



Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
Физико – технический факультет

УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,  
качеству образования, первый  
проректор

Иванов А.Г.

« 09 »



2015 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Б1.Б.05.02 ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ**

Направление подготовки: 11.03.01 Радиотехника

Направленность: Радиотехнические средства передачи, приема и  
обработки сигналов

Программа подготовки: академический бакалавриат

Форма обучения: очная

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Краснодар 2015

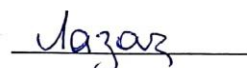
Рабочая программа дисциплины Б1.Б.05.02 ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника

Программу составил:  
Гаврилюк М.Н., доцент, канд. физ.-мат. наук



Рабочая программа дисциплины Б1.Б.05.02 ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ утверждена на заседании кафедры теории функций протокол № 1 «31» августа 2015 г.

Заведующий кафедрой (разработчик) Лазарев В.А.



Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры радиофизики и нанотехнологий  
протокол № 12 от «12» 05 2015 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Копытов Г.Ф.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук  
протокол № 1 от «09» сентября 2015 г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н.



Рецензенты:

Гусаков Валерий Александрович, канд. физ. – мат. наук,  
директор ООО «Просвещение-Юг».

Засядко Ольга Владимировна, канд. пед. наук, доцент, доцент кафедры информационных образовательных технологий

## **1 Цели и задачи изучения дисциплины (модуля).**

### **1.1 Цель освоения дисциплины.**

Целями дисциплины «Дифференциальные уравнения» являются: формирование мышления в категориях бесконечно малых и умения моделировать реальные явления методами теории дифференциальных уравнений.

### **1.2 Задачи дисциплины.**

- Формирование основных понятий теории обыкновенных дифференциальных уравнений.
- Формирование знаний о свойствах решений дифференциальных уравнений первого порядка: с разделяющимися переменными, однородных и приводящихся к ним, уравнений в полных дифференциалах; овладение точными методами интегрирования.
- Формирование знаний о линейном дифференциальном уравнении первого порядка. Овладение методами решения Лагранжа и Бернулли.
- Формирование знаний в вопросах существования и единственности решения задачи Коши для дифференциальных уравнений и систем.
- Овладение приближенными и численными методами интегрирования дифференциальных уравнений.
- Формирование знаний о линейном дифференциальном уравнении первого порядка. Овладение методами решения Лагранжа и Бернулли.
- Формирование умений и навыков решения дифференциальных уравнений высших порядков путем понижения порядка уравнения.
- Формирование знаний о структуре общего решения дифференциальных уравнений высших порядков. Овладение методом Лагранжа.
- Формирование умений и навыков построения общего решения линейного однородного дифференциального уравнения  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами в зависимости от значений характеристических чисел.
- Формирование умений и навыков в поиске частного решения линейных неоднородных дифференциальных уравнений высших порядков по правой части специального вида. Овладение методом неопределенных коэффициентов
- Формирование знаний о свойствах решений однородной линейной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Овладение методом Эйлера.
- Формирование знаний о структуре решения неоднородной линейной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Овладение методами нахождения частного решения.

### **1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.**

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к базовой части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана.

Для успешного изучения дисциплины достаточно знаний и умений по математическому анализу в объеме знаний первого курса. Изучение данной учебной дисциплины научит студентов привлекать для решения естественнонаучных проблем соответствующий физико-математический аппарат и пригодится для успешного прохождения ГИА.

### **1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.**

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общекультурных и общепрофессиональных компетенций (ОК и ОПК) ОК-3, ОПК-1, ОПК-2.

| № п.п. | Индекс компетенции | Содержание компетенции (или её части)                                                                                                                                               | В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны                                                                                                                                                              |                                                                                                                      |                                                                                                                                                    |
|--------|--------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|        |                    |                                                                                                                                                                                     | знать                                                                                                                                                                                                                    | уметь                                                                                                                | владеть                                                                                                                                            |
| 1.     | ОК-3               | Способность использовать основы экономических знаний при оценке эффективности результатов деятельности в различных сферах                                                           | Основные понятия и теоремы курса дифференциальных уравнений и способы их применения в других областях знаний                                                                                                             | Решать задачи по дифференциальным уравнениям, а также применять полученные знания при решении задач других дисциплин | Навыками практического использования методов решения дифференциальных уравнений при решении различных задач                                        |
| 2.     | ОПК-1              | Способность представлять адекватную современному уровню знаний научную картину мира на основе знания основных положений, законов и методов естественных наук и математики           | Навыками практического использования методов решения дифференциальных уравнений при решении различных задач                                                                                                              | Использовать приобретенные знания в последующих научных исследованиях                                                | навыками корректной и адекватной постановки задач, используя методы дифференциальных уравнений                                                     |
| 3.     | ОПК-2              | Способность выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат | - базовые понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений<br>- определения и свойства основных объектов теории<br>- формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их физических приложений. | - прилагать полученные при изучении дисциплины знания к решению задач в различных физики и математики.               | - понятиями и методами теории дифференциальных уравнений;<br>- приложениями дифференциальных уравнений к механике, электродинамике, гидродинамике. |

## 2. Структура и содержание дисциплины.

### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 зач.ед. (108 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице  
(для студентов ОФО).

| Вид учебной работы                                         |                               | Всего часов | Семестры (часы) |
|------------------------------------------------------------|-------------------------------|-------------|-----------------|
|                                                            |                               |             | 4               |
| Контактная работа, в том числе:                            |                               | 10          | 10              |
| Аудиторные занятия (всего):                                |                               | 10          | 10              |
| Занятия лекционного типа                                   |                               | 4           | 4               |
| Лабораторные занятия                                       |                               | -           | -               |
| Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия) |                               | 6           | 6               |
|                                                            |                               |             |                 |
| Иная контактная работа:                                    |                               |             |                 |
| Контроль самостоятельной работы (КСР)                      |                               |             |                 |
| Промежуточная аттестация (ИКР)                             |                               |             |                 |
| Самостоятельная работа, в том числе:                       |                               | 94          | 94              |
| Проработка учебного материала                              |                               | 20          | 20              |
| Выполнение индивидуальных заданий                          |                               | 60          | 60              |
| Подготовка к текущему контролю                             |                               | 14          | 14              |
| Контроль:                                                  |                               | 4           | 4               |
| Подготовка к зачету                                        |                               | 4           | 4               |
| Общая трудоемкость                                         | час.                          | 108         | 108             |
|                                                            | в том числе контактная работа | 10          | 10              |
|                                                            | зач. ед                       | 3           | 3               |

### 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в 4 семестре (очная форма)

| №  | Наименование разделов                       | Количество часов |                   |    |    |                      |
|----|---------------------------------------------|------------------|-------------------|----|----|----------------------|
|    |                                             | Всего            | Аудиторная работа |    |    | Внеаудиторная работа |
|    |                                             |                  | Л                 | ПЗ | ЛР | СРС                  |
| 1  | 2                                           | 3                | 4                 | 5  | 6  | 7                    |
| 1. | Основные понятия. Задача Коши.              |                  | 0,5               | -  | -  | 3                    |
| 2. | Дифференциальные уравнения первого порядка. |                  | 1                 | 2  | -  | 35                   |
| 3. | Дифференциальные уравнения высших порядков  |                  | 1                 | 1  | -  | 35                   |

|    |                                                                        |     |     |   |   |    |
|----|------------------------------------------------------------------------|-----|-----|---|---|----|
| 4. | Системы линейных дифференциальных уравнений.                           |     | 1   | 2 | - | 15 |
| 5. | Применение степенных рядов к интегрированию дифференциальных уравнений |     | 0,5 | 1 | - | 10 |
|    | <i>Итого по дисциплине:</i>                                            | 108 | 4   | 6 | - | 98 |

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

## 2.3 Содержание разделов дисциплины:

### 2.3.1 Занятия лекционного типа.

| №  | Наименование раздела                       | Содержание раздела                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | Форма текущего контроля        |
|----|--------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------|
| 1  | 2                                          | 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 4                              |
| 1. | Основные понятия. Задача Коши              | Понятие обыкновенного дифференциального уравнения. Общее и частные решения. График решения. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | Ответы на вопросы. Блиц-опрос. |
| 2. | Дифференциальные уравнения первого порядка | <p>Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши. Геометрическая интерпретация дифференциального уравнения. Поле направлений. Метод изоклин.</p> <p>Уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения и приводящимися к ним.</p> <p>Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод Бернулли и Лагранжа. Уравнение Бернулли. Уравнение в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.</p> <p>Понятие метрического пространства. Принцип сжатых отображений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка, разрешенного относительно производной. Особые решения дифференциальных уравнений. Огибающая семейства кривых.</p> | Ответы на вопросы. Блиц-опрос. |
| 3. | Дифференциальные уравнения высших порядков | Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижения порядка.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | Ответы на вопросы. Блиц-опрос. |

|    |                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                       |
|----|---------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------|
|    |                                             | <p>а) Уравнения вида <math>y^{(n)} = f(x)</math>.</p> <p>б) Уравнения вида <math>F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0</math>.</p> <p>в) Уравнения, не содержащие независимого переменного: <math>F(y, y', \dots, y^{(n)}) = 0</math>.</p> <p>Линейные однородные дифференциальные уравнения высшего порядка.<br/>         Линейно зависимые и независимые функции.<br/>         Определитель Вронского. Фундаментальная система решений. Общее решение линейного однородного дифференциального уравнения.<br/>         Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высшего порядка. Структура общего решения. Метод Лагранжа вариации произвольной постоянной</p> <p>Линейные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами.</p> <p>Основные понятия.</p> <p>Построение общего решения однородного дифференциального уравнения.</p> <p>Поиск частного решения неоднородного уравнения и правой частью специального вида.</p> <p>Линейные однородные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами.<br/>         Построение общего решения уравнения.<br/>         Линейные неоднородные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида. Методы нахождения частного решения.</p> |                                       |
| 4. | Системы линейных дифференциальных уравнений | <p>Системы дифференциальных уравнений, основные понятия. Фазовое пространство. Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.</p> <p>Метод исключения для нормальных систем дифференциальных уравнений (сведение системы уравнений к одному уравнению).</p> <p>Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных при нахождении общего решения линейной неоднородной системы уравнений.</p> <p>Линейная однородная система</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | <p>Ответы на вопросы. Блиц-опрос.</p> |

|    |                                                                        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |                                |
|----|------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------|
|    |                                                                        | дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Нахождение решения системы по методу Эйлера.<br>Линейные неоднородные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Поиск частного решения в случае правых частей специального вида.<br>Элементы теории устойчивости |                                |
| 5. | Применение степенных рядов к интегрированию дифференциальных уравнений | Применение степенных рядов Тейлора к интегрированию дифференциальных уравнений. Сведение дифференциального уравнения к системе алгебраических уравнений                                                                                                                                          | Ответы на вопросы. Блиц-опрос. |

### 2.3.2 Занятия семинарского типа.

| №  | Наименование раздела                       | Тематика практических занятий (семинаров)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | Форма текущего контроля                                  |
|----|--------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------|
| 1  | 2                                          | 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 4                                                        |
| 1. | Основные понятия. Задача Коши              | Понятие обыкновенного дифференциального уравнения. Общее и частные решения. График решения. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | Ответы на вопросы и решение задач                        |
| 2. | Дифференциальные уравнения первого порядка | Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши. Геометрическая интерпретация дифференциального уравнения. Поле направлений. Метод изоклин.<br>Уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения и приводящиеся к ним.<br><br>Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод Бернулли и Лагранжа. Уравнение Бернулли. Уравнение в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.<br><br>Понятие метрического пространства. Принцип сжатых отображений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка, разрешенного относительно производной.<br>Особые решения дифференциальных уравнений. Огибающая семейства кривых | Ответы на вопросы и решение задач<br>Контрольная работа. |
| 3. | Дифференциальные уравнения высших          | Дифференциальные уравнения высших                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | Ответы на вопросы и                                      |

|    |                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                               |
|----|----------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------|
|    | <p>порядков</p>                                                                                    | <p>порядков, допускающие понижения порядка.</p> <p>а) Уравнения вида <math>y^{(n)} = f(x)</math>.</p> <p>б) Уравнения вида <math>F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0</math>.</p> <p>в) Уравнения, не содержащие независимого переменного: <math>F(y, y', \dots, y^{(n)}) = 0</math>.</p> <p>Линейные однородные дифференциальные уравнения высшего порядка.<br/>         Линейно зависимые и независимые функции.<br/>         Определитель Вронского. Фундаментальная система решений. Общее решение линейного однородного дифференциального уравнения.<br/>         Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высшего порядка. Структура общего решения. Метод Лагранжа вариации произвольной постоянной.</p>                                           | <p>решение задач.<br/>Контрольная работа.</p> |
| 4. | <p>Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.</p>           | <p>. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.<br/>         Построение общего решения в случае:<br/>         а) различных характеристических чисел;<br/>         б) кратных характеристических чисел;<br/>         в) в случае комплексно-сопряженных корней характеристического уравнения.<br/>         Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида:<br/>         а) <math>f(x) = e^{\alpha x}</math>.<br/>         б) <math>f(x) = e^{\alpha x} P_m(x)</math>.<br/>         г) <math>f(x) = e^{\alpha x} (a \cos \beta x + b \sin \beta x)</math>.<br/>         Поиск частного решения методом неопределенных коэффициентов.</p> | <p>Ответы на вопросы и решение задач</p>      |
| 5. | <p>Линейные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами.</p> | <p>Линейные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами.<br/>         Основные понятия.<br/>         Построение общего решения однородного дифференциального уравнения.<br/>         Поиск частного решения неоднородного уравнения и правой частью специального вида.<br/>         Линейные однородные дифференциальные</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | <p>Ответы на вопросы и решение задач</p>      |

|    |                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |  |
|----|---------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|
|    |                                             | <p>уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами.</p> <p>Построение общего решения уравнения.</p> <p>Линейные неоднородные дифференциальные уравнения <math>n</math>-го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида. Методы нахождения частного решения.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |  |
| 6. | Системы линейных дифференциальных уравнений | <p>Системы дифференциальных уравнений, основные понятия. Фазовое пространство. Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.</p> <p>Метод исключения для нормальных систем дифференциальных уравнений (сведение системы уравнений к одному уравнению).</p> <p>Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных при нахождении общего решения линейной неоднородной системы уравнений.</p> <p>Линейная однородная система дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Нахождение решения системы по методу Эйлера.</p> <p>Линейные неоднородные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Поиск частного решения в случае правых частей специального вида.</p> <p>Элементы теории устойчивости.</p> |  |

### 2.3.3 Лабораторные занятия.

Лабораторные занятия - не предусмотрены.

### 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы - не предусмотрены.

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

| № | Вид СРС                           | Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы                                                                                                                                                                |
|---|-----------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | 2                                 | 3                                                                                                                                                                                                                                                        |
| 1 | Проработка учебного материала     | <p>Степанов В.В. Курс дифференциальных уравнений-М.,ЛКИ, 2016, 512 с.<br/> <a href="https://e.lanbook.com/book/154#authors">https://e.lanbook.com/book/154#authors</a></p>                                                                               |
| 2 | Выполнение индивидуальных заданий | <p>Данко П.Е., Попов А.Г., Кожевников Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах. Ч.2 Учеб. Пособие для втузов. – М.: Высш. шк., 2005. – 304 с.<br/> <a href="https://e.lanbook.com/book/154#authors">https://e.lanbook.com/book/154#authors</a></p> |

|   |                                |                                                                                                                                                                                                                    |
|---|--------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 3 | Подготовка к текущему контролю | Письменский Д. Т. Конспект лекций по высшей математике. 2 часть. – 2-е изд., испр., – М.: Айрис-пресс, 2003. – 256 с.: <a href="https://e.lanbook.com/book/154#authors">https://e.lanbook.com/book/154#authors</a> |
|---|--------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### **3. Образовательные технологии.**

В процессе обучения студентов используются текущие опросы, контрольные работы, проводятся коллоквиум, лекции, практические занятия, контрольные работы и экзамен. В течение семестра к каждому лабораторному занятию студенты решают задачи, указанные преподавателем. В семестре проводится пять контрольных работ (на лабораторных занятиях). Зачёт сдаётся после сдачи всех контрольных работ.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

## **4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.**

### **4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.**

#### ***Контрольная работа №1***

1. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$y' = e^{x-y};$$

2. Найти решение дифференциального уравнения

$$xy' + 2y = 2x^4, y(1) = 0.$$

3. Решить дифференциальное уравнение с однородной правой частью

$$y' = \frac{y^2 - x^2}{2xy};$$

4. Решить дифференциальное уравнение

$$(2e^y - x)y' = 1; y(0) = 0.$$

5. Решить уравнение Бернулли

$$y' + 2xy = 2x^3y^3.$$

### **Контрольная работа №2**

1. Найти решение дифференциального уравнения, удовлетворяющее указанным условиям.

$$y'' + 81y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 4.$$

2. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$y'' - 8y' + 17y = 0.$$

3. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$y'' + 7y' - 8y = 10e^{3x}.$$

4. Решить систему уравнений

$$\begin{cases} \frac{dy_1}{dx} = y_1 - y_2 + y_3 \\ \frac{dy_2}{dx} = y_1 + y_2 - y_3, \\ \frac{dy_3}{dx} = -y_2 + 2y_3. \end{cases}$$

5. Решить систему уравнений

$$\begin{cases} \frac{dy_1}{dx} = y_1 - y_2 + x \\ \frac{dy_2}{dx} = y_1 + y_2 - 2x \end{cases}$$

### Комплект заданий для работы на практических занятиях

#### Вариант 1.

1. Найти общее решение дифференциальных уравнений:

|                            |                           |
|----------------------------|---------------------------|
| а) $(x^2 - y^2)y' = 2xy$ ; | в) $2xyy' = (y')^2 - 1$ ; |
| б) $xy' - y = x^2$ ;       | г) $xy' + y = 3$ .        |

2. Найти частное решение дифференциального уравнения, удовлетворяющее начальным условиям  $y'' + 4y' + 4y = e^{2x}$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = -1$ .

3. Найти общее решение системы дифференциальных уравнений  $\begin{cases} \frac{dx}{dt} = 3x + y \\ \frac{dy}{dt} = 8x + y \end{cases}$ .

4. Записать уравнение кривой, проходящей через точку  $A(5; 2)$ , если известно, что угловой коэффициент касательной в любой ее точке в 3 раз больше углового коэффициента прямой, соединяющей точку А с началом координат.

5. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' = \sin x$

6. Найти общее решение дифференциального уравнения методом вариации произвольных постоянных  $y'' - y = \frac{e^x}{e^x - 1}$ .

### Вариант 2.

1. Найти общее решение дифференциальных уравнений:

|                             |                                   |
|-----------------------------|-----------------------------------|
| а) $xy' = y \ln(y/x)$ ;     | в) $x^3 y' + x^2 y = 1$ ;         |
| б) $ydx - 2xdy = 2y^4 dy$ ; | г) $xy' - y = \sqrt{x^2 + y^2}$ . |

2. Найти частное решение дифференциального уравнения, удовлетворяющее начальным условиям  $y'' + 4y' - 12y = 8\sin 2x$ ;  $y(0) = -1$ ,  $y'(0) = 1$ .

3. Найти общее решение системы дифференциальных уравнений 
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = 4x + 6y \\ \frac{dy}{dt} = 4x + 2y \end{cases}.$$

4. Найти уравнение кривой, проходящей через точку  $A(10, 10)$  и, обладающей тем свойством, что отрезок, отсекаемый на оси абсцисс касательной, проведенной в любой точке кривой, равен кубу абсциссы точки касания.

5. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' = \frac{1}{x}$

6. Найти общее решение дифференциального уравнения методом вариации произвольных постоянных  $y'' - 6y' + 9y = \frac{e^{3x}}{x}$ .

### 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.

#### Вопросы для подготовки к зачету

1. . Физические и геометрические задачи, приводящие к дифференциальному уравнению.
2. Понятие обыкновенного дифференциального уравнения. Общее и частные решения. График решения.
3. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши.
4. Геометрическая интерпретация дифференциального уравнения.. Поле направлений. Метод изоклин.
5. Дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными.
6. Однородные дифференциальные уравнения.
7. Уравнения, приводящиеся к однородным уравнениям.
8. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка Уравнение Бернулли.
9. Метод Бернулли и Лагранжа решения линейного дифференциального уравнения первого порядка.
10. Уравнение в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.
11. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка, разрешенного относительно производной.
12. Понятие метрического пространства. Принцип сжатых отображений.
13. Доказательство теоремы существования и единственности решения дифференциального уравнения первого порядка.

14. Методы приближенного решения дифференциального уравнения первого порядка.
  15. Уравнения, не разрешенные относительно производной.
  16. Особые решения дифференциальных уравнений. Огибающая семейства кривых.
  17. Дифференциальные уравнения высших порядков, основные понятия. Теорема существования и единственности
  18. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижения порядка:
    - а) уравнения вида  $y^{(n)} = f(x)$ ;
    - б) уравнения вида  $F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0$ , не содержащие искомой функции;
    - в) уравнения вида  $F(y, y', \dots, y^{(n)}) = 0$ , не содержащие независимого переменного.
  19. Линейные однородные дифференциальные уравнения высшего порядка. Линейно зависимые и независимые функции. Определитель Вронского. Фундаментальная система решений. Общее решение линейного однородного дифференциального уравнения.
  20. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высшего порядка. Структура общего решения. Метод Лагранжа вариации произвольной постоянной.
  21. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Построение общего решения в случае:
    - а) различных характеристических чисел;
    - б) кратных характеристических чисел;
    - в) в случае комплексно-сопряженных корней характеристического уравнения.
  22. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида:
    - а)  $f(x) = e^{\alpha x}$ .
    - б)  $f(x) = e^{\alpha x} P_m(x)$ .
    - в)  $f(x) = e^{\alpha x} (a \cos \beta x + b \sin \beta x)$ .
- Поиск частного решения методом неопределенных коэффициентов.
23. Линейные однородные дифференциальные уравнения  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами. Построение общего решения уравнения.
  24. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида. Методы нахождения частного решения.
  25. Системы дифференциальных уравнений, основные понятия. Фазовое пространство.
  26. Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.
  27. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных при нахождении общего решения линейной неоднородной системы уравнений.
  28. Линейная однородная система дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Нахождение решения системы методом исключения (сведение системы уравнений к одному уравнению).
  29. Линейные неоднородные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Поиск частного решения в случае правых частей специального вида.
  30. Интегрирование дифференциальных уравнений при помощи степенных рядов

| Критерии оценивания | Количество баллов |
|---------------------|-------------------|
|---------------------|-------------------|

|                                                                                                                                                           |   |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|
| Ответ грамотный, логично изложенный, неточности отсутствуют. Проявлена достаточная научная и образовательнoкультурная эрудиция. Задача решена без ошибок. | 5 |
| Ответ грамотный, логично изложенный. Допущены некоторые неточности. Задача решена верно.                                                                  | 4 |
| В ответе значительные пробелы в фундаментальных знаниях, допускаются существенные ошибки. Задача решена не полностью.                                     | 3 |
| В ответе значительные пробелы в фундаментальных знаниях, допускаются существенные ошибки. Задача не решена.                                               | 2 |

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).**

### **6.1 Основная литература:**

1. Филиппов А.Ф. Введение в теорию дифференциальных уравнений-М.:Ленанд, 2015, 240 с.
2. Степанов В.В. Курс дифференциальных уравнений- М.,ЛКИ, 2016, 512 с.
3. Эльсгольц Л.Э. Дифференциальные уравнения- М. ,Букинист, 2009, 320 с.
4. Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. Учебное пособие.- М., Ленанд, 2015, 170 с.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечной системе «Лань».

## **6.2 Дополнительная литература:**

1. Степанов В.В. Курс дифференциальных уравнений. – М.:КомКнига, 2006. – 472 с.
2. Письменский Д. Т. Конспект лекций по высшей математике. 2 часть. – 2-е изд., испр., – М.: Айрис-пресс, 2003. – 256 с.: ил.
3. Бугров Я.С., Никольский С.М. Дифференциальные уравнения и др. – М.: Наука, 1985.
4. Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. – М.: Наука, 1985. – 128 с.
5. Данко П.Е., Попов А.Г., Кожевников Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах. Ч.2 Учеб. Пособие для вузов. – М.: Высш. шк., 2005. – 304 с.

1

## **5.3. Периодические издания:**

Не используются при изучении данного курса.

## **6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).**

1. ЭБС "Университетская библиотека ONLINE" – <http://biblioclub.ru/>
2. Электронная библиотечная система издательства "Лань" – <http://e.lanbook.com/>
3. Электронная библиотечная система "Юрайт" – <http://www.biblio-online.ru/>
4. Scopus – база данных рефератов и цитирования – <http://www.scopus.com/>
5. Web of Science (WoS) – [http://apps.webofknowledge.com/WOS\\_GeneralSearch\\_input.do?product=WOS&search\\_mode=GeneralSearch&SID=V2yRRW6FP9RssAaul78&preferencesSaved](http://apps.webofknowledge.com/WOS_GeneralSearch_input.do?product=WOS&search_mode=GeneralSearch&SID=V2yRRW6FP9RssAaul78&preferencesSaved)
6. Научная электронная библиотека (НЭБ) – <http://www.elibrary.ru/>
7. Архив научных журналов – <http://archive.neicon.ru/>
8. Электронная Библиотека Диссертаций – <https://dvs.rsl.ru/>
9. Национальная электронная библиотека – <http://нэб.рф/>
10. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций – <http://infoneeds.kubsu.ru/>

## **7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).**

Самостоятельная работа студента является необходимой и крайне важной при изучении любого теоретического или практического учебного курса и должна быть правильно организована. Прежде всего, необходимо, чтобы эта работа была систематической и регулярной. В помощь студенту учебным планом рекомендован график самостоятельной работы. При желании студент может воспользоваться этим графиком. Самостоятельная работа делится между теоретической частью курса и практической, но это деление не носит формального характера, поскольку решение

практических задач предусматривает знание основных теоретических понятий и методов, а теоретические знания в свою очередь не могут усваиваться без практической работы с теоретическими конструкциями.

При подготовке к практическому занятию студенту целесообразно познакомиться сначала с теоретическими понятиями, относящимися к данному разделу, чтобы уяснить для себя смысловую часть работы. Для этого рекомендуется прочитать лекции или учебники, в которых освещаются соответствующие вопросы. Естественно, студенту необязательно использовать лишь литературу, указанную в библиографии, но на начальных стадиях изучения материала это делать желательно. Со временем расширение использования литературных источников можно лишь приветствовать. Перед решением домашних задач студенту целесообразно познакомиться сначала с содержанием предыдущего занятия, уяснить для себя методы решения задач рассматриваемого типа. При этом у студента естественно возникают затруднения и вопросы, которые он может задать преподавателю на следующем практическом занятии. Любое практическое занятие начинается с разборов вопросов и затруднений по домашнему заданию. Форма практических занятий, особенно занятий лабораторных, предусматривает диалог между студентами и преподавателем. Практика показывает, что студенты охотно прибегают к прямому диалогу с преподавателем и умеют извлечь для себя пользу из соответствующего диалога. Каждая тема заканчивается итоговой контрольной работой с выставлением оценки. Студент должен получить по каждой контрольной работе хотя бы удовлетворительную оценку, иначе он получает дополнительное задание с обязательным условием отработки неудовлетворительной оценки по соответствующей контрольной работе. Эти отработки принимаются преподавателем, ведущим практические занятия в течение всего семестра. По результатам контрольных работ и их отработкам студенту выставляется итоговая оценка по практике, определённым образом влияющая на его зачётную оценку.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

#### График самостоятельной работы

| № | Виды /формы СР                                               | Форма отчёта                                            | Сроки отчётности                  |
|---|--------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------|-----------------------------------|
| 1 | Выполнение текущих домашних заданий                          | Предъявление выполненных домашних заданий по требованию | В течение семестра                |
| 2 | Выполнение контрольных работ                                 | Сдача контрольных работ                                 | В соответствии с учебным графиком |
| 3 | Отработка неудовлетворительных оценок по контрольным работам | Сдача зачёта                                            | Конец декабря                     |

## **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

### **8.1 Перечень информационных технологий.**

- Сбор, хранение, систематизация и выдача учебной и научной информации;
- Обработка текстовой, графической и эмпирической информации;
- Подготовка, конструирование и презентация итогов исследовательской и аналитической деятельности;

- Использование электронных презентаций при проведении практических занятий;
- Работа с информационными справочными системами;
- Использование электронной почты преподавателей и обучающихся для рассылки, переписки и обсуждения возникших учебных проблем.

## **8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.**

- Офисный пакет приложений Microsoft Office.

## **8.3 Перечень информационных справочных систем:**

- Электронные ресурсы библиотеки КубГУ – <https://kubsu.ru/node/1145>

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).**

| № | Вид работ                                  | Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащённость                                                                                                                                                                     |
|---|--------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|   | Лекционные занятия                         | Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО).                                                                                            |
|   | Семинарские занятия                        | Специальное помещение, оснащенное презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО).                                                                                           |
|   | Групповые (индивидуальные) консультации    | Аудитория оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченная доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.                           |
|   | Текущий контроль, промежуточная аттестация | Аудитория оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченная доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.                           |
|   | Самостоятельная работа                     | Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета. |