Министерство образования и науки Российской Федерации федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кубанский государственный университет» Факультет математики и компьютерных наук



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б1.В.02 Практикум на ЭВМ

Направление подготовки/ специальность <u>01.05.01</u> Фундаментальные математика и механика
Направленность (профиль) / специализация математическое моделирование
Форма обучения <u>очная</u>
Квалификация (степень) выпускника Математик. Механик. Преподаватель

Рабочая программа дисциплины Практикум на ЭВМ составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.05.01 Фундаментальные математика и механика

Программу составил:

Д.Г. Сокол, доцент, канд.физ.-матем.наук, б/зв

И.О. Фамилия, должность, ученая степень, ученое звание

подпись

Рабочая программа дисциплины <u>Практикум на ЭВМ</u> утверждена на заседании кафедры вычислительной математики и информатики

протокол № 11 «<u>20</u>» <u>мая</u> 2015г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Гайденко С.В.

фамилия, инициалы

подпись

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры

протокол № 12 «<u>20</u>» мая 2015г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Барсукова В.Ю.

фамилия, инициалы

подпись

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук

протокол № 3 «23» мая 2015г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н.

фамилия, инициалы

Thursel

подпись

Рецензенты:

Профессор кафедры прикладной математики Кубанского государственного университета кандидат физико-математических наук доцент

Кармазин В.Н.

Доктор экономических наук, кандидат технических наук, профессор кафедры компьютерных технологий и систем КубГАУ

Луценко Е.В.

1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).

1.1 Цель освоения дисциплины.

Формирование математической культуры студента, стремления к саморазвитию, развитие способности принимать решения в стандартных ситуациях и готовности нести за них ответственность. Формирование у обучающихся профессиональных компетенций, таких как понимание сущности и социальной значимости профессии, основных перспектив и проблем, определяющих конкретную область деятельности; владение основами математической логики и теории алгоритмов; владение навыками практического использования математических методов при анализе различных задач.

1.2 Задачи дисциплины.

Ознакомить студентов с основными разделами математической логики и теории алгоритмов. Показать основные методы и средства получения и обработки информации, методы математического и алгоритмического моделирования. Развить способность к обобщению, анализу, систематизации, прогнозированию, постановке целей и задач, рациональному логическому мышлению. Научить использовать методы математической логики и теории алгоритмов при анализе и решении научных и технических проблем.

1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.

Дисциплина «Математическая логика и теория алгоритмов» относится к вариативной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана.

Для её успешного изучения необходимы знания и умения, приобретенные в результате освоения школьного курса математики, а также некоторых разделов из математического анализа и алгебры.

Математическая логика и теория алгоритмов относятся к числу основных разделов современной математики. Знание основ этих разделов является важной составляющей общей математической культуры выпускника. Эти знания необходимы как при проведении теоретических исследований в различных областях математики, так и при решении практических задач из разнообразных прикладных областей, таких как информатика, программирование, математическая экономика, обработка и передача данных, криптография и др.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общепрофессиональных/профессиональных компетенций (ОПК/ПК)

00 y 10	обучающихся общепрофессиональных профессиональных компетенции (Отпотик)					
№	Индекс	Содержание	В результате з	изучения учебной	і дисциплины	
	компет	компетенции (или её	обучающиеся должны			
П.П.	енции	части)	знать	уметь	владеть	
1.	ОПК-4	способностью	основные	решать задачи	навыками	
		находить,	математические	теоретического	практического	
		анализировать,	алгоритмы,	и прикладного	использования	
		реализовывать	используемые в	характера из	математичес-	
		программно и	математической	различных	ких алгоритмов	
		использовать на	логике и теории	разделов	при решении	
		практике	алгоритмов	математической	различных	
		математические		логики и теории	задач курса	
		алгоритмы, в том		алгоритмов		
		числе с				
		применением				
		современных				

No	Индекс	Содержание		изучения учебной	
п.п.	компет	компетенции (или её	00	учающиеся долж	НЫ
11.11.	енции части)		знать	уметь	владеть
		вычислительных			
		систем			
2.	ПК-1	способностью к	основные	анализировать	типовыми
		самостоятельному	понятия	задачи курса,	методами
		анализу	математической	выбирать	построения
		поставленной	логики и теории	корректные	информацион-
		задачи, выбору	алгоритмов,	методы их	но-логических
		корректного метода	основы	решения,	моделей,
		ее решения,	построения	представлять и	навыками
		построению	информацион–	интерпретиро-	алгоритмиза-
		алгоритма и его	но-логических	вать	ции основных
		реализации,	моделей,	полученные	задач курса,
		обработке и анализу	методы решения	результаты	навыками по
		полученной	задач курса		обработке и
		информации			анализу
					полученной
					информации

2. Структура и содержание дисциплины.
2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.
Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 зач.ед. (108 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице (для студентов $O\Phi O$).

