

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
(ФГБОУ ВО «КубГУ»)

Факультет компьютерных технологий и прикладной математики  
Кафедра прикладной математики

УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,  
качеству образования, первый  
проректор

Хагуров Т.А.

подпись  
« 27 » апреля 2018г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

**Б1.Б.06 «ДИСКРЕТНЫЕ И ВЕРОЯТНОСТНЫЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЕ  
МОДЕЛИ »**

Направление подготовки 01.04.02 Прикладная математика и информатика  
Профиль Математическое и информационное обеспечение экономической  
деятельности

Квалификация (степень) выпускника – магистр  
Форма обучения: очная

Краснодар 2018

Рабочая программа дисциплины Дискретные и вероятностные математические модели составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.04.02 Прикладная математика и информатика, направленность (профиль): Математическое и информационное обеспечение экономической деятельности.

Программу составили: Кармазин В.Н. – кандидат физико-математических наук, доцент

  
ПОДПИСЬ

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры прикладной математики протокол № 7 «18» апреля 2018 г.

Заведующий кафедрой прикладной математики  
д.ф.-м.н., профессор М.Х. Уртенов

  
ПОДПИСЬ

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры прикладной математики от 18 апреля 2018 г., протокол № 7.

Заведующий кафедрой прикладной математики  
д.ф.-м.н., профессор М.Х. Уртенов

  
ПОДПИСЬ

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики от 20 апреля 2018 г., протокол № 1.

Председатель УМК факультета компьютерных технологий и прикладной

математики к.ф.-м.н., доцент К.В. Малыхин  
Рецензенты:



Шапошникова Татьяна Леонидовна.

Доктор педагогических наук, кандидат физико-математических наук, профессор. Почетный работник высшего профессионального образования РФ. Директор института фундаментальных наук (ИФН) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

Марков Виталий Николаевич.

Доктор технических наук. Профессор кафедры информационных систем и программирования института компьютерных систем и информационной безопасности (ИКСИБ) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

## 1. Цели и задачи учебной дисциплины:

**1.1 Цель дисциплины:** развитие навыков использования математического моделирования при изучении различных объектов и явлений как метода их опосредованного познания с помощью объектов-заменителей.

### 1.2 Задачи дисциплины:

- приобретение практических навыков использования в своей практической деятельности математические методы и модели;
- развитие умение самостоятельно изучать и использовать литературу по математическому моделированию;
- приобретение умения характеризовать основные системно-теоретические задачи;
- приобретение навыков характеризовать системный анализ как методологию решения проблем.

### 1.3 Место учебной дисциплины в структуре ООП ВО

*Курсы обязательные для предварительного изучения:* математический анализ, линейная алгебра, дифференциальные уравнения, вычислительная математика, теории вероятностей и математическая статистика.

Дисциплина направлена на формирование знаний и навыков системного анализа и системного подхода при решении ряда прикладных задач производственно-хозяйственной деятельности. Обеспечивает способность у обучающихся к теоретико-методологическому анализу проблем оценки экономической деятельности предприятий и регионов; формирование компетенций в анализе методов и процедур принятия решений для структуризованных, слабоструктуризованных и неструктуризованных проблем.

*Дисциплины, в которых используется материал данной дисциплины:* непрерывные математические модели, методы анализа данных, инструментальные средства научных исследований и методика обучения им в высшей школе.

### 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

#### Результаты обучения (знания, умения, опыт, компетенции):

| Код компетенции | Формулировка компетенции                                                                                                                                        |
|-----------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ОПК-4           | способностью использовать и применять углубленные знания в области прикладной математики и информатики                                                          |
| Знать           | – способы разработки и анализа концептуальных и теоретических моделей решаемых научных проблем и задач проектной и производственно-технологической деятельности |
| Уметь           | – анализировать процедуры углубленного анализа проблем, постановки и обоснования задач научной и проектно-технологической деятельности                          |
| Владеть         | – способностью использовать углубленные теоретические и практические знания в области прикладной математики и информатики                                       |
| ПК-1            | способностью проводить научные исследования и получать новые научные и прикладные результаты самостоятельно и в составе научного коллектива                     |
| Знать           | – принципы построения дискретных и вероятностных математических                                                                                                 |

|         |                                                                                                   |
|---------|---------------------------------------------------------------------------------------------------|
|         | моделей и методов их теоретической и практической реализации.                                     |
| Уметь   | – разрабатывать дискретные и вероятностные математические модели решаемых научных проблем и задач |
| Владеть | – навыками применения системный подход и математические методы к решению экономических задач.     |

|         |                                                                                                                   |
|---------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ПК-2    | способностью разрабатывать и анализировать концептуальные и теоретические модели решаемых научных проблем и задач |
| Знать   | – способы разработки и анализа концептуальных и теоретических моделей решаемых научных проблем и задач.           |
| Уметь   | – уметь характеризовать системный анализ как методологию решения проблем.                                         |
| Владеть | – применять системный подход и математические методы к решению экономических задач.                               |

## 2. Структура и содержание дисциплины

### 2.1 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 2 зач.ед. (72 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

| Вид учебной работы                                                           |                                      | Всего часов | Семестры (часы) |          |          |          |
|------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------|-------------|-----------------|----------|----------|----------|
|                                                                              |                                      |             | В               | —        |          |          |
| <b>Контактная работа, в том числе:</b>                                       |                                      |             |                 |          |          |          |
| <b>Аудиторные занятия (всего):</b>                                           |                                      | <b>28</b>   | <b>28</b>       |          |          |          |
| Занятия лекционного типа                                                     |                                      | 14          | 14              | -        | -        | -        |
| Лабораторные занятия                                                         |                                      | 14          | 14              | -        | -        | -        |
| Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)                   |                                      | -           | -               | -        | -        | -        |
|                                                                              |                                      | -           | -               | -        | -        | -        |
| <b>Иная контактная работа:</b>                                               |                                      |             |                 |          |          |          |
| Контроль самостоятельной работы (КСР)                                        |                                      | -           | -               |          |          |          |
| Промежуточная аттестация (ИКР)                                               |                                      | 0,2         | 0,2             |          |          |          |
| <b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>                                  |                                      |             |                 |          |          |          |
| <i>Курсовая работа</i>                                                       |                                      | -           | -               | -        | -        | -        |
| <i>Проработка учебного (теоретического) материала</i>                        |                                      | 20          | 20              | -        | -        | -        |
| <i>Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)</i> |                                      | 16          | 16              | -        | -        | -        |
| <i>Реферат</i>                                                               |                                      | 4           | 4               | -        | -        | -        |
|                                                                              |                                      |             |                 |          |          |          |
| Подготовка к текущему контролю                                               |                                      | 3,8         | 3,8             | -        | -        | -        |
| <b>Контроль:</b>                                                             |                                      |             |                 |          |          |          |
| Подготовка к экзамену                                                        |                                      | -           | -               |          |          |          |
| <b>Общая трудоемкость</b>                                                    | <b>час.</b>                          | <b>72</b>   | <b>72</b>       | <b>-</b> | <b>-</b> | <b>-</b> |
|                                                                              | <b>в том числе контактная работа</b> | <b>28,2</b> | <b>28,2</b>     |          |          |          |
|                                                                              | <b>зач. ед</b>                       | <b>2</b>    | <b>2</b>        |          |          |          |

## 2.2 Структура учебной дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.  
Разделы дисциплины, изучаемые в семестре **В**.

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единицы, 72 часа.

| №                                                                          | Наименование разделов                                                           | Количество часов |                   |           |          |                 |
|----------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------|------------------|-------------------|-----------|----------|-----------------|
|                                                                            |                                                                                 | Всего            | Аудиторная работа |           |          | Само-подготовка |
|                                                                            |                                                                                 |                  | Л                 | ЛЗ        | ПР       |                 |
| 1                                                                          | 2                                                                               | 3                | 4                 | 5         | 6        | 7               |
| <b>Введение. Основные понятия и принципы математического моделирования</b> |                                                                                 |                  |                   |           |          |                 |
| 1.                                                                         | Основные понятия и принципы теории дискретных динамических систем.              | 7                | 1                 | 2         | –        | 4               |
| 2.                                                                         | Квантование непрерывных систем, заданных уравнением состояния.                  | 7                | 1                 | 2         | –        | 4               |
| <b>Типы дискретных систем</b>                                              |                                                                                 |                  |                   |           |          |                 |
| 3.                                                                         | Линейные дискретные системы.                                                    | 7                | 1                 | 2         | –        | 4               |
| 4.                                                                         | Нелинейные дискретные уравнения первого порядка.                                | 5                | 1                 | –         | –        | 4               |
| <b>Анализ дискретных систем</b>                                            |                                                                                 |                  |                   |           |          |                 |
| 5.                                                                         | Устойчивость дискретных систем.                                                 | 7                | 1                 | 2         | –        | 4               |
| 6.                                                                         | Неподвижные точки нелинейных отображений.                                       | 5                | 1                 | –         | –        | 4               |
| 7.                                                                         | Фазовые портреты динамических систем.                                           | 5                | 1                 | –         | –        | 4               |
| 8.                                                                         | Зависимость решений от параметров.                                              | 7                | 1                 | 2         | –        | 4               |
| <b>Взвешенные орграфы и импульсные процессы</b>                            |                                                                                 |                  |                   |           |          |                 |
| 9.                                                                         | Использование знаковых и взвешенных орграфов в качестве моделей сложных систем. | 5                | 1                 | –         | –        | 4               |
| 10.                                                                        | Импульсные процессы.                                                            | 8                | 2                 | 2         | –        | 4               |
| 11.                                                                        | Марковские процессы.                                                            | 6                | 2                 | 2         | –        | 2               |
| 12.                                                                        | Обзор изученного материала и проведение зачета                                  | 2,8              | 1                 | -         | –        | 1,8             |
|                                                                            | Всего по разделам дисциплины:                                                   | 71,8             | 14                | 14        |          | 43,8            |
|                                                                            | ИКР                                                                             | 0,2              |                   |           |          |                 |
|                                                                            | Контроль самостоятельной работы (КСР)                                           | -                |                   |           |          |                 |
| <b>Итого:</b>                                                              |                                                                                 | <b>72</b>        | <b>14</b>         | <b>14</b> | <b>–</b> | <b>43,8</b>     |

### 2.3 Содержание разделов дисциплины:

| №<br>разде<br>ла | Наименование<br>раздела/модуля                                       | Форма текущего<br>контроля                                                                                                                            |
|------------------|----------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1                | 2                                                                    | 4                                                                                                                                                     |
| 1                | Введение. Основные понятия и принципы математического моделирования. | 1. Подготовка рефератов, презентаций, выступлений.<br>2. Резюме, аналитический обзор по проблеме.<br>3. Проверка выполнения лабораторных работ № 1,2. |
| 2                | Типы дискретных систем.                                              | 1. Опрос по результатам индивидуального задания<br>2. Проверка выполнения лабораторной работы № 3.                                                    |
| 3                | Анализ дискретных систем.                                            | 1. Подготовка рефератов, презентаций, выступлений.<br>2. Промежуточное тестирование.<br>3. Проверка выполнения лабораторных работ № 4,5.              |
| 4.               | Взвешенные орграфы и импульсные процессы.                            | 1. Подготовка рефератов, презентаций, выступлений.<br>2. Промежуточное тестирование.<br>3. Проверка выполнения лабораторных работ № 6, 7.             |

защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т)

#### 2.3.1 Занятия лекционного типа

| №<br>разд<br>ела | Наименовани<br>е<br>раздела/моду<br>ля                               | Содержание раздела/модуля                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | Форма<br>текущего<br>контроля                                                                                                       |
|------------------|----------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1                | 2                                                                    | 3                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 4                                                                                                                                   |
| 1                | Введение. Основные понятия и принципы математического моделирования. | Тема 1. Основные понятия и принципы теории дискретных динамических систем.<br>Особенности дискретных динамических систем.<br>Современное состояние и перспективы развития теории.<br>Тема 2. Квантование непрерывных систем, заданных уравнением состояния.<br>Квантование непрерывных систем, заданных уравнением состояния, методом приближения нулевого порядка. Примеры. | 1. Подготов<br>ка<br>рефератов,<br>презентаци<br>й,<br>выступлени<br>й.<br>2. Резюме,<br>аналитичес<br>кий обзор<br>по<br>проблеме. |
| 2                | Типы                                                                 | Тема 3. Линейные дискретные системы.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | 1. Опрос по                                                                                                                         |

|    |                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                                |
|----|-------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------|
|    | дискретных систем.                        | <p>Линейные неоднородные уравнения первого порядка. Общая теория линейных однородных дискретных уравнений высших порядков. Линейные неоднородные дискретные уравнения высших порядков. Линейные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами. Общее решение линейного однородного уравнения. Решение линейного неоднородного уравнения с неоднородностью специального вида. Свойства решений линейных систем. Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами. Структура фундаментальной матрицы.</p> <p>Тема 4. Нелинейные дискретные уравнения первого порядка.</p> <p>Геометрическое решение нелинейных дискретных уравнений первого порядка. Лестница Ламерея.</p> | результатам индивидуального задания                                                            |
| 3  | Анализ дискретных систем.                 | <p>Тема 5. Устойчивость дискретных систем. Второй метод Ляпунова. Устойчивость по первому приближению. Устойчивость дискретных полиномов.</p> <p>Тема 6. Неподвижные точки нелинейных отображений. Существование неподвижных точек. Притягивающие и отталкивающие неподвижные точки. Периодические неподвижные точки.</p> <p>Тема 7. Фазовые портреты динамических систем. Характеристика основных типов положений равновесия на плоскости. Циклы.</p> <p>Тема 8. Зависимость решений от параметров. Бифуркации. Основные типы бифуркаций для дискретных систем. Бифуркации положений равновесия. Бифуркация рождения цикла. Бифуркация удвоения периода.</p>                             | <p>1.Подготовка рефератов, презентаций, выступлений.</p> <p>2. Промежуточное тестирование.</p> |
| 4. | Взвешенные орграфы и импульсные процессы. | <p>Тема 9. Использование знаковых и взвешенных орграфов в качестве моделей сложных систем.</p> <p>Тема 10. Введение. Энергетические проблемы и другие приложения. Когнитивные карты.</p> <p>Тема 11. Импульсные процессы. Устойчивость импульсных процессов. Структура и устойчивость. Розы. Применение теории устойчивости.</p> <p>Тема 12. Марковские процессы. Классификация цепей Маркова и их состояний. Поглощающие цепи. Регулярные цепи. Эргодические цепи. Потокковые модели. Математические модели обучения.</p>                                                                                                                                                                | <p>Подготовка рефератов, презентаций, выступлений.</p> <p>2. Промежуточное тестирование.</p>   |

### 2.3.2 Семинарские занятия – не предусмотрены

### 2.3.3 Лабораторные занятия

| № п/п | Наименование раздела                                                 | Наименование лабораторных работ                                                                                                                                                 | Форма текущего контроля                    |
|-------|----------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------|
| 1.    | Введение. Основные понятия и принципы математического моделирования. | Моделирование на ЭВМ непрерывных и дискретных случайных величин с заданными законами распределения. Датчики случайных чисел с типовыми законами распределения в пакете Mathcad. | Проверка выполнения лабораторных работ № 1 |
|       |                                                                      | Тестирование и сравнительный анализ датчиков случайных чисел с равномерным распределением. Вычисление многократных интегралов.                                                  | Проверка выполнения лабораторных работ № 2 |
| 2.    | Типы дискретных систем.                                              | Вычисление многократных интегралов. Вычисление точечных и интервальных оценок.                                                                                                  | Проверка выполнения лабораторных работ № 3 |
|       | Анализ дискретных систем.                                            | Моделирование дважды стохастического пуассоновского потока.                                                                                                                     | Проверка выполнения лабораторных работ № 4 |
|       | Взвешенные орграфы и импульсные процессы.                            | Моделирование многоканальной системы массового обслуживания.                                                                                                                    | Проверка выполнения лабораторных работ № 5 |
|       |                                                                      | Импульсные процессы.                                                                                                                                                            | Проверка выполнения лабораторных работ № 6 |
|       |                                                                      | Взвешенные орграфы.                                                                                                                                                             | Проверка выполнения лабораторных работ № 7 |

### 2.3.4 Курсовые работы – не предусмотрены

## 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающегося по дисциплине

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания, полученные во время лабораторных занятий. Помещения для самостоятельной работы студентов – аудитория № 102-А и читальный зал.

| № | Вид самостоятельной работы | Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы                              |
|---|----------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | 2                          | 3                                                                                                                      |
| 1 | Проработка и повторение    | Методические указания для подготовки к лекционным и семинарским занятиям, утвержденные на заседании кафедры прикладной |



|   |                                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
|---|--------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|   | лекционного материала, материала учебной и научной литературы, подготовка к семинарским занятиям | математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г.                                                                                                                |
| 2 | Подготовка к лабораторным занятиям                                                               | Методические указания по выполнению лабораторных работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г.                                                                                                                                                                                                                                         |
| 3 | Подготовка к решению задач и тестов                                                              | Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г.                                                                                                                                                                                                                                     |
| 4 | Подготовка докладов                                                                              | Методические указания для подготовки эссе, рефератов, курсовых работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г.                                                                                                                                                                                                                           |
| 5 | Подготовка к решению расчетно-графических заданий (РГЗ)                                          | Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г. |
| 6 | Подготовка к текущему контролю                                                                   | Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №7 от 18.04.2018 г.                                                                                                                                                                                                                                     |

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3. Образовательные технологии

С точки зрения применяемых методов используются как традиционные информационно-объяснительные лекции, так и интерактивная подача материала с

мультимедийной системой. Компьютерные технологии в данном случае обеспечивают возможность разнопланового отображения алгоритмов и демонстрационного материала. Такое сочетание позволяет оптимально использовать отведенное время и раскрывать логику и содержание дисциплины.

**Лекции** представляют собой систематические обзоры дискретных и вероятностных математических моделей с подачей материала в виде презентаций.

**Лабораторное занятие** позволяет научить студента применять теоретические знания при решении и исследовании конкретных задач. Лабораторные занятия проводятся в компьютерных классах, при этом практикуется работа в группах. Подход разбора конкретных ситуаций широко используется как преподавателем, так и студентами при проведении анализа результатов самостоятельной работы. Это обусловлено тем, что в процессе исследования часто встречаются задачи, для которых единых подходов не существует. Каждая конкретная задача при своем исследовании имеет множество подходов, а это требует разбора и оценки целой совокупности конкретных ситуаций.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

#### **Занятия, проводимые с использованием интерактивных технологий**

| №  | Наименование разделов (тем)                                          | Количество часов |                    |
|----|----------------------------------------------------------------------|------------------|--------------------|
|    |                                                                      | всего ауд. часов | интерактивные часы |
| 1  | 2                                                                    | 3                | 4                  |
| 1. | Введение. Основные понятия и принципы математического моделирования. | 6                | 1                  |
| 2. | Типы дискретных систем.                                              | 4                | 1                  |
| 3. | Анализ дискретных систем.                                            | 8                | 3                  |
| 4. | Взвешенные орграфы и импульсные процессы.                            | 10               | 3                  |
|    | <b>Итого по дисциплине:</b>                                          | 28               | 8                  |

#### **4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины**

##### **4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации**

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций. Самостоятельная работа студентов проводится в форме изучения отдельных теоретических вопросов по предлагаемой литературе.

Фонд оценочных средств дисциплины состоит из средств текущего контроля (см. список лабораторных работ, задач и вопросов) и итоговой аттестации (зачета).

В качестве оценочных средств, используемых для текущего контроля успеваемости, предлагается перечень вопросов, которые прорабатываются в процессе освоения курса. Данный перечень охватывает все основные разделы курса, включая знания, получаемые во время самостоятельной работы. Кроме того, важным элементом технологии является самостоятельное решение студентами и сдача заданий. Это полностью индивидуальная форма обучения. Студент рассказывает свое решение преподавателю, отвечает на дополнительные вопросы.

#### **Примерные задания на лабораторные работ**

**Лабораторная работа 1: Моделирование на ЭВМ непрерывных и дискретных случайных величин с заданными законами распределения. Датчики случайных чисел с типовыми законами распределения в пакете Mathcad.**

**Содержание занятия:**

1. Метод обратных функций для моделирования случайных величин с заданным законом распределения, реализация метода для заданного закона распределения;
2. Изучение возможностей пакета Mathcad для моделирования случайных величин с типовыми законами распределений (нормальное, экспоненциальное, Стюдента, равномерное);
3. Обсуждение полученных результатов.

**Лабораторная работа 2: Тестирование и сравнительный анализ датчиков случайных чисел с равномерным распределением. Вычисление многократных интегралов.**

**Содержание работы:**

1. Алгоритмы генераторов псевдослучайных чисел: Вичманна–Хилла, «Виток Мерсенна», Парка–Миллера, Метод Фибоначчи с запаздыванием.
2. Для датчиков псевдослучайных чисел в приложениях MathCad, Excel и на языках Pascal, Borland C, Microsoft Visual C++ 6.0 вычислить оценки среднего, дисперсии и построить гистограммы относительных частот. Сравнить полученные оценки с точными значениями математического ожидания  $m_\alpha = 0,5$  и дисперсии  $D(\alpha) = 1/12$ .
3. Вычисление многократного интеграла методом Монте-Карло.
4. Подготовка и защита отчета.

**Лабораторная работа 3: Вычисление многократных интегралов. Вычисление точечных и интервальных оценок**

**Содержание занятия:**

1. Обсуждение теоретического материала;
2. Реализация точечных и интервальных оценок параметров нормального распределения в среде Mathcad:
  - Реализовать одну из точечных оценок среднего (оценка максимального правдоподобия, оценка с помощью медианы, оценка с помощью порядковых статистик). Сформировать выборку и найти для нее оценку среднего. Сравнить полученный результат с точным значением.
  - Реализовать одну из точечных и интервальных оценок стандартного отклонения. Сформировать выборку и найти для нее оценки. Сравнить полученный результат с исходным значением;

Примечание: Основная часть практического задания (п.2) выполняется самостоятельно.

