

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе,  
качеству образования – первый  
проректор

Иванов А.Г.

2017 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**ФТД.В.01 Экспериментальная теория чисел**

*(код и наименование дисциплины в соответствии с учебным планом)*

Направление подготовки 01.04.01 Математика  
*(код и наименование направления подготовки/специальности)*

Направленность Алгебраические методы защиты информации  
*(наименование направленности (профиля) специализации)*

Программа подготовки академическая  
*(академическая /прикладная)*

Форма обучения очная  
*(очная, очно-заочная, заочная)*

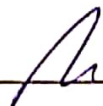
Квалификация (степень) выпускника магистр  
*(бакалавр, магистр, специалист)*

Краснодар 2017

Рабочая программа дисциплины Экспериментальная теория чисел составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.04.01 Математика

Программу составил(и):

А.В. Рожков, профессор, д.ф.-м.н., профессор



Рабочая программа дисциплины Экспериментальная теория чисел утверждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры, протокол № 15 «9» июня 2017 г

Заведующий кафедрой Барсукова В.Ю.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук,

протокол № 3 «20» июня 2017 г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н



Рецензенты:

Сутокский В.Г. к.т.н., доцент кафедры наземного транспорта и механики КубГТУ

Дроботенко М.И. к.ф.-м.н., зав. кафедрой математических и компьютерных методов КубГУ

## **Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).**

### **1.1 Цель освоения дисциплины.**

Цель освоения дисциплины – рассматривает задачи информатизации и научного программирования. Изучение этой дисциплины является важной составной частью современного математического образования и образования в области компьютерных наук.

### **1.2 Задачи дисциплины.**

Задачи освоения дисциплины «Экспериментальная теория чисел»: получение базовых теоретических и практических сведений и навыков о структуре и алгоритмах символьных математических вычислений. Прежде всего алгебраических, связанных с вычислительными и числовыми вопросами алгебры и криптографии. Применение этих знаний на практике, при рассмотрении перспектив развития математических и компьютерных наук, месте и роли вычислительных приемов и методов, при решении вопросов защиты информации. А также при анализе структур информационных систем и математических методов построения защищенных информационных систем.

Изучение теоретических основ предмета: Информационные объекты. Экспериментальная теория чисел и численный анализ. Элементы теории сложности алгоритмов. Числовые функции, основные теоремы о евклидовых кольцах, алгоритмы решения линейных и квадратных уравнений в конечных полях, кольцах вычетов, алгоритмы нахождения наибольших общих делителей, алгоритмов проверки простоты чисел.

### **1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.**

Дисциплина «Экспериментальная теория чисел» относится к вариативной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана Б1.В.ДВ.01.02

Данная дисциплина, как алгоритмическая основа криптографии, криптоанализа, теории защищенных информационных систем, призвана содействовать фундаментализации образования, укреплению правосознания и развитию системного мышления магистров. А также развитию навыков применения современных компьютерных средств для решения естественно-научных проблем.

### **1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.**

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общекультурных/общепрофессиональных/профессиональных компетенций (ОК/ОПК/ПК)

| № п.п. | Индекс компетенции | Содержание компетенции (или её части)                     | В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны                                         |                                                                                      |                                                                                                                                                              |
|--------|--------------------|-----------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|        |                    |                                                           | знать                                                                                               | уметь                                                                                | владеть                                                                                                                                                      |
| 1.     | ПК-1               | Способность к интенсивной научно-исследовательской работе | О компьютерной реализации информационных объектов. Связи компьютерной алгебры и численного анализа. | Применять основные математические методы, используемые в анализе типовых алгоритмов. | использования библиотеки алгоритмов и пакетов расширения; поиска и использования современной научно-технической литературой в области символьных вычислений. |

В результате освоения данной дисциплины обучающийся должен:

Знать:

О компьютерной реализации информационных объектов.

Связи компьютерной алгебры и численного анализа.

Элементы теории сложности алгоритмов.

Уметь:

Определять структуры данных в компьютерной алгебре.

Использовать технику символьных вычислений.

Применять основные математические методы, используемые в анализе типовых криптографических алгоритмов.

Владеть навыками:

классификации систем компьютерной алгебры;

ориентироваться в типовых архитектурах вычислительных процессов;

использования библиотеки алгоритмов и пакетов расширения;

поиска и использования современной научно-технической литературой в области символьных вычислений.

## 2. Структура и содержание дисциплины.

### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 2 зач. ед. (72 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

| Вид учебной работы                                                    |                                      | Всего часов | Семестры (часы) |          |          |          |
|-----------------------------------------------------------------------|--------------------------------------|-------------|-----------------|----------|----------|----------|
|                                                                       |                                      |             | 1               |          |          |          |
| <b>Контактная работа, в том числе:</b>                                |                                      |             |                 |          |          |          |
| <b>Аудиторные занятия (всего):</b>                                    |                                      | <b>16</b>   | <b>16</b>       |          |          |          |
| Занятия лекционного типа                                              |                                      |             |                 | -        | -        | -        |
| Лабораторные занятия                                                  |                                      | -           | -               | -        | -        | -        |
| Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)            |                                      | 16          | 16              | -        | -        | -        |
|                                                                       |                                      | -           | -               | -        | -        | -        |
| <b>Иная контактная работа:</b>                                        |                                      |             |                 |          |          |          |
| Контроль самостоятельной работы (КСР)                                 |                                      |             |                 |          |          |          |
| Промежуточная аттестация (ИКР)                                        |                                      | 0,2         | 0,2             |          |          |          |
| <b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>                           |                                      |             |                 |          |          |          |
| Курсовая работа                                                       |                                      | -           | -               | -        | -        | -        |
| Проработка учебного (теоретического) материала                        |                                      | 16          | 16              | -        | -        | -        |
| Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций) |                                      | 19          | 19              | -        | -        | -        |
| Реферат                                                               |                                      | 4           | 4               | -        | -        | -        |
|                                                                       |                                      |             |                 |          |          |          |
| Подготовка к текущему контролю                                        |                                      | 16,8        | 16,8            | -        | -        | -        |
| <b>Контроль:</b>                                                      |                                      |             |                 |          |          |          |
| Подготовка к экзамену                                                 |                                      | -           | -               |          |          |          |
| <b>Общая трудоемкость</b>                                             | <b>час.</b>                          | <b>72</b>   | <b>72</b>       | <b>-</b> | <b>-</b> | <b>-</b> |
|                                                                       | <b>в том числе контактная работа</b> | <b>32,2</b> | <b>32,2</b>     |          |          |          |
|                                                                       | <b>зач. ед</b>                       | <b>2</b>    | <b>2</b>        |          |          |          |

## 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.  
Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре (очная форма)

| № | Наименование разделов                                                                                                                         | Количество часов |                   |    |    |                      |
|---|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------|-------------------|----|----|----------------------|
|   |                                                                                                                                               | Всего            | Аудиторная работа |    |    | Внеаудиторная работа |
|   |                                                                                                                                               |                  | Л                 | ПЗ | ЛР |                      |
| 1 | 2                                                                                                                                             | 3                | 4                 | 5  | 6  | 7                    |
| 1 | Понятие о компьютерной алгебре. Пакеты компьютерной алгебры. Пакеты на открытом коде.                                                         | 18               | 4                 | 4  |    | 6                    |
| 2 | Структуры данных в компьютерной алгебре. Техника символьных вычислений.                                                                       | 18               | 4                 | 4  |    | 10                   |
| 3 | LISP-машины. Целочисленная арифметика. Полиномиальная арифметика.                                                                             | 18               | 4                 | 4  |    | 10                   |
| 4 | Редукция алгебраических выражений. Метод критических пар. Алгоритм Евклида. Простые числа. Тесты простоты. Разложение чисел на простые числа. | 21,8             | 4                 | 4  |    | 13,8                 |
|   | <i>Итого по дисциплине:</i>                                                                                                                   |                  | 16                | 16 |    | 39,8                 |

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа магистра

## 2.3 Содержание разделов дисциплины:

### 2.3.1 Занятия практического типа.

| № | Наименование раздела                                                                  | Содержание раздела                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | Форма текущего контроля |
|---|---------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------|
| 1 | 2                                                                                     | 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 4                       |
| 1 | Понятие о компьютерной алгебре. Пакеты компьютерной алгебры. Пакеты на открытом коде. | Компьютерная алгебра и численный анализ. Точная, целочисленная и полиномиальная арифметики. Системы компьютерной алгебры (СКА). Функциональное назначение. Тип архитектуры. Средства реализации. Область применения. Интегральные оценки качества. Пакеты компьютерной алгебры Maple 2017, PARI/GT 2.9 GAP4t8p8, Sage 8.1. Обзор их возможностей и сравнение функционала. Расширение состава встроенных и программируемых типов математических объектов. Интеграция СКА с другими компьютерными системами. Унификация и объектная ориентация интерфейса пользователя. Программирование символьных вычислений произвольной сложности. Ускорение работы СКА. | Р                       |

|   |                                                                                                                                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |   |
|---|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|
| 2 | Структуры данных в компьютерной алгебре. Техника символьных вычислений.                                                                       | Базовые структуры данных в Sage Списки (list), динамические массивы. Перечисления (tuples). Словарь или ассоциативный массив (dictionary). Функции и Функции языка Python. Условные операторы, циклы, символьные выражения, алгебраические структуры, матрицы, векторные пространства. Структуры данных в GAP. Константы и операторы, Переменные и присваивания, Функции, Списки, Тожественность и равенство списков, Множества, Векторы и матрицы, Записи, Арифметические прогрессии, Использование циклов.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | Э |
| 3 | LISP-машины. Целочисленная арифметика. Полиномиальная арифметика.                                                                             | Целочисленная арифметика. Объекты вычислений в целочисленной арифметике – короткие и длинные неотрицательные целые числа. Система счисления (СС) – позиционная, с постоянным основанием. Знак числа и позиция точки (разделителя целой и дробной частей) хранятся и обрабатываются отдельно. Структура данных для представления объектов вычислений в целочисленной. Язык реализации – C++. Полиномиальная арифметика. Объекты вычислений в полиномиальной арифметике – полиномы степени $n$ (где $n$ – короткое целое число) от одной и нескольких переменных с целочисленными коэффициентами (коэффициенты – длинные целые числа).                                                                                                                                                                                            | Т |
| 4 | Редукция алгебраических выражений. Метод критических пар. Алгоритм Евклида. Простые числа. Тесты простоты. Разложение чисел на простые числа. | Редукция алгебраических выражений. Метод локализации. Алгоритм пополнения. Теорема Кнута – Бендикса. Метод критических пар. Метод пополнения. Задача полиномиального упрощения. Редукция полиномов. Базисы Грёбнера. Решение системы полиномиальных уравнений. Алгоритм Бухбергера. Отношение делимости и его свойства. Алгоритмы вычисления НОД в кольце целых чисел. Алгоритмы вычисления НОД в кольцах полиномов. Бинарный алгоритм вычисления НОД. Расширенный алгоритм Евклида. Расширенный алгоритм Евклида для полиномов над полем. Алгоритм проверки на простоту. Алгоритм тестирования. Тест Эдуарда Люка (1878) – Дерика Генри Лемера (1930). Тест Адлемана-Померанца-Рюмли. Тесты псевдопростоты. Числа Кармайкла. Разложение чисел на простые числа. Метод Адриена Мари Лежандра. Метод Ферма. Метод цепных дробей. | Р |

### 2.3.2 Занятия семинарского типа.

Не предусмотрены

| №  | Наименование раздела | Тематика практических занятий (семинаров) | Форма текущего контроля |
|----|----------------------|-------------------------------------------|-------------------------|
| 1  | 2                    | 3                                         | 4                       |
| 1. |                      |                                           |                         |

### 2.3.3 Лабораторные занятия.

Не предусмотрены

| № | Наименование лабораторных работ | Форма текущего контроля |
|---|---------------------------------|-------------------------|
| 1 | 3                               | 4                       |
| 1 |                                 |                         |
| 2 |                                 |                         |

Защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т).

### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены.

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

| № | Вид СРС                                  | Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы                                                                                                                                                                                           |
|---|------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | 2                                        | 3                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
| 1 | Подготовка рефератов и научных сообщений | Рожков А.В. «Темы исследовательских работ и методические указания по их написанию», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017 г.                                                                                                     |
| 2 | Самостоятельное освоение теории          | Рожков А.В. «Перечень электронных источников информации для самостоятельных работ по всему курсу магистерской программы АМЗИ и рекомендации по его использованию». Методические указания, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017. |

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме с увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

**Перечень**  
электронных документов, которые могут быть представлены  
в печатной форме с увеличенным шрифтом

1. Рожков А.В. «Темы исследовательских работ и методические указания по их написанию», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017 г.
2. Рожков А.В. «Перечень электронных источников информации для самостоятельных работ по всему курсу магистерской программы АМЗИ и рекомендации по его использованию». Методические указания, утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры, протокол № 1 от 31 августа 2017.

