# Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Кубанский государственный университет» Факультет математики и компьютерных наук



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) Б1.Б.19 ТЕОРИЯ СЛУЧАЙНЫХ ПРОЦЕССОВ

Направление подготовки /специальность

01.05.01 ФУНДАМЕНТАЛЬНЫЕ МАТЕМАТИКА И МЕХАНИКА

Направленность (профиль) /специализация

МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

Форма обучения ОЧНАЯ

Квалификация (степень) выпускника

МАТЕМАТИК. МЕХАНИК. ПРЕПОДАВАТЕЛЬ

Краснодар 2017

Рабочая программа дисциплины «Теория случайных процессов» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.05.01 ФУНДАМЕНТАЛЬНЫЕ МАТЕМАТИКА И МЕХАНИКА

Программу составил: Янковская Л.К., доц. кафедры математических и компьютерных методов, к. ф.-м. н., доц.

Рабочая программа дисциплины «Теория случайных процессов» утверждена на заседании кафедры математических и компьютерных методов протокол № 14 «09» июня 2017 г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Дроботенко М.И.

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры

протокол № 15 «09» июня 2017 г. Заведующий кафедрой (выпускающей) Барсукова В.Ю.

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук протокол № 3 «20» июня 2017 г. Председатель УМК факультета Титов Г.Н

#### Рецензенты:

Бунякин А.В., доцент кафедры оборудования нефтегазовых промыслов ФГБОУ ВО «КубГТУ»

Никитин Ю.Г., доцент кафедры теоретической физики и компьютерных технологий ФГБОУ ВО «Кубанский государственный университет»

#### 1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).

#### 1.1 Цель освоения дисциплины.

Развитие профессиональных компетентностей в области применения методов теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов при анализе реальных процессов и объектов с целью нахождения эффективных решений общенаучных и прикладных задач широкого профиля.

#### 1.2 Задачи дисциплины.

Задачей изучения дисциплины является развитие способности находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной и прикладной математики, использовать фундаментальные знания в области теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов в будущей профессиональной деятельности.

#### 1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.

Дисциплина «Теория случайных процессов» относится к базовой части Блока 1 «Дисциплины (модули)» учебного плана. Для ее изучения требуется освоение следующих предшествующих дисциплин: «Теория вероятностей», «Математический анализ» и «Дифференциальные уравнения». Кроме того, данная дисциплина в соответствии с учебным планом является предшествующей для изучения дисциплин «Математические модели в биологии и медицине» и «Математические методы в экономике».

## 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся профессиональных компетенций (ОПК-1).

В результате изучения обязательной части учебного цикла обучающийся должен обладать:

ООЛа	дать:					
No	Индекс	Содержание компетенции	В результа	те изучения уче	бной дисциплины	
	компет	_ · · · •	обучающиеся должны			
п.п	енции	(или её части)	знать	уметь	владеть	
1.	ОПК-1	готовностью использовать фундаментальные знания в области теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов в будущей профессиональной деятельности	направление развития и области применения методов теории случайных процессов; методы исследовани я случайных процессов; основы и концепции современной теории случайных процессов;	применять в научной и производствен ной деятельности знания, полученные при изучении курса; осуществлять сбор и обработку данных экспериментов; рассчитывать характеристики случайных процессов; проводить интерпретацию полученных результатов исследования;	навыком применения современных пакетов анализа и обработки информации; корректной постановки задач; вывода соотношений, доказательства теорем; построения математических моделей реальных случайных процессов и интерпретации полученных результатов.	

#### 2. Структура и содержание дисциплины.

#### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 зач.ед. (108 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Вид учебной работы		Всего часов		Семестры (часы)		
		часов	7	(-14	Сы)	
Контактная работа, в то	Контактная работа, в том числе:					
Аудиторные занятия (все		<b>76,2</b> 72	<b>76,2</b> 72	-	-	-
Занятия лекционного типа			36	-	-	-
Лабораторные занятия		36	36	-	-	-
Занятия семинарского типпрактические занятия)	а (семинары,	-	-	-	-	-
Иная контактная работа	:					
Контроль самостоятельной	і́ работы (КСР)	4	4	-	-	-
Промежуточная аттестаци	я (ИКР)	0,2	0,2	-	-	-
Самостоятельная работа	Самостоятельная работа, в том числе:					
Курсовая работа		-	-	-	-	-
Проработка учебного (теој	ретического) материала	18	18	-	-	-
Выполнение индивидуалы сообщений, презентаций)	ных заданий (подготовка	-	-	-	-	-
Реферат		4,8	4,8	-	-	-
Подготовка к текущему ко	Подготовка к текущему контролю			-	-	-
Контроль:						
Подготовка к экзамену		-	-	-	-	-
Общая трудоемкость	Общая трудоемкость час.		108	-	-	-
	в том числе контактная работа	76,2	76,2			
	зач. ед	3	3			

