

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Кубанский государственный университет»
(ФГБОУ ВО «КубГУ»)

Факультет компьютерных технологий и прикладной математики
Кафедра прикладной математики



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.ДВ.02.02 «ПРИЛОЖЕНИЯ ТЕОРИИ ГРАФОВ»

Направление подготовки 09.03.03 Прикладная информатика
Профиль "Прикладная информатика в экономике "
Программа подготовки Академическая
Квалификация (степень) выпускника – бакалавр
Форма обучения: очная

Краснодар 2016

Рабочая программа дисциплины «Приложения теории графов» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 09.03.03 Прикладная информатика профиль Прикладная информатика в экономике

Программу составил:

В.Н. Кармазин, к.ф.-м.н., доцент


ПОДПИСЬ

Рабочая программа дисциплины «Приложения теории графов» утверждена на заседании кафедры прикладной математики протокол № 25 от «29» июня 2016 г.

Заведующий кафедрой Уртенев М.Х.


ПОДПИСЬ

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры прикладной математики протокол № 25 от «29» июня 2016 г.

Заведующий кафедрой Уртенев М.Х.


ПОДПИСЬ

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики протокол № 7 от «29» июня 2016 г.



Председатель УМК факультета Малухин К.В.

Рецензенты:

Шапошникова Татьяна Леонидовна.

Доктор педагогических наук, кандидат физико-математических наук, профессор. Почетный работник высшего профессионального образования РФ. Директор института фундаментальных наук (ИФН) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

Марков Виталий Николаевич.

Доктор технических наук. Профессор кафедры информационных систем и программирования института компьютерных систем и информационной безопасности (ИКСиИБ) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

1. Цели и задачи учебной дисциплины

1.1 Цели изучения дисциплины определены государственным образовательным стандартом высшего образования и соотнесены с общими целями ООП ВО по направлению подготовки «Прикладная информатика», в рамках которой преподается дисциплина.

Целью освоения учебной дисциплины «Приложения теории графов» является развитие профессиональных компетентностей приобретения практических навыков использования математических моделей теории графов и методов дискретной оптимизации, реализующих инновационный характер в высшем образовании.

1.2 Задачи дисциплины:

- обучить студентов понятиям и методам теории графов;
- подготовить к самостоятельному изучению тех разделов теории графов и дискретного программирования, которые могут потребоваться дополнительно в практической и исследовательской работе специалистов-математиков;
- познакомить студентов с понятиями и методами теории графов, необходимыми для изучения математических методов и моделей в экономике.

1.3 Место учебной дисциплины в структуре ООП ВО

Данная дисциплина (Приложения теории графов) тесно связана с дисциплинами: «Векторная алгебра», «Математическое программирование», «Дискретные математические системы». Она направлена на формирование знаний и умений обучающихся решать задачи исследования операций и математического моделирования в экономике, экологии и других областях. В курсе «Приложения теории графов» основное внимание уделяется модельному аспекту теории: от постановок задач прикладной теории графов до аналитических и численных способов их решения. Она обеспечивает способность у обучающихся к теоретико-методологическому анализу проблем математического моделирования; формирование компетенций в решении дискретных оптимизационных задач и математическом моделировании в экономике, экологии и других областях. В совокупности изучение этой дисциплины готовит обучаемых как к различным видам практической деятельности, так и к научно-теоретической, исследовательской деятельности.

Изучение данной дисциплины базируется на экономико-математической подготовке студентов, полученной при прохождении ООП бакалавриата, а также на знаниях, полученных в рамках дисциплин математического и экономического, естественнонаучного цикла ООП бакалавриата.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения курса «Приложения теории графов»:

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ОПК–3	Способностью использовать основные законы естественнонаучных	Знать современные направления развития	Находить оптимальные решения прикладных	обеспечивает способность у обучающихся

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
		дисциплин и современные информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.	прикладной теории графов и методов дискретного программирования.	задач в сетевой постановке, решать задачи дискретной оптимизации в экономике, экологии и других областях.	к теоретико-методологическому анализу проблем математического моделирования.
23.	ПК-23	Способностью применять системный подход и математические методы в формализации решения прикладных задач.	Знать основные методы и модели прикладной теории графов и их реализации на базе языков и пакетов прикладных программ.	Уметь разрабатывать моделирующие алгоритмы и реализации их на базе языков и пакетов прикладных программ применительно к решению задач прикладной теории графов и дискретного программирования.	готовностью к разработке моделирующих алгоритмов и реализации их на базе языков и пакетов прикладных программ моделирования для задач теории графов и дискретного программирования.

2. Структура и содержание дисциплины

2.1 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач.ед. (144 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры (часы)			
		2	___		
Контактная работа, в том числе:					
Аудиторные занятия (всего):	68	68			
Занятия лекционного типа	34	34	-	-	-
Лабораторные занятия	34	34	-	-	-
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)	-	-	-	-	-
	-	-	-	-	-
Иная контактная работа:					
Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	4			

Промежуточная аттестация (ИКР)	0,3	0,3			
Самостоятельная работа, в том числе:					
<i>Курсовая работа</i>	-	-	-	-	-
<i>Проработка учебного (теоретического) материала</i>	16	16	-	-	-
<i>Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)</i>	8	8	-	-	-
<i>Реферат</i>	4	4	-	-	-
Подготовка к текущему контролю	8	8	-	-	-
Контроль:					
Подготовка к экзамену	35,7	35,7			
Общая трудоемкость	час.	144	144	-	-
	в том числе контактная работа	72,3	72,3		
	зач. ед	4	4		

2.2 Структура учебной дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.
Разделы дисциплины, изучаемые во 2 семестре

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единиц, 144 часа.

Учебно-тематический план очной формы обучения

№ п/п	Наименование раздела, темы	Итого акад.ч асов	Контакт часы			СР
			Всего	Л	ЛБ	
	Раздел 1. Комбинаторные задачи оптимизации					
1.	Введение	4	2	2		2
2.	Задача о коммивояжере	8	6	2	4	2
3.	Задача календарного планирования трех станков	8	6	2	4	2
4.	Задача о назначениях	8	6	2	4	2
5.	Задача об одномерном ранце	6	4	2	2	2
6.	Задача о многомерном ранце	6	4	2	2	2
7.	Вопросы реализации алгоритмов с древовидной схемой поиска оптимального решения	6	2	2		4
8.	Задачи дискретного программирования большой размерности Алгоритмы решения биматричных игр	8	4	4		4
9.	Эволюционное моделирование	8	4	4		4
	Раздел 2. Задачи оптимизации на сетях					
10.	Задача проектирования оптимальной сети коммуникаций	6	4	2	2	2
11.	Задачи поиска оптимальных путей	6	4	2	2	2

12.	Задачи размещения на сетях	6	4	2	2	2
13.	Анализ сетевых графиков	8	6	2	4	2
14.	Оптимизация сетевых графиков	8	6	2	4	2
15.	Задача о максимальном потоке в сети	8	6	2	4	2
	Всего по разделам дисциплины:	104	68	34	34	36
	ИКР	0,3				
	КСР	4				
	Контроль	35,7				
	Итого:	144	68	34	34	36

2.3 Содержание разделов дисциплины:

№ раздела	Наименование раздела/модуля	Содержание раздела/модуля	Форма текущего контроля	Разработано с участием представителей работодателей (указать организацию)
1	2	3	4	5
1	Комбинаторные задачи оптимизации	Тема 1. Введение Тема 2. Задача о коммивояжере Тема 3. Задача календарного планирования трех станков Тема 4. Задача о назначениях Тема 5. Задача об одномерном ранце Тема 6. Задача о многомерном ранце Тема 7. Вопросы реализации алгоритмов с древовидной схемой поиска оптимального решения Тема 8. Задачи дискретного программирования большой размерности Тема 9. Эволюционное	1. Опрос по результатам индивидуального задания	

		моделирование		
2	Задачи оптимизации на сетях	Тема 10. Задача проектирования оптимальной сети коммуникаций Тема 11. Задачи поиска оптимальных путей Тема 12. Задачи размещения на сетях Тема 13. Анализ сетевых графиков Тема 14. Оптимизация сетевых графиков Тема 15. Задача о максимальном потоке в сети	1. Опрос по результатам индивидуального задания	

защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т)

2.3.1 Занятия лекционного типа

№ раздела	Наименование раздела/модуля	Содержание раздела/модуля	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	<i>Комбинаторные задачи оптимизации</i>	Тема 1. Введение Предмет, задачи и содержание курса. Постановка и особенности задач дискретного программирования. Общие сведения о методах решения задач дискретного программирования. Тема 2. Задача о коммивояжере Постановка задачи. Метод ветвей и границ для задачи о коммивояжере. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок. Общий шаг алгоритма. Симметричный случай. О практической реализации метода. Тема 3. Задача календарного планирования трех станков Постановка задачи. Метод ветвей и границ для задачи календарного планирования трех станков. Приведение матрицы расстояний. Ветвление.	1. Опрос по результатам индивидуального задания

		Вычисление оценок Общий шаг алгоритма. О практической реализации метода. Тема 4. Задача о назначениях Постановка задачи. Метод ветвей и границ для задачи о назначениях. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок. Общий шаг алгоритма. О практической реализации метода. Тема 5. Задача об одномерном ранце Постановка задачи. Алгоритм Данцига для линейной одномерной задачи о ранце. Метод ветвей и границ для одномерной задачи о ранце. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок. Общий шаг алгоритма. О практической реализации метода. Тема 6. Задача о многомерном ранце Постановка задачи. Методы приближенного решения задачи о многомерном ранце. Алгоритмы улучшения начального решения. Комбинированные эвристические алгоритмы для задачи о ранце. Тема 7. Вопросы реализации алгоритмов с древовидной схемой поиска оптимального решения Структура информации о дереве подзадач. Операции на дереве подзадач. Структура информации о подзадаче. Тема 8. Задачи дискретного программирования большой размерности Постановка задачи. Декомпозиция. Иерархические процедуры декомпозиции. Последовательная декомпозиция. Тема 9. Эволюционное моделирование Определение и структура генетических алгоритмов. Генетическое программирование. Решение комбинаторных задач генетическими алгоритмами. Роевые алгоритмы и их применение для решения задач дискретного программирования.	
2	<i>Задачи оптимизации на сетях</i>	Тема 10. Задача проектирования оптимальной сети коммуникаций Постановка задачи. Алгоритм построения покрывающего дерева. Алгоритм построения покрывающего дерева минимального веса. Алгоритм построения покрывающего дерева максимального веса. Тема 11. Задачи поиска оптимальных путей Постановка задач. Алгоритм построения кратчайшего пути. Дерево кратчайших путей. Алгоритм построения пути наибольшей пропускной	1.Опрос по результатам индивидуального задания

		способности. Дерево путей наибольшей пропускной способности. Алгоритм поиска всех кратчайших путей. Тема 12. Задачи размещения на сетях Постановка задач. Задачи поиска центра. Задачи поиска медиан. Тема 13. Анализ сетевых графиков Постановка задачи. Временные параметры сетевого графика. Критические операции. Метод критического пути. Тема 14. Оптимизация сетевых графиков Постановка задач. Коэффициент напряженности операции. Оптимизация сетевого графика методом «время-стоимость». Тема 15. Задача о максимальном потоке в сети Постановка задачи. Алгоритм поиска максимального потока в сети. Сведение задачи о максимальном потоке к задаче линейного программирования.	
--	--	---	--

2.3.2 Семинарские занятия – не предусмотрены

2.3.3 Лабораторные занятия

№ п/п	Наименование раздела	Наименование лабораторных работ	Форма текущего контроля
1.	Комбинаторные задачи оптимизации	Решение задачи о коммивояжере методом ветвей и границ	Проверка выполнения лабораторных работ № 1.
		Решение задачи календарного планирования трех станков методом ветвей и границ	Проверка выполнения лабораторных работ № 2
		Метод ветвей и границ для задачи о назначениях	Проверка выполнения лабораторных работ № 3
		Метод ветвей и границ для одномерной задачи о ранце	Проверка выполнения лабораторных работ

			работ № 4
		Методы приближенного решения задачи о многомерном ранце	Проверка выполнения лабораторных работ № 5
2.	Задачи оптимизации на сетях	Задача проектирования оптимальной сети коммуникаций	Проверка выполнения лабораторных работ № 6
		Задачи поиска кратчайших путей из заданного пункта	Проверка выполнения лабораторных работ № 7
		Анализ сетевых графиков	Проверка выполнения лабораторных работ № 8
		Построение максимального потока	Проверка выполнения лабораторных работ №9
		Оптимизация сетевых графиков	Проверка выполнения результатов контрольной работы

2.3.4 Курсовые работы – не предусмотрены

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающегося по дисциплине

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания, полученные во время лабораторных занятий. Помещения для самостоятельной работы студентов – аудитория № 102-А и читальный зал.

№	Вид самостоятельной работы	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Проработка и повторение лекционного материала, материала учебной и научной литературы, подготовка к семинарским занятиям	Методические указания для подготовки к лекционным и семинарским занятиям, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г.
2	Подготовка к лабораторным занятиям	Методические указания по выполнению лабораторных работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г.

3	Подготовка к решению задач и тестов	Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г.
4	Подготовка докладов	Методические указания для подготовки эссе, рефератов, курсовых работ, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г.
5	Подготовка к решению расчетно-графических заданий (РГЗ)	Методические указания по выполнению расчетно-графических заданий, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г. Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г.
6	Подготовка к текущему контролю	Методические указания по выполнению самостоятельной работы, утвержденные на заседании кафедры прикладной математики факультета компьютерных технологий и прикладной математики ФГБОУ ВО «КубГУ», протокол №25 от 29.06.2016 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3. Образовательные технологии.

С точки зрения применяемых методов используются как традиционные информационно-объяснительные лекции, так и интерактивная подача материала с мультимедийной системой. Компьютерные технологии в данном случае обеспечивают возможность разнопланового отображения алгоритмов и демонстрационного материала. Такое сочетание позволяет оптимально использовать отведенное время и раскрывать логику и содержание дисциплины.

Лекции представляют собой систематические обзоры по приложению теории графов.

Лабораторное занятие позволяет научить студента применять теоретические знания при решении и исследовании конкретных задач. Лабораторные занятия проводятся в традиционных аудиториях. Подход разбора конкретных ситуаций широко используется как преподавателем, так и студентами при проведении анализа результатов самостоятельной работы. Это обусловлено тем, что в процессе исследования часто встречаются задачи, для которых единых подходов не существует. Каждая конкретная

задача при своем исследовании имеет множество подходов, а это требует разбора и оценки целой совокупности конкретных ситуаций.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

Занятия, проводимые с использованием интерактивных технологий

№	Наименование разделов (тем)	Количество часов	
		всего ауд. часов	интерактивные часы
1	2	3	4
1.	Комбинаторные задачи оптимизации	38	6
2.	Задачи оптимизации на сетях	30	6
	<i>Итого по дисциплине:</i>	68	12

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций. Самостоятельная работа студентов проводится в форме изучения отдельных теоретических вопросов по предлагаемой литературе.

Фонд оценочных средств дисциплины состоит из средств текущего контроля (см. список лабораторных работ, задач и вопросов) и итоговой аттестации (зачета).

В качестве оценочных средств, используемых для текущего контроля успеваемости, предлагается перечень вопросов, которые прорабатываются в процессе освоения курса. Данный перечень охватывает все основные разделы курса, включая знания, получаемые во время самостоятельной работы. Кроме того, важным элементом технологии является самостоятельное решение студентами и сдача заданий. Это полностью индивидуальная форма обучения. Студент рассказывает свое решение преподавателю, отвечает на дополнительные вопросы.

Примерные задания на лабораторные работы

Комбинаторные задачи оптимизации.

Лабораторная работа № 1: Решение задачи о коммивояжере методом ветвей и границ

Цель работы: Освоить метод ветвей и границ для решения задачи о коммивояжере.

Задание. В задачах 1.1 – 1.4 для заданной матрицы расстояний

$$C = \begin{pmatrix} - & c_{12} & c_{13} & c_{14} & c_{15} & c_{16} \\ c_{21} & - & c_{23} & c_{24} & c_{25} & c_{26} \\ c_{31} & c_{32} & - & c_{34} & c_{35} & c_{36} \\ c_{41} & c_{42} & c_{43} & - & c_{45} & c_{46} \\ c_{51} & c_{52} & c_{53} & c_{54} & - & c_{56} \\ c_{61} & c_{62} & c_{63} & c_{64} & c_{65} & - \end{pmatrix}$$

решить задачу коммивояжера.

1.1

$$\begin{pmatrix} - & 36 & 16 & 19 & 37 & 40 \\ 36 & - & 20 & 23 & 28 & 36 \\ 20 & 12 & - & 18 & 20 & 16 \\ 32 & 24 & 18 & - & 20 & 38 \\ 37 & 20 & 12 & 28 & - & 32 \\ 22 & 17 & 18 & 30 & 40 & - \end{pmatrix}.$$

1.2

$$\begin{pmatrix} - & 4 & 31 & 23 & 7 & 10 \\ 6 & - & 4 & 10 & 4 & 4 \\ 22 & 10 & - & 20 & 23 & 26 \\ 14 & 6 & 22 & - & 15 & 35 \\ 27 & 10 & 32 & 39 & - & 16 \\ 13 & 10 & 12 & 27 & 39 & - \end{pmatrix}.$$

1.3

$$\begin{pmatrix} - & 6 & 25 & 17 & 37 & 23 \\ 6 & - & 10 & 12 & 10 & 6 \\ 29 & 12 & - & 17 & 16 & 16 \\ 14 & 14 & 35 & - & 26 & 26 \\ 29 & 10 & 14 & 24 & - & 26 \\ 13 & 12 & 32 & 42 & 22 & - \end{pmatrix}.$$

1.4

$$\begin{pmatrix} - & 10 & 16 & 14 & 10 & 8 \\ 4 & - & 36 & 31 & 25 & 18 \\ 8 & 17 & - & 33 & 12 & 17 \\ 6 & 37 & 34 & - & 28 & 16 \\ 6 & 16 & 39 & 15 & - & 27 \\ 12 & 30 & 32 & 37 & 30 & - \end{pmatrix}.$$

Лабораторная работа № 2: Решение задачи календарного планирования трех станков методом ветвей и границ

Цель работы: Освоить метод ветвей и границ для решения задач календарного планирования трех станков.

Задание. В задачах 2.1 – 2.4 для заданных пяти деталей, последовательно обрабатываемых на трех станках, и заданной длительности обработки деталей $A = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}$, $B = \{b_1, b_2, b_3, b_4, b_5\}$, $C = \{c_1, c_2, c_3, c_4, c_5\}$ на первом, втором и третьем станках соответственно, решить задачу календарного планирования трех станков.

2.1

A	7	3	6	9	8
B	4	5	1	7	8
C	8	6	5	6	5

2.2

A	3	2	2	3	3
B	2	5	6	5	1
C	8	5	9	9	7

2.3

A	8	4	8	4	3
B	7	9	9	8	6
C	7	8	7	6	1

2.4

A	1	4	9	1	3
B	8	7	8	5	9
C	3	9	7	7	6

Лабораторная работа № 3: Метод ветвей и границ для задачи о назначениях

Цель работы: Освоить метод ветвей и границ для решения задач о назначениях.

Задание. В задачах 3.1–3.4 для пяти работников и пяти видов работ заданы матрицы $C = \|c_{ij}\|$ затрат на выполнение каждым работником всех видов работ. Найти оптимальный план методом ветвей и границ.

$$3.1 \ C = \begin{pmatrix} 11 & 9 & 10 & 15 & 1 \\ 17 & 12 & 13 & 18 & 8 \\ 9 & 8 & 15 & 12 & 11 \\ 6 & 11 & 13 & 16 & 6 \\ 12 & 14 & 14 & 10 & 9 \end{pmatrix}, \quad 3.2 \ C = \begin{pmatrix} 10 & 3 & 3 & 5 & 4 \\ 5 & 6 & 3 & 4 & 6 \\ 10 & 7 & 6 & 6 & 10 \\ 8 & 9 & 1 & 11 & 6 \\ 11 & 12 & 8 & 8 & 2 \end{pmatrix}.$$

$$3.3 \ C = \begin{pmatrix} 7 & 5 & 12 & 1 & 11 \\ 6 & 6 & 13 & 6 & 10 \\ 10 & 2 & 13 & 7 & 12 \\ 6 & 7 & 11 & 3 & 5 \\ 6 & 4 & 4 & 5 & 7 \end{pmatrix}, \quad 3.4 \ C = \begin{pmatrix} 6 & 15 & 11 & 6 & 4 \\ 3 & 14 & 10 & 7 & 10 \\ 8 & 15 & 7 & 3 & 5 \\ 1 & 6 & 3 & 2 & 5 \\ 12 & 20 & 9 & 15 & 15 \end{pmatrix}.$$

Лабораторная работа № 4: Метод ветвей и границ для одномерной задачи о ранце

Цель работы: Освоить метод ветвей и границ для решения одномерной задачи линейного о ранце.

Задание. В задачах 4.1–4.4 для заданных функций стоимости и веса $f(x)$ и $g(x)$ решить задачу об одномерном ранце:

$$f(x) = \sum_{j=1}^{10} c_j x_j \rightarrow \max,$$

$$g(x) = \sum_{j=1}^{10} a_j x_j \leq R, x_j \in \{0,1\}, j = \overline{1,10}.$$

4.1

c_i	2	7	5	2	10	7	9	7	8	3
-------	---	---	---	---	----	---	---	---	---	---

R = 31

a_i	3	8	4	2	9	8	2	10	2	8
-------	---	---	---	---	---	---	---	----	---	---

4.2

c_i	4	6	1	4	6	8	6	9	8	9
-------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

R = 30

a_i	5	2	4	1	6	5	10	11	4	6
-------	---	---	---	---	---	---	----	----	---	---

4.3

c_i	7	10	11	6	7	2	3	10	7	7
-------	---	----	----	---	---	---	---	----	---	---

R = 32

a_i	10	3	8	6	9	3	2	9	3	6
-------	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---

4.4

c_i	8	3	2	4	7	9	11	7	7	8
-------	---	---	---	---	---	---	----	---	---	---

R = 34

a_i	5	8	8	10	7	4	3	5	7	4
-------	---	---	---	----	---	---	---	---	---	---

Лабораторная работа № 5: Методы приближенного решения задачи о многомерном ранце

Цель работы: Освоить приближенные методы решения задачи о многомерном ранце.

Задание. В задачах 5.1–5.4 для заданных функций стоимости и веса $f(x)$ и $g_i(x)$ ($i = \overline{1,3}$) решить задачу о многомерном ранце:

$$f(x) = \sum_{j=1}^{10} c_j x_j \rightarrow \max,$$

$$g_i(x) = \sum_{j=1}^{10} a_{ij} x_j \leq R_i, i = \overline{1,3}$$

$$x_j \in \{0,1\}, j = \overline{1,10}.$$

5.1

c _i	9	7	11	5	2	3	5	7	5	2
a _{1i}	9	5	8	10	6	7	6	7	2	5
a _{2i}	2	1	9	2	3	1	8	2	4	5
a _{3i}	4	7	2	6	8	4	9	10	1	2

$$R_1 = 44$$

$$R_2 = 25$$

$$R_3 = 36$$

5.2

c _i	11	11	10	1	8	11	2	8	11	2
a _{1i}	10	9	11	8	8	6	5	9	10	2
a _{2i}	6	10	9	7	5	6	6	6	8	2
a _{3i}	9	7	3	5	8	6	5	8	6	1

$$R_1 = 52$$

$$R_2 = 44$$

$$R_3 = 39$$

5.3

c _i	9	5	3	10	3	4	3	8	2	5
a _{1i}	6	5	10	4	4	5	4	5	4	7
a _{2i}	11	3	7	10	6	4	11	7	11	9
a _{3i}	9	2	6	4	6	1	3	9	4	8

$$R_1 = 36$$

$$R_2 = 53$$

$$R_3 = 35$$

5.4

c _i	2	5	11	6	7	11	4	8	7	8
a _{1i}	2	4	11	5	4	9	10	9	7	9
a _{2i}	5	6	6	3	6	2	4	7	7	10
a _{3i}	4	2	10	7	10	8	8	7	2	9

$$R_1 = 47$$

$$R_2 = 38$$

$$R_3 = 45$$

Задачи оптимизации на сетях.

Лабораторная работа № 6: Задача проектирования оптимальной сети коммуникаций

Цель работы: Освоить методы проектирования оптимальной сети коммуникаций.

Задание. В задачах 6.1 – 6.4 для заданного графа, изображенного на рис. 1, построить покрывающее дерево максимального и минимального весов.

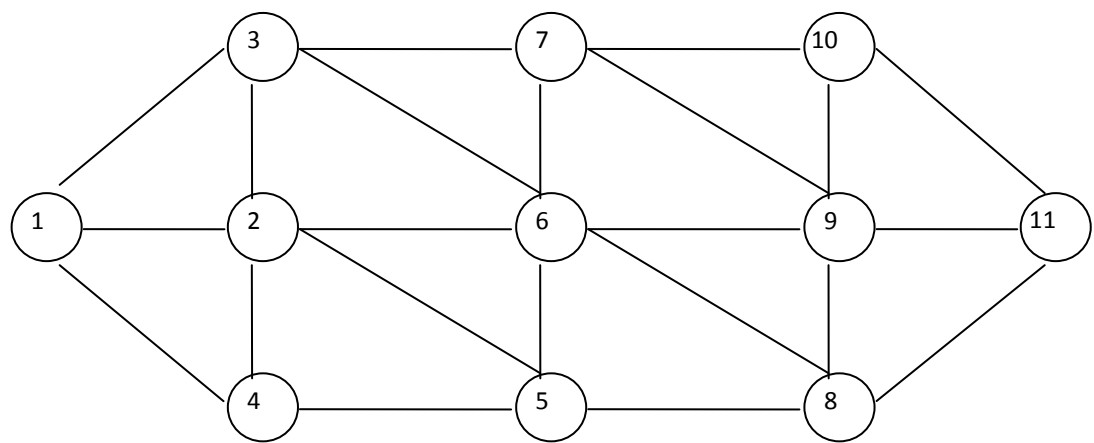


Рис. 1

6.1

(1,2)-	3	(2,4)-	11	(3,7)-	9	(6,7)-	2	(7,10)-	4	(9,11)-	5
(1,3)-	11	(2,5)-	4	(4,5)-	8	(6,8)-	8	(8,9)-	10	(10,11)-	7
(1,4)-	3	(2,6)-	1	(5,6)-	7	(6,9)-	4	(8,11)-	8		
(2,3)-	2	(3,6)-	7	(5,8)-	8	(7,9)-	8	(9,10)-	8		

6.2

(1,2)-	6	(2,4)-	4	(3,7)-	10	(6,7)-	3	(7,10)-	4	(9,11)-	4
(1,3)-	3	(2,5)-	11	(4,5)-	6	(6,8)-	4	(8,9)-	8	(10,11)-	7
(1,4)-	7	(2,6)-	5	(5,6)-	8	(6,9)-	6	(8,11)-	4		
(2,3)-	2	(3,6)-	5	(5,8)-	6	(7,9)-	8	(9,10)-	9		

6.3

(1,2)-	3	(2,4)-	9	(3,7)-	3	(6,7)-	4	(7,10)-	7	(9,11)-	10
(1,3)-	8	(2,5)-	2	(4,5)-	5	(6,8)-	9	(8,9)-	11	(10,11)-	5
(1,4)-	6	(2,6)-	8	(5,6)-	4	(6,9)-	7	(8,11)-	7		
(2,3)-	10	(3,6)-	3	(5,8)-	9	(7,9)-	3	(9,10)-	3		

6.4

(1,2)-	3	(2,4)-	8	(3,7)-	5	(6,7)-	2	(7,10)-	7	(9,11)-	11
(1,3)-	7	(2,5)-	10	(4,5)-	7	(6,8)-	8	(8,9)-	8	(10,11)-	5
(1,4)-	2	(2,6)-	2	(5,6)-	6	(6,9)-	10	(8,11)-	2		
(2,3)-	3	(3,6)-	1	(5,8)-	10	(7,9)-	8	(9,10)-	8		

Лабораторная работа № 7: Задача поиска кратчайших путей из заданного пункта

Цель работы: Освоить методы построения кратчайших путей из заданного пункта.

Задание. В задачах 7.1–7.4 для заданного графа, изображенного на рис. 2, построить дерево кратчайших путей из вершины с номером 1 и найти все максимальные пути из вершины с номером 1 во все остальные вершины графа.

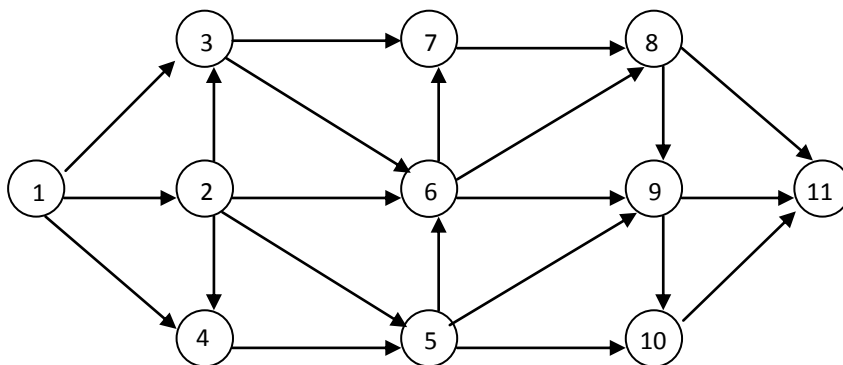


Рис. 2

7.1

(1,2)-	3	(2,4)-	9	(3,7)-	9	(5,10)-	11	(7,8)-	1	(9,11)-	5
--------	---	--------	---	--------	---	---------	----	--------	---	---------	---

(1,3)–	7	(2,5)–	2	(4,5)–	5	(6,7)–	5	(8,9)–	3	(10,11)–	8
(1,4)–	10	(2,6)–	7	(5,6)–	11	(6,8)–	6	(8,11)–	10		
(2,3)–	7	(3,6)–	5	(5,9)–	9	(6,9)–	6	(9,10)–	9		

7.2

(1,2)–	11	(2,4)–	3	(3,7)–	3	(5,10)–	5	(7,8)–	8	(9,11)–	2
(1,3)–	5	(2,5)–	1	(4,5)–	6	(6,7)–	10	(8,9)–	4	(10,11)–	3
(1,4)–	6	(2,6)–	11	(5,6)–	3	(6,8)–	9	(8,11)–	10		
(2,3)–	11	(3,6)–	4	(5,9)–	1	(6,9)–	8	(9,10)–	10		

7.3

(1,2)–	9	(2,4)–	11	(3,7)–	9	(5,10)–	10	(7,8)–	4	(9,11)–	10
(1,3)–	3	(2,5)–	4	(4,5)–	3	(6,7)–	2	(8,9)–	10	(10,11)–	10
(1,4)–	2	(2,6)–	4	(5,6)–	8	(6,8)–	9	(8,11)–	5		
(2,3)–	6	(3,6)–	8	(5,9)–	3	(6,9)–	9	(9,10)–	10		

7.4

(1,2)–	5	(2,4)–	3	(3,7)–	1	(5,10)–	7	(7,8)–	2	(9,11)–	9
(1,3)–	2	(2,5)–	7	(4,5)–	1	(6,7)–	9	(8,9)–	11	(10,11)–	2
(1,4)–	10	(2,6)–	9	(5,6)–	2	(6,8)–	10	(8,11)–	5		
(2,3)–	3	(3,6)–	10	(5,9)–	10	(6,9)–	10	(9,10)–	6		

Лабораторная работа № 8: Анализ сетевых графиков

Цель работы: Освоить метод критического пути для анализа сетевых графиков.

Задание. Рассматривая графы, представленные в задачах 7.1–7.4, как сетевые графики, провести их анализ.

Лабораторная работа № 9: Построение максимального потока

Цель работы: Освоить методы решения задачи о максимальном потоке в сети.

Задание. Для графов, представленных в задачах 7.1–7.4, найти максимальный поток из вершины $s = 1$ (источник) в вершину $t = 11$ (сток).

4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Примерный перечень вопросов к экзамену

1. Основные разделы дискретного программирования.
2. Структурные характеристики задач дискретного программирования .
3. Классификация моделей задач дискретного программирования .
4. Постановка и особенности задач дискретного программирования.
5. Общие сведения о методах решения задач дискретного программирования.
6. Постановка задачи о коммивояжере.
7. Метод ветвей и границ для задачи о коммивояжере.
8. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок. Общий шаг алгоритма ветвей и границ.
9. Симметричный случай. О практической реализации метода ветвей и границ для задачи о коммивояжере.
10. Постановка задачи календарного планирования трех станков. Метод ветвей и границ для задачи календарного планирования трех станков.
11. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок. Общий шаг алгоритма. О практической реализации метода ветвей и границ для задачи календарного планирования трех станков.
12. Постановка задачи о назначениях. Метод ветвей и границ для задачи о назначениях. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок.
13. Метод ветвей и границ для задачи о назначениях. Общий шаг алгоритма. О практической реализации метода.
14. Постановка задачи об одномерном ранце. Алгоритм Данцига для линейной одномерной задачи о ранце.
15. Метод ветвей и границ для одномерной задачи о ранце. Приведение матрицы расстояний. Ветвление. Вычисление оценок. Общий шаг алгоритма.
16. О практической реализации метода ветвей и границ для одномерной задачи о ранце.
17. Постановка задачи. Методы приближенного решения задачи о многомерном ранце.
18. Алгоритмы улучшения начального решения. Комбинированные эвристические алгоритмы для задачи о ранце.
19. Алгоритмы с древовидной схемой поиска оптимального решения. Структура информации о дереве подзадач.
20. Алгоритмы с древовидной схемой поиска оптимального решения. Операции на дереве подзадач.
21. Алгоритмы с древовидной схемой поиска оптимального решения. Структура информации о подзадаче.
22. Постановка задачи дискретного программирования большой размерности. Декомпозиция.
23. Постановка задачи дискретного программирования большой размерности. Иерархические процедуры декомпозиции.
24. Постановка задачи дискретного программирования большой размерности. Последовательная декомпозиция.
25. Определение и структура генетических алгоритмов.
26. Генетическое программирование. Решение комбинаторных задач генетическими алгоритмами.
27. Роевые алгоритмы и их применение для решения задач дискретного программирования.

28. Постановка задачи проектирования оптимальной сети коммуникаций. Алгоритм построения покрывающего дерева. Алгоритм построения покрывающего дерева минимального веса.
29. Постановка задачи проектирования оптимальной сети коммуникаций. Алгоритм построения покрывающего дерева. Алгоритм построения покрывающего дерева максимального веса.
30. Постановка задач. Алгоритм построения кратчайшего пути. Дерево кратчайших путей.
31. Постановка задач. Алгоритм построения пути наибольшей пропускной способности. Дерево путей наибольшей пропускной способности.
32. Постановка задачи. Алгоритм поиска всех кратчайших путей.
33. Постановка задач размещения на сетях. Задачи поиска центра.
34. Постановка задач размещения на сетях. Задачи поиска медиан.
35. Постановка задачи анализа сетевого графика. Временные параметры сетевого графика.
36. Постановка задачи анализа сетевого графика. Критические операции. Метод критического пути.
37. Постановка задач оптимизации сетевых графиков. Коэффициент напряженности операции. Оптимизация сетевого графика методом «время-стоимость».
38. Постановка задач оптимизации сетевых графиков. Оптимизация сетевого графика методом «время-стоимость».
39. Постановка задачи о максимальном потоке. Алгоритм поиска максимального потока в сети.
40. Постановка задачи о максимальном потоке. Сведение задачи о максимальном потоке в сети к задаче линейного программирования.

Критерии выставления оценок.

Оценка «отлично»:

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины, а также по основным вопросам, выходящим за пределы учебной программы;
- точное использование научной терминологии систематически грамотное и логически правильное изложение ответа на вопросы;
- безупречное владение инструментарием учебной дисциплины, умение его эффективно использовать в постановке научных и практических задач;
- выраженная способность самостоятельно и творчески решать сложные проблемы и нестандартные ситуации;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;

– умение ориентироваться в теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку, используя научные достижения других дисциплин;

– творческая самостоятельная работа на практических/семинарских/лабораторных занятиях, активное участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;

– высокий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «хорошо»:

– достаточно полные и систематизированные знания по дисциплине;

– умение ориентироваться в основном теориях, концепциях и направлениях дисциплины и давать им критическую оценку;

– использование научной терминологии, лингвистически и логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;

– владение инструментарием по дисциплине, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;

– усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной учебной программой по дисциплине;

– самостоятельная работа на практических занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий;

– средний уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «удовлетворительно»:

– достаточный минимальный объем знаний по дисциплине;

– усвоение основной литературы, рекомендованной учебной программой;

– умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по дисциплине и давать им оценку;

– использование научной терминологии, стилистическое и логическое изложение ответа на вопросы, умение делать выводы без существенных ошибок;

– владение инструментарием учебной дисциплины, умение его использовать в решении типовых задач;

– умение под руководством преподавателя решать стандартные задачи;

– работа под руководством преподавателя на практических занятиях, допустимый уровень культуры исполнения заданий;

– достаточный минимальный уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценка «неудовлетворительно»:

– фрагментарные знания по дисциплине;

– отказ от ответа (выполнения письменной работы);

– знание отдельных источников, рекомендованных учебной программой по дисциплине;

– неумение использовать научную терминологию;

– наличие грубых ошибок;

– низкий уровень культуры исполнения заданий;

– низкий уровень сформированности заявленных в рабочей программе компетенций.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

5.1 Основная литература:

1. Сигал, И.Х. Введение в прикладное дискретное программирование: модели и вычислительные алгоритмы [Электронный ресурс] : учеб. пособие / И.Х. Сигал, А.П. Иванова. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2007. — 304 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2312>.
2. Сесекин, А.Н. Задачи маршрутизации перемещений [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А.Н. Сесекин, А.А. Ченцов, А.Г. Ченцов. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 256 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/677>.
3. Юрьева, А.А. Математическое программирование [Электронный ресурс] : учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2014. — 432 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/68470>.
4. Асанов, М.О. Дискретная математика: графы, матроиды, алгоритмы [Электронный ресурс] : учеб. пособие / М.О. Асанов, В.А. Баранский, В.В. Расин. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 368 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/536>.
5. Колбин, В.В. Специальные методы оптимизации [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2014. — 384 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/41015>.

5.2 Дополнительная литература:

1. Гладков, Л.А. Генетические алгоритмы [Электронный ресурс]: учеб. / Л.А. Гладков, В.В. Курейчик, В.М. Курейчик. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2010. — 368 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2163>.
2. Биоинспирированные методы в оптимизации [Электронный ресурс]: монография / Л.А. Гладков [и др.]. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2009. — 384 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/59539>.

6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Википедия, свободная энциклопедия. [Электронный ресурс]. – Wikipedia <http://ru.wikipedia.org>
2. Нейронные сети. Электронный учебник. StatSoft. <http://www.statsoft.ru/home/textbook/modules/stneunet.html>
3. ALGLIB User Guide - Классификация, регрессия, кластеризация, работа с данными - Нейронные сети <http://alglib.sources.ru/dataanalysis/neuralnetworks.php>
4. Введение в теорию нейронных сетей. PC Noon. <http://www.orc.ru/~stasson/neurox.html>
5. Лекции по теории и приложениям искусственных нейронных сетей http://alife.narod.ru/lectures/neural/Neu_ch05.htm
6. Проектирование систем управления \ Fuzzy Logic Toolbox С.Д.Штовба "Введение в теорию нечетких множеств и нечеткую логику" http://matlab.exponenta.ru/fuzzylogic/book1/1_7.php
7. Электронно-библиотечная система Издательство «Лань». <http://e.lanbook.com>

7. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины

Контрольная работа представляет собой самостоятельную реферативную работу студентов. Каждый студент выполняет работу по одной теме.

Для написания реферата необходимо подобрать литературу. Общее количество литературных источников, включая тексты из Интернета, (публикации в журналах), должно составлять не менее 10 наименований. Учебники, как правило, в литературные источники не входят.

Рефераты выполняют на листах формата А4. Страницы текста, рисунки, формулы нумеруют, рисунки снабжают порисуночными надписями. Текст следует печатать шрифтом №14 с интервалом между строками в 1,5 интервала, без недопустимых сокращений. В конце реферата должны быть сделаны выводы.

В конце работы приводят список использованных источников.

Реферат должен быть подписан студентом с указанием даты ее оформления.

Работы, выполненные без соблюдения перечисленных требований, возвращаются на доработку.

Выполненная студентом работа определяется на проверку преподавателю в установленные сроки. Если у преподавателя есть замечания, работа возвращается и после исправлений либо вновь отправляется на проверку, если исправления существенные, либо предъявляется на зачете, где происходит ее защита.

Для разъяснения непонятных вопросов лектором и ассистентом еженедельно проводятся консультации, о времени которых группы извещаются заранее.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

Творческие задания (проекты), способствующие формированию компетенций базовой части ООП

Роевые и нейросетевые технологии в математике сегодня рассматривается как одно из главных новых направлений при решении задач дискретного и сетевого программирования.

Основные направления роевых и нейросетевых технологий в математике :

- Генетические алгоритмы;
- Искусственные нейронные сети;
- Роевые алгоритмы.

Проведите анализ по одной из выбранных вами тематик (не менее 10 слайдов и 20 листов текста). Возможно использование звукового сопровождения, анимации (аудио-, и видеоматериала).

На первой странице слайда обязательно укажите Ф.И.О. автора, курс. Оценивается работа по следующим критериям:

- полнота представленного материала;
- оформление;
- представление и защита.

Темы презентаций и докладов

- Генетические алгоритмы и их программная поддержка.
- Роевые алгоритмы и их программная поддержка.
- Нейросетевые алгоритмы и их программная поддержка.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (при необходимости)

8.1 Перечень необходимого программного обеспечения

1. Операционная система MS Windows (разделы 1,2 дисциплины).
2. Интегрированное офисное приложение MS Office (разделы 1, 2 дисциплины).
3. Программное обеспечение для организации управляемого коллективного и безопасного доступа в Интернет (разделы 1,2 дисциплины).
4. Statistica Neural Network (раздел 2 дисциплины).
5. Matlab Neural Networks Toolbox, Fuzzy Logic Toolbox, ANFIS (разделы 1 и 2 дисциплины).

8.2 Перечень информационных справочных систем

Обучающимся должен быть обеспечен доступ к современным профессиональным базам данных, профессиональным справочным и поисковым системам:

Электронная библиотечная система (ЭБС) «Университетская библиотека ONLINE» (<http://www.biblioclub.ru>)

Электронная библиотечная система издательства «Лань» (<https://e.lanbook.com>)

Электронная библиотечная система «Юрайт» (<http://www.biblio-online.ru>)

Электронная библиотечная система «ZNANIUM.COM» (<https://znanium.com>)

Электронно-библиотечная система (ЭБС) BOOK.ru (<http://www.book.ru>)

Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru>)

Справочно-правовая система «Консультант Плюс» (<http://www.consultant.ru>)

Справочно-правовая система «Гарант» (<http://www.garant.ru>)

«Консультант студента» (www.studentlibrary.ru)

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
---	-----------	--

1.	Занятия лекционного типа	Аудитории, оснащенные презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ауд. 129, 131, 133, А305, А307).
2.	Групповые и индивидуальные консультации	Аудитории для семинарских занятий, групповых и индивидуальных консультаций, укомплектованные необходимой мебелью (доска, столы, стулья): (ауд. 129, 131).
3.	Лабораторные занятия	Учебная мебель, компьютерная техника (компьютерные классы: 101, 105/1, 107(2), 107(3), 107(5)); учебная мебель, компьютерная техника с возможностью подключения к сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду университета (компьютерные классы: 106, 106а, А301).
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитории для семинарских занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованные необходимой мебелью (доска, столы, стулья) (ауд. 129, 131, 133, А305, А307, 147, 148, 149, 150, 100С, А301б, А512); аудитории с компьютерами с лицензионным программным обеспечением и выходом в «Интернет» (106, 106а, А301).
5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета (аудитории: 102а, читальный зал).