### Министерство образования и науки Российской Федерации федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кубанский государственный университет» Факультет математики и компьютерных наук

### УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе, качеству образования первый

иноня.

проректоро

Иванов А.Г.

« 01 »

2016

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.05 Методы оптимизации

Направление подготовки/	WONTH TOTAL HAVE
специальность <u>02.03.01 Ма</u>	тематика и компьютерные науки
системы и компьютерные	вычислительные, программные, информационны гехнологии; алгебра, теория чисел и дискретный
анализ; математическое и	компьютерное моделирование
Программа подготовки	академическая
Форма обученияоч	ная
Квалификация (степень) в	ыпускника бакалавр

Краснодар 2016

Рабочая программа дисциплины Методы оптимизации составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки

Программу составил:

К.А. Лебедев, профессор, доктор физ.-матем.наук, доцент и.о. Фамилия, должность, ученая степень, ученое звание

Рабочая программа дисциплины Методы оптимизации утверждена на заседании кафедры вычислительной математики и информатики

протокол № 13 «<u>07</u>» июня 2016г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Гайденко С.В. фамилия, инициалы

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры вычислительной

математики и информатики

протокол № 13 « <u>07</u> » июня 2016г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Гайденко С.В.

фамилия, инициалы

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук

протокол № 3 «20» июня 2016г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н.

фамилия, инициалы

#### Рецензенты:

Профессор кафедры прикладной математики Кубанского государственного университета кандидат физико-математических наук доцент

Кармазин В.Н.

Доктор экономических наук, кандидат технических наук, профессор кафедры компьютерных технологий и систем КубГАУ

Луценко Е.В.

### 1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).

### 1.1 Цель освоения дисциплины.

Цели обучения дисциплине состоят в ознакомлении студентов с классическими методами оптимизации функционала с учетом ограничений, наложенных на допустимые значения переменных.

#### 1.2 Задачи дисциплины.

- 1. Ознакомить студентов с постановками основных экстремальных задач и методами их решения.
- 2. Научить классифицировать и решать основные классы экстремальных задач.
- 3. Ознакомить с общей теорией экстремальных задач методов оптимизации и задач вариационного исчисления.

Дисциплина «Методы оптимизации» изучается в течение одного семестра. Рассматриваются методы оптимизации линейного программирования, гладкие задачи с равенствами и неравенствами, задачи классического вариационного исчисления, оптимального управления, задачи со старшими производными, численные методы решения задач вариационного исчисления и оптимального управления. Основное внимание уделяется постановке задачи, необходимым и достаточным условиям существования решения.

### 1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.

Дисциплина «МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ» относится к *вариативной* части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана, изучается на 3 курсе в 5 семестре обучения бакалавров.

В качестве основы используются курсы линейной алгебры, математического анализа, функционального анализа и дифференциальных уравнений.

# 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общепрофессиональных /профессиональных компетенций ( $O\Pi K/\Pi K$ )

No	Индекс	Содержание компе-		изучения учебной	й дисциплины	
	компе-	тенции (или её ча-	об	учающиеся долж	ны	
п.п.	тенции	сти)	знать	уметь	владеть	
1.	ОПК-1	готовностью исполь-	постановки	решать задачи	методами ре-	
		зовать фундамен-	классических	вариационно-	шения задач	
		тальные знания в об-	задач вариа-	го исчисления.	вариационно-	
		ласти математиче-	ционного ис-	применять ме-	го исчисления	
		ского анализа, ком-	числения, ме-	тоды их реше-	и методами	
		плексного и функци-	тоды их ре-	ния с исполь-	оптимизации,	
		онального анализа,	шения с при-	зованием фун-	используя	
		алгебры, аналитиче-	менением	даментальных	фундамен-	
		ской геометрии,	фундамен-	знаний в обла-	тальные зна-	
		дифференциальной	тальных зна-	сти математи-	ния в области	
		геометрии и тополо-	ний в области	ческого анали-	математиче-	
		гии, дифференци-	математиче-	за, алгебры,	ского анализа,	
		альных уравнений,	ского анализа,	дифференци-	алгебры, диф-	
		дискретной матема-	алгебры,	альных урав-	ференциаль-	
		тики и математиче-	дифференци-	нений.	ных уравне-	
		ской логики, теории	альных урав-		ний.	
		вероятностей, мате-	нений.			

No	Индекс	Содержание компе-						
	компе-	тенции (или её ча-	об	учающиеся долж	ны			
п.п.	тенции	сти)	знать	уметь	владеть			
		матической стати-						
		стики и случайных						
		процессов, числен-						
		ных методов, теоре-						
		тической механики в						
		будущей профессио-						
		нальной деятельно-						
		сти						
2.	ОПК-4	способностью нахо-	математиче-	реализовывать	математиче-			
		дить, анализировать,	ские алгорит-	математиче-	скими алго-			
		реализовывать про-	мы решения	ские алгорит-	ритмами ре-			
		граммно и использо-	задач оптими-	мы решения	шения задач			
		вать на практике ма-	зации, в том	задач оптими-	оптимизации,			
		тематические алго-	числе с при-	зации, в том	в том числе с			
		ритмы, в том числе с	менением со-	числе с при-	применением			
		применением совре-	временных	менением со-	современных			
		менных вычисли-	вычислитель-	временных	вычислитель-			
		тельных систем	ных систем	вычислитель-	ных систем			
				ных систем				
3.	ПК-5	способностью ис-	методы мате-	использовать	методами ма-			
		пользовать методы	матического и	методы мате-	тематического			
		математического и	алгоритмиче-	матического и	и алгоритми-			
		алгоритмического	ского модели-	алгоритмиче-	ческого моде-			
		моделирования при	рования при	ского модели-	лирования при			
		решении теоретиче-	решении тео-	рования при	решении тео-			
		ских и прикладных	ретических и	решении тео-	ретических и			
		задач	прикладных	ретических и	прикладных			
			задач оптими-	прикладных	задач оптими-			
			зации	задач оптими-	зации			
				зации				

2. Структура и содержание дисциплины.
2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.
Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 зач.ед. (108 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице
(для студентов ОФО).

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры (часы)			
		5			
Контактная работа, в том числе:					
Аудиторные занятия (всего):	54	54			
Занятия лекционного типа	18	18	_	-	ı
Лабораторные занятия	36	36	-	-	1
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)	-	-	-	-	1
	-	-	-	-	ı
Иная контактная работа:					
Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	4			
Промежуточная аттестация (ИКР)	0,2	0,2			

Самостоятельная работа	Самостоятельная работа, в том числе:					
Курсовая работа	-	-	-	-	-	
Проработка учебного (те	оретического) материала	9,8	9,8	-	-	-
Выполнение индивидуально оптимизации)	32	32	-	-	-	
Реферат	-	-	-	-	-	
Подготовка к текущему ко	8	8	-	-	-	
Контроль:						
Общая трудоемкость	Общая трудоемкость час.		108	-	-	-
	в том числе контактная работа	58,2	58,2			
	зач. ед	3	3	·	·	

### 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы дисциплины, изучаемые в 5 семестре (очная форма)

	Наименование разделов		Количество часов					
№			Аудиторная работа			Внеа- удитор- ная ра- бота		
			Л	ПЗ	ЛР	CP		
1	2	3	4	5	6	7		
1.	Элементы дифференциального исчисления. Конечномерные гладкие экстремальные задачи.	26	4		8	14		
2.	Задачи классического вариационного исчисления;	36	8		12	16		
3.	Основные элементы выпуклого анализа. Задачи линейного программирования, теорема двойственности.		6		16	19,8		
	Итого по дисциплине:	103,8	18		36	49,8		

Примечание:  $\Pi$  – лекции,  $\Pi$ 3 – практические занятия / семинары,  $\Pi$ 9 – лабораторные занятия,  $\Pi$ 8 – самостоятельная работа.

### 2.3 Содержание разделов дисциплины:

### 2.3.1 Занятия лекционного типа.

No	Наименование раз-	Солоруканна разлада	Форма текуще-
745	дела	Содержание раздела	го контроля
1	2	3	4
1.	Элементы диффе-	Определения производных. Производная Фреше.	Устный опрос
	ренциального ис-	Дифференцирование интегрального оператора в	
	числения. Конеч-	пространстве $C^1[a, b]$ .Основные теоремы диффе-	
	номерные гладкие	ренциального исчисления в нормированных про-	
	экстремальные за-	странствах. Формализация некоторых классиче-	
	дачи.	ских задач. Необходимые и достаточные условия	
		экстремума. Теорема Ферма. Принцип Лагранжа.	
		Конечномерные гладкие экстремальные задачи	

без ограничений, с ограничениями в виде равенств, с ограничениями в виде неравенств.				
<ol> <li>Задачи классического вариационного исчисления. Задачи классического вариационного исчисления/ онного исчисления, задача классического вариационного исчисления, задача классического вариационного исчисления, задача больца, изопериметрическая задача, задача со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.</li> <li>Основные элементы Основные понятия выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Задачи линейного программирования и проблемы экономическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственных ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стонимости. Переход от одного опорного решения к</li> </ol>			без ограничений, с ограничениями в виде ра-	
ского вариационно- го исчисления/  вия: простейшая задача классического вариационного исчисления: простейшая задача классического вариационного исчисления, задача Больца, изопериметрическая задача, задача со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы Основные понятия выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. новка задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симики, теорема Метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			венств, с ограничениями в виде неравенств.	
ского вариационно- го исчисления/  вия: простейшая задача классического вариационного исчисления: простейшая задача классического вариационного исчисления, задача Больца, изопериметрическая задача, задача со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы Основные понятия выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. новка задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симики, теорема Метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к	2	2	0	<b>1</b> 7
ния: простейшая задача классического вариационного исчисления, задача Больца, изопериметрическая задача, задача со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы выпуклого анализа. Постановка задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности ильности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к	2.		_	устныи опрос
онного исчисления, задача Больца, изопериметрическая задача, задача со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплоблемы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к		*	±	
рическая задача, задача со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. новка задачи линейного программирования дадачи линейного программирования и проблемы экономическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к		го исчисления/		
ными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы Основные понятия выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования и проблемы эконопростации. Каноническая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к			онного исчисления, задача Больца, изоперимет-	
экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования и проблемы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			рическая задача, задача со старшими производ-	
уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			ными. Необходимые условия существования	
порядка Лежандра и Якоби. Классическое вариационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан,	
ащионное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы Основные понятия выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования и проблемы эконоплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			уравнение Эйлера-Лагранжа. Условия второго	
ационное исчисление и естествознание.  3. Основные элементы Выпуклого анализа. Основные понятия выпуклого анализа. Поставыпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования и пробраммирования и пробраммирования и пробрамы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственности ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			порядка Лежандра и Якоби. Классическое вари-	
выпуклого анализа. Задачи линейного программирования Задачи линейного программирования и проблемы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к				
выпуклого анализа. Новка задачи линейного программирования Задачи линейного программирования и проблемы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности ЗЛП. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к				
Задачи линейного программирования терпретации. Каноническая и экономическая инпроблемы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к	3.			Устный опрос
программирования и проблемы экономики, теорема двойственности. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к		1	1 1 1	
и проблемы эконо- мики, теорема двойственности.  Метод искусственного базиса. Признаки опти- мальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транс- портных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычер- кивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто- имости. Переход от одного опорного решения к		Задачи линейного	(ЗЛП), ее геометрическая и экономическая ин-	
мики, теорема Метод искусственного базиса. Признаки опти- двойственности. мальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транс- портных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычер- кивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто- имости. Переход от одного опорного решения к		программирования	терпретации. Каноническая форма ЗЛП. Сим-	
двойственности. мальности и отсутствия решения. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к		и проблемы эконо-	плексный метод. Признак оптимальности ЗЛП.	
математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к		мики, теорема	Метод искусственного базиса. Признаки опти-	
математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к		двойственности.	мальности и отсутствия решения. Составление	
Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к				
Составление математических моделей транс- портных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычер- кивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто- имости. Переход от одного опорного решения к			Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП.	
портных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к				
условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к			1	
кивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной сто-имости. Переход от одного опорного решения к			=	
транспортной задачи методом минимальной сто- имости. Переход от одного опорного решения к			1	
имости. Переход от одного опорного решения к			=	
THE TABLE TO THE T			1 1	
Appromy. Interest note infinition.			другому. метод потенциалов.	

**2.3.2 Занятия семинарского типа.** Занятия семинарского типа не предусмотрены

### 2.3.3 Лабораторные занятия.

No	Наименование лабораторных работ	Форма текуще-
710	паименование лаоораторных раоот	го контроля
1	3	4
1.	Производная Фреше. Дифференцирование интегрального оператора в	ЛР
	пространстве $C^1[a, b]$ .	
2.	Конечномерные гладкие экстремальные задачи без ограничений.	ЛР
	Конечномерные гладкие экстремальные задачи с ограничениями в виде равенств.	ЛР
	Конечномерные гладкие экстремальные с ограничениями в виде неравенств.	ЛР
5.	Простейшая задача классического вариационного исчисления. Реше-	ЛР

	ние задач.	
6.	Задача Больца. Необходимые условия существования экстремума. Решение задач.	ЛР
7.	Изопериметрическая задача. Необходимые условия существования экстремума, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа. Решение задач.	ЛР
8.	Задачи со старшими производными. Необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера. Решение задач.	ЛР
9.	Задачи линейного программирования (ЗЛП). Каноническая форма ЗЛП. Признак оптимальности ЗЛП. Симплексный метод. Решение задач.	ЛР
10.	Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Применение первой и второй теорем двойственности ЗЛП. Решение задач.	ЛР
11.	Транспортная ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северо-западного угла. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к другому. Метод потенциалов. Решение задач.	ЛР

Защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т) и т.д.

# **2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)** Курсовые работы не предусмотрены.

### 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1.	материалом, поиск и	
2.	ского материала к ла-	Методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов утвержденные кафедрой вычислительной математики и информатики, протокол № 14 от 14.06.2017 г.
3.	Подготовка к экзамену	Методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов утвержденные кафедрой вычисли-

тельной м	математики	И	информатики,	протокол	$N_{\underline{0}}$	14	от
14.06.2017	7 г.						

Подробное изложение лекционного материала и задания лабораторных работ по дисциплине студенты получают в очном общении с преподавателем. Различные учебные материалы и примеры можно найти в предложенных литературных источниках и ресурсах информационно-телекоммуникационной сети «Интернет».

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3. Образовательные технологии.

Ce-	Вид занятия	Используемые интерактивные образовательные	Количе-
мест		технологии	ство ча-
p			сов
5	Лабораторные занятия	Разбор конкретных ситуаций на тему: «Дифференцирование в конечномерных и бесконечномерных пространствах. Сравнение функционалов, определений, утверждений, методов»	9
		Разбор конкретных ситуаций на тему: «Конечномерные гладкие экстремальные задачи без ограничений, с ограничениями в виде равенств, с ограничениями в виде неравенств. Сравнение функционалов, определений, утверждений, методов»	9
		Разбор конкретных ситуаций на тему: «Простей- шая задача классического вариационного исчисле- ния, задача Больца, изопериметрическая задача и методы решений. Сравнение функционалов, опре- делений, утверждений, методов»	10
		Разбор конкретных ситуаций на тему: «Задачи линейного программирования. Сравнение ЗЛП и методов решений».	8
Итого:			36

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций со студентом при помощи электронной информационно-образовательной среды ВУЗа.

## 4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

### 4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.

Текущий контроль качества подготовки осуществляется путем проверки теоретических знаний и практических навыков посредством проверки и приема текущих лабораторных работ.

### Примерный перечень вопросов для устного опроса

- 1. Дайте определения производных. Приведите примеры.
- 2. Перечислите и сформулируйте основные теоремы дифференциального исчисления в нормированных пространствах. Приведите примеры.
- 3. Сформулируйте и формализуйте некоторые классические задачи. Назовите необходимые и достаточные условия экстремума. Сформулируйте теорему Ферма, принцип Лагранжа.
- 4. Приведите пример и решите конечномерной гладкой экстремальной задачи без ограничений, с ограничениями в виде равенств, с ограничениями в виде неравенств.
  - 5. Сформулируйте основные понятия выпуклого анализа. Приведите примеры.
- 6. Сформулируйте постановку задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическую и экономическую интерпретацию. Какая форма ЗЛП является канонической.
  - 7. Опишите симплексный метод. Сформулируйте признак оптимальности ЗЛП.
- 8. Опишите метод искусственного базиса. Сформулируйте признаки оптимальности и отсутствия решения ЗЛП. Приведите примеры.
- 9. Составьте математическую модель двойственной ЗЛП. Сформулируйте первую и вторую теорему двойственности ЗЛП. Приведите примеры.
- 12. Сформулируйте основные леммы вариационного исчисления: лемма Лагранжа с доказательством, лемма Дюбуа-Раймонда с доказательством.
- 13. Сформулируйте простейшую задачу классического вариационного исчисления, Теорему о необходимых условиях существования экстремума. Приведите примеры.
- 14. Сформулируйте задачу Больца. Сформулируйте теорему о необходимых условиях существования экстремума. Приведите примеры.
- 15. Сформулируйте изопериметрическую задачу. Определите Лагранжиан. Сформулируйте теорему о необходимых условиях существования экстремума. Приведите примеры.
- 16. Сформулируйте задачу со старшими производными. Теорема о необходимых условиях существования экстремума. Приведите примеры.

# 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации. Примерный перечень вопросов к зачету

- 1. Определения производных. Производная Фреше. Дифференцирование интегрального оператора в пространстве  $C^1[a, b]$ . Примеры.
- 2. Основные теоремы дифференциального исчисления в нормированных пространствах. Примеры.
- 3. Формализация некоторых классических задач. Необходимые и достаточные условия экстремума. Теорема Ферма. Принцип Лагранжа.
- 4. Конечномерные гладкие экстремальные задачи без ограничений, с ограничениями в виде равенств, с ограничениями в виде неравенств. Примеры.
  - 5. Основные понятия выпуклого анализа. Примеры.
- 6. Постановка задачи линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическая и экономическая интерпретации. Каноническая форма ЗЛП.
  - 7. Симплексный метод. Признак оптимальности ЗЛП.
- 8. Метод искусственного базиса. Признаки оптимальности и отсутствия решения ЗЛП. Примеры.

- 9. Составление математических моделей двойственных ЗЛП. Первая и вторая теорема двойственности ЗЛП. Примеры.
- 10. Составление математических моделей транспортных ЗЛП. Необходимые и достаточные условия существования решения. Метод вычеркивания. Метод северозападного угла. Примеры.
- 11. Решение транспортной задачи методом минимальной стоимости. Переход от одного опорного решения к другому. Метод потенциалов. Примеры.
- 12. Основные леммы вариационного исчисления: лемма Лагранжа с доказательством, лемма Дюбуа-Раймонда с доказательством.
- 13. Простейшая задача классического вариационного исчисления. Теорема о необходимых условиях существования экстремума. Примеры.
- 14. Задача Больца. Теорема о необходимых условиях существования экстремума. Примеры.
- 15. Изопериметрическая задача, Лагранжиан. Теорема о необходимых условиях существования экстремума. Примеры.
- 16. Задача со старшими производными. Теорема о необходимых условиях существования экстремума. Примеры.

### Примерный перечень практических заданий на зачет

- 1. Решите ЗЛП симплексным методом.
- 2. Решите ЗЛП методом искусственного базиса.
- 3. Решить ЗЛП, используя математическую модель двойственной задачи.
- 4. Решите транспортную задачу методом минимальной стоимости и методом потеншалов.
- 5. Задачи по теме: «Принцип Лагранжа в выпуклом программировании. Теория двойственности».
  - 6. Простейшая задача классического вариационного исчисления.
  - 7. Задача Больца.
  - 8. Изопериметрическая задача.
  - 9. Задача с подвижными концами

### Критерии оценки по промежуточной аттестации зачета

Оценка «отлично», «зачтено»:

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины, а также по основным вопросам, выходящим за пределы учебной программы;
- точное использование научной терминологии систематически грамотное и логически правильное изложение ответа на вопросы;
- безупречное владение инструментарием учебной дисциплины, умение его эффективно использовать в постановке научных и практических задач;
- выраженная способность самостоятельно и творчески решать сложные проблемы и нестандартные ситуации;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;
- умение ориентироваться в теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку, используя научные достижения других дисциплин;
- творческая самостоятельная работа на лабораторных занятиях, активное участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;
- высокий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «хорошо», «зачтено»:

• достаточно полные и систематизированные знания по дисциплине;

- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку;
- использование научной терминологии, лингвистически и логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- владение инструментарием по дисциплине, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;
- самостоятельная работа на лабораторных занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;
- средний уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенший.

### Оценка «удовлетворительно», «зачтено»:

- достаточный минимальный объем знаний по дисциплине;
- усвоение основной литературы, рекомендованной учебной программой;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по дисциплине и давать им оценку;
- использование научной терминологии, стилистическое и логическое изложение ответа на вопросы, умение делать выводы без существенных ошибок;
- владение инструментарием учебной дисциплины, умение его использовать в решении типовых задач;
- умение под руководством преподавателя решать стандартные задачи;
- работа под руководством преподавателя на практических занятиях, допустимый уровень культуры исполнения заданий;
- достаточный минимальный уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

### Оценка «неудовлетворительно», «не зачтено»:

- фрагментарные знания по дисциплине;
- отказ от ответа (выполнения письменной работы);
- знание отдельных источников, рекомендованных учебной программой по дисциплине;
- неумение использовать научную терминологию;
- наличие грубых ошибок;
- низкий уровень культуры исполнения заданий;
- низкий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## 5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).

### 5.1 Основная литература:

- 1. Сухарев, А.Г. Курс методов оптимизации [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.Г. Сухарев, А.В. Тимохов, В.В. Федоров. Электрон. дан. Москва : Физматлит, 2011. 384 с. Режим доступа: <a href="https://e.lanbook.com/book/2330">https://e.lanbook.com/book/2330</a>.
- 2. Методы оптимизации [Электронный ресурс] : учебник и практикум для бакалавриата и магистратуры / Ф. П. Васильев, М. М. Потапов, Б. А. Будак, Л. А. Артемьева ; под ред. Ф. П. Васильева. М. : Юрайт, 2018. 375 с. <a href="https://biblio-online.ru/book/CAA9AF22-E3BB-454A-BE5C-BB243EAAE72A">https://biblio-online.ru/book/CAA9AF22-E3BB-454A-BE5C-BB243EAAE72A</a>.
- 3. Эльсгольц Л. Э. Вариационное исчисление: Учебник. Изд. 6-е. М.: КомКнига, 2006. 208 с.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Юрайт».

### 5.2 Дополнительная литература:

- 1. Методы оптимизации: теория и алгоритмы [Электронный ресурс] : учебное пособие для академического бакалавриата / А. А. Черняк, Ж. А. Черняк, Ю. М. Метельский, С. А. Богданович. 2-е изд., испр. и доп. М. : Юрайт, 2018. 357 с. <a href="https://biblio-online.ru/book/C7F691C8-DD20-4A49-954A-D8D171EEF4D2">https://biblio-online.ru/book/C7F691C8-DD20-4A49-954A-D8D171EEF4D2</a>.
- 2. Колбин, В. В. Специальные методы оптимизации [Электронный ресурс] / Колбин В. В. СПб. : Лань, 2014. 384 с. <a href="https://e.lanbook.com/book/41015#authors">https://e.lanbook.com/book/41015#authors</a>.

