2 Вопросы к коллоквиуму по теме «Предел функции»**

1. Бесконечно малые последовательности. Свойства бесконечно малых последовательностей.
2. Предел последовательности. Единственность предела.
3. Свойства предела, связанные с алгебраическими операциями.
4. Свойства предела, связанные с неравенствами.
5. Монотонные последовательности. Критерий существования предела монотонной последовательности.
6. Фундаментальные последовательности. Критерий Коши.
7.  $\overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n$ ,  $\underline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n$ .
8. Второй замечательный предел. Число  $e$ .
9. Теорема о вложенных и стягивающихся отрезках.
10. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
11. Бесконечно малые функции. Свойства бесконечно малых функций.
12. Предел функции. Его единственность.
13. Свойства предела функции, связанные с алгебраическими операциями.
14. Свойства предела функции, связанные с неравенствами.
15. Предел композиции.
16. Эквивалентность предела по Коши и Гейне.
17. Монотонные функции. Критерий существования предела монотонной функции.
18. Критерий Коши существования предела функции.
19. Односторонние пределы.
20. Сравнение функций ( $o$ ,  $O$ , эквивалентность).
21. Первый замечательный предел и асимптотика тригонометрических функций.
22. Асимптотика логарифма при  $x \rightarrow 1$ .
23. Асимптотика  $a^x$  и  $(1+x)^\alpha$  при  $x \rightarrow 0$ .
24. Асимптотика  $a^x$  при  $x \rightarrow \infty$  и  $\log x$  при  $x \rightarrow \infty$  и  $x \rightarrow 0$ .

**Вопросы к коллоквиуму по теме «Дифференцируемые функции. Приложения дифференциального исчисления»**

1. Дифференцируемые функции. Дифференциал.
2. Производная. Дифференцируемость и производная.
3. Теорема о наилучшей локальной аппроксимации.
4. Дифференцируемость и алгебраические операции.
5. Дифференцируемость композиции.
6. Дифференцируемость обратной функции.
7. Дифференцируемость элементарных функций.
8. Теорема Ферма.
9. Теорема Лагранжа.
10. Формула Коши.
11. Теорема Ролля.
12. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано.
13. Критерий монотонности.
14. Критерий строгой монотонности.
15. Критерий постоянства функции.
16. Локальный экстремум.
17. Выпуклые функции.
18. Критерий выпуклости дифференцируемой функции.
19. Критерий выпуклости дважды дифференцируемой функции.

## Вопросы к коллоквиуму по теме «Дифференцируемость функций нескольких переменных»

1. Дифференцируемое отображение.
2. Частные производные. Связь с дифференцируемостью.
3. Производная композиции.
4. Формула Лагранжа.
5. Частные производные высших порядков. Равенство смешанных производных.
6. Формула Тейлора.
7. Экстремумы функций многих переменных. Лемма Ферма.
8. Достаточные условия экстремума стационарной точки.
9. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.

### 4.1.3 Образцы самостоятельных и контрольных работ

#### 1 семестр

#### Контрольная работа на тему «Графики функций»

1. Построить эскизы графиков функций:

$$1) y = \frac{x(x+1)}{(x+2)(x+3)}; \quad 2) y = \frac{x(x-1)}{(x+3)}; \quad 3) y = \sqrt{x(x+2)(3-x)};$$

$$4) y = 3^{x-2}; \quad 5) y = \ln \frac{x+2}{x-1}; \quad 6) y = x^2 \cos x$$

2.  $f(x) = |\lg x|$ . Найти  $f(1)$ ,  $f([10; 100])$ ,  $f^{-1}(-2)$ ,  $f^{-1}([1; 3])$ .

3.  $f(x) = \ln x$ ,  $g(x) = \frac{1}{x^2-1}$ . Найти  $f \circ f$ ,  $g \circ g$ ,  $f \circ g$  и  $g \circ f$ . Указать их области определения.

4. Представить  $f(x) = \sqrt{\arccos x^2}$  в виде композиции  $g_1 \circ g_2 \circ g_3$ . Найти область определения.

5. Имеет ли  $f(x) = 2x - x^2$  обратную на  $D(f)$ ? Найти  $f^{-1}$  на  $(-\infty; 1)$ .

#### Контрольная работа на тему «Предел»

1. Вычислить пределы:

$$1) \lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{1}{1-x} - \frac{3}{1-x^2} \right); \quad 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x-2)^5 (2x-5)^4}{(x+1)^6 (3x-4)^3}; \quad 3) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{6-x}-1}{3-\sqrt{x+4}};$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \sqrt{(x+2)(x-3)} - x \right); \quad 5) \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \left( 2x \operatorname{tg} x - \frac{\pi}{\cos x} \right); \quad 6) \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1 - \sin x}{\left( \frac{\pi}{2} - x \right)^2};$$

$$7) \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x-2}{x+3} \right)^{\frac{x(x+2)}{x+1}} ; \quad 8) \lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{1+\sin x}{1+\operatorname{tg} x} \right)^{\frac{1}{x}} ; \quad 9)$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \sin \sqrt{x+1} - \sin \sqrt{x} \right)$$

**Самостоятельная работа по теме «Числовые ряды»**

Исследовать сходимость числовых рядов

$$\begin{array}{llll} \text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} n^2 \sin \frac{\pi}{3^n} & \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 - 2n + 2} & \text{в) } \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{n^2+4n+5} & \text{г) } \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{2n-1}{n+2} \right)^2 \\ \text{д) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{2^n (2n+1)!} & \text{е) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\operatorname{arctg} n}{n\sqrt{n^2+n+1}} & \text{ж) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln \left( 1 + \frac{1}{n^2} \right)}{\sqrt[3]{n^2+1}} & \end{array}$$

**2 семестр**

**Контрольная работа на тему «Приложения дифференциального исчисления»**

1. Исследовать функцию и построить график: а)  $y = \frac{x^2(x+2)}{(x-1)^2}$ ; б)  $y = \sqrt{x} \ln x$ .

2. Найти предел, используя формулу Тейлора:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \sqrt{1-x^2}}{\sin x - x}$ .

3. Написать разложение по формуле Маклорена до  $x^3$ . Остаточный член записать в форме Пеано и в форме Лагранжа:  $y = x \ln(x+1)$ .

4. Доказать неравенство:  $1 - x \leq \frac{1}{1+x} \leq 1 - x + x^2$ .

**Контрольная работа на тему «Неопределенный и определенный интеграл»**

1. Вычислить

$$1) \int \frac{dx}{x\sqrt{\ln x}} \quad 2) \int x^2 \operatorname{arctg} x dx \quad 3) \int \frac{\sin^3 x}{\cos^4 x} dx \quad 4) \int \frac{(2x+5)dx}{\sqrt{x^2+4x+7}}$$

$$5) \int \frac{x^4 dx}{(x^3+1)} \quad 6) \int_0^1 \frac{e^{2x} + 2e^x}{e^{2x} + 1} dx \quad 7) \int_1^4 \frac{\sqrt[3]{x^2} - \sqrt[4]{x}}{\sqrt{x}} dx$$

2. Найти длину дуги кривой  $x = a \sin^3 t$ ,  $y = a \cos^3 t$ ,  $0 \leq t \leq \pi$



3. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = x$ ,  $y = \frac{1}{x}$ ,  $x = 3$

**Самостоятельная работа по теме «Несобственные интегралы. Функциональные последовательности и ряды»**

1. Исследовать сходимость:

a)  $\int_0^1 \sqrt{\frac{\arcsin x}{1-x^2}} dx$  (по определению) b)  $\int_2^{\infty} \frac{dx}{x^2 + \sqrt{x}}$

2. Исследовать на равномерную сходимость на множестве  $E$  последовательности:

a)  $f_n(x) = \frac{n}{x^2 + n}$ ,  $x \in R$ ;      b)  $f_n(x) = \frac{nx}{x^2 + n^2}$ ,  $x \geq 0$ ;

3. Доказать, что ряды равномерно сходятся на указанных множествах:

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos^2(nx)}{n^3 + x^2 \sqrt{n}}$ ,  $x \in R$ ;      b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x}{1 + n^4 x^2}$ ,  $x \in R$ .

**3 семестр**

**Контрольная работа на тему «Функции нескольких переменных»**

1. Определяет ли функция норму в пространстве  $R^2$ ?

1)  $f(x) = |x_2| + 2|x_1|$ ,

2)  $f(x) = |x_2 x_1|$

Построить единичный шар с центром в точке  $(2; 1)$  в соответствующей норме.

2. Найти внутренние, внешние, граничные и предельные точки множества:

1.  $(0; 3) \cup [4; 5] \cup \{-1\}$ ;

2.  $\{(x; y) : x^2 + y^2 \geq 1\}$ .

3. Сходятся ли последовательности при  $k \rightarrow \infty$ :

1)  $\left( \frac{\sin k}{k}, \frac{k+2}{k}, \cos \frac{1}{k} \right)$  в  $R^3$ ;

2)  $\left( \frac{1}{k}, \frac{2}{k^2}, \dots, \frac{n}{k^n} \right)$  в  $R^n$ ;

3)  $(k; 1; 1)$  в  $R^3$ .

4. Найти область определения функции  $f(x, y) = \ln x - \ln \sin y$ .

5. Найти  $f^{-1}(1)$ , при отображении  $f(x, y) = xy$ .

6. Найти, если возможно,  $f \circ g$  и  $g \circ f$ :  $f(x_1, x_2, x_3) = \begin{pmatrix} x_1^2 - x_3 \\ x_2^2 + x_1 \end{pmatrix}$ ,  $g(u_1, u_2) = \begin{pmatrix} u_1 \\ u_2 \end{pmatrix}$ .

7. Вычислить: 1)  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} (1 + xy^2)^{\frac{1}{x^2 + y^2}}$ ; 2)  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} \left( x \sin \frac{1}{y} + y \sin \frac{1}{x} \right)$ .

8. Найти значение параметра  $a$ , при котором функция будет непрерывной

$$f(x, y) = \begin{cases} x^3 + y^3, & x + y \neq 0 \\ a, & x + y = 0 \end{cases}$$

**Контрольная работа на тему «Дифференцируемость функций нескольких переменных»**

1. Проверить дифференцируемость функции в точке. Выписать матрицу Якоби и дифференциал.

а)  $f(x, y) = 3x^2 + 2x^2y^3$  в  $(0, 0)$ ; б)  $f(x) = \begin{pmatrix} 3 \sin x \\ 5x^3 \end{pmatrix}$  в  $0$ ;

2. Найти значение первого дифференциала функции  $f(x, y) = \sqrt[3]{x^2 - y^2}$  в точке  $(1, 2)$  на векторе  $h = (0, 1, 0, 1)$ . Найти  $\text{grad } f(1, 2)$ .

3. Исследовать на экстремум функцию  $f(x, y) = \frac{8}{x} + \frac{x}{y} + y$ .

4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции  $f(x, y) = x^2 - 2y + 3$  в области  $D = \{y - x \leq 1, x \leq 0, y \geq 0\}$ .

5. Для функции  $z(x, y)$  найти  $\frac{\partial z(1, 4)}{\partial x}$ ,  $\frac{\partial z(1, 4)}{\partial y}$ , если  $z(1, 4) = 2$  и  $16 - z^3 - xyz = 0$ .

6. Преобразовать выражение к новым переменным  $u$  и  $v$ :  $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} - 4x^2 \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} - \frac{1}{x} \frac{\partial z}{\partial x}$ ,  
 $u = x^2 + y, v = -x^2 + y$ .

**Самостоятельная работа по теме «Интегралы, зависящие от параметра»**

1. Найти производную по параметру функции

$$F(y) = \int_y^{y^2} e^{-x^2 y} dx$$

2. Пользуясь признаком Вейерштрасса доказать равномерную сходимость интеграла на множестве  $E$ :

$$\int_0^{\infty} e^{-\alpha x} \arctg \alpha x^2 dx, E = [1; \infty)$$

**Контрольная работа на тему «Кратные интегралы»**

1. Расставить пределы интегрирования (двумя способами):  $\iint_D f(x, y) dx dy$ ,

$$D: |x| + |y| \leq 1.$$

2. Вычислить тройной интеграл  $\iiint_V xy^2 z^3 dx dy dz$ ,  $V$  ограничена поверхностями  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 0$ ,  $x = y$ ,  $x = 1$ .

3. Вычислить с помощью двойного интеграла площадь области, ограниченной линиями:  $y = x^2$ ,  $y = 0,5x^2$ ,  $y = 2x$ .

4. В интеграле  $\iint_G f(x, y) dx dy$  перейти к полярным координатам:

$$G = \{x^2 + y^2 \leq 2x; x \leq y\}.$$

**4 семестр**

**Контрольная работа на тему «Криволинейные и поверхностные интегралы. Элементы теории поля»**

1. Вычислить интеграл,  $\int_{\Gamma} x^2 ds$ , где  $\Gamma$  – кривая  $x^2 + y^2 = a^2$ ,  $y \geq 0$ .

2. Вычислить а) непосредственно; б) по формуле Грина  $\int_{\Gamma} (x^2 - 2xy) dx + (x - 2y)^2 dy$ , где  $\Gamma$  – граница прямоугольника  $x = 0$ ,  $x = 2$ ,  $y = 0$ ,  $y = 1$ , пробегаемая в положительном направлении.

3. Вычислить  $\iint_{\Phi} (x^2 + y^2 + z^2) dS$ , где  $\Phi$  – сфера  $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$

4. Вычислить интеграл  $\iint_{\Phi} x^6 dy dz + y^4 dz dx + z^2 dx dy$ , где  $\Phi$  – внешняя сторона поверхности  $x^2 + y^2 = z$ ,  $z \leq 1$ .

5. Найти угол между  $\text{rot } \vec{a}(M_1)$  и  $\text{rot } \vec{a}(M_2)$ ,  $\vec{a} = (x^2 + y^2)\vec{i} + (z^2 + y^2)\vec{j} + (x^2 + z^2)\vec{k}$ ,  $M_1(1, 2, 3)$ ,  $M_2(1, 1, -1)$ .

**Контрольная работа на тему «Представление функций рядами»**

1. Найти радиус и интервал сходимости рядов и исследовать сходимость в концах интервала сходимости:

$$\text{а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[3]{n}} \frac{x^n}{3^n} \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{\frac{n^4 + 3}{n^3 + 4n}} (x + 2)^n$$

2. Разложить функцию в степенной ряд ( $x_0 = 0$ )  $f(x) = \frac{5 - 2x}{x^2 - 2x - 3}$

3. Написать разложение в ряд Фурье а)  $f(x) = \sin \frac{x}{2} \quad x \in (-\pi, \pi)$ ;

$$\text{б) } f(x) = \arccos(\cos x)$$

## 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

### Вопросы для подготовки экзамену

#### 1 семестр

1. Бесконечные десятичные дроби.
2. Аксиома полноты.
3. Ограниченные множества. Границы множеств.
4. Точные грани. Существование точной верхней и нижней грани.
5. Аксиома Архимеда. Плотность множества рациональных чисел.
6. Функции. Образ. Прообраз. Композиция. График.
7. Операции над функциями. Обратная функция.
8. Бесконечно малые последовательности. Свойства бесконечно малых последовательностей.
9. Предел последовательности. Единственность предела.
10. Свойства предела, связанные с алгебраическими операциями.
11. Свойства предела, связанные с неравенствами.
12. Монотонные последовательности. Критерий существования предела монотонной последовательности.
13. Фундаментальные последовательности. Критерий Коши.
14.  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n$ ,  $\varliminf_{n \rightarrow \infty} x_n$ .
15. Неравенство Бернулли.
16. Второй замечательный предел. Число  $e$ .
17. Теорема о вложенных и стягивающихся отрезках.
18. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
19. Бесконечно малые функции. Свойства бесконечно малых функций.
20. Предел функции. Его единственность.
21. Свойства предела функции, связанные с алгебраическими операциями.
22. Свойства предела функции, связанные с неравенствами.
23. Предел композиции.
24. Эквивалентность предела по Коши и Гейне.
25. Монотонные функции. Критерий существования предела монотонной функции.
26. Критерий Коши существования предела функции.
27. Односторонние пределы.
28. Сравнение функций ( $o$ ,  $O$ , эквивалентность).
29. Существование корня  $n$ -ой степени.
30. Определение показательной функции. Характеристические свойства.
31. Множество значений показательной функции. Логарифмическая функция.
32. Первый замечательный предел и асимптотика тригонометрических функций.

33. Асимптотика логарифма при  $x \rightarrow 1$ .
34. Асимптотика  $a^x$  и  $(1+x)^\alpha$  при  $x \rightarrow 0$ .
35. Асимптотика  $a^x$  при  $x \rightarrow \infty$  и  $\log x$  при  $x \rightarrow \infty$  и  $x \rightarrow 0$ .
36. Непрерывные функции. Простейшие свойства.
37. Непрерывность основных элементарных функций.
38. Теорема о существовании корня. Следствие из нее.
39. Теорема Вейерштрасса.
40. Равномерная непрерывность. Теорема Кантора.
41. Условие непрерывности монотонной функции.
42. Критерий обратимости непрерывной функции.
43. Периодические функции. Периоды непрерывных функций.
44. Множество периодов периодической функции.

## 2 семестр

1. Числовой ряд. Критерий сходимости. Необходимый признак сходимости.
2. Признак сравнения сходимости ряда и следствия из него.
3. Гармонический ряд и геометрическая прогрессия.
4. Признак Даламбера сходимости числовых рядов.
5. Признак Коши сходимости числовых рядов.
6. Абсолютная и условная сходимость. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
7. Дифференцируемые функции. Дифференциал.
8. Производная. Дифференцируемость и производная.
9. Геометрический смысл производной. Касательная.
10. Теорема о наилучшей локальной аппроксимации.
11. Дифференцируемость и алгебраические операции.
12. Дифференцируемость композиции.
13. Дифференцируемость обратной функции.
14. Дифференцируемость элементарных функций.
15. Теорема Ферма.
16. Теорема Лагранжа.
17. Формула Коши.
18. Теорема Ролля.
19. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано.
20. Критерий монотонности.
21. Критерий строгой монотонности.
22. Критерий постоянства функции.
23. Локальный экстремум.
24. Выпуклые функции.
25. Критерий выпуклости дифференцируемой функции.
26. Критерий выпуклости дважды дифференцируемой функции.
27. Первообразная. Неопределенный интеграл.
28. Замена переменной в неопределенном интеграле.
29. Интегрирование по частям в неопределенном интеграле.
30. Разложение рациональных функций на простейшие дроби.
31. Интегрирование простейших дробей.
32. Интегрирование тригонометрических функций.
33. Интегрирование квазимногочленов.
34. Определенный интеграл.
35. Свойства определенного интеграла (линейность, положительность)
36. Свойства определенного интеграла (положительность и следствия из нее).

37. Вычисление площади криволинейной трапеции.
38. Приближенное вычисление интеграла. Формула прямоугольников.
39. Интегральные суммы Римана.
40. Формула трапеций.
41. Несобственный интеграл (по бесконечному промежутку).
42. Критерий Коши сходимости несобственного интеграла (по бесконечному промежутку).
43. Критерий сходимости несобственного интеграла для  $f(x) \geq 0$ .
44. Признак сравнения сходимости несобственного интеграла и следствия из него.
45. Несобственный интеграл от неограниченной функции.
46. Функциональные последовательности и ряды.
47. Признак Вейерштрасса равномерной сходимости ряда.
48. Непрерывность предела последовательности непрерывных функций.
49. Интегрирование функциональных рядов.
50. Дифференцирование функциональных рядов.

### 3 семестр

1. Линейное пространство  $R^n$ . Норма. Шары и окрестности в  $R^n$ .
2. Сходимость в  $R^n$ .
3. Типы точек.
4. Открытые и замкнутые множества в  $R^n$ .
5. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
6. Критерий Коши сходимости последовательности.
7. Теорема Кантора.
8. Лемма Бореля-Лебега.
9. Необходимое и достаточное условие компакта в  $R^n$ .
10. Предел функции многих переменных.
11. Предел композиции.
12. Свойства предела функции, связанные с алгебраическими операциями.
13. Свойства предела функции, связанные с неравенствами.
14. Критерий Коши существования предела функции.
15. Равносильность определения предела по Коши и Гейне.
16. Непрерывные отображения.
17. Непрерывные отображения компактов.
18. Равномерная непрерывность. Теорема Кантора.
19. Дифференцируемое отображение.
20. Частные производные. Связь с дифференцируемостью.
21. Производная композиции.
22. Производная по направлению.
23. Формула Лагранжа.
24. Частные производные высших порядков. Равенство смешанных производных.
25. Формула Тейлора.
26. Теорема существования неявной функции.
27. Теорема дифференцирования неявной функции.
28. Теорема об обратной функции.
29. Экстремумы функций многих переменных. Лемма Ферма.
30. Достаточные условия экстремума стационарной точки.
31. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.
32. Площадь. Основные свойства.
33. Верхняя площадь и ее свойства.

34. Построение площади.
35. Критерий квадрируемости.
36. Собственный интеграл, зависящий от параметра. Непрерывность и дифференцируемость.
37. Интегрируемость собственного интеграла, зависящего от параметра.
38. Интеграл, зависящий от параметра (общий случай).
39. Регулярные области. Двойной интеграл.
40. Равенство повторных интегралов.
41. Свойства двойного интеграла.
42. Интегральные суммы Римана.
43. Замена переменной в двойном интеграле.

#### 4 семестр

1. Понятие кривой. Спрямолинейная кривая.
2. Длина кривой. Спрямолинейность гладкой кривой.
3. Криволинейный интеграл первого рода.
4. Криволинейный интеграл второго рода.
5. Поверхности. Касательный вектор, касательная плоскость и нормаль.
6. Ориентация поверхности.
7. Площадь поверхности.
8. Поверхностные интегралы первого рода.
9. Поверхностные интегралы второго рода.
10. Элементы теории поля.
11. Теорема Остроградского-Гаусса.
12. Формула Стокса.
13. Потенциальное поле. Условие потенциальности.
14. Степенные ряды. Теорема о радиусе сходимости.
15. Интегрирование степенных рядов.
16. Дифференцирование степенных рядов.
17. Представление функций степенными рядами.
18. Достаточные условия представления функций степенными рядами.
19. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора.
20. Тригонометрические ряды. Ряды Фурье. Коэффициенты Фурье.
21. Интеграл от периодической функции.
22. Вычисление суммы косинусов.
23. Лемма Римана-Лебега.
24. Неравенство Бесселя.
25. Интеграл Дирихле.
26. Сходимость ряда Фурье в точке.
27. Разложение в ряд Фурье функции, заданной на произвольном промежутке.
28. Разложение функции только по синусам или только по косинусам.
29. Равномерная сходимость ряда Фурье.
30. Оценка скорости сходимости.
31. Дифференцирование рядов Фурье.
32. Интегрирование рядов Фурье.
33. Теорема Вейерштрасса (аппроксимация тригонометрическими многочленами).
34. Теорема Вейерштрасса (аппроксимация многочленами).
35. Полнота тригонометрической системы и системы степеней в смысле равномерной сходимости.
36. Полнота тригонометрической системы и системы степеней в смысле средне-квадратического приближения.

37. Минимальное свойство коэффициентов Фурье.
38. Равенство Парсеваля.
39. Ортогональные системы.
40. Скалярное произведение и его свойства.
41. Неравенство Коши-Буняковского. Теорема Пифагора.
42. Ряд Фурье по произвольной тригонометрической системе.
43. Минимальное свойство частичных сумм ряда Фурье (по произвольной системе).
44. Комплексная форма рядов Фурье.
45. Интеграл Фурье и преобразование Фурье.
46. Представление функции своим интегралом Фурье.
47. Свойства преобразования Фурье.
48. Применение преобразования Фурье.

## Образцы билетов

### 1 семестр

1. Вычислить  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 2x - 1}{x(e^{3x} - \sqrt{4x + 1})}$
2. Изобразить эскиз графика функции  $y = \frac{(1-x)(x+1)}{(x+3)(x-2)}$
3. Точные грани. Существование точной верхней и нижней грани
4. Эквивалентность предела по Коши и Гейне

### 2 семестр

1. Исследовать функцию и построить график  $y = 2x^4 - x^2 - 1$ .
2. Вычислить  $\int \sin^2 x \cos^2 x dx$ .
3. Вычисление площади криволинейной трапеции.
4. Теорема о наилучшей локальной аппроксимации.

### 3 семестр

1. Исследовать на экстремум функцию:  $z = 3(x^2 + y^2) - x^3 + 6y + 3$ :
2. Вычислить  $\iint_D (2x + y) dx dy$ , где  $D$  – область, ограниченная линиями  $y = x$ ,  $y = 3x$ ,  $x = 2$ ,  $x = 3$ .
3. Производная по направлению. Градиент.
4. Компакты. Необходимое и достаточное условие компакта в  $R^n$ .

### 4 семестр



1. Найти радиус и интервал сходимости ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 - \frac{1}{n}\right)^{n^2} x^n$
2. Разложить функцию в ряд Фурье  $f(x) = \sin \frac{x}{2}$ ,  $x \in (-\pi, \pi)$
3. Поверхностные интегралы первого рода.
4. Оценка скорости сходимости ряда Фурье

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### **Критерии оценивания усвоенных знаний обучающихся**

Зачет выставляется по результатам работы студента в течение семестра. Отметка «зачтено» выставляется студентам, которые регулярно посещали занятия, выполняли домашние работы, написали контрольные работы на положительные оценки. Отметка «незачтено» выставляется студентам, которые пропустили более 60 % занятий и написали контрольные работы на неудовлетворительные оценки.

Оценивание ответа на экзамене, осуществляется по следующим критериям

Оценка **«отлично»** – выставляется студенту, показавшему всесторонние, систематизированные, глубокие знания учебной программы дисциплины и умение уверенно применять их на практике при решении конкретных задач;

Оценка **«хорошо»** – выставляется студенту, если он твердо знает материал, грамотно и по существу излагает его, умеет применять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в решении задач некоторые неточности;

Оценка **«удовлетворительно»** – выставляется студенту, показавшему разрозненный характер знаний, недостаточно правильные формулировки базовых понятий, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, но при этом

он владеет основными разделами учебной программы в некотором объеме, необходимом для дальнейшего обучения и может применять полученные знания по образцу в стандартной ситуации;

Оценка «неудовлетворительно» – выставляется студенту, который не знает большей части основного содержания учебной программы дисциплины, допускает грубые ошибки в формулировках основных понятий дисциплины и не умеет использовать полученные знания при решении типовых практических задач.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).**

### **5.1 Основная литература:**

1. Зорич В. А. Математический анализ: учебник для студентов вузов. Ч. 1 / В. А. Зорич. - Изд. 5-е. - М.: МЦНМО, 2007. - 657 с.
2. Зорич В. А. Математический анализ: учебник для студентов вузов. Ч. 2 / В. А. Зорич. - Изд. 5-е. - М.: МЦНМО, 2007. - 789 с.
3. Барсукова В. Ю., Цалюк З. Б. Математический анализ: учебное пособие для студентов 2 курса факультета математики и компьютерных наук. Ч. 2 / Фак. математики и компьютерных наук Кубанского гос. ун-та. - Краснодар: [Промсвещение-Юг], 2014. - 72 с.
4. Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.Д., Чехлов В.И., Шабунин М.И. Сборник задач по математическому анализу. Том 1. Предел. Непрерывность. Дифференцируемость. М.: Физматлит, 2010. – 496 с.  
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_cid=25&pl1\\_id=2226](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=2226)
5. Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.Д., Чехлов В.И., Шабунин М.И. Сборник задач по математическому анализу. Том 2. Интегралы. Ряды. М.: Физматлит, 2009. – 504 с.  
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_cid=25&pl1\\_id=2227](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=2227)
6. Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.Д., Чехлов В.И., Шабунин М.И. Сборник задач по математическому анализу. Том 3. Функции нескольких переменных.  
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_cid=25&pl1\\_id=2220](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=2220)
7. Берман, Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа [Электронный ресурс] : учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург: Лань, 2016. — 492 с.  
<https://e.lanbook.com/reader/book/73084/>

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются электронные версии источников, изданных сотрудниками кафедры, а также издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Библиоклуб».

### **5.2 Дополнительная литература:**

1. Афанасьева Т. Н., Барсукова В. Ю., Бачурская А. Ф., Засядко О. В., Цалюк М. В. Практикум по математическому анализу (Функции и графики): учебное пособие для студентов 1 курса факультета математики и компьютерных наук КубГУ /, - 2-е изд. - Краснодар, 2013. - 87 с.
2. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа в 3 т. Том 1: учебник для бакалавров / Л. Д. Кудрявцев. — 6-е изд., перераб. и доп. — М. Издательство Юрайт, 2017. — 703 с.  
[www.biblio-online.ru/book/7C2C72EF-CCB8-46A9-8933-E57E32874DC0](http://www.biblio-online.ru/book/7C2C72EF-CCB8-46A9-8933-E57E32874DC0)
3. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа в 3 т. Том 2 в 2 книгах. Книга 1: учебник для академического бакалавриата / Л. Д. Кудрявцев. — 6-е изд., перераб. и доп. — М.: Издательство Юрайт, 2017. — 396 с.

- [www.biblio-online.ru/book/7D271B58-9EC1-4580-8A72-3004490773F2](http://www.biblio-online.ru/book/7D271B58-9EC1-4580-8A72-3004490773F2)
4. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа в 3 т. Том 2 в 2 книгах. Книга 2 : учебник для академического бакалавриата / Л. Д. Кудрявцев. — 6-е изд., перераб. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 323 с.  
[www.biblio-online.ru/book/085ABC9E-507F-4FC7-BCD7-661681AA3382](http://www.biblio-online.ru/book/085ABC9E-507F-4FC7-BCD7-661681AA3382)
  5. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа в 3 т. Том 3: учебник для бакалавров / Л. Д. Кудрявцев. — 6-е изд., перераб. и доп. — М.: Издательство Юрайт, 2017. — 351 с.  
[www.biblio-online.ru/book/5DF5043B-0826-4B08-9CF5-E8F4F92C7970](http://www.biblio-online.ru/book/5DF5043B-0826-4B08-9CF5-E8F4F92C7970)
  6. Никольский С.М. Курс математического анализа. М.: Физматлит, 2001. – 591 с.  
<https://e.lanbook.com/reader/book/2270/>
  7. Фихтенгольц, Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3-х тт. Том 1 [Электронный ресурс]: учеб. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург: Лань, 2016. — 608 с.  
<https://e.lanbook.com/reader/book/71768/>
  8. Фихтенгольц, Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3-х тт. Том 2 [Электронный ресурс]: учеб. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург: Лань, 2016. — 800 с.  
<https://e.lanbook.com/book/71769>
  9. Фихтенгольц, Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления: Учебник. В 3-х тт. Том 3 [Электронный ресурс]: учеб. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург: Лань, 2009. — 656 с.  
<https://e.lanbook.com/reader/book/409/>

### **5.3. Периодические издания по данному предмету не используются в процессе обучения**

### **6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).**

1. Российское образование, федеральный портал [Официальный сайт] — [URL: http://www.edu.ru](http://www.edu.ru)
2. Электронная библиотека ЮРАЙТ — <https://biblio-online.ru>
3. Электронная библиотека Лань — <https://e.lanbook.com>
4. Университетская библиотека ONLINE — <https://biblioclub.ru>

### **7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.**

По курсу предусмотрено проведение лекционных занятий, на которых дается основной систематизированный материал, лабораторных занятий, в ходе которых студентами приобретаются и закрепляются основные практически навыки решения различных задач, в том числе с применением полученных теоретических знаний, а также групповых консультаций.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине. Самостоятельная работа студентов является неотъемлемой частью процесса подготовки. Под самостоятельной работой понимается часть учебной планируемой работы, которая выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Самостоятельная работа направлена на усвоение системы научных и профессиональных знаний, формирования умений и навыков, приобретение опыта самостоятельной творческой деятельности. СРС помогает формировать культуру мышления студентов, расширять познавательную деятельность.

Виды самостоятельной работы по курсу:

а) по целям: подготовка к лекциям, к практическим занятиям, к контрольной работе, к коллоквиуму; подготовка научного доклада и выполнение заданий по НИР.

б) по характеру работы: изучение литературы, конспекта лекций; поиск литературы в библиотеке; конспектирование рекомендуемой для самостоятельного изучения научной литературы; решение задач, тестов; работа с обучающими и контролирующими программами.

Тематическое планирование самостоятельной работы студентов

Раздел	Тема	Содержание вопросов темы	Вид работы
1	Введение в анализ	Множества и операции над ними. Функции. Классы функций. Операции: сужение, композиция, алгебраические операции. Определение множества действительных чисел. Ограниченные множества. Точная верхняя и нижняя грань. Арифметические операции над числами. Аксиома непрерывности.	Поиск необходимой информации (см. список литературы). Решение задач.
2	Предел функции	Бесконечно малые последовательности и их свойств. Предел последовательности. Свойства предела: единственность, алгебраические операции, неравенства. Свойства: алгебраические операции, неравенства, композиция. Эквивалентность определений предела по Коши и по Гейне. Критерии существования предела последовательности. Критерии существования $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ . Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые. Понятие об асимптотике и асимптотическом разложении.	Поиск необходимой информации. Изучение лекционного материала. Конспектирование. Решение задач.
3	Простейшие элементарные функции	Тригонометрические функции. Асимптотика. Определение $a^x$ для рациональных и иррациональных $x$ . Свойства. Асимптотика.	Повторение лекционного материала и материала учебников. Подготовка к контрольной работе
4	Числовые ряды	Критерий сходимости, признак сравнения. Ряды с положительными членами. Признаки Коши и Даламбера. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.	Поиск необходимой информации. Решение задач.
5	Непрерывные функции	Непрерывность элементарных функций. Принцип вложенных отрезков. Принцип Больцано-Вейерштрасса. Свойства непрерывных на замкнутом отрезке функций. Точки разрыва, непрерывность монотонной функции. Непрерывность обратной функции. Периодическое продолжение. Свойства периодов.	Изучение лекционного материала и материала учебников.
6	Дифференцируемые функции	Дифференцируемость и производная. Теорема о наилучшей локальной аппроксимации. Теоремы о производных: алгебраиче-	Поиск необходимой информации. Реше-

Раздел	Тема	Содержание вопросов темы	Вид работы
		ские операции, композиция, обратная функция. Производные элементарных функций (вывод по определению). Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема Ферма, Лагранжа (теорема Ролля). Формула Тейлора. Разложение элементарных функций.	ние задач. Подготовка к контрольной работе
7	Приложения дифференциального исчисления	Монотонность. Локальный экстремум. Выпуклость. Неравенства. Решение уравнений.	Изучение и повторение лекционного материала и материала учебников. Решение задач.
8	Неопределенный интеграл	Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Основные методы интегрирования. Таблица интегрирования. Интегрирование элементарных функций (рациональные, тригонометрические, квазиполиномы).	Поиск необходимой информации (см. список литературы). Решение задач.
9	Определенный интеграл	Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Свойства интеграла. Замена переменных в определенном интеграле. Приближенное вычисление интегралов. Формула прямоугольников, трапеций, Симпсона. Оценка погрешности. Интегральные суммы Римана. Формула Тейлора с остаточным членом в интегральной форме. Интегральный признак сходимости числового ряда.	Поиск необходимой информации. Изучение лекционного материала. Конспектирование. Подготовка к контрольной работе
10	Несобственные интегралы.	Интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Свойства несобственных интегралов. Критерий Коши. Абсолютная и условная сходимость. Признаки сходимости.	Повторение лекционного материала и материала учебников.
11	Функциональные последовательности и ряды.	Критерий Коши равномерной сходимости. Непрерывность предела равномерно сходящейся последовательности непрерывных функций. Интегрируемость и дифференцируемость предельной функции. Функциональный ряд и область его сходимости. Равномерная сходимость. Необходимый и достаточный признак равномерной сходимости. Признак Вейерштрасса.	Поиск необходимой информации. Подготовка к самостоятельной работе
12	Функции нескольких переменных	Скалярное произведение, норма, сходимость. Критерий Коши. Непрерывные функции. Свойства непрерывных на компакте функций. Пространство непрерывных функций.	Изучение лекционного материала и материала учебников.
13	Дифференци-	Связь дифференцируемости с частными	Поиск необхо-