#### 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в 7 семестре (очная форма)

Mo	No -		Количество часов				
	Наименорание пазнанор		A	удиторн	ая	Самостоятельная	
разд	Наименование разделов	Всего		работа		работа	
ела			Л	П3	ЛР	CPC	
1	2	3	4	5	6	7	
1	Основы и концепции теории случайных процессов	34	12	-	12	10	
2	Стационарные случайные функции	35	12	-	12	11	
3	Специальные виды случайных процессов	12	4	-	4	4	
4	Теория массового обслуживания	22,8	8	-	8	6,8	
	Итого по дисциплине:	103,8	36	-	36	31,8	

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

#### 2.3 Содержание разделов дисциплины

#### 2.3.1 Занятия лекционного типа

№	Наименование раздела	Темы лекций	Форма текущего
			контроля
1	2	3	4
1.	Основы и концепции теории случайных процессов	Понятие случайной функции и классификация случайных процессов. Основные характеристики случайных функций. Определение характеристик случайной функции из опыта. Линейные преобразования случайных функций. Сложение случайных функций и комплексная случайная функция. Каноническое разложение случайных функций.	У
2.	Стационарные случайные функции	Стационарный случайный процесс в узком и широком смысле. Спектральное разложение стационарной случайной функции и ее характеристики. Спектральное разложение стационарной случайной функции в комплексной форме. Преобразование стационарной случайной функции стационарной линейной системой. Оптимальные линейные системы. Эргодическое свойство стационарных случайных функций.	У
3.	Специальные виды случайных процессов	Специальные виды случайных процессов. Дискретный и непрерывный Марковский процесс.	У
4.	Теория массового обслуживания	Потоки событий. Основы теории массового обслуживания. Система массового обслуживания с отказами. Система массового обслуживания с ожиданием.	У

#### 2.3.2 Занятия семинарского типа

Занятия семинарского типа - не предусмотрены.

#### 2.3.3 Лабораторные занятия

No	Наименование раздела	Наименования лабораторных работ	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1.	Основы и концепции теории случайных процессов	<ol> <li>Определение основных характеристик случайных функций и исследование их свойств.</li> <li>Определение характеристик случайной функции из опыта.</li> <li>Нахождение сигнала на выходе линейной динамической системы и определение его характеристик.</li> <li>Определение реакции линейной системы на суммарный входной сигнал с определением взаимной корреляционной функции.</li> <li>Определение реакции линейной системы на входной сигнал в комплексном виде.</li> <li>Приведение случайной функции и ее характеристик к каноническому виду.</li> </ol>	ЛР, КР
2.	Стационарные случайные функции	<ol> <li>Определение характеристик стационарной случайной функции опытным путем.</li> <li>Определение корреляционной функции и спектральной плотности стационарной случайной функции по взаимообратным преобразованиям Фурье в действительной форме.</li> <li>Определение корреляционной функции и спектральной плотности стационарной случайной функции по взаимообратным преобразованиям Фурье в комплексной форме.</li> <li>Определение частотной характеристики и передаточной функции стационарной динамической системы.</li> <li>Исследование преобразований стационарных случайных функций линейными динамическими системами.</li> <li>Практическое определение характеристик эргодической стационарной случайной функции по одной реализации.</li> </ol>	ЛР, КР, Р
3.	Специальные виды случайных процессов	1) Исследование специальных видов случайных процессов. 2) Построение графа состояний системы и исследование дискретных марковских процессов на основе уравнений Колмогорова.	ЛР, КР, Р
4.	Теория массового обслуживания	<ol> <li>Исследование систем массового обслуживания с отказами на основе уравнений Эрланга.</li> <li>Исследование систем массового обслуживания с отказами.</li> <li>Исследование чистых систем с ожиданием.</li> <li>Исследование систем с ожиданием смешанного типа.</li> </ol>	ЛР, КР

В данном подразделе, в табличной форме приводится описание содержания дисциплины, структурированное по разделам, с указанием по каждому разделу формы текущего контроля: устный опрос (У), выполнение индивидуального задания (ИЗ) ,защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), контрольной работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т), устного опроса (У), контрольной работы (К) и т.д.

#### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ

Курсовые работы - не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

обучающихся по дисциплине (модулю)

оучающихся по дисциплине (модулю)				
№ Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины			
	по выполнению самостоятельной работы			
Проработка учебного	Круглов, В. М. Случайные процессы в 2 ч. Часть 1. Основы			
(теоретического)	общей теории: учебник для академического бакалавриата /			
материала	В. М. Круглов. — 2-е изд., перераб. и доп. — М.:			
	Издательство Юрайт, 2018. — 276 с. — (Серия: Авторский			
	учебник). — ISBN 978-5-534-01748-9. — Режим доступа:			
	www.biblio-online.ru/book/6961A84E-3B4E-46CE-AE75-			
	<u>2DDCDE788763.</u>			
Выполнение	Круглов, В. М. Случайные процессы в 2 ч. Часть 2. Основы			
индивидуальных	стохастического анализа: учебник для академического			
заданий (подготовка	бакалавриата / В. М. Круглов. — 2-е изд., перераб. и доп. —			
сообщений,	М.: Издательство Юрайт, 2018. — 280 с. — (Серия:			
презентаций)	Авторский учебник). — ISBN 978-5-534-02086-1. — Режим			
	доступа: www.biblio-online.ru/book/0D8F2766-F866-4CEA-			
	AE63-0B1F39288BF3.			
Подготовка к	Каштанов, В. А. Случайные процессы: учебник и			
текущему контролю	практикум для прикладного бакалавриата / В. А. Каштанов,			
	Н. Ю. Энатская. — М.: Издательство Юрайт, 2018. — 156 с.			
	— (Серия: Бакалавр. Прикладной курс). — ISBN 978-5-534-			
	04482-9. — Режим доступа: <u>www.biblio-</u>			
	online.ru/book/CDD9B4A8-9C08-4147-83D1-			
	433AEE395EE3.			
	Вид СРС Проработка учебного (теоретического) материала Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)			

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

#### 3. Образовательные технологии

Для реализации компетентностного подхода предусматривается использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения аудиторных и внеаудиторных занятий, таких как лекция-визуализация, проблемная лекция, разбор практических задач, компьютерные симуляции, с применением современных математических пакетов прикладных программ.

В процессе выполнения практических заданий учащиеся должны приобрести навык ешения задач в области теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов с привлечением численных методов и для проведения стохастического эксперимента.

Использование в обучении информационных технологий составляет 50% объема аудиторных занятий и способствует формированию и развитию профессиональных навыков обучающихся.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

#### Используемые интерактивные образовательные технологии:

Сем	Вид занятия	Используемые интерактивные образовательные	Кол-во
естр		технологии	часов
	Лекционные	Проблемная лекция: «Понятие случайной	2
7	занятия	функции и классификация случайных процессов»	
		Проблемная лекция: «Оптимальные линейные	2
		системы»	
		Проблемная лекция: «Специальные виды	2
		случайных процессов»	
		Проблемная лекция: «Основы теории массового	2
		обслуживания»	
	Лабораторные	Компьютерная симуляция на тему:	2
	занятия	«Определение характеристик случайной функции	
	из опыта»		
		Компьютерная симуляция на тему:	2
		«Определение характеристик стационарной	
		случайной функции опытным путем»	
		Компьютерная симуляция на тему:	2
		«Исследование преобразований стационарных	
		случайных функций линейными динамическими	
		системами»	
		Компьютерная симуляция на тему:	2
		«Практическое определение характеристик	
		эргодической стационарной случайной функции по	
		одной реализации»	
		Компьютерная симуляция на тему:	2
		«Исследование систем массового обслуживания с	
		ожиданием смешанного типа»	
Итог	o:		18

## 4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

#### 4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

#### 4.1.1. Образец одного варианта контрольной работы №1

- 1. Дано:  $X(t) = V\cos\omega t + U\sin\omega t$ , где V, U случайные величины с  $m_v = \mathbf{9}$ ;  $m_u = -\mathbf{9}$ ;  $D_v = \mathbf{1}$ ;  $D_u = \mathbf{1}$  . Найти:  $m_x(t)$ ;  $K_x(t,t')$ ;  $D_x(t)$ ;
- 2. Дано:  $Y(t) = X(t)t^2 + t$ , где X(t) случайная функция с  $m_x(t) = 1$ ;  $K_x(t,t') = e^{-t-t'}$ ; Найти:  $m_y(t)$ ,  $K_y(t,t')$ ,  $D_y(t)$ ;
- 3. Дано:  $Y(t) = t^2 \frac{dX(t)}{dt} 2$ , где X(t) случайная функция с  $m_x(t) = t^2 t$ ;  $K_x(t,t') = t^2 t'^2$ ; Найти:  $m_y(t)$ ;  $K_y(t,t')$ ;  $D_y(t)$ ;
- 4. Дано:  $Y(t) = \int_0^t X(\tau) d\tau$ , где X(t) случайная функция с  $m_x(t) = t^2 + 1$ ;  $K_x(t,t') = tt'$ ; Найти:  $m_y(t)$ ;  $K_y(t,t')$ ;  $D_y(t)$ ;
- 5. Дано: Z(t) = X(t) + tY(t), где X(t), Y(t) случайные функции с  $m_x(t) = t + 1$ ;  $K_x(t,t') = e^{\alpha(t'+t)}$ ;  $m_y(t) = a + bt$ ;  $K_y(t,t') = at + bt'$ ;  $R_{xy}(t,t') = e^{-\alpha_1(t'-t)^2}$ ; Найти:  $m_z(t)$ ;  $K_z(t,t')$ ;  $D_z(t)$ ;
- 6. Дано: Z(t) = X(t) + iY(t), где X(t), Y(t) случайные функции с  $m_x(t) = 2t^2 + t 3$ ;  $K_x(t,t') = e^{-\beta(t'+t)^2}$ ,  $m_y(t) = t^2 \sin \omega t$ ,  $K_y(t,t') = t \cos \omega t'$ ,  $R_{xy}(t,t') = ae^{b|t'-t|}$ , Найти:  $m_z(t)$ ,  $K_z(t,t')$ ,  $D_z(t)$ .

#### 4.1.2. Образец одного варианта контрольной работы №2

- 1. Дано:  $X(t) = (3t^2 + 2y + 1) + V_1 sin\omega t + V_2 cos\omega t$ , где  $V_1$ ,  $V_2$  случайные величины с  $m_{v1} = m_{v2} = \mathbf{0}$ ;  $D_{v1} = \mathbf{4}$ ;  $D_{v2} = \mathbf{6}$ . Найти:  $m_x(t)$ ;  $K_x(t,t')$ ;  $D_x(t)$ ;
- 2. Дано:  $\mathbf{X}(\mathbf{t})$  стационарная случайная функция с  $\mathbf{k}_{\mathbf{x}}(\mathbf{\tau}) = \mathbf{\sigma}_{\mathbf{x}}^{2} \mathbf{e}^{-\alpha |\mathbf{t}|}$ ; Найти:  $\mathbf{S}^{\bullet}_{x}(\omega)$ ;
- 3. Дано:  $\mathbf{X}(\mathbf{t})$  стационарная случайная функция с  $\mathbf{S^*_x}(\boldsymbol{\omega}) = \begin{cases} \frac{\sigma_\mathbf{x}^2}{\omega_2 \omega_1}, & \omega_1 < \omega < \omega_2 \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$ ; Найти:  $k_x(\tau)$ ;
- 4. Дано:  $\mathbf{y}'(\mathbf{t}) + 2\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{x}(\mathbf{t})$ , где  $\mathbf{X}(\mathbf{t})$  случайная функция с  $S^{\bullet}_{x}(\omega) = \begin{cases} 0, & 0 < |\omega| < \omega_{\mathbf{0}} \\ c^{2}, & \omega_{\mathbf{0}} \leq |\omega| \leq 2\omega_{\mathbf{0}} \\ 0, & |\omega| > 2\omega_{\mathbf{0}} \end{cases};$

Найти: **D**<sub>y</sub>;

5. Дано: матрица перехода за 1 шаг. Найти: матрицу  $P_2$  перехода за 2 шага.

#### 4.1.2. Примерные темы рефератов

- 1. Процесс с независимыми приращениями и процесс однородный во времени.
- 2. Процесс Пуассона.
- 3. Винеровский процесс как модель случайного блуждания (броуновское движение).
- 4. Теория второго порядка случайных процессов: среднеквадратичная непрерывность, дифференцируемость, интегрируемость.
- 5. Основы теории интегрирования неслучайных функции по стохастической мере, порождённой стационарной случайной последовательностью.
- 6. Фильтр Калмана-Бьюси.
- 7. Понятие о стохастическом дифференциальном уравнении и методах его решения.
- 8. Стохастический интеграл Ито.
- 9. Линейные стохастические дифференциальные уравнения.

#### 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

## 4.2.1. Пример (вариант) для промежуточной аттестации (зачета) по итогам освоения дисциплины

- 1. Корреляционная (автокорреляционная) функция случайного процесса и ее связь с дисперсией. Нормированная корреляционная функция.
- 2. Спектральное разложение стационарной случайной функции на бесконечном участке времени. Спектральная плотность стационарной случайной функции. Теорема Винера-Хинчина.

3. Дано: 
$$X(t) = U^T \cdot \psi(t)$$
, где  $U = \begin{pmatrix} U_1 \\ U_2 \end{pmatrix}$  — случайный вектор с ожиданием  $m_U = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$ ?  $\psi(t) = \begin{pmatrix} \psi_1 \\ \psi_2 \end{pmatrix}$  — вектор координатных функций,  $K_U = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ .

Найти каноническое разложение случайной функции X(t) и ее корреляционной функции.

#### 4.2.2. Критерии оценки знаний

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Соответствие уровней освоения компетенции планируемым результатам обучения и						
критериям их оценивания продвинутый						
пороговый	Оценка					
Зачтено	Зачтено	Зачтено				
Знает -	Знает -	Знает -				
на 60-69%	на 70-89%	на 90-100%				
направление развития и	направление развития и	направление развития и				
области применения методов	области применения	области применения				
теории случайных процессов;	методов теории случайных	методов теории случайных				
методы исследования	процессов;	процессов;				
случайных процессов;	методы исследования	методы исследования				
основы и концепции	случайных процессов;	случайных процессов;				
современной теории	основы и концепции	основы и концепции				
случайных процессов;	современной теории	современной теории				
	случайных процессов;	случайных процессов;				
Умеет – на 60-69%	Умеет – на 70-89%	Умеет – на 90-100%				
применять в научной и	применять в научной и	применять в научной и				
производственной	производственной	производственной				
деятельности знания,	деятельности знания,	деятельности знания,				
полученные при изучении	полученные при изучении	полученные при изучении				
курса «Теория случайных	курса «Теория случайных	курса «Теория случайных				
процессов»; осуществлять	процессов»; осуществлять	процессов»; осуществлять				
сбор и обработку данных	сбор и обработку данных	сбор и обработку данных				
экспериментов; рассчитывать	экспериментов;	экспериментов;				
характеристики случайных	рассчитывать	рассчитывать				
процессов; проводить	характеристики случайных	характеристики случайных				
интерпретацию полученных	процессов; проводить	процессов; проводить				
результатов исследования;	интерпретацию	интерпретацию полученных				
	полученных результатов	результатов исследования;				
	исследования;					
Владеет - на 60-69%	Владеет - на 70-89%	Владеет - на 90-100%				
навыками применения	навыками применения	навыками применения				
современными пакетами	современными пакетами	современными пакетами				
анализа и обработки	анализа и обработки	анализа и обработки				
информации; корректной	информации; корректной	информации; корректной				
постановки задач; вывода	постановки задач; вывода	постановки задач; вывода				
соотношений и	соотношений и	соотношений и				
доказательства основных	доказательства основных	доказательства основных				
теорем «Теории случайных	теорем «Теории случайных	теорем «Теории случайных				
процессов»; построения	процессов»; построения	процессов»; построения				
математических моделей	математических моделей	математических моделей				
реальных случайных	реальных случайных	реальных случайных				
процессов и интерпретации	процессов и интерпретации	процессов и интерпретации				
полученных результатов.	полученных результатов.	полученных результатов.				

## 5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

#### 5.1 Основная литература:

- 1. Круглов, В. М. Случайные процессы в 2 ч. Часть 1. Основы общей теории: учебник для академического бакалавриата / В. М. Круглов. 2-е изд., перераб. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2018. 276 с. (Серия: Авторский учебник). ISBN 978-5-534-01748-9. Режим доступа: <a href="www.biblio-online.ru/book/6961A84E-3B4E-46CE-AE75-2DDCDE788763">www.biblio-online.ru/book/6961A84E-3B4E-46CE-AE75-2DDCDE788763</a>.
- 2. Круглов, В. М. Случайные процессы в 2 ч. Часть 2. Основы стохастического анализа: учебник для академического бакалавриата / В. М. Круглов. 2-е изд., перераб. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2018. 280 с. (Серия: Авторский учебник). ISBN 978-5-534-02086-1. Режим доступа: <a href="www.biblio-online.ru/book/0D8F2766-F866-4CEA-AE63-0B1F39288BF3">www.biblio-online.ru/book/0D8F2766-F866-4CEA-AE63-0B1F39288BF3</a>.
- 3. Каштанов, В. А. Случайные процессы: учебник и практикум для прикладного бакалавриата / В. А. Каштанов, Н. Ю. Энатская. М.: Издательство Юрайт, 2018. 156 с. (Серия: Бакалавр. Прикладной курс). ISBN 978-5-534-04482-9. Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/CDD9B4A8-9C08-4147-83D1-433AEE395EE3.

#### 5.2. Дополнительная литература:

- 1. Модели массового обслуживания в информационных системах: учебное пособие / авт.-сост. В. П. Мочалов, Н. Ю. Братченко. Ставрополь: СКФУ, 2016. 126 с. [Электронный ресурс]. URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=459106">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=459106</a> (06.04.2018).
- 2. Энатская, Н. Ю. Математическая статистика и случайные процессы: учебное пособие для прикладного бакалавриата / Н. Ю. Энатская. М.: Издательство Юрайт, 2018. 201 с. (Серия: Бакалавр. Прикладной курс). ISBN 978-5-9916-9808-5. Режим доступа: <a href="https://www.biblio-online.ru/book/E7144E93-751A-44FD-A63F-B50F18195681">www.biblio-online.ru/book/E7144E93-751A-44FD-A63F-B50F18195681</a>.
- 3. Кацман, Ю. Я. Теория вероятностей и математическая статистика. Примеры с решениями: учебник для СПО / Ю. Я. Кацман. М.: Издательство Юрайт, 2018. 130 с. (Серия: Профессиональное образование). ISBN 978-5-534-00511-0. Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/ED5006D2-69C9-4681-A3D4-774E483A3A80.

#### 5.3. Периодические издания:

1. Вестник Московского Университета. Серия 15. Вычислительная математика и кибернетика: научный журнал. М.: МГУ, 2014, 2015. - доступно: www.biblioclub.ru – Университетская библиотека ONLINE.

## 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- 1. Электронно-библиотечная система "Университетская библиотека online" www.biblioclub.ru.
  - 2. Электронно-библиотечная система Издательства «Лань» http://e.lanbook.com.
- 3. Электронно-библиотечная система Издательства «ЮРАЙТ электронная библиотека" biblio-online.ru.
- 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

По курсу предусмотрено проведение лекционных занятий, на которых дается основной систематизированный материал, и лабораторных работ, в процессе выполнения которых закрепляется теоретический материал, вырабатываются навыки применения современных пакетов анализа и обработки информации: корректной постановки задач; вывода соотношений и доказательства основных теорем «Теории случайных процессов»; построения математических моделей реальных случайных процессов и интерпретации полученных результатов.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине (модулю), которая по данной дисциплине предусматривает следующие виды:

№ п/п	Виды/формы СР	Сроки	Формы
J\2 11/11	Виды/формы Ст	выполнения	контроля
1	Изучение лекционного материала по написанным	В течение	Устный
	конспектам лекций	семестра	опрос
2	Изучение дополнительного теоретического материала, вынесенного на самостоятельное изучение, по рекомендованной литературе	В течение семестра	Устный опрос
3	Выполнение домашних заданий, состоящих в решении проблемных задач по изученной при выполнении лабораторной работы теме	В течение семестра	Проверка
4	Написание реферата	К 01.12	Проверка
5	Подготовка к контрольным работам	Ноябрь,	Контрольная
		декабрь	работа
6	Подготовка к сдаче зачета.	Декабрь	Зачет

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

## 8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (при необходимости)

#### 8.1 Перечень информационных технологий.

- Выполнение лабораторных работ на компьютере.
- Проверка домашних заданий и консультирование посредством электронной почты.

#### 8.2 Перечень необходимого программного обеспечения

- Microsoft Office.

#### 8.3 Перечень необходимых информационных справочных систем

1. Мурашкин В. Г. Инженерные и научные расчеты в программном комплексе MathCAD: учебное пособие. – Самара: СГАСУ, 2011. – 84 с. - доступно: www.biblioclub.ru – Университетская библиотека ONLINE.

## 9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, специально оборудованная мультимедийными демонстрационными комплексами, учебной мебелью
2.	Лабораторные занятия	Помещение для проведения лабораторных занятий оснащенное учебной мебелью, доской маркером или мелом
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Помещение для проведения групповых (индивидуальных) консультаций, учебной мебелью, доской маркером или мелом
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Помещение для проведения текущей и промежуточной аттестации, оснащенное учебной мебелью.
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета