

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
“КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ”

Институт географии, геологии, туризма и сервиса
Кафедра геофизических методов поисков и разведки

“УТВЕРЖДАЮ”

Проректор по учебной работе,
качеству образования,
первый проректор

“ 31 ”

мая

2019г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.Б.38 УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ ДЛЯ ГОРНЫХ ИНЖЕНЕРОВ

Специальность 21.05.03 “Технология геологической разведки”

Специализация “Геофизические методы поисков и разведки месторождений
полезных ископаемых”

Квалификация (степень) выпускника: горный инженер-геофизик

Форма обучения: очная

Краснодар 2019


Рабочая программа дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по специальности 21.05.03 “Технология геологической разведки”, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации №1300 от 17 октября 2016 г. и приказа Министерства образования и науки Российской Федерации №301 от 05 апреля 2017 г. “Об утверждении Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования — программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры”.

Рецензенты:

Коноплев Юрий Васильевич, д.т.н., профессор, генеральный директор ООО “Нефтегазовая производственная экспедиция”

Калайдина Галина Вениаминовна, к. физ.-мат. наук, доцент кафедры прикладной математики ФГБОУ ВО КубГУ

Автор (составитель):

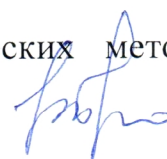
 Захарченко Е.И., к.т.н., доцент кафедры геофизических методов поисков и разведки КубГУ

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры геофизических методов поисков и разведки КубГУ

«22» 05 2019 г.

Протокол № 10

И.О. Заведующего кафедрой геофизических методов поисков и разведки, д.т.н.



Гуленко В.И.

Рабочая программа одобрена на заседании учебно-методической комиссии Института географии, геологии, туризма и сервиса КубГУ

«27» 05 2019 г.

Протокол № 10

Председатель учебно-методической комиссии Института географии, геологии, туризма и сервиса КубГУ,

к.г.н, доцент



Филобок А.А.

СОДЕРЖАНИЕ

	Стр.
1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ	5
1.1. Цели изучения дисциплины	5
1.2. Задачи изучения дисциплины	5
1.3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы	5
1.4. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	6
2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ	8
2.1. Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ ...	8
2.2. Структура дисциплины	9
2.3. Содержание разделов (тем) дисциплины	11
2.3.1. Занятия лекционного типа	11
2.3.2. Занятия семинарского типа	13
2.3.3. Лабораторные занятия	13
2.3.4. Примерная тематика курсовых работ (проектов)	14
2.4. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)	14
3. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ	14
4. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ	17
4.1. Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации	17
4.2. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации	20
5. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	24
5.1. Основная литература	24
5.2. Дополнительная литература	24
5.3. Периодические издания	25
6. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ “ИНТЕРНЕТ”, НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	25
7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	26

8. ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)	27
8.1. Перечень информационных технологий	27
8.2. Перечень необходимого программного обеспечения	27
8.3. Перечень необходимых информационных справочных систем	28
9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)	28
РЕЦЕНЗИЯ	29
РЕЦЕНЗИЯ	30

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Цели изучения дисциплины

Дисциплина “Уравнения математической физики для горных инженеров” является одним из важных курсов для изучения основных разделов разведочной геофизики, широко применяемой при поисках нефтегазовых месторождений, геологическом картировании, в решении задач инженерной геологии.

Целями освоения дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” являются: фундаментальная подготовка в области дифференциальных уравнений с частными производными; овладение аналитическими методами математической физики; овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования в приложениях; приобретение навыков математического моделирования процессов и объектов, разработки математических методов решения задач геофизики.

1.2. Задачи изучения дисциплины

Основными задачами дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” являются:

— изучение основных методов нахождения точных решений уравнений математической физики: уравнения Лапласа, уравнения колебаний, уравнений теплопроводности и диффузии;

— изучение основных методов доказательства существования решений начально-краевых задач для указанных уравнений;

— ознакомление с приближенными методами решения этих уравнений;

— практическое применение уравнений математической физики для моделирования различного рода процессов и явлений.

Объектами профессиональной деятельности выпускников, освоивших программу специалитета, являются горные породы и геологические тела в земной коре, горные выработки.

1.3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина “Уравнения математической физики для горных инженеров” введена в учебные планы подготовки специалистов (специальность 21.05.03 “Технология геологической разведки”) согласно

ФГОС ВО, относится к блоку Б1, к базовой части (Б1.Б). Индекс дисциплины согласно ФГОС — Б1.Б.38, читается в пятом семестре.

Предшествующие смежные дисциплины логически и содержательно взаимосвязанные с изучением данной дисциплины: Б1.Б.06 “Математика”, Б1.Б.08 “Физика”, Б1.Б.13 “Информатика в геологии”, Б1.Б.15.01 “Физика горных пород”, Б1.Б.29.01 “Электроразведка”, Б1.Б.29.02 “Магниторазведка”, Б1.Б.29.03 “Гравиразведка”.

Последующие дисциплины, для которых данная дисциплина является предшествующей, в соответствии с учебным планом: Б1.Б.19 “Электротехника и электроника”, Б1.Б.29.04 “Сейсморазведка”, Б1.Б.30 “Геофизические исследования скважин”, Б1.Б.33 “Математическое моделирование в геофизике”, Б1.Б.34 “Прикладная теплофизика в геологических средах”, Б1.Б.35 “Нефтяная подземная гидродинамика”.

Дисциплина предусмотрена основной образовательной программой (ООП) КубГУ (специальность 21.05.03 “Технология геологической разведки”) в объёме 2 зачетных единиц (72 часа, итоговый контроль — зачет).

1.4. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” направлен на формирование элементов следующих общепрофессиональных, профессиональных и специализированных профессиональных компетенций в соответствии с ФГОС ВО по специальности 21.05.03 “Технология геологической разведки”:

— самостоятельным принятием решения в рамках своей профессиональной компетенции, готовностью работать над междисциплинарными проектами (ОПК-6);

— наличием высокой теоретической и математической подготовки, а также подготовки по теоретическим, методическим и алгоритмическим основам создания новейших технологических процессов геологической разведки, позволяющим быстро реализовывать научные достижения (ПК-13);

— способностью выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат (ПСК-1.1).

В результате изучения дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” студент должен уметь решать задачи, соответствующие его квалификации.

Изучение дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” направлено на формирование у обучающихся компетенций, что отражено в таблице 1.

Таблица 1.

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1	ПК-13	наличием высокой теоретической и математической подготовки, а также подготовки по теоретическим, методическим и алгоритмическим основам создания новейших технологических процессов геологической разведки, позволяющим быстро реализовывать научные достижения	основные типы дифференциальных уравнений с частными производными; методы доказательства существования решений начально-краевых задач для уравнений математической физики; основные методы нахождения точных решений уравнений математической физики	решать и исследовать основные типы дифференциальных уравнений с частными производными; проводить анализ уравнений математической физики для моделирования геолого-геофизических процессов; ставить задачу с начальными и граничными условиями, классифицировать уравнения математической физики для горных инженеров	практическими навыками в решении и исследовании основных типов дифференциальных уравнений с частными производными; начальными навыками математического моделирования геолого-геофизических полей; способностью выполнять наукоемкие разработки в области создания новых технологий геологической разведки, включая моделирование систем и процессов, автоматизацию научных исследований
2	ПСК-1.1	способностью выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат	основные понятия теории дифференциальных уравнений с частными производными, определения и свойства математических объектов в этой области, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложений; уравнения в частных производных гиперболического,	применять методы обработки информации, получаемой при геофизических исследованиях с помощью методов математической физики; применять качественный анализ решений, решать задачи теоретического характера в области уравнений в частных производных;	математическим аппаратом уравнений в частных производных; методами решения задач и доказательства утверждений в области уравнений с частными производными; способностью решать прямые и обратные (некорректные)

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
			параболического и эллиптического типов; методы решения дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка	приводить уравнения к каноническому виду, решать поставленную задачу математической физики	задачи геофизики на высоком уровне фундаментальной подготовки по теоретическим, методическим и алгоритмическим основам создания новейших технологических геофизических процессов
3	ОПК-6	самостоятельным принятием решения в рамках своей профессиональной компетенции, готовностью работать над междисциплинарными проектами	основные методы принятия решения в рамках своей профессиональной компетенции; основные приемы работы над междисциплинарными проектами; уравнения математической физики для решения специализированных задач	самостоятельно принимать решения в рамках своей профессиональной компетенции; работать над междисциплинарными проектами; использовать знания уравнения математической физики при решении профессиональных задач	основными методами принятия решения в рамках своей профессиональной компетенции; навыками работы над междисциплинарным и проектами; навыками применения уравнений математической физики для решения специализированных задач

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” приведена в таблице 2. Общая трудоёмкость учебной дисциплины составляет 2 зачётные единицы.

Таблица 2.

Вид учебной работы	Всего часов	Трудоемкость, часов (в том числе часов в интерактивной форме)
		5 семестр
Контактная работа, в том числе:		
Аудиторные занятия (всего):	54 / 30	54 / 30
Занятия лекционного типа	18 / 10	18 / 10
Лабораторные занятия	-	-
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)	36 / 20	36 / 20
Иная контактная работа:		
Контроль самостоятельной работы (КСР)	2	2
Промежуточная аттестация (ИКР)	0,2	0,2
Самостоятельная работа, в том числе:		
Курсовая работа	-	-
Проработка учебного (теоретического) материала	4	4
Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)	3	3
Контрольная работа	4	4
Подготовка к текущему контролю	4,8	4,8
Контроль:		
Подготовка к экзамену	-	-
Общая трудоемкость	час.	72
	в том числе контактная работа	56,2
	зач. ед	2

2.2. Структура дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам (темам) дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” приведено в таблице 3.

Таблица 3.

№ раздела	Наименование разделов (тем)	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеаудиторная работа
			Л	ЛР	ПЗ	СРС
1	2	3	4	5	6	7
1	Дифференциальные уравнения с частными производными	10	2	—	4	4
2	Уравнения колебаний	22	6	—	12	4
3	Уравнения теплопроводности и диффузии	19	5	—	10	4
4	Уравнение Лапласа	19	5	—	10	4

2.3. Содержание разделов (тем) дисциплины

2.3.1. Занятия лекционного типа

Принцип построения программы — модульный, базирующийся на выделении крупных разделов (тем) программы — модулей, имеющих внутреннюю взаимосвязь и направленных на достижение основной цели преподавания дисциплины. В соответствии с принципом построения программы и целями преподавания дисциплины курс “Уравнения математической физики для горных инженеров” содержит 4 модуля, охватывающих основные разделы (темы).

Содержание разделов (тем) дисциплины приведено в таблице 4.

Таблица 4.

№ раздела	Наименование раздела (темы)	Содержание раздела (темы)	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Дифференциальные уравнения с частными производными	Однородные линейные дифференциальные уравнения с частными производными и свойства их решений. Оператор Лапласа в полярных, цилиндрических и сферических координатах. Классификация линейных дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка. Корректность постановки задач математической физики	КР, УО
2	Уравнения колебаний	Вывод уравнения колебаний струны.	КР, УО,

№ раздела	Наименование раздела (темы)	Содержание раздела (темы)	Форма текущего контроля
		<p>Постановка начальных и краевых условий. Колебания бесконечной и полубесконечной струны. Метод Даламбера. Бесконечная струна. Формула Даламбера. Распространение волн отклонения. Распространение волн импульса. Полубесконечная струна. Метод Фурье. Стоячие волны. Вынужденные колебания струны. Колебания струны в среде с сопротивлением. Продольные колебания стержня. Постановка задачи и метод решения. Крутильные колебания вала. Уравнения крутильных колебаний. Крутильные колебания вала с диском на одном конце. Электрические колебания в длинных однородных линиях. Телеграфное уравнение. Линия без потерь. Линия без искажения. Линии конечной длины. Уравнение колебаний мембраны. Вывод уравнения колебаний мембраны. Начальные и краевые условия. Колебания прямоугольной мембраны. Собственные функции. Стоячие волны прямоугольной мембраны. Вторая часть метода Фурье. Двойные ряды Фурье. Стоячие волны с одинаковой частотой. Уравнение Бесселя. Условие ортогональности функций Бесселя нулевого порядка. Функции Бесселя первого порядка. Колебания круглой мембраны. Стоячие волны круглой мембраны</p>	ДКР
3	Уравнения теплопроводности и диффузии	<p>Уравнение линейной теплопроводности. Вывод уравнения линейной теплопроводности. Начальное и краевые условия. Теплопроводность в стержне при наличии теплообмена через боковую поверхность. Теплопроводность в бесконечном стержне. Метод Фурье для бесконечного стержня. Преобразование решения уравнения теплопроводности. Фундаментальное решение уравнения теплопроводности и его физический смысл. Теплопроводность в конечном стержне. Приведение к задаче с однородными краевыми условиями. Метод Фурье. Распространение тепла в стержне в случаях постоянной температуры на концах или теплоизоляции концов. Общий случай краевых условий. Теплопроводность в полубесконечном стержне. Распространение тепла при теплоизоляции или постоянстве</p>	КР, УО

№ раздела	Наименование раздела (темы)	Содержание раздела (темы)	Форма текущего контроля
		температуры конца стержня. Вывод уравнения теплопроводности в пространственном случае. Начальное и краевые условия. Распространение тепла в однородном цилиндре. Распространение тепла в однородном шаре. Уравнение диффузии. Уравнения теплопроводности и диффузии с краевым условием, зависящим от времени	
4	Уравнение Лапласа	Краевые задачи для уравнения Лапласа. Метод функции Грина для задачи Дирихле (трехмерный случай). Метод функции Грина для задачи Дирихле (двумерный случай). Задача Неймана. Решение задачи Дирихле для шара и полупространства. Решение задачи Дирихле для круга и полуплоскости. Метод Фурье для уравнения Лапласа. Двумерное уравнение Лапласа и задача Дирихле для круга. Разделение переменных в трехмерном уравнении Лапласа в сферических координатах. Многочлены Лежандра. Решение задачи Дирихле для шара в осесимметричном случае разложением по многочленам Лежандра	КР, УО

Форма текущего контроля — контрольные работы (КР), домашние контрольные работы (ДКР), устный опрос (УО).

2.3.2. Занятия семинарского типа

Перечень практических занятий по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров” приведен в таблице 5.

Таблица 5.