Вид учебн	Всего		естры		
				сы)	
Контактная работа, в то					
Аудиторные занятия (все	72	72			
Занятия лекционного типа	36	36			
Лабораторные занятия		36	36		
Занятия семинарского тип	а (семинары,				
практические занятия)		-	_		
Иная контактная работа					
Контроль самостоятельной	Контроль самостоятельной работы (КСР)		4		
Промежуточная аттестаци	0,2	0,2			
Самостоятельная работа					
Проработка учебного (теор	10	10			
Выполнение индивидуальных заданий (подготовка			12		
сообщений, презентаций)			12		
Подготовка к текущему ко	нтролю	9,8	9,8		
Контроль:					
Подготовка к экзамену		-	-		
Общая трудоемкость	час.	108	108		
	в том числе контактная работа	76,2	76,2		
	зач. ед	3	3		

2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы дисциплины, изучаемые в 6 семестре (очная форма)

		Количество часов				
№	Наименование разделов		Аудиторная			Внеаудит орная работа
			Л	ЛЗ	П3	CPC
1	2	3	4	5	6	7
1.	Алгебра высказываний	46	16	18	-	12
2.	Логика предикатов	34	10	14	-	10
3.	Аксиоматические теории	9,8	4	1	-	5,8
4.	Теория алгоритмов	14	6	4	-	4
	Итого по дисциплине:		36	36	_	31,8

Примечание: Л – лекции, ЛЗ – лабораторные занятия, ПЗ – практические занятия / семинары, СРС – самостоятельная работа студента

2.3 Содержание разделов дисциплины:

2.3.1 Занятия лекционного типа.

1 2 3 4	№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
высказываний логики. Семантические парадоксы. Парадоксы теории множеств. Кризис в основаниях математики. Алгебра высказываний. Высказывания, логические операции над высказываниями. Формулы алгебры высказываний, таблицы истинности. Построение алгебры высказываний на теоретикомножественной основе. Равносильные формулы алгебры высказываний. Основные равносильности алгебры высказываний. Общезначимые формулы алгебры высказываний. Теорема о подстановках. Теорема о связи	1	2	3	4
выводе тавтологий из тавтологических импликаций. Тавтологические импликации. Логическое следствие. Необходимые и достаточные условия. Доказательство в алгебре высказываний. Теорема о представлении доказательства в виде цепочки формул. Правила вывода. Прямое и косвенное доказательство. Представление произвольной функции пропозициональных переменных в виде формулы алгебры логики. Дизъюнктивная нормальная форма, совершенная дизъюнктивная		Алгебра	Возникновение и развитие математической логики. Семантические парадоксы. Парадоксы теории множеств. Кризис в основаниях математики. Алгебра высказываний. Высказывания, логические операции над высказывания, таблицы истинности. Построение алгебры высказываний на теоретикомножественной основе. Равносильные формулы алгебры высказываний. Основные равносильности алгебры высказываний. Общезначимые формулы алгебры высказываний. Теорема о подстановках. Теорема о связи общезначимости и равносильности. Теорема о выводе тавтологий из тавтологических импликаций. Тавтологические импликации. Логическое следствие. Необходимые и достаточные условия. Доказательство в алгебре высказываний. Теорема о представлении доказательства в виде цепочки формул. Правила вывода. Прямое и косвенное доказательство. Представление произвольной функции пропозициональных переменных в виде формулы алгебры логики. Дизъюнктивная	Устный опрос

форма, совершенная конъюнктивная нормальная	
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
форма. Проблема разрешимости. Критерии	
тождественной истинности и тождественной	
ложности произвольной формулы алгебры	
высказываний. Релейно-контактные схемы.	
Функции алгебры логики.	
2. Логика предикатов Логика предикатов: предикаты, операции над Устный	опрос
предикатами, кванторы. Построение логики	
предикатов на теоретико-множественной основе.	
Формулы логики предикатов. Значение формулы	
логики предикатов. Свободные и связанные	
переменные. Равносильные формулы логики	
предикатов. Основные равносильности логики	
предикатов. Предваренная нормальная форма.	
Общезначимость и выполнимость формул	
логики предикатов. Проблема разрешимости.	
Логическое следствие в логике предикатов.	
Примеры построения математических теорий с	
использованием логики предикатов. Применение	
логики предикатов для записи математических	
определений и теорем.	
3. Аксиоматические Аксиоматический метод. История Устный	опрос
теории аксиоматического метода. Аксиоматические	
теории. Современный аксиоматический метод.	
Неформальные аксиоматические теории.	
Примеры неформальных аксиоматических	
теорий. Формальные аксиоматические теории.	
Исчисление высказываний. Исчисление	
предикатов. Теории первого порядка. Теории	
первого порядка с равенством. Формальная	
арифметика. Стандартная модель формальной	
арифметики.	
4. Теория алгоритмов Понятие алгоритма. Свойства алгоритма. Устный	опрос
Машины Тьюринга. Нормальные алгоритмы	
Маркова. Примитивно рекурсивные и	
рекурсивные функции. Арифметические	
функции и отношения. Гёделева нумерация	
формул и выводов в формальной арифметике.	
Теорема Гёделя о неполноте формальной	
арифметики.	

2.3.2 Занятия семинарского типа. Занятия семинарского типа не предусмотрены учебным планом.

2.3.3 Лабораторные занятия.

		Форма
$N_{\underline{0}}$	Наименование лабораторных работ	текущего
		контроля
1	3	4
1.	Высказывания, логические операции над высказываниями.	Решение задач,

		проверка
		домашнего
		задания
2.	Формулы алгебры высказываний, таблицы истинности. Равносильные	
	формулы алгебры высказываний. Преобразования формул.	проверка
	Ask has seen as the seen as the house of the house	домашнего
		задания
3.	Решение простейших задач.	Решение задач,
	1	проверка
		домашнего
		задания
4.	Логическое следствие. Необходимые и достаточные условия.	Решение задач,
	•	проверка
		домашнего
		задания
5.	Дизъюнктивная нормальная форма, совершенная дизъюнктивная	Решение задач,
	нормальная форма. Конъюнктивная нормальная форма, совершенная	проверка
	конъюнктивная нормальная форма.	домашнего
		задания
6.	Релейно-контактные схемы. Решение текстовых задач.	Решение задач,
		проверка
		домашнего
		задания,
		контрольная
		работа по
		разделу
		«Алгебра
		высказываний»
7.	Логика предикатов: предикаты, операции над предикатами, кванторы.	Решение задач,
	Множества истинности предикатов.	проверка
		домашнего
		задания
8.	Формулы логики предикатов. Значение формулы логики предикатов.	Решение задач,
	Свободные и связанные переменные. Равносильные формулы логики	проверка
	предикатов.	домашнего
		задания
9.	Следование предикатов. Равносильные преобразования формул	Решение задач,
	логики предикатов.	проверка
		домашнего
		задания
10.	Предваренная нормальная форма. Общезначимость и выполнимость	Решение задач,
	формул логики предикатов.	проверка
		домашнего
4.1		задания
11.	Логическое следствие в логике предикатов.	Решение задач,
		проверка
		домашнего
1.5	77	задания
12.	Применение логики предикатов в математике.	Решение задач,
		проверка

		домашнего
		задания,
		контрольная
		работа по
		разделу
		«Логика
		предикатов»
13.	Машины Тьюринга.	Решение задач,
		проверка
		домашнего
		задания
14.	Нормальные алгоритмы Маркова. Примитивно рекурсивные	Решение задач,
	функции.	проверка
		домашнего
		задания

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы не предусмотрены учебным планом.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

		-
№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Работа с лекционным	1. Методические рекомендации по организации
	материалом, поиск и	самостоятельной работы студентов, утвержденные кафедрой
	анализ литературы и	вычислительной математики и информатики, протокол № 14
	электронных	от 14.06.2017 г.
	источников	2. Методические указания к изучению курса по дисциплине
	информации по	«Дискретная математика и математическая логика»,
	заданной проблеме	утвержденные кафедрой вычислительной математики и
2	Изучение	информатики, протокол № 14 от 14.06.2017 г.
	теоретического	
	материала к	
	лабораторным	
	занятиям	
3	Выполнение домашних	
	заданий	
4	Подготовка к зачету	

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,

– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3. Образовательные технологии.

Сем	Вид занятия	Используемые интерактивные образовательные	Количес
естр		технологии	ТВО
			часов
6	Лабораторные	Тренинг «Использование логических операций над	2
	занятия	высказываниями»	
		Тренинг «Построение таблиц истинности»	1
		Тренинг «Равносильные преобразования формул	2
		алгебры высказываний»	
		Тренинг «Логическое следствие. Прямое и	1
		косвенное доказательство. Правила вывода»	
		Дискуссия «Логическое следствие. Энтимемы»	1
		Тренинг «Построение нормальных форм формул	2
		алгебры высказываний»	
		Тренинг «Конструирование релейно-контактных	1
		cxem»	
		Тренинг «Использование логических операций над	2
		предикатами»	
		Тренинг «Равносильные преобразования формул	2
		логики предикатов»	
		Тренинг «Построение нормальных форм формул	1
		логики предикатов»	
		Тренинг «Логическое следствие в логике	1
		предикатов»	
		Дискуссия «Применение логики предикатов в	2
		математике»	
Итог	o:		18

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций со студентом при помощи электронной информационно-образовательной среды ВУЗа.