Раздел	Тема	Содержание вопросов темы	Вид работы
	руемость функций нескольких переменных	производными. Свойства дифференцируемости: $f + g$ , $cf$ , $f \circ g$ . Формула конечных приращений. Производная по направлению. Градиент. Производные и дифференциалы высших порядков. Равенство смешанных производных. Формула Тейлора для $f: R \rightarrow R^n$ и $f: R^n \rightarrow R$ . Теорема существования (метод последовательных приближений). Теорема о дифференцировании неявной функции. Теорема об обратной функции. Необходимые и достаточные условия экстремума. Метод Лагранжа.	димой информации. Решение задач. Подготовка к контрольной работе
14	Интегралы, зависящие от параметра	Непрерывность, дифференцируемость, интегрируемость. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Критерии сходимости.	Изучение и повторение лекционного материала
15	Кратные интегралы	Мера Жордана. Свойства кратных интегралов. Сведение кратного интеграла к повторному. Замена переменных в кратном интеграле. Приложения кратных интегралов.	Поиск необходимой информации (см. список литературы). Решение задач.
16	Криволинейные и поверхностные интегралы	Свойства криволинейных и поверхностных интегралов. Криволинейные и поверхностные интегралы первого и второго рода.	Поиск необходимой информации. Изучение лекционного материала. Конспектирование. Подготовка к контрольной работе
17	Элементы теории поля	Интегральные теоремы Гаусса – Остроградского, Грина, Стокса. Независимость криволинейного интеграла от кривой.	Повторение лекционного материала и материала учебников.
18	Представление функций рядами	Радиус сходимости степенных рядов и формула Коши-Адамара. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Разложение функций в степенной ряд. Ряд Тейлора. Теорема единственности. Разложение элементарных функций в степенные ряды. Ряд Фурье. Минимальное свойство коэффициентов Фурье. Неравенство Бесселя. Лемма Римана. Интеграл Дирихле. Теорема Вейерштрасса об аппроксимации непрерывных функций. Равенство Парсеваля. Разложение функций в ряд Фурье. Преобразование Фурье. Определение и простейшие свойства. Представление функций ин-	Поиск необходимой информации. Повторение лекционного материала и материала учебников. Решение задач. Подготовка к контрольной работе

Раздел	Тема	Содержание вопросов темы	Вид работы
		тегралом Фурье.	

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

## **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

### **8.1 Перечень информационных технологий.**

– Консультирование посредством электронной почты.

### **8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.**

– Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»).

### **8.3 Перечень информационных справочных систем:**

1. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.**

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО)
2.	Лабораторные занятия	Специальное помещение, оснащенное доской, маркерами и мелом
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория, оснащенная комбинированной (белой маркерной и меловой) доской
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория, оснащенная комбинированной (белой маркерной и меловой) доской
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета

## Рецензия

на рабочую учебную программу дисциплины «Математический анализ»,  
для студентов направления подготовки  
01.03.01 Математика (квалификация «бакалавр»)

Курс «Математический анализ» входит в список обязательных дисциплин базовой части учебного плана подготовки бакалавров по направлению 01.03.01 Математика. Изучение этого материала необходимо в качестве основы фундаментальной подготовки квалифицированного специалиста в области математики.

Рабочая программа курса «Математический анализ» включает в себя все необходимые структурные части и отвечает современным требованиям к обучению и воспитанию. Содержание рабочей программы предусматривает формирование у обучающихся ряда общекультурных, общепрофессиональных и профессиональных компетенций, необходимых для дальнейшей профессиональной деятельности. Распределение времени, отводимого на изучение различных разделов курса, включая самостоятельную работу, соответствует их трудоемкости.

Структура и содержание курса направлены на формирование у студентов математической грамотности и достаточно хорошо продуманы, что отражено в предлагаемой рабочей программе. Содержание разделов, их разделение по видам занятий, и трудоемкость в часах отвечают требованиям и целесообразности. Овладение практическими навыками и умениями обеспечивается лабораторными занятиями. В программе сформулированы темы самостоятельной внеаудиторной работы, примеры заданий для контрольных работ, билеты для экзаменов. В соответствии с современными требованиями приведены не только перечни основной и дополнительной литературы, имеющийся в библиотеке ВУЗа, но и доступные для обучающихся интернет-источники.

В целом, рабочая программа по дисциплине «Математический анализ» составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО и полностью отвечает современным требованиям к качественному образовательному процессу. В связи с этим она может быть рекомендована для использования в учебном процессе бакалавров по направлению 01.03.01 Математика.

Рецензент

кандидат физико-математических наук,

доцент кафедры прикладной математики КубГТУ

  
К.А. Кирий  
УДОУ «УО ВЕРЯЮ»  
Начальник управления кадров  
И.В. Реутская  
«\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.



## Рецензия

на рабочую учебную программу дисциплины  
«Математический анализ»,  
предназначенную для студентов направления подготовки  
01.03.01 Математика (квалификация «бакалавр»)

Математический анализ является одним из фундаментальных математических курсов и составляет основу подготовки квалифицированного специалиста в области математики. Изучение математического анализа необходимо для дальнейшего изучения целого ряда дисциплин высшей математики и механики. Поэтому создание рабочей программы по данному курсу является актуальным.

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» содержит все необходимые разделы и предусматривает формирование у обучающихся математического аппарата, включающего в себя математические знания, умения и навыки, а также ряд компетенций, необходимых для дальнейшей профессиональной деятельности.

Программа отвечает современным требованиям к обучению и отражает современные тенденции в обучении и воспитании личности. Содержание рабочей программы охватывает весь основной материал, необходимый для обучения студентов высших учебных заведений по направлению «Математика».

Рабочая программа дает целостное представление о дисциплине. Структура и содержание курса взаимно дополняют друг друга. В программе приведены примеры заданий для текущей и промежуточной аттестации, материалы для устного опроса, перечень вопросов выносимых на коллоквиум и экзамен, перечень основной и дополнительной литературы, доступной обучающимся.

В общем, рабочая программа по дисциплине «Математический анализ» соответствует требованиям ФГОС ВО и отвечает современным стандартам качественного образовательного процесса. Данная рабочая программа может быть использована для обеспечения основной образовательной программы по направлению подготовки 01.03.01 Математика по дисциплине «Математический анализ».

Рецензент  
доктор физико-математических наук,  
профессор кафедры математического  
моделирования КубГУ



А.В. Павлова