№ раздела	Наименование раздела (темы)	Тематика практических работ	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Дифференциальные уравнения с частными производными	Решение дифференциального уравнения с частными производными	КР-1
		Приведение к каноническому виду линейных уравнений с частными производными второго порядка с двумя и тремя независимыми переменными	КР-2, УО-1
2	Уравнения колебаний	Общее решение уравнения колебаний	КР-3
		Решение задачи Коши для волнового	КР-4

№ раздела	Наименование раздела (темы)	Тематика практических работ	Форма текущего контроля
		уравнения	
		Решение и исследование задач о колебаниях струны и стержня	ДКР-1
		Решение и исследование задач о круглой мембране	ДКР-2, УО-2
3	Уравнения теплопроводности и диффузии	Решение неоднородного уравнения теплопроводности с однородными граничными условиями.	КР-5
		Решение уравнения теплопроводности с неоднородными граничными условиями	КР-6, УО-3
4	Уравнение Лапласа	Решение задач на собственные значения и собственные функции оператора Лапласа	КР-7, УО-4

Форма текущего контроля — защита контрольных работ (КР-1 — КР-7), домашних контрольных работ (ДКР-1 — ДКР-2), устный опрос (УО-1 — УО-5).

2.3.3. Лабораторные занятия

Лабораторные занятия по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров” не предусмотрены.

2.3.4. Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы (проекты) по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров” не предусмотрены.

2.4. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы, обучающихся по дисциплине (модулю)

Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы, обучающихся по дисциплине (модулю) приведен в таблице 6.

Таблица 6.

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	СРС	Методические указания по организации самостоятельной работы по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров”, утвержденные кафедрой геофизических методов поисков и разведки, протокол №14 от 14.06.2017 г.
2	Контрольная работа	Методические рекомендации по написанию контрольных работ, утвержденные кафедрой геофизических методов поисков и разведки, протокол №14 от 14.06.2017 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Общим вектором изменения технологий обучения должны стать активизация студента, повышение уровня его мотивации и ответственности за качество освоения образовательной программы.

При реализации различных видов учебной работы по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров” используются следующие образовательные технологии, приемы, методы и активные формы обучения:

1) разработка и использование активных форм лекций (в том числе и с применением мультимедийных средств):

- а) проблемная лекция;
- б) лекция-визуализация;
- в) лекция с разбором конкретной ситуации.

2) разработка и использование активных форм практических работ:

- а) практическое занятие с разбором конкретной ситуации;
- б) бинарное занятие.

В сочетании с внеаудиторной работой в активной форме выполняется также выполнение контролируемых самостоятельных работ (КСР).

В процессе проведения лекционных занятий и практических работ практикуется широкое использование современных технических средств (проекторы, интерактивные доски, Интернет). С использованием Интернета осуществляется доступ к базам данных, информационно-справочным и поисковым системам.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

Удельный вес занятий, проводимых в интерактивных формах, приведён в таблице 7.

Таблица 7.

Семестр	Вид занятия (Л, ПР)	Используемые интерактивные образовательные технологии	Количество часов
5	Л	Проблемная лекция, лекция-визуализация, лекция с разбором конкретной ситуации	10
	ПР	Практическая работа с разбором конкретной ситуации, бинарное занятие	20
Итого			30

4. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

4.1. Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

К формам письменного контроля относится *контрольная работа*, которая является одной из сложных форм проверки; она может применяться для оценки знаний по базовым и вариативным дисциплинам всех циклов. Контрольная работа, как правило, состоит из небольшого количества средних по трудности вопросов, задач или заданий, требующих поиска обоснованного ответа.

Во время проверки и оценки контрольных письменных работ проводится анализ результатов выполнения, выявляются типичные ошибки, а также причины их появления.

Контрольная работа может занимать часть или полное учебное занятие с разбором правильных решений на следующем занятии.

Перечень контрольных работ приведен ниже.

Контрольная работа №1. Решение дифференциального уравнения с частными производными.

Контрольная работа №2. Приведение к каноническому виду линейных уравнений с частными производными второго порядка с двумя и тремя независимыми переменными.

Контрольная работа №3. Общее решение уравнения колебаний.

Контрольная работа №4. Решение задачи Коши для волнового уравнения.

Контрольная работа №5. Решение неоднородного уравнения теплопроводности с однородными граничными условиями.

Контрольная работа №6. Решение уравнения теплопроводности с неоднородными граничными условиями.

Контрольная работа №7. Решение задач на собственные значения и собственные функции оператора Лапласа.

Критерии оценки контрольных работ:

— оценка “зачтено” выставляется студенту, если он правильно применяет теоретические положения курса при решении практических вопросов и задач, владеет необходимыми навыками и приемами их выполнения, а также правильно выполняет расчеты контрольной работы: а именно расчёт искомых величин, расчёт погрешностей к этим величинам, построение графиков, объяснение полученных результатов и графиков;

— оценка “не зачтено” выставляется студенту, если он не знает значительной части программного материала, в расчетной части контрольной работы допускает существенные ошибки, затрудняется объяснить расчетную часть, а также неуверенно, с большими затруднениями выполняет задания или не справляется с ними самостоятельно.