**3. Образовательные технологии.**

Активные и интерактивные формы, лекции, лабораторные занятия, контрольные работы, реферативные доклады (по некоторым темам в виде презентации) и зачет. В течение семестра магистры решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. Каждый магистр готовит реферативный доклад по одной из ниже научных тем. Зачет выставляется после выполнения определенного количества (практических и теоретических) заданий контрольных работ и отчета по реферативному докладу. В случае невыполнения какого-то из приведенных требований, магистру для сдачи зачета предлагаются по усмотрению преподавателя некоторые практические и теоретические задания, подобные предложенным ниже.

К образовательным технологиям также относятся интерактивные методы обучения. Интерактивность подачи материала по дисциплине «Базы данных» предполагает не только взаимодействия вида «преподаватель - магистр» и «магистр - преподаватель», но и «магистр - магистр». Все эти виды взаимодействия хорошо достигаются при изложении материала на занятиях в ходе дискуссий, а также на лабораторных занятиях в ходе изложения магистрами реферативных докладов (возможно в виде презентации).

**4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.**

**4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.**

Список теоретических вопросов (для подготовки к зачету)

1. Константы и операторы в GAP и Sage.
2. Переменные и присваивания.
3. Функции.
4. Списки - тождественность и равенство списков.
5. Множества, Векторы и матрицы.
6. Записи.
7. Использование циклов.
8. Алгоритм пополнения.
9. Теорема Кнута – Бендикса.
10. Метод критических пар.
11. Задача полиномиального упрощения.
12. Базисы Грёбнера. Решение системы полиномиальных уравнений.
13. Алгоритм Бухбергера.
14. Алгоритмы вычисления НОД в кольце целых чисел.
15. Алгоритмы вычисления НОД в кольцах полиномов.
16. Бинарный алгоритм вычисления НОД.
17. Расширенный алгоритм Евклида для полиномов над полем.

18. Алгоритм проверки на простоту.
19. Алгоритм тестирования.
20. Тест Эдуарда Люка – Лемера.
21. Тест Адлемана-Померанца-Рюмли.
22. Тесты псевдопростоты. Числа Кармайкла.
23. Разложение чисел на простые числа.
24. Метод Адриена Мари Лежандра.
25. Метод Ферма.
26. Метод цепных дробей.

#### 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.

##### Список типовых алгоритмов (для самостоятельных занятий и зачета)

1. Нахождение примитивного элемента конечного поля.
2. Построение таблицы логарифма Якоби конечного поля.
3. Решение систем линейных уравнений над конечным полем.
4. Алгоритм быстрого возведения в степень.
5. Нахождение обратных элементов в конечном поле.
6. Расширения конечных полей.
7. Алгоритм шифрования AES: структура поля  $GF(2^8)$ , нахождение обратных элементов.
8. Алгоритм шифрования AES: фактор кольца  $GF(2^8)[x]/\text{ид}((x+1)^4)$ , преобразование столбцов.
9. Алгоритм шифрования AES: Линейное преобразование, собственные значения

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

матрицы

10. Алгоритм RSA – выбор секретных параметров  $p, q, d$ , вычисление открытого ключа  $n, e$ .
11. Рюкзачная система шифрования. Быстрорастущий вектор. Скрытие быстрорастущего вектора после преобразования умножения по модулю.
12. Решение систем линейных уравнений по разным модулям.
13. Решение систем линейных уравнений в кольце целых чисел.
14. Линейный регистр сдвига с обратной связью
 
$$S_{n+k} = a_{k-1}S_{n+k-1} + a_{k-2}S_{n+k-2} + \dots + a_1S_{n+1} + a_0S_n + a, n = 0, 1, 2, \dots$$
15. Характеристический многочлен регистра сдвига
 
$$x^k = a_{k-1}x^{k-1} + a_{k-2}x^{k-2} + \dots + a_1x + a_0$$
16. Нахождение явного вида значений регистра сдвига
 
$$S_n = \beta_1\alpha_1^n + \beta_2\alpha_2^n + \dots + \beta_k\alpha_k^n, n = 0, 1, 2, \dots,$$
 где  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_k$  – корни

характеристического многочлена, коэффициенты  $\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_k \in P$  являются

$$\begin{cases} \beta_1 \alpha_1^0 + \beta_2 \alpha_2^0 + \dots + \beta_k \alpha_k^0 = S_0 \\ \beta_1 \alpha_1^1 + \beta_2 \alpha_2^1 + \dots + \beta_k \alpha_k^1 = S_1 \\ \dots \\ \beta_1 \alpha_1^{k-1} + \beta_2 \alpha_2^{k-1} + \dots + \beta_k \alpha_k^{k-1} = S_{k-1} \end{cases}$$

решениями системы

17. Матрица линейного регистра сдвига

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_0 \\ 1 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_1 \\ 0 & 1 & \dots & 0 & 0 & a_2 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_3 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 & a_{k-3} \\ 0 & 0 & \dots & 1 & 0 & a_{k-2} \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 1 & a_{k-1} \end{pmatrix}$$

ее собственные значения и жорданова форма.

18. Квадратичный закон взаимности. Вычисление квадратичных вычетов и невычетов.

19. Извлечение квадратных корней по простому модулю  $p \equiv 3 \pmod{4} \Rightarrow p = 4k + 3$ .

20. Извлечение квадратных корней по простому модулю  $p \equiv 1 \pmod{4} \Rightarrow p = 4k + 1$ .

### Примерные темы реферативных докладов

1. Расширение состава встроенных и программируемых типов математических объектов.
2. Интеграция СКА с другими компьютерными системами.
3. Унификация и объектная ориентация интерфейса пользователя.
4. Программирование символьных вычислений произвольной сложности.
5. Ускорение работы СКА.
6. LISP-машина.
7. Техника символьных вычислений.
8. Функциональные LISP-выражения.
9. Китайская теорема об остатках и ее применение.
10. Примитивные элементы конечных полей.
11. Компьютерная алгебра в криптографии.
12. Алгоритмы быстрого умножения матриц.
13. Рюкзачные алгоритмы.
14. Извлечение квадратных корней в конечных полях.
15. Алгоритм Штрассена.
16. Алгоритм Винограда-Штрассена.
17. Обзор вероятностных алгоритмов разложения на простые множители.

### 5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).

#### 5.1 Основная литература:

1. Бухштаб А.А. Теория чисел, 4-е изд. [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2015. - URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/65053/#1>
2. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии. [Электронный ресурс]. - СПб.: Лань, 2011. - URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/68466/#1>

## 5.2 Дополнительная литература:

1. Конова Е.А., Поллак Г.А. Алгоритмы и программы. Язык C++, 3-е изд. [Электронный ресурс]. – М.: Лаборатория знаний, 2018. – URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/103905/#1>
2. Окулов С.М. Программирование в алгоритмах, 6-е изд. [Электронный ресурс]. – М.: Лаборатория знаний, 2017. – URL: <https://e.lanbook.com/reader/book/94140/#1>

## 1.3. Периодические издания:

Не предусмотрены

## 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).

1. Пакет компьютерной алгебры Sage 8.3. Официальный сайт <http://sagemath.org/>
2. Пакет компьютерной алгебры Gap4r9p3. Официальный сайт <http://www.gap-system.org/>
3. Клиентская ОС Debian 9.3. Официальный сайт <https://www.debian.org/>
4. Система аудита и обнаружения вторжений Kali Linux 2018.3. Официальный сайт <http://www.kali.org/>

## 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

Согласно учебному плану дисциплины «Экспериментальная теория чисел» итоговой формой контроля является зачет. Для сдачи зачета магистр должен научиться на лабораторных занятиях решать практические задания по темам разделов 1-3, выполнять домашние задания. Типы практических заданий на зачет соответствуют заданиям. Также на зачете магистрам предлагаются и теоретические задания, состоящие в письменном ответе на один из вопросов. Количество практических и теоретических заданий зависит от активности и результативности работы магистра в течение семестра.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине (модулю).

Для подготовки к ответам на теоретические вопросы в ходе контрольных работ и на зачете магистрам достаточно использовать материал лекций. Весь этот теоретический материал содержится в учебных пособиях из списка основной литературы. Для изучения теоретического материала, необходимого для подготовки реферативного доклада, кроме основных источников литературы возможно использование дополнительных источников и Интернет-ресурса. В случае затруднений, возникающих у магистров в процессе самостоятельного изучения теории, преподаватель разъясняет сложные моменты на консультациях.