**Лабораторная работа 4: Моделирование дважды стохастического пуассоновского потока**

**Содержание работы:**

1. Реализовать на ЭВМ алгоритмы моделирования Марковских случайных процессов с дискретным временем.
2. Получить реализации случайных процессов, найти оценки среднего, дисперсии и корреляционной функции.
3. Для полученной реализации случайного процесса реализовать на ЭВМ алгоритм моделирования дважды стохастического пуассоновского потока.

4. Провести исследование статистических характеристик временных интервалов между соседними событиями дважды стохастического пуассоновского потока (найти оценки среднего и дисперсии, сравнить их с исходными параметрами).
5. Подготовка и защита отчета.

#### **Модуль 4 Взвешенные орграфы и импульсные процессы**

### **Лабораторная работа 5: Моделирование многоканальной системы массового обслуживания**

#### **Содержание работы:**

1. Реализовать на ЭВМ алгоритм метода Монте-Карло моделирования СМО, позволяющий вычислять: относительную  $q$  и абсолютную  $A$  пропускную способность СМО, среднюю интенсивность потока заявок, покинувших СМО необслуженными, среднее время ожидания в очереди, средний интервал времени между событиями выходного потока. Входной поток заявок – поток Эрланга порядка  $k$  с параметром  $\lambda$ . Время обслуживания имеет экспоненциальную плотность вероятности с параметром  $\mu$ . Число мест в очереди  $m$ , число обслуживающих устройств  $n$  и порядок потока Эрланга  $k$  приведены в таблице, значения параметров  $\lambda$  и  $\mu$  выбрать самостоятельно.
2. Вычислить оценки указанных в задании характеристик СМО и определить величину их относительной среднеквадратической погрешности.
3. Построить гистограмму интервалов времени между событиями выходного потока.
4. Подготовка и защита отчета.

#### **Варианты заданий для лабораторной работы 3**

| Номер варианта | $m$ | $n$ | $k$ |
|----------------|-----|-----|-----|
| 1              | 2   | 2   | 2   |
| 2              | 3   | 2   | 2   |
| 3              | 4   | 2   | 2   |
| 4              | 2   | 3   | 2   |
| 5              | 3   | 3   | 3   |
| 6              | 4   | 3   | 3   |
| 7              | 2   | 4   | 3   |
| 8              | 3   | 4   | 3   |
| 9              | 4   | 4   | 3   |
| 10             | 2   | 2   | 4   |

### **Лабораторная работа 6: Импульсные процессы**

#### **Содержание работы:**

1. Использование знаковых и взвешенных орграфов в качестве моделей сложных систем.
2. Устойчивость импульсных процессов. Структура и устойчивость. Розы. Применение теории устойчивости.
3. Подготовка и защита отчета

### **Лабораторная работа 7: Взвешенные орграфы**

1. Поглощающие цепи. Регулярные цепи. Эргодические цепи. Поточковые модели. Математические модели обучения.
2. Подготовка и защита отчета

#### **4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации** **Примерный перечень вопросов к зачёту.**

1. Особенности разностных динамических систем.
2. Квантование непрерывных систем.
3. Линейные неоднородные уравнения первого порядка.
4. Общая теория линейных однородных дискретных уравнений высших порядков.
5. Линейные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами.
6. Свойства решений линейных систем.
7. Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами.
8. Геометрическое решение нелинейных дискретных уравнений первого порядка.
9. Устойчивость дискретных систем. Второй метод Ляпунова.
10. Устойчивость по первому приближению. Устойчивость дискретных полиномов.
11. Неподвижные точки нелинейных отображений.
12. Периодические неподвижные точки. Циклы.
13. Фазовые портреты динамических систем.
14. Зависимость решений от параметров.
15. Основные типы бифуркаций для дискретных систем.
16. Теорема Шарковского..
17. Детерминированный хаос.
18. Когнитивные карты.
19. Устойчивость импульсных процессов. Структура и устойчивость.
20. Розы. Применение теории устойчивости.
21. Классификация цепей Маркова и их состояний.
22. Поглощающие цепи.
23. Регулярные цепи.
24. Эргодические цепи.
25. Потокковые модели.
26. Математические модели обучения.

Форма проведения – письменный опрос.

Длительность опроса – 60 минут.

Критерии оценки:

- оценка «зачтено» выставляется за: умение извлекать основную, полную и необходимую информацию из пройденного на лекционных занятиях материала, умение читать и понимать тексты по специальности
- оценка «не зачтено» выставляется за: отсутствие навыков изучающего, просмотрового и поискового чтения, неумение оперировать профессионально-ориентированной литературы, отсутствие понимания пройденного материала.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины**

### **5.1 Основная литература:**

1. Петров, А.В. Моделирование процессов и систем [Электронный ресурс] : учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 288 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/68472>.

2. Математическое моделирование и исследование устойчивости биологических сообществ [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А.Ю. Александров [и др.]. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2017. — 272 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/91912>.
3. Ганичева, А.В. Математические модели и методы оценки событий, ситуаций и процессов [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А.В. Ганичева. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2017. — 188 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/91891>.
4. Юдович В.И. Математические модели естественных наук: учебное пособие. СПб: Лань, 2011. 336 с. [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/689>.
5. Колбин, В.В. Вероятностное программирование [Электронный ресурс] : учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2016. — 400 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/71786>.
6. Пашенко, Ф.Ф. Основы моделирования энергетических объектов [Электронный ресурс] / Ф.Ф. Пашенко, Г.А. Пикина. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2011. — 464 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/5284>.
7. Колокольников, В.Н. Математическое моделирование многоагентных систем конкуренции и кооперации (Теория игр для всех) [Электронный ресурс] : учеб. пособие / В.Н. Колокольников, О.А. Малафеев. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2012. — 624 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/3551>.
8. Пегат, А. Нечеткое моделирование и управление [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — Москва : Издательство "Лаборатория знаний", 2015. — 801 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/84106>.

## 5.2 Дополнительная литература:

1. Соколов, Г.А. Теория вероятностей. Управляемые цепи Маркова в экономике [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Г.А. Соколов, Н.А. Чистякова. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2005. — 248 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/48180>.
2. Свешников, А.А. Прикладные методы теории марковских процессов [Электронный ресурс] : монография — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2007. — 192 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/590>.

## 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Википедия, свободная энциклопедия. [Электронный ресурс]. – Wikipedia <http://ru.wikipedia.org>
2. Проектирование систем управления \ Fuzzy Logic Toolbox С.Д.Штовба "Введение в теорию нечетких множеств и нечеткую логику" [http://matlab.exponenta.ru/fuzzylogic/book1/1\\_7.php](http://matlab.exponenta.ru/fuzzylogic/book1/1_7.php)
3. Электронно-библиотечная система Издательство «Лань». <http://e.lanbook.com>

## 7. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины

Контрольная работа представляет собой самостоятельную реферативную работу студентов. Каждый студент выполняет работу по одной теме.

Для написания реферата необходимо подобрать литературу. Общее количество литературных источников, включая тексты из Интернета, (публикации в журналах), должно составлять не менее 10 наименований. Учебники, как правило, в литературные источники не входят.

Рефераты выполняют на листах формата А4. Страницы текста, рисунки, формулы нумеруют, рисунки снабжают порисуночными надписями. Текст следует печатать шрифтом №14 с интервалом между строками в 1,5 интервала, без недопустимых сокращений. В конце реферата должны быть сделаны выводы.

В конце работы приводят список использованных источников.

Реферат должен быть подписан студентом с указанием даты ее оформления.

Работы, выполненные без соблюдения перечисленных требований, возвращаются на доработку.

Выполненная студентом работа определяется на проверку преподавателю в установленные сроки. Если у преподавателя есть замечания, работа возвращается и после исправлений либо вновь отправляется на проверку, если исправления существенные, либо предъявляется на зачете, где происходит ее защита.

Для разъяснения непонятных вопросов лектором и ассистентом еженедельно проводятся консультации, о времени которых группы извещаются заранее.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

### **Творческие задания (проекты), способствующие формированию компетенций базовой части ООП**

Контрольная работа представляет собой самостоятельную реферативную работу студентов. Каждый студент выполняет работу по одной теме.

Для написания реферата необходимо подобрать литературу. Общее количество литературных источников, включая тексты из Интернета, (публикации в журналах), должно составлять не менее 10 наименований. Учебники, как правило, в литературные источники не входят.

Рефераты выполняют на листах формата А4. Страницы текста, рисунки, формулы нумеруют, рисунки снабжают порисуночными надписями. Текст следует печатать шрифтом №14 с интервалом между строками в 1,5 интервала, без недопустимых сокращений. В конце реферата должны быть сделаны выводы.

В конце работы приводят список использованных источников.

Реферат должен быть подписан студентом с указанием даты ее оформления.

Работы, выполненные без соблюдения перечисленных требований, возвращаются на доработку.

Выполненная студентом работа определяется на проверку преподавателю в установленные сроки. Если у преподавателя есть замечания, работа возвращается и после исправлений либо вновь отправляется на проверку, если исправления существенные, либо предъявляется на зачете, где происходит ее защита.

## **Творческие задания (проекты), способствующие формированию компетенций базовой части ООП**

Дискретные и вероятностные математические модели сегодня рассматриваются как одно из главных новых направлений при решении задач маркетинга.

Основные направления дискретного моделирования для формализации реальных ситуаций:

- Когнитивные карты;
- Поглощающие цепи;
- Эргодические цепи.

Проведите анализ по одной из выбранных вами тематик (не менее 10 слайдов и 20 листов текста). Возможно использование звукового сопровождения, анимации (аудио-, и видеоматериала).

На первой странице слайда обязательно укажите Ф.И.О. автора, курс. Оценивается работа по следующим критериям:

- полнота представленного материала;
- оформление;
- представление и защита.

### **Темы презентаций и докладов**

1. Детерминированный хаос.
2. Когнитивные карты.
3. Устойчивость импульсных процессов. Структура и устойчивость.
4. Розы. Применение теории устойчивости.
5. Классификация цепей Маркова и их состояний.
6. Поглощающие цепи.
7. Регулярные цепи.
8. Эргодические цепи.
9. Поточковые модели.
10. Математические модели обучения.

## **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (при необходимости)**

### **8.1 Перечень необходимого программного обеспечения**

1. Операционная система MS Windows (разделы 1, 2, 3,4 дисциплины).
2. Интегрированное офисное приложение MS Office (разделы 1, 2, 3, 4 дисциплины).
3. Программное обеспечение для организации управляемого коллективного и безопасного доступа в Интернет (разделы 2, 3 дисциплины).
4. Statistica Neural Network (раздел 2 дисциплины).
5. Matlab Neural Networks Toolbox, Fuzzy Logic Toolbox, ANFIS (разделы 1 и 3 дисциплины).

### **8.2 Перечень информационных справочных систем**

Обучающимся должен быть обеспечен доступ к современным профессиональным базам данных, профессиональным справочным и поисковым системам:

Электронная библиотечная система (ЭБС) «Университетская библиотека ONLINE»



(<http://www.biblioclub.ru>)

Электронная библиотечная система издательства «Лань» (<https://e.lanbook.com>)

Электронная библиотечная система «Юрайт» (<http://www.biblio-online.ru>)

Электронная библиотечная система «ZNANIUM.COM» (<https://znanium.com>)

Электронно-библиотечная система (ЭБС) BOOK.ru (<http://www.book.ru>)

Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru>)

Справочно-правовая система «Консультант Плюс» (<http://www.consultant.ru>)

Справочно-правовая система «Гарант» (<http://www.garant.ru>)

«Консультант студента» ([www.studentlibrary.ru](http://www.studentlibrary.ru))

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

| №  | Вид работ                                  | Материально-техническое обеспечение дисциплины и оснащённость                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|----|--------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. | Лекционные занятия                         | Лекционная аудитория, оснащённая презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук), соответствующим программным обеспечением, а также необходимой мебелью (доска, столы, стулья)<br>(аудитории: 129, 131, 133, А305, А307)                                                                                                                                                                                                       |
| 2. | Лабораторные занятия                       | Лаборатория, укомплектованная специализированной мебелью, техническими средствами обучения (современными ПЭВМ на базе процессоров Intel или AMD, объединёнными локальной сетью) с выходом в глобальную сеть Интернет, а также современным лицензионным программным обеспечением (операционная система Windows 8/10, пакет Microsoft Office, среды программирования MS Visual Studio и Delphi)<br>(аудитории: 101, 102, 105, 106, 107, А301а) |
| 3. | Групповые (индивидуальные) консультации    | Аудитория для семинарских занятий, групповых и индивидуальных консультаций, укомплектованные необходимой мебелью (доска, столы, стулья)<br>(аудитории: 129, 131)                                                                                                                                                                                                                                                                             |
| 4. | Текущий контроль, промежуточная аттестация | Аудитория для семинарских занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованная необходимой мебелью (доска, столы, стулья) (аудитории: 129, 131, 133, А305, А307, 147, 148, 149, 150, 100С, А3016, А512), компьютерами с лицензионным программным обеспечением и выходом в интернет<br>(аудитории: 106, 106а, А301)                                                                                                        |
| 5. | Самостоятельная работа                     | Кабинет для самостоятельной работы, оснащённый компьютерной техникой с возможностью подключения к сети Интернет, программой экранного увеличения, обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, необходимой мебелью (доска, столы, стулья)<br>(аудитория 102а, читальный зал).                                                                                                                       |