Домашняя контрольная работа — одна из форм контроля уровня знаний студента и ориентирования его в вопросах, ограниченных объемом учебной тематики.

Цели домашней контрольной работы:

— углубить, систематизировать и закрепить теоретические знания студентов;

— проверить степень усвоения одной темы или вопроса;

— выработать у студента умения и навыки самостоятельной обработки материала.

Перечень домашних контрольных работ приведен ниже.

Домашняя контрольная работа 1. Решение и исследование задач о колебаниях струны и стержня.

Домашняя контрольная работа №2. Решение и исследование задач о круглой мембране.

Критерии оценки домашних контрольных работ:

— оценка “зачтено” выставляется студенту, если выполнено не менее 60% заданий варианта, работа выполнена по стандартной или самостоятельно разработанной методике, в освещении вопросов не содержится грубых ошибок, по ходу решения сделаны аргументированные выводы;

— оценка “не зачтено” выставляется студенту, если он не справился с заданием (выполнено менее 60% задания), не раскрыто основное содержание работы, имеются грубые ошибки в освещении вопросов, в решении задач, а так же если работа выполнена не самостоятельно.

Текущий контроль успеваемости студентов представляет собой также устный опрос.

Устный опрос — наиболее распространенный метод контроля знаний учащихся. При устном опросе устанавливается непосредственный контакт между преподавателем и учащимся, в процессе которого преподаватель получает широкие возможности для изучения индивидуальных особенностей усвоения учащимися учебного материала.

Цель устного опроса: проверка знаний учащихся; проверка умений учащихся публично излагать материал; формирование умений публичных выступлений.

Вопросы для проведения устного опроса приведены ниже.

Вопросы устного опроса по разделу №1 “Дифференциальные уравнения с частными производными”.

1. Дифференциальные уравнения с двумя независимыми переменными.
2. Характеристическое уравнение и его характеристики.
3. Каноническая форма для уравнений гиперболического типа.
4. Каноническая форма для уравнений параболического типа.
5. Каноническая форма для уравнений эллиптического типа.
6. Канонические формы уравнений с постоянными коэффициентами.

Вопросы устного опроса по разделу №2 “Уравнения колебаний”.

1. Уравнение поперечных колебаний струны.
2. Уравнение продольных колебаний стержней и струн.
3. Уравнения гидродинамики и акустики.

4. Краевые и начальные условия для уравнений гиперболического типа.
5. Метод распространяющихся волн для уравнений гиперболического типа. Формула Даламбера.
6. Физическая интерпретация формулы Даламбера (случай начального отклонения).
7. Физическая интерпретация формулы Даламбера (случай начальной скорости).
8. Дисперсия волн.
9. Уравнения газовой динамики. Закон сохранения энергии.
10. Ударные волны. Условия динамической совместности.

Вопросы устного опроса по разделу №3 “Уравнения теплопроводности и диффузии”.

1. Уравнение диффузии.
2. Распространение тепла в пространстве.
3. Постановка краевых задач для уравнений параболического типа.
4. Метод разделения переменных для уравнений параболического типа.
5. Функция источника для уравнения теплопроводности.
6. Неоднородное уравнение теплопроводности.
7. Общая первая краевая задача для уравнения теплопроводности.
8. Температурные волны.
9. Стационарное тепловое поле. Постановка краевых задач.
10. Потенциальное течение жидкости. Потенциал стационарного тока и электростатического поля.

Вопросы устного опроса по разделу №4 “Уравнение Лапласа”.

1. Уравнение Лапласа в криволинейной системе координат.
2. Формулы Грина.
3. Интегральное представление решения уравнения эллиптического типа.
4. Метод разделения переменных для уравнений эллиптического типа.
5. Интеграл Пуассона.
6. Применение метода конформного отображения в электростатике.
7. Применение метода конформного отображения в гидродинамике.
8. Обтекание кругового цилиндра.
9. Неоднородное уравнение Гельмгольца в неограниченном пространстве.

Критерии оценки защиты устного опроса:

— оценка “зачтено” ставится, если студент достаточно полно отвечает на вопрос, развернуто аргументирует выдвигаемые положения, приводит

убедительные примеры, обнаруживает последовательность анализа, демонстрирует знание специальной литературы в рамках учебного методического комплекса и дополнительных источников информации;

— оценка “не зачтено” ставится, если ответ недостаточно логически выстроен, студент обнаруживает слабость в развернутом раскрытии профессиональных понятий.