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля. Вопросы для устного опроса

- 1. Дайте определение высказывания.
- 2. Назовите логические операции над высказываниями.
- 3. Как построить таблицу истинности?
- 4. Проведите классификацию формул алгебры высказываний.
- 5. Какие формулы называются равносильными?

- 6. Назовите законы поглащения.
- 7. Сформулируйте законы де Моргана.
- 8. Сформулируйте теорему о подстановках.
- 9. Сформулируйте теорему о связи общезначимости и равносильности.
- 10. Сформулируйте теорему о выводе тавтологий из тавтологических импликаций.
- 11. Какие тавтологические импликации Вы знаете?
- 12. Дайте определение логическому следствию.
- 13. Назовите способы проверки логичности рассуждений.
- 14. Какие Вы знаете правила вывода?
- 15. В каких нормальных формах может быть представлена формула логики высказываний?
- 16. Сформулируйте критерий тождественной истинности и тождественной ложности произвольной формулы алгебры высказываний.
- 17. Как строятся релейно-контактные схемы?
- 18. Дайте определение предиката.
- 19. Назовите логические операции над предикатами.
- 20. Какие Вы знаете кванторные операции над предикатами?
- 21. Дайте определение свободных и связанных переменных.
- 22. Какие Вы знаете равносильности логики предикатов?
- 23. Что означает, что формула логики предикатов имеет нормальную форму?
- 24. Что такое предваренная нормальная форма?
- 25. Какая формула логики предикатов называется выполнимой?
- 26. Дайте определение общезначимой формулы логики предикатов.
- 27. Сформулируйте правило удаления квантора всеобщности.
- 28. Сформулируйте правило введения квантора существования.
- 29. Какие виды аксиоматических теорий Вы знаете?
- 30. Какие Вы знаете свойства аксиоматических теорий?
- 31. Приведите пример неформальной аксиоматической теории.
- 32. Приведите пример формальной аксиоматической теории.
- 33. Что такое алгоритм?
- 34. Какими свойствами обладают алгоритмы?
- 35. Что включает в себя машина Тьюринга?
- 36. Что называют Марковской подстановкой?
- 37. Сформулируйте нормальный алгоритм Маркова.
- 38. Какая функция называется нормально вычислимой?
- 39. Какая функция называется эффективно вычислимой?
- 40. Какие Вы знаете операции для получения новых эффективно вычислимых функций?
- 41. Какая функция называется частично рекурсивной, а какая общерекурсивной?
- 42. Сформулируйте тезис А. Чёрча.
- 43. Какие функции и отношения называются арифметическими?
- 44. Дайте определение характеристической функции для отношения.
- 45. Сформулируйте теорему Гёделя о неполноте формальной арифметики.

Задачи для контрольных работ

1. Составить таблицу истинности для высказывания:

$$P \wedge Q \rightarrow (Q \wedge \overline{Q} \rightarrow R \wedge Q)$$

2. Проверить равносильность:

$$(A \lor A\overline{B} \lor \overline{A}B)(A \lor \overline{A}C \lor \overline{A}B \lor AB\overline{C}) = A \lor B.$$

3. Доказать:

$$A \rightarrow B, C \rightarrow B, D \rightarrow A \lor C, D \models B$$

4. Проверить правильность умозаключения:

«Будет пасмурная погода со снегом. Если будет снег, то будет и дождь. Если будет пасмурная погода с ветром, то дождя не будет. Вывод: ветра не будет.».

5. Привести формулу к виду СДНФ:

$$(AB \to (A \lor B\overline{C} \to \overline{B})) \to (A \lor C \longleftrightarrow B \lor \overline{C}).$$

6. Привести формулу к виду СКНФ:

$$(A \vee \overline{B} \ \overline{C} \to \overline{A} \vee \overline{C}) \to (\overline{B \to A \vee C})$$

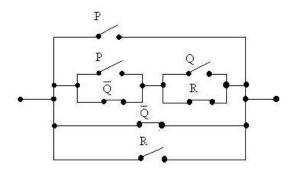
7. В ящике лежат шары: синие и красные, большие и маленькие, деревянные и пластмассовые.

Предлагается достать шар, соблюдая следующие правила:

- 1) Чтобы шар был синим, достаточно, чтобы он был большим только при условии, что он пластмассовый.
 - 2) Шар может быть красным или большим, если он деревянный.
 - 3) Чтобы шар был большим, достаточно, чтобы он был деревянным и красным.

Докажите, что эти правила сводятся к двум простейшим условиям. Выясните, какие шары им удовлетворяют.

8. Упростить релейно-контактную схему:



9. Пользуясь предикатами $P(x) = \langle x \rangle$ есть произведение конечного числа сомножителей», и $F(x,y) = \langle x \rangle$ есть один из сомножителей числа $y \rangle$ и знаками арифметических операций и отношений записать в символическом виде утверждение:

«Если произведение конечного числа сомножителей равно нулю, то по меньшей мере один из множителей равен нулю».

10. Перечислить свободные и связанные вхождения каждой из переменных в формуле:

$$\forall x(\exists y \ P(x,y) \to Q(x,y,z);$$

11. Найти отрицание формулы:

$$\forall x (A(x) \rightarrow B(x)) \& \exists x (S(x) \& \overline{R(x)})$$

12. Выяснить, равны ли множества истинности следующих предикатов:

$$(\overline{P(x)} \to Q(x)) \to (\overline{P(x)} \cdot \overline{R(x)})$$
 $\times \overline{P(x)}(Q(x) \to \overline{R(x)})$.

13. Выяснить, равносильны ли следующие предикаты, если их рассматривать над множеством действительных чисел R, над множеством рациональных чисел Q, над множеством целых чисел Z и над множеством натуральных чисел N:

$$x^2 = 1 \text{ H } (x-1)(x+\sqrt{2})(x-1,5)(x+1) = 0.$$

14. Определить, является ли один из следующих предикатов, заданных на множестве действительных чисел, следствием другого:

$$|x| < 3$$
 и $x^2 - 3x + 2 = 0$.

- 15. Пусть P(x) и Q(x) такие одноместные предикаты, заданные над одним и тем же множеством M, что высказывание $\exists x \Big(P(x) \to \left(\overline{P(x)} \lor \overline{\overline{Q(x)}} \to P(x) \right) \Big)$ истинно. Доказать, что высказывание $\forall x P(x)$ ложно.
- 16. Применяя равносильные преобразования, привести к предваренной нормальной форме формулу $\exists x \forall y P(x, y) \rightarrow \exists x \forall y Q(x, y)$.
- 17. Выяснить, будет ли выполняться в логике предикатов логическое следование: $\forall x (P(x) \leftrightarrow Q(x)) = \exists x (Q(x) \rightarrow P(x)).$
- 18. Для утверждения: «Если дискриминант квадратного трехчлена равен нулю, то его корни совпадают» сформулировать обратное к нему, противоположное и противоположное к обратному утверждению.

4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации. Вопросы для подготовки к зачету

- 1. Возникновение и развитие математической логики.
- 2. Семантические парадоксы.
- 3. Парадоксы теории множеств. Кризис в основаниях математики.
- 4. Алгебра высказываний: высказывания, пропозициональные связки, логические операции над высказываниями, формулы алгебры высказываний, таблицы истинности.
 - 5. Построение алгебры высказываний на теоретико-множественной основе.
- 6. Равносильные формулы алгебры высказываний. Основные равносильности алгебры высказываний.
 - 7. Общезначимые формулы алгебры высказываний. Теорема о подстановках.
 - 8. Теорема о связи общезначимости и равносильности.
- 9. Теорема о выводе тавтологий из тавтологических импликаций. Тавтологические импликации.
 - 10. Логическое следствие.
 - 11. Логическое следствие: необходимые и достаточные условия.
 - 12. Доказательство в алгебре высказываний.
 - 13. Теорема о представлении доказательства в виде цепочки формул.
 - 14. Правила вывода.
 - 15. Прямое и косвенное доказательство.
- 16. Представление произвольной функции пропозициональных переменных в виде формулы алгебры логики.
- 17. Дизъюнктивная нормальная форма (ДНФ), совершенная дизъюнктивная нормальная форма (СДНФ).
- 18. Конъюнктивная нормальная форма (КНФ), совершенная конъюнктивная нормальная форма СКНФ.
- 19. Проблема разрешимости. Критерии тождественной истинности и тождественной ложности произвольной формулы алгебры высказываний.
 - 20. Приложения алгебры высказываний: релейно-контактные схемы.
 - 21 Функции алгебры логики.
 - 22. Логика предикатов: предикаты, операции над предикатами, кванторы.
 - 23. Построение логики предикатов на теоретико-множественной основе.
 - 24. Формулы логики предикатов. Значение формулы логики предикатов.
 - 25. Свободные и связанные переменные.

- 26. Равносильные формулы логики предикатов. Основные равносильности логики предикатов.
 - 27. Предваренная нормальная форма.
- 28. Общезначимость и выполнимость формул логики предикатов. Проблема разрешимости.
- 29. Примеры построения математических теорий с использованием логики предикатов.
 - 30. Аксиоматический метод: история аксиоматического метода.
- 31. Аксиоматический метод: аксиоматические теории, современный аксиоматический метод.
 - 32. Неформальные аксиоматические теории.
 - 33. Примеры неформальных аксиоматических теорий.
 - 34. Формальные аксиоматические теории.
 - 35. Исчисление высказываний.
 - 36. Исчисление предикатов.
 - 37. Теории первого порядка.
 - 38. Теории первого порядка с равенством.
 - 39. Формальная арифметика.
 - 40. Стандартная модель формальной арифметики.
 - 41. Понятие алгоритма. Свойства алгоритма.
 - 42. Машины Тьюринга.
 - 43. Нормальные алгоритмы Маркова.
 - 44. Примитивно рекурсивные и рекурсивные функции.
 - 45. Арифметические функции и отношения.
 - 46. Гёделева нумерация формул и выводов в формальной арифметике.
 - 47. Теорема Гёделя о неполноте формальной арифметики.

Критерии оценки по промежуточной аттестации (экзамена или зачёта)

Оценка «отлично», «зачтено»:

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины, а также по основным вопросам, выходящим за пределы учебной программы;
- точное использование научной терминологии систематически грамотное и логически правильное изложение ответа на вопросы;
- безупречное владение инструментарием учебной дисциплины, умение его эффективно использовать в постановке научных и практических задач;
- выраженная способность самостоятельно и творчески решать сложные проблемы и нестандартные ситуации;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;
- умение ориентироваться в теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку, используя научные достижения других дисциплин;
- творческая самостоятельная работа на практических/семинарских/лабораторных занятиях, активное участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;
- высокий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «хорошо», «зачтено»:

- достаточно полные и систематизированные знания по дисциплине;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку;

- использование научной терминологии, лингвистически и логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- владение инструментарием по дисциплине, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;
- самостоятельная работа на практических занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;
- средний уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «удовлетворительно», «зачтено»:

- достаточный минимальный объем знаний по дисциплине;
- усвоение основной литературы, рекомендованной учебной программой;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по дисциплине и давать им оценку;
- использование научной терминологии, стилистическое и логическое изложение ответа на вопросы, умение делать выводы без существенных ошибок;
- владение инструментарием учебной дисциплины, умение его использовать в решении типовых задач;
- умение под руководством преподавателя решать стандартные задачи;
- работа под руководством преподавателя на практических занятиях, допустимый уровень культуры исполнения заданий;
- достаточный минимальный уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «неудовлетворительно», «не зачтено»:

- фрагментарные знания по дисциплине;
- отказ от ответа (выполнения письменной работы);
- знание отдельных источников, рекомендованных учебной программой по дисциплине;
- неумение использовать научную терминологию;
- наличие грубых ошибок;
- низкий уровень культуры исполнения заданий;
- низкий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на зачете;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).

5.1 Основная литература:

- 1. Герасимов А.С. Курс математической логики и теории вычислимости: учеб.пособие. 4-е изд., перераб. и доп. СПб.: Лань, 2014. 416 с. Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/50159.
- 2. Глухов М. М., Шишков А. Б. Математическая логика. Дискретные функции. Теория алгоритмов: учеб. пособие. СПб.: Лань, 2012. 416 с. Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/4041.
- 3. Иванисова О.В., Сухан И.В., Кравченко Г.Г. Математическая логика. Алгебра высказываний: учеб. пособие. Краснодар: Кубанский гос. ун-т, 2017. 130 с.
- 4. Игошин В.И. Математическая логика и теория алгоритмов. М.: Издательский центр «Академия», 2004. 447 с.
- 5. Игошин В.И. Задачи и упражнения по математической логике и теории алгоритмов. М.: Издательский центр «Академия», 2006. 303 с.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань».

5.2 Дополнительная литература:

- 1. Бабичева И.В. Дискретная математика. Контролирующие материалы в тестированию: учебное пособие. Изд. 2-е, испр. СПб. [и др.]: Лань, 2013. 159 с.
 - 2. Верещагин Н.К., Шень А. Языки и исчисления. М.: МЦНМО, 2002. —285с.
 - 3. Гиндикин С.Г. Алгебра логики в задачах. М.: Наука, 1972. 288 с.
 - 4. Гладкий А.В. Математическая логика. М.: РГГУ, 1998. 480 с.
- 5. Глухов М.М. Математическая логика. Дискретные функции. Теория алгоритмов [Электронный ресурс]: учеб. пособие / М.М. Глухов, А.Б. Шишков. СПб.: Лань, 2012. 416 с. Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/4041.
- 6. Гринченков Д. В., Потоцкий С. И. Математическая логика и теория алгоритмов для программистов: учеб. пособие для студ. вузов. М.: КНОРУС, 2010. 206 с.
- 7. Гурова Л.М. Математическая логика и теория алгоритмов [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Л.М. Гурова, Е.В. Зайцева. М.: Горная книга, 2006. 262 с. Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/3514.
- 8. Ершов Ю.Л., Палютин Е.А. Математическая логика. СПб.: Лань, 2005. 336 с.
- 9. Задачи и упражнения по математической логике, дискретным функциям и теории алгоритмов [Электронный ресурс]: учеб. пособие / М.М. Глухов [и др.]. СПб.: Лань, 2008. 112 с. Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/112.

- 10. Игошин В.И. Теория алгоритмов: учеб.пособие для студ.учреждений сред.проф.образования. М.: Издательский центр «Академия», 2013. 320 с.
- 11. Колмогоров А.Н., Драгалин А.Г. Математическая логика: учеб.пособие для студ. мат. спец-ей вузов. М.: Едиториал УРСС, 2005. 238 с.
- 12. Лихтарников Л.М. Математическая логика. Курс лекций. Задачник-практикум и решения [Электронный ресурс]: учеб. пособие / Л.М. Лихтарников, Т.Г. Сукачева. Электрон. дан. СПб.: Лань, 2009. 288 с. Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/231.
 - 13. Мадер В.В. Школьнику об алгебре логики. М.: Просвещение, 1993. 128 с.
- 14. Мендельсон Э. Введение в математическую логику. М.: Наука, 1984. $320\ {\rm c}$.
 - 15. Нагель Э., Ньюмен Д. Теорема Гёделя. М.: Знание, 1970. 64 с.
 - 16. Новиков П.С. Элементы математической логики. М.: Наука, 1973. 400 с.
- 17. Соболева Т. С., Чечкин А.В. Дискретная математика: учебник для студентов вузов // под ред. А. В. Чечкина. 3-е изд., перераб. М.: Академия, 2014. 256 с.
- 18. Спирина М. С., Спирин П. А. Дискретная математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. 10-е изд., стер М.: Академия, 2014. 368 с.
- 19. Столл Р. Р. Множества. Логика. Аксиоматические теории. М.: Просвещение, 1968. 232 с.
- 20. Судоплатов С.В., Овчинникова Е.В. Математическая логика и теория алгоритмов. М.: ИНФРА-М; Новосибирск: Изд-во НГТУ, 2004. 224 с.
- 21. Сухан И.В., Иванисова О.В., Кравченко Г.Г. Сборник задач по математической логике. 2-е изд., перераб. и доп. Краснодар: Издательство Кубанского государственного университета, 2015. 80 с.
 - 22. Успенский В.А. Теорема Гёделя о неполноте. М.: Наука, 1982. 112 с.
- 23. Успенский В.А., Верещагин Н.К., Плиско В.Е. Вводный курс математической логики. М.: Физматлит, 2002. 126 с.
- 24. Шапорев С.Д. Математическая логика: курс лекций и практических занятий: учеб. пособие для студ. вузов. СПб. : БХВ-Петербург , 2005. 410 с.
- 25. Шевелев Ю. П., Писаренко Л. А., Шевелев М. Ю. Сборник задач по дискретной математике (для практических занятий в группах): учебное пособие для студентов. СПб. [и др.]: Лань, 2013. 523 с.

6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).

- 1. Электронный каталог Научной библиотеки КубГУ http://megapro.kubsu.ru/MegaPro/Web
- 2. Электронная библиотечная система «Университетская библиотека ONLINE» http://biblioclub.ru/
 - 3. Электронная библиотечная система издательства «Лань» https://e.lanbook.com/
 - 4. Электронная библиотечная система «Юрайт» http://www.biblio-online.ru
 - 5. Электронная библиотечная система «ZNANIUM. COM» www.znanium.com
 - 6. Электронная библиотечная система «BOOK.ru» https://www.book.ru

7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

По курсу предусмотрено проведение лекционных занятий, на которых дается основной систематизированный материал; лабораторных занятий, на которых студенты овладевают навыками решения задач.

Важнейшим этапом изучения курса является самостоятельная работа. Текущая и опережающая самостоятельная работа студента, направленная на углубление и

закрепление знаний студента, развитие практических умений, осуществляется при проработке материалов лекций и соответствующей литературы, изучении теоретического материала к лабораторным занятиям, в том числе из электронных источников информации, подготовке к текущему и итоговому контролям, выполнении домашних работ.

Для улучшения качества и эффективности самостоятельной работы студентов предлагаются списки основной и дополнительной литературы. При самостоятельной работе студенту необходимо уделить особое внимание правильному пониманию и грамотному употреблению терминов; сосредоточиться на выявлении причинноследственных связей, т.е., например, не просто выучить формулу, а понять, откуда она получилась; следует проявлять интерес к разобранным в учебниках примерам; находить объяснения математических понятий, методов исследования, принципов построения математических моделей.

Творческая проблемно-ориентированная самостоятельная работа, направленная на развитие интеллектуальных умений, комплекса профессиональных компетенций, повышение творческого потенциала студентов заключается в:

- поиске и анализе научных публикаций по каждому разделу курса, их структурированию и представлении материала для презентации на рубежном контроле;
 - участии в научных студенческих конференциях, семинарах и олимпиадах.

Оценка результатов самостоятельной работы организуется как единство двух форм: самоконтроль и контроль со стороны преподавателя.

Формы контроля со стороны преподавателя включают:

- устный опрос на лекционных и лабораторных занятиях;
- проверка домашнего задания;
- контрольные работы по результатам изучения некоторых разделов курса;
- зачет.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).

8.1 Перечень информационных технологий.

Проверка домашних заданий и консультирование посредством электронной почты.

8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

Список лицензионного программного обеспечения:

- 1. Microsoft Windows 10
- 2. Microsoft Office PowerPoint Professional Plus.

8.3 Перечень информационных справочных систем:

Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (http://www.elibrary.ru)/

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, специально оборудованная
		мультимедийными демонстрационными комплексами,
		учебной мебелью
2.	Лабораторные	Помещение для проведения лабораторных занятий
	занятия	оснащенное учебной мебелью, доской маркером или мелом
3.	Групповые	Помещение для проведения групповых (индивидуальных)
	(индивидуальные)	консультаций, учебной мебелью, доской маркером или
	консультации	мелом
4.	Текущий контроль,	Помещение для проведения текущей и промежуточной
	промежуточная	аттестации, оснащенное учебной мебелью.
	аттестация	•
5.	Самостоятельная	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный
	работа	компьютерной техникой с возможностью подключения к
		сети «Интернет», программой экранного увеличения и
		обеспеченный доступом в электронную информационно-
		образовательную среду университета

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины (модуля) «Практикум на ЭВМ» по направлению подготовки 01.05.01 «Фундаментальные математика и механика», специализация «Математическое моделирование» (квалификация «Математик.

Механик. Преподаватель»), подготовленную доцентом кафедры вычислительной математики и информатики КубГУ, кандидатом физико-математических наук Соколом Д. Г.

Рабочая программа дисциплины «Практикум на ЭВМ» предназначена для студентов ФГБОУ ВО «КубГУ» по направлению подготовки 01.05.01 «Фундаментальные математика и механика» (квалификация «Математик. Механик. Преподаватель») и содержит следующие разделы: цели и задачи освоения дисциплины, место дисциплины в структуре ООП ВО, компетенции обучающихся, формируемые в результате освоения дисциплины, структуру и содержание дисциплины, образовательные технологии, оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации, учебнометодическое и информационное обеспечение, программное обеспечение и материально-техническое обеспечение.

Дисциплина входит в число обязательных дисциплин вариативной части математического и естественнонаучного. Название и содержание рабочей программы дисциплины «Практикум на ЭВМ» соответствует учебному плану по направлению подготовки 01.05.01 «Фундаментальные математика и механика» (квалификация «Математик. Механик. Преподаватель»), а также ФГОС ВО по этому направлению. Программа составлена в соответствии с установленным образовательным стандартом по дисциплине, отвечает потребностям подготовки современных специалистов и позволит реализовать формирование соответствующих компетенций (согласно ФГОС и ООП).

Считаю, что рабочая программа соответствует государственным требованиям к минимуму содержания и уровню подготовки выпускников по направлению подготовки 01.05.01 «Фундаментальные математика и механика» (квалификация «Математик. Механик. Преподаватель») и может быть рекомендована для высших учебных заведений.

Профессор кафедры компьютерных технологий и систем КубГАУ,

доктор экономических наук, кандидат технических наук

Луценко Е.В.

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины (модуля) «Практикум на ЭВМ» по направлению подготовки 01.05.01 «Фундаментальные математика и механика», специализация «Математическое моделирование» (квалификация «Математик.

Механик. Преподаватель»), подготовленную доцентом кафедры вычислительной математики и информатики КубГУ, кандидатом физико-математических наук Соколом Д. Г.

Рабочая программа по дисциплине «Практикум на ЭВМ» разработана в соответствии с установленным образовательным стандартом и охватывает все базовые вопросы данного курса.

Рабочая программа содержит следующие разделы: цели и задачи освоения дисциплины, место дисциплины в структуре ООП ВО, требования к результатам освоения дисциплины, структура и содержание дисциплины, распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины, содержание разделов дисциплины, содержание самостоятельной работы студентов, образовательные технологии, оценочные средства для контроля успеваемости, учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.

Содержание рабочей программы соответствует уровню подготовленности студентов к изучению данной дисциплины. Программа отвечает потребностям подготовки современных специалистов и позволит реализовать формирование соответствующих компетенций.

Преподавателем разработан список рекомендуемой основной и дополнительной литературы, который способствует более глубокому изучению дисциплины.

В целом, программа может быть использована при изучении вышеуказанной дисциплины.

Профессор кафедры прикладной математики КубГУ, кандидат физ.-мат. наук

Кармазин В.Н.