## **АННОТАЦИЯ**

Учебного модуля «Алгебра» (Б1.Б.11 Алгебра, Б1.Б.12 Линейная алгебра) специальность 01.05.01 Фундаментальные математика и механика

Объем трудоемкости дисциплины «Алгебра»: 11 зачетных единиц (396 часов, из них — 207 ч. контактной работы: 198 ч. аудиторной нагрузки (лекционных 90 ч., лабораторных 108 ч.); 8 часов КСР, 1 ч. ИКР; 108,6 ч. самостоятельной работы, 80,4 ч. контроль) Объем трудоемкости дисциплины «Линейная алгебра»: 6 зачетных единиц (216 часов, из них — 112,5 ч. контактной работы: 108 ч. аудиторной нагрузки (лекционных 54 ч., лабораторных 54 ч.); 4 часа КСР, 0,5 ч. ИКР; 58,8 ч. самостоятельной работы, 44,7 ч. контроль)

**Цель дисциплин модуля**: формирование у студентов математической культуры и базовых знаний по алгебре, линейной алгебре и геометрии, обеспечении подготовки студентов в области анализа алгеброгеометрических объектов.

Задачи дисциплин модуля: получение основных теоретических сведений, развитие познавательной деятельности и приобретение практических навыков работы с понятиями по следующим разделам высшей алгебры, линейной алгебры линейной алгебре и геометрии: основные алгебраические структуры: кольца, поля, группы, комплексные числа, системы линейных уравнений, матрицы и определители, многочлены от одной и нескольких переменных, линейные пространства и подпространства, линейные операторы, евклидовы и унитарные пространства, линейные преобразования евклидовых и унитарных пространств, билинейные и квадратичные формы, элементы многомерной геометрии, элементы тензорной алгебры, элементы теории групп, элементы теории представлений, элементы теории колец и полей.

При освоении дисциплин модуля «Алгебра» вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач по алгебре, линейной алгебре и геометрии.

**Место** дисциплины в структуре ООП ВО: Модуль «Алгебра» включает в себя 2 дисциплины: Б1.Б.11 «Алгебра» (1 и 3 семестры) и Б1.Б.12 «Линейная алгебра» (2 семестр), которые относятся к базовой части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана.

Для освоения дисциплин модуля студенты должны владеть знаниями по школьному курсу математики. Знания, полученные по данной дисциплине, используются в аналитической геометрии, математическом анализе, функциональном анализе, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнениях, дискретной математике и математической логике, теории чисел, методах оптимизации и др.

**Требования к уровню освоения дисциплины** Изучение дисциплин модуля направлено на формирование у обучающихся следующих общепрофессиональных и профессиональных компетенций: ОПК-1, ПК-1.

No	Индекс	Содержание компе-	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны						
П.П.	компе-	тенции (или её час-							
11.11.	тенции	ти)	знать	уметь	владеть				
1.	ОПК-1	готовностью исполь-	основные фак-	находить ос-	методами ал-				
		зовать фундамен-	ты и идеи	новные зако-	геброгеомет-				
		тальные знания в об-	геометриче-	номерности	рического				
		ласти математиче-	ской теории	алгеброгео-	подхода к ис-				
		ского анализа, ком-	СЛУ, теорий	метрического	следованию				
		плексного и функ-	матриц и оп-	характера в	теоретических				
		ционального анали-	ределителей,	различных ма-	и прикладных				

	Индекс Содержание компе- В результате изучения учебной дисциплины								
№	компе-	тенции (или её час-	обучающиеся должны						
п.п.	тенции	ти)	знать	уметь	владеть				
	тенции	ти) за, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации в будущей профессиональной деятельности	теории многочленов от одной и нескольких переменных, геометрии линейных пространств, метрических линейных пространств и их линейных пространств и их линейных преобразований, элементы многомерной геометрии, тензорной алгебры, теорий групп, колец, полей и их представлений.	уметь тематических задачах, Решать задачи вычислительного и теоретического характера в области теории групп, колец и полей, теории представлений, многомерной геометрии, тензорной алгебры	владеть вопросов и задач различ- ных разделов математики				
2.	ПК-1	способностью к самостоятельному анализу поставленной задачи, выбору корректного метода ее решения, построению алгоритма и его реализации, обработке и анализу полученной информации	основные понятия и результаты по алгебре, линейной алгебре и геометрии, логические связи между ними, свойства математических объектов в этой области, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложений.	устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач по теории групп, теории чисел, теории колец, общей и линейной алгебре и геометрии	методами и идеями алгебры, линейной алгебры и геометрии				

Основные разделы дисциплины:

	Наименование разделов (тем)		Количество часов					
№		Всего	Аудиторная работа			Внеауди- торная работа		
			Л	П3	ЛР	CPC		
1	2	3	4	5	6	7		
1.	Комплексные числа	20	8	-	8	4		
1.	Системы линейных уравнений. Линейная зависимость. Ранг системы векторов	26	10	-	10	6		
2.	Матрицы и определители. Приложения теории определителей	38	16	-	16	6		
3.	Кольца вычетов. Поля и подполя. Характеристика поля	20	8	-	8	4		
4.	Многочлены от одной и нескольких переменных. Симметрические многочлены. Дискриминант и результант.	28,8	12	-	12	4,8		
	Итого по дисциплине:		54	_	54	24,8		

## Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре (очная форма)

	Наименование разделов (тем)	Количество часов					
№		Всего	Аудиторная работа			Внеауди- торная работа	
			Л	ПЗ	ЛР	CPC	
1	2	3	4	5	6	7	
1.	Линейные пространства и подпространства.	25	8	-	8	9	
2.	Евклидовы и унитарные пространства	24	8	-	8	8	
3.	Линейные операторы. Структура линейных операторов.	40	12	ı	12	16	
4.	Линейные преобразования евклидовых и унитар- ных пространств	24	8	ı	8	8	
5.	Билинейные и квадратичные функции	24	8	-	8	8	
6.	Элементы многомерной геометрии	18	6	-	6	6	
7.	Элементы тензорной алгебры	11,8	4	-	4	3,8	
	Итого по дисциплине:		54	-	54	58,8	

## Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре (очная форма)

	№ Наименование разделов (тем)	Количество часов					
№		Всего	Аудиторная			Внеауди- торная работа	
			Л	П3	ЛР	CPC	
1	2	3	4	5	6	7	

	Итого по дисциплине:		36	-	54	83,8
2.	Элементы теории колец и полей	63,8	10	ı	20	33,8
1.	Элементы теории групп	110	26	-	34	50

Курсовые работы: не предусмотрены

Форма проведения аттестации по дисциплинам модуля: зачет/экзамен

## Основная литература:

- 1. Фаддеев Д.К. Лекции по алгебре. СПб.: Лань, 2007. https://e.lanbook.com/book/397#authors
- 2. Винберг Э.Б., Курс алгебры. М., МЦНМО. 2011. http://biblioclub.ru/index.php?page=book\_red&id=63299&sr=1
- 3. Кострикин А.И. Введение в алгебру. Ч.1. Основы алгебры. М.: МЦНМО, 2009. http://biblioclub.ru/index.php?page=book\_red&id=63140&sr=1
- 4. Кострикин А.И. Введение в алгебру. Ч.2. Линейная алгебра. М.: МЦНМО, 2009. http://biblioclub.ru/index.php?page=book\_red&id=63144&sr=1
- 5. Кострикин А.И. Введение в алгебру. Ч.3. Основные структуры алгебры. М.: Физматлит, 2001. <a href="https://e.lanbook.com/book/59284#book\_name">https://e.lanbook.com/book/59284#book\_name</a> М., МЦНМО, 2009. <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book\_red&id=62951&sr=1">http://biblioclub.ru/index.php?page=book\_red&id=62951&sr=1</a>
- 6. Каргаполов М.И., Мерзляков Ю.И. Основы теории групп. СПб, Лань. 2009. <a href="https://e.lanbook.com/book/177#book\_name">https://e.lanbook.com/book/177#book\_name</a>
- 7. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. М., 2005.
- 8. <a href="https://e.lanbook.com/book/529#book\_name">https://e.lanbook.com/book/529#book\_name</a>
- 9. Фаддеев Д.К., Соминский И.С. Сборник задач по высшей алгебре. М., Лань. 2008. <a href="https://e.lanbook.com/book/399#authors">https://e.lanbook.com/book/399#authors</a>
- 10. Сборник задач по алгебре. Под. ред. А. И. Кострикина. М, 2007. https://e.lanbook.com/book/2743#book\_name

Автор РПД доцент, к.ф.-м.н. Тен О.К.