4.2. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

К формам контроля относится *зачет* — это форма промежуточной аттестации студента, определяемая учебным планом подготовки по направлению ВО. Зачет служит формой проверки успешного выполнения студентами практических работ и усвоения учебного материала лекционных занятий.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

— при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене и зачете;

— при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

— при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Вопросы для подготовки к зачету:

1. Дифференциальные уравнения с частными производными.
2. Однородные линейные дифференциальные уравнения с частными производными и свойства их решений.
3. Оператор Лапласа в полярных, цилиндрических и сферических координатах.
4. Уравнение колебаний струны.
5. Вывод уравнения колебаний струны.
6. Постановка начальных и краевых условий.
7. Колебания бесконечной и полубесконечной струны. Метод Даламбера.
8. Бесконечная струна. Формула Даламбера.
9. Распространение волн отклонения.
10. Распространение волн импульса.
11. Полубесконечная струна.
12. Метод Фурье.
13. Стоячие волны.
14. Вынужденные колебания струны.
15. Колебания струны в среде с сопротивлением.
16. Продольные колебания стержня. Постановка задачи и метод решения.
17. Крутильные колебания вала.
18. Уравнения крутильных колебаний.
19. Крутильные колебания вала с диском на одном конце.
20. Электрические колебания в длинных однородных линиях.
21. Телеграфное уравнение.
22. Линия без потерь.
23. Линия без искажения.
24. Линии конечной длины.
25. Уравнение колебаний мембраны.
26. Вывод уравнения колебаний мембраны.
27. Начальные и краевые условия.
28. Колебания прямоугольной мембраны.
29. Собственные функции.
30. Стоячие волны прямоугольной мембраны.
31. Вторая часть метода Фурье. Двойные ряды Фурье.
32. Стоячие волны с одинаковой частотой.
33. Уравнение и функции Бесселя.
34. Уравнение Бесселя.

35. Условие ортогональности функций Бесселя нулевого порядка.
36. Функции Бесселя первого порядка.
37. Колебания круглой мембраны.
38. Стоячие волны круглой мембраны.
39. Уравнение линейной теплопроводности.
40. Вывод уравнения линейной теплопроводности. Начальное и краевые условия.
41. Теплопроводность в стержне при наличии теплообмена через боковую поверхность.
42. Теплопроводность в бесконечном стержне.
43. Метод Фурье для бесконечного стержня.
44. Преобразование решения уравнения теплопроводности.
45. Фундаментальное решение уравнения теплопроводности и его физический смысл.
46. Теплопроводность в конечном стержне.
47. Приведение к задаче с однородными краевыми условиями. Метод Фурье.
48. Распространение тепла в стержне в случаях постоянной температуры на концах или теплоизоляции концов.
49. Общий случай краевых условий.
50. Теплопроводность в полубесконечном стержне.
51. Распространение тепла при теплоизоляции или постоянстве температуры конца стержня.
52. Некоторые пространственные задачи теплопроводности.
53. Вывод уравнения теплопроводности в пространственном случае. Начальное и краевые условия.
54. Распространение тепла в однородном цилиндре.
55. Распространение тепла в однородном шаре.
56. Задачи диффузии.
57. Уравнение диффузии.
58. Уравнения теплопроводности и диффузии с краевым условием, зависящим от времени.
59. Краевые задачи для уравнения Лапласа.
60. Метод функции Грина. Постановка краевых задач.
61. Метод функции Грина для задачи Дирихле (трехмерный случай).
62. Метод функции Грина для задачи Дирихле (двумерный случай).
63. Задача Неймана.
64. Решение задачи Дирихле для шара и полупространства.
65. Сопряженные точки.
66. Задача Дирихле для шара.
67. Задача Дирихле для внешности шара.

68. Задача Дирихле для полупространства.
 69. Решение задачи Дирихле для круга и полуплоскости.
 70. Задача Дирихле для круга.
 71. Задача Дирихле для внешности круга.
 72. Задача Дирихле для полуплоскости.
 73. Метод Фурье для уравнения Лапласа.
 74. Двумерное уравнение Лапласа и задача Дирихле для круга.
 75. Разделение переменных в трехмерном уравнении Лапласа в сферических координатах.
 76. Многочлены Лежандра.
 77. Решение задачи Дирихле для шара в осесимметричном случае разложением по многочленам Лежандра.
 78. Классификация линейных дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка.
 79. Корректность постановки задач математической физики.
- Критерии получения студентами зачетов:
- оценка “зачтено” ставится, если студент строит свой ответ в соответствии с планом. В ответе представлены различные подходы к проблеме. Устанавливает содержательные межпредметные связи. Развернуто аргументирует выдвигаемые положения, приводит убедительные примеры, обнаруживает последовательность анализа. Выводы правильны. Речь грамотна, используется профессиональная лексика. Демонстрирует знание специальной литературы в рамках учебного методического комплекса и дополнительных источников информации.
 - оценка “не зачтено” ставится, если ответ недостаточно логически выстроен, план ответа соблюдается непоследовательно. Студент обнаруживает слабость в развернутом раскрытии профессиональных понятий. Выдвигаемые положения декларируются, но недостаточно аргументируются. Ответ носит преимущественно теоретический характер, примеры отсутствуют.

5. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

5.1. Основная литература

1. Владимиров В.С., Жаринов В.В. Уравнения математической физики: Учебник для студентов вузов. — Изд. 2-е, стер. — М.: Физматлит, 2008. — 399 с. (15)

2. Кудряшов Н.А. Методы нелинейной математической физики: учебное пособие. — Долгопрудный: Интеллект, 2010. — 364 с. (11)
3. Тихонов А.Н., Самарский А.А. Уравнения математической физики: учебник. — 7-е изд. — М.: Наука, 2005. — 798 с. (85)
4. Ильин А.М. Уравнения математической физики: учебное пособие. — М.: Физматлит, 2009. — 192 с. — http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2181.
5. Емельянов В.М., Рыбакина Е.А. Уравнения математической физики. Практикум по решению задач. — СПб.: Лань, 2008. — 214 с. — [Электронный ресурс]: учебное пособие. — Электрон. дан. — Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=140.

*Примечание: в скобках указано количество экземпляров в библиотеке КубГУ.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах “Лань” и “Юрайт”.

5.2. Дополнительная литература

1. Владимиров В.С., Жаринов В.В. Уравнения математической физики: учебник для вузов. — М.: Физматлит, 2004. — 400 с. (30)
2. Владимиров В.С. Уравнения математической физики. — М.: Наука, 1976. — 528 с. (1)
3. Владимиров В.С., Михайлов В.П., Вашарин А.А., Каримова Х.Х., Сидоров Ю.В., Шабунин М.И. Сборник задач по уравнениям математической физики / под редакцией Владимирова В.С. — М.: Наука, 1974. — 272 с.
4. Федорюк М.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. — М.: Наука, 1980. — 352 с.
5. Владимиров В.С., Вашарин А.А. Сборник задач по уравнениям математической физики. — М.: Физматлит, 2001. — 287 с. — [Электронный ресурс]: учебное пособие. — Электрон. дан. — Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2364.

5.3. Периодические издания

1. Известия высших учебных заведений. Геология и разведка: научно-методический журнал министерства образования и науки Российской Федерации. ISSN 0016-7762.

2. Геология и геофизика: научный журнал СО РАН. ISSN 0016-7886.
3. Доклады Академии наук: Научный журнал РАН (разделы: Геология. Геофизика. Геохимия). ISSN 0869-5652.
4. Геофизика. Научно-технический журнал ЕАГО.
5. Каротажник. Научно-технический вестник АИС.
6. Теоретическая и математическая физика. ISSN 0564-6162.
7. Вычислительные методы и программирование: научный журнал. ISSN 1726-3522.
8. Математика в ВУЗе: общественный научный и методический интернет-журнал. ISSN 1819-6616.
9. Новые технологии в образовании: научно-методический журнал. ISSN 1815-6835.

6. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ “ИНТЕРНЕТ”, НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

1. www.moodle.kubsu.ru/ среда модульного динамического обучения КубГУ
2. www.eearth.ru
3. www.sciencedirect.com
4. www.geobase.ca
5. www.krelib.com
6. www.geolib.ru
7. www.geozvt.ru
8. www.geol.msu.ru
9. www.scintific.narod.ru/literature.htm каталог научных ресурсов
10. www.sci-lib.com/ большая научная библиотека
11. www.eqworld.ipmnet.ru/ru/library/physics.htm раздел “Учебники и другие книги по физике и математике” учебно-образовательной физико-математической библиотеки сайта EqWorld
12. www.e-science.ru/math/

7. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Теоретические знания по основным разделам курса “Уравнения математической физики для горных инженеров” студенты приобретают на лекциях и практических занятиях, закрепляют и расширяют во время самостоятельной работы.

Лекции по курсу “Уравнения математической физики для горных инженеров” представляются в виде обзоров с демонстрацией презентаций по отдельным основным темам программы.

Для углубления и закрепления теоретических знаний студентам рекомендуется выполнение определенного объема самостоятельной работы. Общий объем часов, выделенных для внеаудиторных занятий, составляет 15,8 часов.

Внеаудиторная работа по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров” заключается в следующем:

- повторение лекционного материала и проработка учебного (теоретического) материала;
- подготовка к практическим занятиям;
- выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций);
- подготовка к текущему контролю;
- написание контролируемой самостоятельной работы (домашней контрольной работы).

Для закрепления теоретического материала и выполнения контролируемых самостоятельных работ по дисциплине во внеучебное время студентам предоставляется возможность пользования библиотекой КубГУ, возможностями компьютерных классов.

Итоговый контроль осуществляется в виде зачета.

Контролируемой самостоятельной работы (КСР) по дисциплине “Уравнения математической физики для горных инженеров” является расчет 2-х домашних контрольных работ.

Контрольные работы в вузе могут быть:

- аудиторными (выполняемые во время аудиторных занятий в присутствии преподавателя);
 - домашними, которые задаются на дом к определенному сроку;
 - текущими, целью которых является контроль знаний по только что пройденной теме;
 - экзаменационными, оценка по которым имеет статус итоговой.
- Требования к аудиторным и домашним контрольным работам:
- оформленный титульный лист;

- подробное описание методик расчета;
- расчет задачи по индивидуальному варианту;
- список используемых источников.

Защита контролируемой самостоятельной работы (КСР) осуществляется на практических занятиях в виде собеседования с обсуждением отдельных его разделов, полноты раскрытия темы, новизны используемой информации.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) — дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

8. ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

8.1. Перечень информационных технологий

Использование электронных презентаций при проведении занятий лекционного типа и практических работ.

8.2. Перечень необходимого программного обеспечения

При освоении курса “Уравнения математической физики для горных инженеров” используются лицензионные программы общего назначения, такие как Microsoft Windows 7, пакет Microsoft Office Professional (Word, Excel, PowerPoint, Access), программы демонстрации видео материалов (Windows Media Player), программы для демонстрации и создания презентаций (Microsoft Power Point).

8.3. Перечень необходимых информационных справочных систем

1. Электронная библиотечная система издательства “Лань” (www.e.lanbook.com)
2. Электронная библиотечная система “Университетская Библиотека

онлайн” (www.biblioclub.ru)

3. Электронная библиотечная система “ZNANIUM.COM”
(www.znanium.com)

4. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU
(<http://www.elibrary.ru>)

5. Единая интернет-библиотека лекций “Лекториум”
(www.lektorium.tv)

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
Занятия лекционного типа	Аудитория для проведения занятий лекционного типа, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением
Занятия семинарского типа	Аудитория для проведения занятий семинарского типа, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением
Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория для проведения текущего контроля, аудитория для проведения промежуточной аттестации
Самостоятельная работа	Аудитория для самостоятельной работы студентов, оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети “Интернет”, с соответствующим программным обеспечением, с программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета

РЕЦЕНЗИЯ
на рабочую программу дисциплины
**“УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ
ДЛЯ ГОРНЫХ ИНЖЕНЕРОВ”**

Дисциплина “Уравнения математической физики для горных инженеров” введена в учебные планы подготовки специалистов (специальность 21.05.03 “Технология геологической разведки” специализация “Геофизические методы поиска и разведки месторождений полезных ископаемых”) согласно ФГОС ВО, блока Б1, базовая часть (Б1.Б). Индекс дисциплины согласно ФГОС — Б1.Б.38, читается в пятом семестре.

Программа содержит все необходимые разделы, составлена на высоком научно-методическом уровне и соответствует современным требованиям. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины учитывает все основные современные научные и научно-методические разработки математической физики, содержит представительный список основной, дополнительной литературы, а также ссылки на справочно-библиографическую литературу, на периодические издания, а также на важные интернет-ресурсы, использование которых может значительно расширить возможности образовательного процесса.

В программе имеется обширный блок оценочных средств текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации, в том числе – для оценки качества подготовки студентов.

Рабочая программа дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” рассматривает основные передовые направления научно-технического прогресса в области математической физики и рекомендуется к введению в учебный процесс подготовки студентов на геологическом факультете КубГУ.

Доцент кафедры прикладной математики
ФГБОУ ВО КубГУ,
к. физ.-мат. наук



Калайдина Г.В.

РЕЦЕНЗИЯ
на рабочую программу дисциплины
“УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ
ДЛЯ ГОРНЫХ ИНЖЕНЕРОВ”

Дисциплина “Уравнения математической физики для горных инженеров” введена в учебные планы подготовки специалиста (специальность 21.05.03 “Технология геологической разведки” специализация “Геофизические методы поиска и разведки месторождений полезных ископаемых”) согласно ФГОС ВО блока Б1. Индекс дисциплины согласно ФГОС — Б1.Б.38, читается в пятом семестре.

Дисциплина предусмотрена основной образовательной программой (ООП) КубГУ (специальность 21.05.03 “Технология геологической разведки”) в объёме 2 зачетных единиц (72 часа, итоговый контроль — зачет).

Необходимость изучения такой дисциплины студентами, которые после окончания университета будут работать в Краснодарском крае, учитывая высокую потребность края в инженерно-геофизическом обеспечении работ, не вызывает сомнения.

Дисциплина “Уравнения математической физики для горных инженеров” соответствует Федеральному Государственному образовательному стандарту высшего образования (ФГОС ВО) по специальности 21.05.03 “Технология геологической разведки”.

Программа содержит все необходимые разделы, она составлена на высоком научно-методическом уровне и соответствует современным требованиям. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины учитывает все основные современные научные и научно-методические разработки математической физики, содержит обширный список основной и дополнительной литературы, а также ссылки на важные интернет-ресурсы, использование которых может значительно расширить возможности образовательного процесса.

В программе имеется обширный блок оценочных средств текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации, в том числе – для оценки качества подготовки студентов.

Рабочая программа дисциплины “Уравнения математической физики для горных инженеров” рекомендуется к введению в учебный процесс подготовки студентов.

Генеральный директор
ООО “Нефтегазовая производственная
экспедиция”, д.т.н., профессор



Ю.В. Коноплёв