## 8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).

### 8.1 Перечень информационных технологий.

Базы данных на открытом коде SQL

### 8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

#### а) перечень лицензионного программного обеспечения:

| № п/п | Перечень лицензионного программного обеспечения |
|-------|-------------------------------------------------|
| 1.    | Microsoft Windows 8, 10                         |
| 2.    | Microsoft Office Professional Plus              |

|    |                     |
|----|---------------------|
| 3. | Maple 18            |
| 4. | MATLAB              |
| 5. | Wolfram Mathematica |

**в) Перечень свободно распространяемого программного обеспечения**

| №   | Перечень свободно распространяемого программного обеспечения                                                                                                                     |
|-----|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1.  | Пакет компьютерной алгебры Sage 8.3. Официальный сайт <a href="http://sagemath.org/">http://sagemath.org/</a>                                                                    |
| 2.  | Пакет компьютерной алгебры Gap4r9p3. Официальный сайт <a href="http://www.gap-system.org/">http://www.gap-system.org/</a>                                                        |
| 3.  | Пакет компьютерной алгебры PARI/GT 2.11. Официальный сайт <a href="http://pari.math.u-bordeaux.fr/">http://pari.math.u-bordeaux.fr/</a>                                          |
| 4.  | Библиотека для работы с большими целыми числами GMP 6.1.2. Официальный сайт <a href="https://gmplib.org/">https://gmplib.org/</a>                                                |
| 5.  | Язык программирования Python. Официальный сайт <a href="https://www.python.org/">https://www.python.org/</a>                                                                     |
| 6.  | Язык программирования Julia. Официальный сайт <a href="http://julialang.org/">http://julialang.org/</a>                                                                          |
| 7.  | Язык программирования Cython. Официальный сайт <a href="http://cython.org/">http://cython.org/</a>                                                                               |
| 8.  | Компилятор PyPy, оптимизирующий код Python и Cython. Официальный сайт <a href="http://pypy.org/">http://pypy.org/</a>                                                            |
| 9.  | Python в облаке, интегрированная среда разработки Anaconda. Официальный сайт <a href="https://store.continuum.io/cshop/anaconda/">https://store.continuum.io/cshop/anaconda/</a> |
| 10. | Математические пакеты Python, проект SciPy. Официальный сайт <a href="http://www.scipy.org/">http://www.scipy.org/</a>                                                           |
| 11. | Клиентская ОС Debian 9.5. Официальный сайт <a href="https://www.debian.org/index.ru.html">https://www.debian.org/index.ru.html</a>                                               |
| 12. | Издательская система LaTeX/MiKTeX 2.9. Официальный сайт <a href="http://www.miktex.org/">http://www.miktex.org/</a>                                                              |
| 13. | Утилиты Руссиновича <a href="https://technet.microsoft.com/ru-ru/library/bb545021.aspx">https://technet.microsoft.com/ru-ru/library/bb545021.aspx</a>                            |
| 14. | Анализ защищенности сети Kali Linux 2018.3. <a href="https://www.kali.org/">https://www.kali.org/</a>                                                                            |
| 15. | Анализ защищенности сети Snort 3.0. Официальный сайт <a href="https://www.snort.org/">https://www.snort.org/</a>                                                                 |
| 16. | Серверная ОС CentOS – 7. Официальный сайт <a href="https://www.centos.org/">https://www.centos.org/</a>                                                                          |
| 17. | Офисная система Apache OpenOffice 4.1.5. Официальный сайт <a href="https://www.openoffice.org/ru/">https://www.openoffice.org/ru/</a>                                            |

**8.3 Перечень информационных справочных систем:**

1. Справочно-правовая система «Консультант Плюс» (<http://www.consultant.ru>)
2. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)
3. Электронная библиотека <http://gen.lib.rus.ec/>

**9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

| № | Вид работ          | Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность                                                                                                                                                                        |
|---|--------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | Лекционные занятия | Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО) Программы, демонстрации видео материалов (проигрыватель «Windows Media Player»). Программы для |

|   |                                            |                                                                                                                                                                                                                                           |
|---|--------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|   |                                            | демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»).                                                                                                                                                                            |
| 2 | Практические занятия                       | Аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук), компьютерами и соответствующим программным обеспечением (ПО)                                                                                         |
| 3 | Групповые (индивидуальные) консультации    | Помещение для проведения групповых (индивидуальных) консультаций, учебной мебелью, доской, маркером или мелом                                                                                                                             |
| 4 | Текущий контроль, промежуточная аттестация | Помещение для проведения текущей и промежуточной аттестации, оснащенное учебной мебелью.                                                                                                                                                  |
| 5 | Самостоятельная работа                     | Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета |