

Министерство образования и науки Российской Федерации
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Кубанский государственный университет»
Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебно-методической работе,
качества образования и качества первого
проректор
Иванов А.Г.
подпись
«29» мая 2015 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.ДВ.12.01 КОНЕЧНЫЕ ПОЛЯ И НЕКОТОРЫЕ ИХ ПРИЛОЖЕНИЯ

Направление 02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль): Алгебра, теория чисел и дискретный анализ;

Программа подготовки академическая

Форма обучения очная

Квалификация (степень) выпускника бакалавр

Краснодар 2015

Рабочая программа дисциплины Конечные поля и некоторые их приложения

составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки

Программу составили:

А.Э. Сергеев, канд. физ.-мат. наук, доцент


подпись

Э.А. Сергеев, канд. физ.-мат. наук, доцент


подпись

Рабочая программа дисциплины «Конечные поля и некоторые их приложения» утверждена на заседании кафедры (разработчика) функционального анализа и алгебры
протокол № 1 «31» августа 2015 г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Барсукова В.Ю.
фамилия, инициалы


подпись

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры (выпускающей) функционального анализа и алгебры
протокол № 1 «31» августа 2015 г.

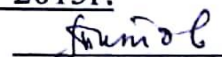
Заведующий кафедрой (выпускающей) Барсукова В.Ю.
фамилия, инициалы


подпись

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета

протокол № 1 « 09 » сентября 2015г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н.
фамилия, инициалы


подпись

Рецензенты:

Аршинов Г.А., доктор технических наук, профессор кафедры компьютерных технологий и систем КубГАУ

Марковский А.Н., кандидат физико-математических наук, доцент кафедры математических и компьютерных методов КубГУ

1 Цели и задачи изучения дисциплины

1.1 Цель дисциплины

Цель освоения дисциплины – дальнейшее формирование у студентов приобретенных на первых двух курсах знаний по алгебре и фундаментальной алгебре. Задачи освоения дисциплины «Конечные поля и некоторые их приложения»: получение базовых теоретических сведений по теории полей, их приложениям, основам теории Галуа.

1.2 Задачи дисциплины

При освоении дисциплины вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач теории группоидов. Получаемые знания лежат в основе математического образования и необходимы для понимания и освоения всех курсов математики, а также для продолжения обучения в магистратуре по соответствующему направлению подготовки.

1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Конечные поля и некоторые их приложения» относится к вариативной части (В) профессионального цикла блока Б1 Дисциплины (модули) по выбору студента (ДВ), являющегося структурным элементом ООП ВО.

Курс «Конечные поля и их приложения» продолжает начатое на первых двух курсах алгебраическое образование студентов соответствующего направления подготовки. Слушатели должны владеть математическими знаниями в рамках программы курса и «Фундаментальная и компьютерная алгебра».

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Изучение данной дисциплины направлено на получение необходимого объема теоретических знаний, отвечающих требованиям ФГОС ВО и необходимых для дальнейшего успешного изучения всех дисциплин высшей математики, с формированием следующих общепрофессиональных и профессиональных компетенций: ОПК-1, ПК-3.

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ОПК-1	готовностью использовать фундаментальные знания в области алгебры ... в будущей профессиональной деятельности.	Основные положения теории конечных полей, возможности теории применения конечных полей в криптографии.	применять полученные навыки в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания	навыками применения этого в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания
2.	ПК-3	способность строго доказать утверждение,	формулировки и доказатель-	доказывать утверждения	методами доказательства

№ п.п.	Ин- декс ком- петен- ции	Содержание компе- тенции (или её ча- сти)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
		сформулировать ре- зультат, увидеть след- ствия полученного результата	ства утвержде- ний, методы их доказательства	профильной дисциплины; формулиро- вать след- ствия этих утверждений; решать задачи профильной дисциплины	утверждений

2 Структура и содержание дисциплины

2.1 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единиц (72 часа, из них – 50,2 часа аудиторной работы: лекционных 24 часа, лабораторных 24 часа; 2 часа КСР, 21,8 часа самостоятельной работы). Их распределение по видам работ представлено в таблице.

Вид учебной работы		Всего часов	Семестры (часы)
			8
Контактная работа, в том числе:			
Аудиторные занятия (всего):		48	48
Занятия лекционного типа		24	24
Лабораторные занятия		24	24
Занятия семинарского типа (семинары, практиче- ские занятия)			
Иная контактная работа:			
Контроль самостоятельной работы (КСР)		2	2
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,2	0,2
Самостоятельная работа, в том числе:		21,8	21,8
Курсовая работа			
Проработка учебного (теоретического) материала		8	8
Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)		8	8
Реферат			
Подготовка к текущему контролю		5,8	5,8
Контроль:			
Подготовка к экзамену		зачет	зачет
Общая трудоемкость	час.	72	72
	в том числе контактная работа	50,2	50,2
	зач. ед	2	2

2.2 Структура дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

№ раз-дела	Наименование разделов	Количество часов			
		Всего	Аудиторная работа		Самостоя-тельная ра-бота (срс+ксп)
			Л	ЛЗ	
1	2	3	4	5	6
1	Характеризация конечных полей	24	8	8	8
3	Подполя конечных полей	22	8	8	6
4	Неприводимые полиномы над конечными полями	23,8	8	8	7,8
	ИТОГО:		24	24	21,8

2.3 Содержание разделов дисциплины

№ п/п	Наименование раз-дела	Содержание раздела	Форма те-кущего кон-троля
1	Характеризация ко-нечных полей	Теоремы единственности и существования. Цикличность группы ненулевых элементов.	Проверка до-машнего за-дания
2	Подполя конечных полей	Простые расширения. Степень расширения. Типы подпо-лей конечных полей.	Проверка до-машнего за-дания,
3	Неприводимые мно-гочлены над конеч-ными полями	Факторизация многочленов над конечными полями. Раз-ложение биномов и триномов. Неприводимость по любому модулю. Минимальные многочлены и способы их нахож-дения.	Контрольная работа

2.3.2 Примерная тематика курсовых работ (проектов) курсовые работы не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Проработка учебного (теоретического) мате-риала	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функцио-нального анализа и алгебры , протокол № 1 от 31 августа 2017 г.
2	Выполнение домашних заданий (решение за-дач)	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функцио-нального анализа и алгебры , протокол № 1 от 31 августа 2017 г.
3	Подготовка к текущему контролю (контрольная работа и др.)	«Методические указания по организации самостоятельной работы студентов», утвержденные кафедрой функцио-нального анализа и алгебры , протокол № 1 от 31 августа 2017 г.
4	Промежуточная атте-	«Методические указания по организации самостоятельной

стация (зачет)	<i>работы студентов», утвержденные кафедрой функционального анализа и алгебры , протокол № 1 от 31 августа 2017 г.</i>
----------------	--

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

3. Образовательные технологии: активные и интерактивные формы, лекции, лабораторные занятия, контрольные работы, реферативные доклады (по некоторым темам в виде презентации) и зачет. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. Проводятся три контрольных работы (каждая продолжительностью в 1 акад. час) по темам разделов 1-6. Зачет выставляется после выполнения определенного количества (практических и теоретических) заданий контрольных работ и отчета по реферативному докладу. В случае невыполнения какого-то из приведенных требований, студенту для сдачи зачета предлагаются по усмотрению преподавателя некоторые практические и теоретические задания.

К образовательным технологиям также относятся интерактивные методы обучения. Интерактивность подачи материала по дисциплине «Конечные поля и некоторые их приложения» предполагает не только взаимодействия вида «преподаватель - студент» и «студент - преподаватель», но и «студент - студент». Все эти виды взаимодействия хорошо достигаются при изложении материала на занятиях в ходе дискуссий, а также на лабораторных занятиях в ходе изложения студентами реферативных докладов (возможно в виде презентации).

3.1. Дискуссия

Возможность дискуссии предполагает умение высказать собственную идею, предложить свой путь решения, аргументировано отстаивать свою точку зрения, связно излагать мысли. Полезны следующие задания: составление плана решения задачи, поиск другого способа решения, сравнение различных способов решения, проведение выкладок для решения задачи и выкладок для проверки правильности полученного решения, рассмотрение задач с лишними и недостающими данными, реферативно-творческие доклады. Студентам предлагается проанализировать варианты решения, обсудить доклад, высказать своё мнение. Основным объемом использования интерактивных методов обучения реализуется именно в ходе дискуссий, как на лекционных, так и на лабораторных занятиях.

Общие вопросы, которые выносятся на дискуссию:

- 1) Составления плана доказательства утверждения или решения задачи.
- 2) Определение возможных способов доказательства утверждения или поиск различных способов решений задачи.
- 3) Выбор среди рассматриваемых способов наиболее рационального.
- 4) Обсуждение логической составляющей в формулировке той или иной теоремы, а также обсуждение возможности построения иллюстрирующих ее примеров и контрпримеров.

- 5) Самостоятельное составление студентами опорных заданий по теме, характеризующих глубину понимания соответствующего материала.

3.2. Использование компьютерных технологий

Применение на занятии компьютерных технологий позволяет студентам при рассмотрении определенных тем курса более глубоко освоить соответствующие понятия. В этой связи определенные лекционные и лабораторные занятия преподавателю целесообразно проводить в виде презентации. Также в виде презентации в соответствии с темой лабораторного занятия студенты могут излагать подготовленные ими некоторые свои реферативные доклады.

Вид занятия (Л, ЛЗ)	Используемые интерактивные образовательные технологии	Количество часов
Л	«Неприводимость многочленов над конечными полями» - лекция в виде презентации.	2
ЛЗ	«Подполя конечных полей» - лабораторное занятие в виде презентации.	2

4 Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Контрольные работы и реферативные доклады оцениваются по пятибалльной системе. Зачет оценивается по системе: зачтено, не зачтено. На лабораторных занятиях контроль осуществляется при ответе у доски и при проверке домашних заданий.

Самостоятельная работа студента включает в себя повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий, подготовка к лабораторным занятиям, к контрольным работам и к зачету. Такой вид СРС контролируется в ходе проверки домашних заданий, заданий контрольных работ и в ходе зачета. Контроль осуществляется во время консультаций (вызывных или по желанию студента), а также на лабораторных занятиях.

Обязательными при изучении дисциплины «Конечные поля и некоторые их приложения» являются следующие виды самостоятельной работы:

- разбор и самостоятельное изучение теоретического материала по конспектам лекций и по учебным пособиям из списка источников литературы;
- самостоятельное решение задач по темам лабораторных занятий;
- подготовка к контрольным работам;
- подготовка к зачету.

4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

Список типовых практических заданий (для лабораторных занятий, контрольных работ и зачета)

1. Построить поле из 8 элементов.
2. Построить поле из 16 элементов.
3. Найти все автоморфизмы поля Z_8 .
4. Найти все автоморфизмы поля Z_{16} .
5. Найти многочлен 4-ой степени, неприводимый по любому простому модулю.
6. Найти многочлен 8-ой степени, неприводимый по любому простому модулю.
7. Факторизовать бином $x^8 + 1$ над полем Z_2, Z_4 .

8. Найти группу Галуа многочлена $x^8 + 1$ над Z_4 .
9. Факторизовать бином $x^{12} + x + 1$ над полем Z_2, Z_4 .
10. Найти группу Галуа многочлена $x^{12} + x + 1$ над Z_4 .

Примерные контрольные работы

Контрольная работа № 1

1. Построить поле из 8 элементов.
2. Факторизовать бином $x^8 + 1$ над полем Z_2, Z_4 .
3. Найти группу Галуа многочлена $x^{12} + x + 1$ над Z_4 .

4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Список теоретических вопросов (для зачета)

1. Поле, характеристика поля.
2. Расширение полей. Степень расширения.
3. Поле разложение многочлена.
4. Алгебраическое замыкание полей.
5. Трансцендентное расширение полей.
6. Теорема о единственности и существования для конечных полей.
7. Цикличность группы ненулевых элементов конечного поля.
8. Автоморфизмы конечных полей.
9. Подполя конечных полей.
10. Неприводимые многочлены над конечными полями

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,

– в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

Критерии оценивания по промежуточной аттестации

Зачет выставляется по результатам работы студента в течение семестра. Отметка «зачтено» выставляется студентам, которые регулярно посещали занятия, выполняли домашние работы, написали контрольные работы на положительные оценки. Отметка «незачтено» выставляется студентам, которые пропустили более 60 % занятий и написали контрольные работы на неудовлетворительные оценки.

5 Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

5.1 Основная литература:

1. Кострикин, А.И. Введение в алгебру. Часть 3. Основные структуры [Электронный ресурс] : учеб. — Электрон. дан. — Москва :Физматлит, 2001. — 272 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/59284>

2. Сергеев, Эдуард Александрович (КубГУ). Элементы теории Галуа [Текст] : учебное пособие / Э. А. Сергеев ; Кубанский гос. ун-т. - Краснодар : [б. и.], 1987. - 105 с. - Библиогр.: с. 100-107

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Библиоклуб».

5.2 Дополнительная литература:

1. Сергеев, Александр Эдуардович (КубГУ). Основы теории Галуа [Текст] : монография / А. Э. Сергеев, Э. А. Сергеев ; М-во образования и науки Рос. Федерации, Кубанский гос. ун-т. - Краснодар : [Кубанский государственный университет], 2014. - 334 с. - Библиогр.: с. 327-332. - ISBN 9785820910791.
2. Винберг, Э.Б. Курс алгебры : учебник / Э.Б. Винберг. - Москва : МЦНМО, 2011. - 591 с. - ISBN 978-5-94057-685-3 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63299>

6 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

7 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

По курсу предусмотрено проведение лекционных занятий, на которых дается основной систематизированный материал, лабораторных занятий, в ходе которых студентами приобретаются и закрепляются основные практические навыки решения различных задач, в том числе с применением полученных теоретических знаний.

Важнейшим этапом курса является самостоятельная работа по дисциплине. Самостоятельная работа студентов является неотъемлемой частью процесса подготовки. Под самостоятельной работой понимается часть учебной планируемой работы, которая выполняется по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Самостоятельная работа направлена на усвоение системы научных и профессиональных знаний, формирования умений и навыков, приобретение опыта самостоятельной творческой деятельности. СРС помогает формировать культуру мышления студентов, расширять познавательную деятельность.

Виды самостоятельной работы по курсу:

а) по целям: подготовка к лекциям, к практическим занятиям, к контрольной работе, к коллоквиуму; подготовка научного доклада и выполнение заданий по НИР.

б) по характеру работы: изучение литературы, конспекта лекций; поиск литературы в библиотеке; конспектирование рекомендуемой для самостоятельного изучения научной литературы; решение задач, тестов; работа с обучающими и контролирующими программами.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (при необходимости)

8.1. Перечень информационных технологий.

8.2 Перечень необходимого программного обеспечения

– Microsoft Windows

– Microsoft Office

8.3 Перечень необходимых информационных справочных систем

Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)

9 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук, ...) и соответствующим программным обеспечением (ПО) 308 Н, 505Н, 507Н;.
2.	Лабораторные занятия	Специальное помещение, оснащенное доской, маркерами и мелом 312Н,314Н, 307Н, 310Н
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория, (кабинет) 314Н
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория, (кабинет) 308 Н, 505Н, 507Н;.312Н,314Н, 307Н, 310Н
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета. (314Н)

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины

Конечные поля и некоторые их приложения по направлению подготовки
02.03.01 Математика и компьютерные науки, подготовленную кандидатом
физ-мат. наук, доцентом каф. функционального анализа и алгебры
КубГУ А.Э. Сергеевым,

Рабочая программа дисциплины «Конечные поля и некоторые их приложения» охватывает материал одного семестра.

Цель освоения дисциплины – дальнейшее формирование у студентов приобретенных на первых двух курсах знаний по алгебре и фундаментальной алгебре.

Задачи освоения дисциплины: получение базовых теоретических сведений по теории полей, их приложениям, основам теории Галуа.

При освоении дисциплины вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач. Получаемые знания лежат в основе математического образования и необходимы для понимания и освоения всех курсов математики, а также для продолжения обучения в магистратуре по соответствующему направлению подготовки.

Учитывая вышеизложенное, считаю, что рабочая программа доцента А.Э. Сергеева, соответствует государственным требованиям к минимуму содержания и уровню подготовки выпускников по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки, и может быть рекомендована для высших учебных заведений.

доктор физ.-мат. наук,
профессор кафедры компьютерных
технологий и систем КубГАУ
Аршинов Г.А.

Личную подпись тов.
ЗАВЕРЮ:
СПЕЦИАЛИСТ ПО КАДРАМ



Аршинов Г.А.
Степанов

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины

Конечные поля и некоторые их приложения по направлению подготовки
02.03.01 Математика и компьютерные науки, подготовленную кандидатом
физ.-мат. наук, доцентом каф. функционального анализа и алгебры
КубГУ А.Э. Сергеевым,

Рабочая программа дисциплины «Конечные поля и некоторые их приложения» охватывает материал одного семестра.

Цель освоения дисциплины – дальнейшее формирование у студентов приобретенных на первых двух курсах знаний по алгебре и фундаментальной алгебре.

Задачи освоения дисциплины: получение базовых теоретических сведений по теории полей, их приложениям, основам теории Галуа.

При освоении дисциплины вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач. Получаемые знания лежат в основе математического образования и необходимы для понимания и освоения всех курсов математики, а также для продолжения обучения в магистратуре по соответствующему направлению подготовки.

Учитывая вышеизложенное, считаю, что рабочая программа доцента А.Э. Сергеева, соответствует государственным требованиям к минимуму содержания и уровню подготовки выпускников по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки, и может быть рекомендована для высших учебных заведений.

канд физ.-мат. наук, доцент
доцент кафедры математического
моделирования КубГУ
Марковский А.Н.

