

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Кубанский государственный университет»
Факультет компьютерных технологий и прикладной математики



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ Б1.Б.10 «МЕТОДЫ ВЫЧИСЛЕНИЙ»

Направление подготовки 02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем

Профиль Технология программирования

Программа подготовки Академическая

Форма обучения Очная

Квалификация выпускника Бакалавр

Краснодар 2016

Рабочая программа дисциплины «Методы вычислений» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (профиль) 02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем.

Программу составила: О.Н. Лапина доцент кафедры вычислительных

технологий, канд. физ.-мат. наук



Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры вычислительных технологий протокол №9 от 22 апреля 2016г.

Заведующий кафедрой (разработчика) А.И. Миков



Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры интеллектуальных информационных систем протокол №4 от 20 апреля 2016 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Костенко К.И.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики протокол № 7 от «29» июня 2016г.

Председатель УМК факультета Малыхин К.В.



Рецензенты:

Зайков В.П., ректор НЧОУ ВО «Кубанский институт информзащиты», доктор экономических наук., к.т.н., доцент.

Гаркуша О.В., доцент кафедры информационных технологий ФБГОУ ВО «Кубанский государственный университет», кандидат физико-математических наук, доцент.

1. Цели и задачи изучения дисциплины

1.1. Цели освоения дисциплины.

Целью преподавания и изучения дисциплины «Методы вычислений» является ознакомление студентов с основными понятиями и методами вычислительной математики, выработка навыков применения численных методов для решения практических задач.

1.2. Задачи дисциплины.

Студент должен **получить** знания об основных методах вычислительной математики; **уметь** применять численные методы для решения практических задач; **изучить** основные численные методы решения задач линейной алгебры, математического анализа и дифференциальных уравнений.

1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Методы вычислений» относится к базовой части Б1 математического и естественнонаучного цикла. Для изучения дисциплины необходимы знания по следующим базовым дисциплинам математического и естественнонаучного цикла и профессионального циклов ООП: «Математический анализ», «Алгебра и геометрия», «Информатика и программирование».

Знания, получаемые при изучении теории методов вычислений, используются при изучении других дисциплин профессионального цикла учебного плана бакалавра, а также при работе над курсовыми проектами.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общекультурных/общепрофессиональных/профессиональных компетенций (ОК/ОПК/ПК)

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ОПК5	владением информацией о направлениях развития компьютеров с	основные методы вычислительной математики; особенности применения	разрабатывать программы и использовать современные программные комплексы для	методами программирования для решения задач вычислительной

№ п.п.	Индекс компет енции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
		традиционной (нетрадиционной) архитектурой; о тенденциях развития функций и архитектур проблемно-ориентированных программных систем и комплексов;	компьютеров для решения задач вычислительной математики; современные программные комплексы, реализующие численные методы.	решения задач вычислительной математики	математики; информацией о современных программных комплексах решения задач линейной алгебры, математического анализа, дифференциальных уравнений численными методами.

2. Структура и содержание дисциплины.

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 5 зач.ед. (180 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице

Вид учебной работы		Всего часов	Семестры (часы)			
			3			
Контактная работа, в том числе:		78,6	78,6			
Аудиторные занятия (всего):		72	72			
Занятия лекционного типа		36	36	-	-	-
Лабораторные занятия		36	36	-	-	-
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)		-	-	-	-	-
		-	-	-	-	-
Иная контактная работа:						
Контроль самостоятельной работы (КСР)		6	6	-	-	-
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,3	0,3	-	-	-
Самостоятельная работа, в том числе:		66	66			
Курсовая работа		-	-	-	-	-
Проработка учебного (теоретического) материала		36	36	-	-	-
Выполнение индивидуальных заданий (подготовка сообщений, презентаций)		30	30	-	-	-
Реферат		-	-	-	-	-
Подготовка к текущему контролю		-	-	-	-	-
Контроль:						
Подготовка к экзамену		35,7	35,7	-	-	-
Общая трудоёмкость	час.	180	180	-	-	-
	в том числе контактная работа	78,3	78,3	-	-	-
	зач. ед.	5	5		-	-

2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.
Разделы дисциплины, изучаемые в 5-м семестре (очная форма)

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Самостоятельная работа
			Л	КСР	ЛР	
1	2	3	4	5	6	7
1	Основы теории погрешностей.	14	2		4	8
2	Численные методы приближения и аппроксимации функций.	28	8		6	14
3	Численное интегрирование и дифференцирование.	20	6		8	6
4	Численные методы линейной алгебры.	44	14	2	10	18
5	Численные методы решения нелинейных уравнений и систем.	18	2	2	2	12
6	Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений.	20	4	2	6	8
	ИКР	0,3				
	Контроль	35,7				
	Итого:	180	36	6	36	66

2.3 Содержание разделов дисциплины:

2.3.1 Занятия лекционного типа.

№ раздела	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Основы теории погрешностей.	Классификация ошибок вычислений. Абсолютная и относительная погрешность. Оценка погрешностей вычислений.	ЛР

2	Численные методы приближения и аппроксимации функций.	Методы приближения и аппроксимации функций. Общая задача и алгоритмы приближения. Интерполирование многочленом Лангранжа. Погрешность интерполяции. Минимизация погрешности интерполяции, полиномы Чебышева. Интерполяция сплайнами. Метод наименьших квадратов.	ЛР, РГЗ
3	Численное интегрирование и дифференцирование.	Задача численного интегрирования. Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Методы прямоугольников, трапеции, Симпсона, Гаусса. Оценка точности численного интегрирования. Выбор оптимального шага при численном интегрировании. Задача численного дифференцирования и её решение. Формулы численного дифференцирования.	ЛР, РГЗ
4	Численные методы линейной алгебры.	Прямые методы решения систем линейных алгебраических уравнений: схемы Гаусса, метод квадратного корня, метод прогонки. Итерационные методы решения СЛАУ : метод простых итераций, метод Якоби, Зейделя, релаксации; итерационные методы вариационного типа. Сходимость итерационных методов. Методы решения задач на собственные значения. Метод прямой и обратной итерации. Метод вращений. Оценка скорости сходимости.	ЛР РГЗ
5	Численные методы решения нелинейных уравнений и систем.	Отделение корней, основные методы отделения корней. Уточнение корней. Метод хорд, дихотомии. Метод Ньютона, метод касательных. Метод итераций. Геометрическая интерпретация методов. Оценка точности методов. Точность и сходимость решения.	ЛР РГЗ
6	Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений.	Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Задача Коши. Метод Эйлера. Метод Рунге-Кутты. Метод Адамса. Погрешность аппроксимации.	ЛР РГЗ

2.3.2 Занятия семинарского типа.

Занятия семинарского типа – не предусмотрены.

2.3.3 Лабораторные занятия.

№ работы	Название раздела дисциплины	Наименование лабораторных работ	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Основы теории погрешностей.	Вычисления с плавающей точкой: определение машинного нуля и машинной бесконечности.	
2	Основы теории погрешностей.	Абсолютные и относительные погрешности арифметических действий	
3	Численные методы приближения и аппроксимации функций.	Интерполирование функции полиномом Лагранжа с равноотстоящими узлами	РГЗ
4	Численные методы приближения и аппроксимации функций.	Корни полиномов Чебышева для интерполирования функции полиномом Лагранжа	РГЗ
5	Численные методы приближения и аппроксимации функций.	Интерполирование функции кубическими сплайнами.	
6	Численное интегрирование и дифференцирование.	Задача численного интегрирования. Квадратурные формулы прямоугольников и трапеции.	РГЗ
7	Численное интегрирование и дифференцирование.	Задача численного интегрирования. Квадратурные формулы Симпсона.	РГЗ
8	Численное интегрирование и дифференцирование.	Вычисление определенного интеграла методом Гаусса	РГЗ
9	Численное интегрирование и дифференцирование.	Численное дифференцирование функций	РГЗ
10	Численные методы линейной алгебры.	Решение системы линейных уравнений методом Гаусса с выбором главного элемента.	РГЗ
11	Численные методы линейной алгебры.	Решение системы линейных уравнений методом прогонки и методом квадратного корня	РГЗ

12	Численные методы линейной алгебры.	Решение системы линейных уравнений итерационными методами (Якоби, Зейделя, релаксации)	РГЗ
13	Численные методы линейной алгебры.	Решение системы линейных уравнений итерационными методами вариационного типа.	РГЗ
14	Численные методы линейной алгебры.	Нахождение собственных чисел симметричной матрицы методом вращений.	РГЗ
15	Численные методы решения нелинейных уравнений и систем.	Численное решение нелинейного уравнения.	РГЗ
16	Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений.	Численное решение задачи Коши методом Эйлера	РГЗ
17	Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений.	Численное решение задачи Коши методами Рунге- Кутта 2-го и 4-го порядка.	РГЗ
18	Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений.	Численное решение задачи Коши явным и неявным методами Адамса	РГЗ

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы – не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Проработка учебного материала, выполнение индивидуальных заданий.	

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3. Образовательные технологии.

Используемые интерактивные образовательные технологии: Компьютерные презентации и обсуждение.

- Разбор конкретных ситуаций (задач), тренинги по решению задач, компьютерные симуляции (программирование алгоритмов).

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.

Фонд оценочных средств дисциплины состоит из средств текущего контроля выполнения заданий, лабораторных работ, средств для итоговой аттестации (экзамена в 5 семестре).

Оценка успеваемости осуществляется по результатам:

- выполнения лабораторных работ;
- оценки, выставляемой при сдаче индивидуальных расчетно-графических заданий – разработка компьютерной программы, реализующей численный метод;
- ответа на экзамене (для выявления знания и понимания теоретического материала дисциплины).

Образец РГЗ – задания на разработку алгоритма и компьютерной программы

Написать процедуру. Найти вид функции сложности алгоритма (программы). Произвести экспериментальные расчеты, подтверждающие правильность аналитических результатов.

Отчет по выполнению РГЗ должен содержать:

- постановку задачи;

- краткое описание метода вычисления;
- листинг программы на одном из языков программирования;
- примеры работы программы;
- анализ сходимости метода;
- список использованной литературы.

Образец индивидуальных РГЗ - задание на разработку компьютерной программы:

Задание: Написать компьютерную программу решения задачи с применением численных методов.

Пример задач:

Задача 1. Задача интерполяции.

На отрезке $[a, b]$ заданы упорядоченные $n+1$ точки и значения функции в этих точках, т. е. задана таблица значений функции $y = f(x)$:

$a = x_0$	x_1	x_2	x_3	$\dots$	$x_n = b$
$f(x_0)$	$f(x_1)$	$f(x_2)$	$f(x_3)$	$\dots$	$f(x_n)$

Требуется построить интерполяционный полином Лагранжа и найти значения этой функции для промежуточных значений аргумента, не совпадающих с приведенными в таблице.

Задача 2.

Найти приближённые значения определённых интегралов. Оценить ошибку вычисления и сравнить с точным значением.

- использовать метод прямоугольников;
- методом трапеций.
- методом Симпсона.
- методом Гаусса.

Задача 3.

Найти корни уравнения $F(x) = 0$ методом касательных (Ньютона) с точностью $\epsilon = 0,01$.

Задача 4. Численное решение задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений.

Найти частное решение дифференциального уравнения $y' = f(x, y)$ на

отрезке $[a, b]$ при заданных начальных условиях $y(x_0) = y_0$.

- методом Эйлера;
- методом Рунге-Кутты.

4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.

Перечень вопросов, которые выносятся на экзамен в 5 семестре.

1. Классификация ошибок вычислений. Абсолютная и относительная погрешность.
2. Оценка погрешностей вычислений.
3. Интерполяционный полином Лагранжа.
4. Многочлены Чебышева.
5. Узлы, минимизирующие оценку погрешности интерполяции функций.
6. Интерполяция функций сплайнами.
7. Метод наименьших квадратов в теории приближений.
8. Простейшие квадратурные формулы численного интегрирования.
9. Квадратурные формулы Гаусса.
10. Простейшие формулы численного дифференцирования.
11. Метод Гаусса. Метод Холецкого решения систем линейных алгебраических уравнений.
12. Метод прогонки решения систем линейных алгебраических уравнений.
13. Устойчивость решения систем линейных алгебраических уравнений.
14. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Методы Якоби, Зейделя. Достаточные условия сходимости итерационных методов.
15. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Метод релаксации. Необходимые и достаточные условия сходимости итерационных методов.
16. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений вариационного типа.
17. Метод прямой итерации решения задач на собственные значения.
18. Прямой метод вращения для определения собственных значений и собственных векторов.
19. Итерационный метод вращений для определения собственных значений и собственных векторов.
20. Собственные значения и собственные вектора трехдиагональных матриц.
21. Численные методы решения нелинейных уравнений. Метод деления отрезка пополам.
22. Итерационные методы уточнения корней нелинейных уравнений.
23. Метод Ньютона, метод секущих решения нелинейных уравнений. Геометрическая интерпретация.
24. Методы решения алгебраических уравнений. Отделение корней полинома.
25. Численные методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод Пикара.
26. Метод Эйлера решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений.
27. Метод Рунге-Кутты решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений.
28. Многошаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений.

4.2.1 Критерии оценивания к экзамену

Оценка «отлично»: грамотное и логически стройное изложение материала при ответе, точные формулировки определений, теорем и правильные доказательства; правильные, уверенные действия по применению полученных знаний на практике, усвоение основной и знакомство с дополнительной литературой.

Оценка «хорошо»: четкое изложение материала, допускаются отдельные логические и стилистические погрешности либо при ответе на один вопрос даны точные формулировки определений, теорем и правильные доказательства; при ответе на второй вопрос имеются неточности

формулировки определений, теорем или пробелы в правильных доказательствах; правильные действия по применению знаний на практике.

Оценка «удовлетворительно»: при ответе на оба вопроса имеются неточности формулировки определений, теорем или пробелы в правильных доказательствах; изложение ответов с отдельными ошибками, уверенно исправленными после дополнительных вопросов; правильные в целом действия по применению знаний на практике.

Оценка «неудовлетворительно»: отсутствует ответ хотя бы на один из вопросов или имеются существенные неточности в формулировках определений, теорем, приведены неправильные доказательства; неумение применять знания на практике.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа. Для

лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).

5.1 Основная литература:

1. Бахвалов, Н.С. Численные методы [Электронный ресурс] : учебное пособие / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. — Электрон. 14 дан. — Москва : Издательство "Лаборатория знаний", 2015. — 639 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/70767>
2. Бахвалов, Н.С. Численные методы. Решения задач и упражнения [Электронный ресурс] : учебное пособие / Н.С. Бахвалов, А.А. Корнев, Е.В. Чижонков. — Электрон. дан. — Москва : Издательство "Лаборатория знаний", 2016. — 355 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/90239>
3. Костомаров, Д.П. Вводные лекции по численным методам : учебное пособие / Д.П. Костомаров, А.П. Фаворский. - Москва : Логос, 2006. - 184 с. - (Классический Университетский Учебник). - ISBN 5-98704-160-0 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=89794>

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно- библиотечных системах «Лань» и «Юрайт».

5.2. Дополнительная литература

1. Лапчик М.П., Рагулина М.И., Хеннер Е.Н. Численные методы. – М.:Академия, 2009. – 384 с. (42+2 экз.)
2. Волков Е.А. Численные методы. - М.: Наука, 1987 г. – 169 с.(28+2)
3. Ракитин, В.И. Руководство по методам вычислений и приложения MATHCAD [Электронный ресурс] : учебное пособие / В.И. Ракитин. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2005. — 264 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2289>. — Загл. с экрана.
4. Измаилов, А.Ф. Численные методы оптимизации [Электронный ресурс] : монография / А.Ф. Измаилов, М.В. Солодов. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2008. — 320 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2184>. — Загл. с экрана.
5. Калиткин Н.С. Численные методы.- М.: Наука, 1992 г. (2 экз.)
6. Конченкова Н.В., Марон И.А. Вычислительная математика в примерах и задачах. М., Наука, 1972г. (нет) 11. Самарский А.А., Гулин А.В. Численные методы М., Наука, 1987г. (1 ч.3 экз.)

6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Российское образование, федеральный портал [Официальный сайт] — [URL: http://www.edu.ru](http://www.edu.ru)

7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

На лабораторных занятиях проводится стандартная работа по решению задач. По дисциплине студентом выполняется 6 индивидуальных расчетно- графических заданий – разработка и реализация программы для решения

практической задачи. Задача РГЗ состоит в проверке умений студента и проверки эффективности его самостоятельной работы. Общая тематика соответствует тематике лабораторных работ.

Лабораторные работы выполняются, как правило, в компьютерном классе. Отдельные работы при оценке погрешности вычислений могут выполняться в

аудитории.

На лабораторных работах изучаются основные численные методы. Студент должен разработать программу, реализующую заданный численный метод и оценить погрешность вычислений.

Расчетно-графическое задание по дисциплине состоит в разработке программы на языке программирования C++ или Pascal, реализующей численный метод.

Задания являются индивидуальными, т.е. для каждого студента предлагается свой вариант задачи.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю).

8.1 Перечень информационных технологий.

- Проверка домашних заданий и консультирование посредством электронной почты.
- Использование электронных презентаций при проведении практических занятий.

8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

- Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point»).
- математические пакеты (Maple, MatLab).
- среда программирования на языке высокого уровня (TPascal, Delphi, C, C++).

8.3 Перечень информационных справочных систем:

Электронные библиотечные источники:

1. ЭБС Издательства «Лань» <http://e.lanbook.com> ,
2. ЭБС «Университетская библиотека онлайн» www.biblioclub.ru ,
3. ЭБС «Юрайт» <http://www.biblio-online.ru> ,
4. ЭБС «ZNANIUM.COM» www.znanium.com ,
5. ЭБС «BOOK.ru» <https://www.book.ru>.

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО)
2.	Лабораторные занятия	Лаборатория, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами обучения
3.	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория с учебной мебелью (доски, столы, стулья)
4.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория с учебной мебелью

5.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.
----	------------------------	--