# 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).

Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» — не предусмотрены.

# 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

При организации изучения дисциплины студенту необходимо посещать лекционные и лабораторные занятия, выполнять учебные указания преподавателя. Ознакомиться со списком предлагаемой литературы и самостоятельно изучать свои конспекты лекционных занятий и учебный материал литературных источников, применять полученные знания на лабораторных занятиях и в самостоятельной работе.

Непосредственно на лабораторных занятиях студенты с преподавателем повторяют основной учебный материал лекционных занятий по конкретной теме. Получают от преподавателя лабораторное задание и выполняют их, используя помощь и контроль преподавателя. Часть лабораторных заданий приходится на самостоятельную работу: изучение

теоретического материала по конспектам лекций и по основным источникам литературы, решение задач по заданному методу.

По разделу: «Элементы дифференциального исчисления. Конечномерные гладкие экстремальные задачи» студенту необходимо по материалам лекционных занятий и по литературным источникам сформулировать определения производных, производной Фреше. Дифференцировать интегральный оператор в пространстве  $C^1[a,b]$ . Выучить основные теоремы дифференциального исчисления в нормированных пространствах. Формализовать классические задачи. Выучить необходимые и достаточные условия экстремума, теорему Ферма, принцип Лагранжа. Сформулировать постановку конечномерных гладких экстремальные задачи без ограничений, с ограничениями в виде равенств, с ограничениями в виде неравенств и решать их

По разделу: «Задачи классического вариационного исчисления. Основные леммы вариационного исчисления» используя конспекты лекционного курса и по литературным источникам сформулировать постановку задачи классического вариационного исчисления и решать: простейшую, Больца, изопериметрическую, задачу со старшими производными, применяя необходимые условия существования экстремума, уравнение Эйлера, Лагранжиан, уравнение Эйлера-Лагранжа, условия второго порядка Лежандра и Якоби.

По разделу: «Основные элементы выпуклого анализа. Задачи линейного программирования и проблемы экономики, теорема двойственности» Ознакомиться и выучить основные понятия выпуклого анализа, постановку задач линейного программирования (ЗЛП), ее геометрическую и экономическую интерпретации. Приводить ЗЛП к канонической форме и решать симплексным методом, применяя признак оптимальности, методом искусственного базиса, применяя признак оптимальности и отсутствия решения. Составлять математических моделей двойственных ЗЛП и решать их, применяя первую и вторую теорему двойственности ЗЛП. Составлять математические модели транспортных ЗЛП, и решать их, применяя необходимые и достаточные условия существования решения, метод вычеркивания, метод северо-западного угла. Решать транспортные задачи методом минимальной стоимости, используя переход от одного опорного решения к другому и метод потенциалов.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

# 8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).

### 8.1 Перечень информационных технологий.

- Проверка домашних заданий и консультирование посредством электронной почты.
- Использование электронных презентаций при проведении лекционных и практических занятий.

#### 8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

Список лицензионного программного обеспечения:

- 1. Microsoft Windows 10
- 2. Microsoft Office PowerPoint Professional Plus.

### 8.3 Перечень информационных справочных систем:

### Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (http://www.elibrary.ru)/

# 9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, специально оборудованная мультимедийными демонстрационными комплексами, учебной мебелью
2.	Лабораторные заня- тия	Помещение для проведения лабораторных занятий оснащенное учебной мебелью, персональными компьютерами с доступом к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Помещение для проведения групповых (индивидуальных) консультаций, учебной мебелью, оснащенное презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Помещение для проведения текущей и промежуточной аттестации, оснащённое учебной мебелью, персональными компьютерами с доступом к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационнообразовательную среду организации
5.	Самостоятельная ра- бота	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационнообразовательную среду университета

#### **РЕЦЕНЗИЯ**

на рабочую программу

### **МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ**

Направление подготовки/специальность 02.03.01, математика и компьютерные науки Направленность (профиль) /Математическое и компьютерное моделирование; Вычислительные, программные, информационные системы и компьютерные технологии; Алгебра, теория чисел и дискретный анализ.

Рабочая программа для бакалавров методы оптимизации составлена доктором физико-математических наук, профессором кафедры Вычислительной математики и информатики факультета математики и компьютерных наук Кубанского государственного университета Лебедевым К.А.

Программа составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 02.03.01, математика и компьютерные науки. Программа одобрена на заседании кафедры Вычислительной математики и информатики на заседании учебнометодического совета факультета математики и компьютерных наук.

Рабочая программа сочетает теоретическую и практические части, что способствует более глубокому усвоению материала.

Предложенные задания учебного плана направлены на освоение развитие практических навыков решения задач по направлению вычислительной математики, позволяют обучающимся овладеть оригинальными методами решения задач с помощью программирования и пакетов программ. Содержание рабочей программы соответствует уровню подготовленности студентов к изучению данной дисциплины. Успешность изучения дисциплины обеспечивается предшествующей подготовкой студентов по ряду компьютерных и дисциплин прикладной математики профессионального цикла бакалавриата. Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам позволяет сочетать теоретическое обучение с практической работой по освоению методов дисциплины.

Уровень отражения в рабочей программе современных достижений науки в области оптимизации, а также рекомендуемые автором рабочей программы современные подходы аналитические, численные, соответствуют квалификационным требованиям к подготовке бакалавра прикладной математики и компьютерных технологий и являются достаточными.

Учитывая вышеизложенное, считаю, что рабочая программа соответствует государственным требованиям к минимуму содержания и уровню подготовки выпускников по направлению подготовки 02.03.01, математика и компьютерные науки (квалификация «бакалавр»), и может быть рекомендована для высших учебных заведений.

Репензент

Доктор экономических наук, кандидат технических наук, профессор кафедры компьютерных технологий и систем Куб

Луценко Е.В.

### РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины (модуля) «Методы оптимизации» по направлению подготовки 02.03.01 «Математика и компьютерные науки», профиль «Алгебра, теория чисел и дискретный анализ», «Вычислительные, программные, информационные системы и компьютерные технологии»,

«Математическое и компьютерное моделирование» (квалификация «бакалавр»), подготовленную кафедрой вычислительной математики и информатики КубГУ

Рабочая программа дисциплины «Методы оптимизации» составлена согласно требованиям Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению 02.03.01 «Математика и компьютерные науки».

Рабочая программа содержит цели и задачи изучения дисциплины, ее место в структуре образовательной программы. В программе отражены планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы. Выделены соответствующие компетенции согласно ФГОС, формируемые при ее освоении, указаны результаты освоения дисциплины в виде определенных знаний, умений и практических навыков – владений.

В структуру рабочей программы входит содержание дисциплины – темы практических занятий, лекций, семинаров, самостоятельных внеаудиторных работ с указанием их объема. Разработанное содержание дисциплины в полной мере соответствует области научного знания и передового практического опыта. Последовательное освоение разделов, тем, аудиторных и внеаудиторных занятий способствует формированию у выпускника всего необходимого перечня универсальных и профессиональных компетенций.

Отражен перечень учебно-методического обеспечения как аудиторных занятий, так и для самостоятельной внеаудиторной работы обучающихся. Указан перечень электронных ресурсов и баз данных, соответствующих тематике дисциплины. Основная и дополнительная литература является актуальной.

Фонд оценочных средств программы дисциплины является необходимым и достаточным для оценки уровня знаний, умений и владений.

Таким образом, рабочая программа дисциплины «Методы оптимизации» соответствует требованиям Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению (02.03.01 «Математика и компьютерные науки»), утвержденного приказом Министерства образования и науки российской Федерации России рекомендуется к реализации.

Профессор кафедры прикладной математики КубГУ, канд. физ.-мат. наук, доцент Кармазин В.Н.