

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Кубанский государственный университет»
Факультет компьютерных технологий и прикладной математики



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.02 «МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ II»

Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Профиль "Системное программирование и компьютерные технологии"
(Математическое и программное обеспечение вычислительных машин)

Программа подготовки Академическая

Форма обучения Очная

Квалификация выпускника Бакалавр

Краснодар 2016

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ II» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика по профилю Системное программирование и компьютерные технологии (Математическое и программное обеспечение вычислительных машин).

Программу составили:

К.В. Малыхин, канд. физ.-мат. наук, доц


_____ подпись

Н.М. Сеидова, канд. физ.-мат. наук, доц. КПИМ


_____ подпись

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры (разработчика) прикладной математики от 29.06.2016, протокол № 25.

Заведующий кафедрой Уртенев М.Х.


_____ подпись

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры (выпускающей) информационных технологий, протокол № 8 от 23.05.2016г

Заведующий кафедрой Кольцов Ю.В.


_____ подпись

Рабочая программа утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета компьютерных технологий и прикладной математики от 29.06.2016 г., протокол № 7.

Председатель УМК факультета Малыхин К.В.


_____ подпись

Рецензенты:

Шапошникова Татьяна Леонидовна.

Доктор педагогических наук, кандидат физико-математических наук, профессор. Почетный работник высшего профессионального образования РФ. Директор института фундаментальных наук (ИФН) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

Марков Виталий Николаевич.

Доктор технических наук. Профессор кафедры информационных систем и программирования института компьютерных систем и информационной безопасности (ИКСИБ) ФГБОУ ВО «КубГТУ».

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели изучения дисциплины определены государственным образовательным стандартом высшего образования и соотнесены с общими целями ООП ВО по направлению подготовки «Прикладная математика и информатика», в рамках которой преподается дисциплина.

1.1 Цель освоения дисциплины.

Целью преподавания и изучения дисциплины «Математический анализ II» является формирование представлений об обобщениях понятиях математического анализа на случай многомерных пространств и функциональных последовательностей и рядов и роли этих обобщений в системе математических наук и приложениях в естественных науках.

1.2 Задачи дисциплины. В ходе изучения дисциплины ставятся задачи:

- **знать** основные понятия, положения и методы математического анализа в многомерных пространствах;
- **уметь** доказывать утверждения, специфичные для математического анализа в многомерных пространствах, применять методы многомерного математического анализа для решения математических задач;
- **владеть** методами обобщений математического анализа в многомерных пространствах для исследования различных прикладных задач.

1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы.

Дисциплина «Математический анализ II» относится к вариативной части учебного плана.

Для изучения дисциплины студент должен владеть знаниями, умениями и навыками по дисциплине «Математический анализ» базовой части цикла учебного плана.

Знания, получаемые при изучении дисциплины «Математический анализ II» используются при изучении всех дисциплин.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся компетенций

№	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ПК-2	способностью понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	основные понятия, положения и методы математического анализа в многомерных пространствах	использовать знания по современному математическому аппарату для решения математических задач	навыками применения знаний по современному математическому аппарату для решения математических задач

№	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
2.	ОПК-1	способностью использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой	• основные информационные ресурсы для получения новых знаний. • проблемы, постановки и обоснования задач математического и информационного обеспечения при исследовании прикладных систем • основные методы решения типовых задач математического анализа	• доказывать утверждения, специфичные для математического анализа, • выбрать метод для решения конкретной задачи математического анализа; • применять полученные знания для использования в практической деятельности анализа и решения прикладных задач..	• методами математического анализа для исследования различных прикладных задач и выбора эффективных алгоритмов для решения и исследовании профессиональных и социальных задач.

2. Структура и содержание дисциплины.

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 6 зач.ед. (216 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице

Вид работы	Трудоемкость, часов
	6 семестр
Контактная работа, в том числе:	146,5
Аудиторная работа:	144
<i>Лекции (Л)</i>	72
<i>Практические занятия (ПЗ)</i>	
<i>Лабораторные работы (ЛР)</i>	72
Иная контактная работа:	
Контроль самостоятельной работы (КСР)	2
Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5
Самостоятельная работа (СР):	24,8
Курсовой проект (КП), курсовая работа (КР)	-
Самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий, подготовка к лабораторным и практическим занятиям, коллоквиумам и т.д.)	5

Выполнение индивидуальных заданий		15
Реферат		-
Подготовка к текущему контролю		4,8
Контроль:		
Подготовка и сдача экзамена ¹		44,7
Общая трудоемкость	час.	216
	в том числе контактная работа	146,5
	зач. ед	6
Вид итогового контроля		Зачет, экзамен

2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

№	Наименование разделов	Всего	Аудиторная работа				СР	К
			Всего	Л	ЛР	КСР		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1.	Функции многих переменных. Предел, непрерывность	18	12	6	6		2	4
2.	Дифференцирование функций многих переменных	41	30	16	14		3	8
3.	Исследование функций многих переменных	19	12	6	6		3	4
4	Функциональные последовательности Функциональные ряды	42	30	14	16		4	8
5	Двойные интегралы	30	20	10	10		4	6
6	Тройные интегралы	25	16	8	8		3	6
7	Криволинейные интегралы	21	12	6	6		3	6
8	Поверхностные интегралы	17,5	12	6	6	2	2,8	2,7
	Всего по разделам дисциплины	213,5	146	72	72	2	24,8	44,7
	Промежуточная аттестация (ИКР)	0,5	0,5					
	Итого	216	146,5	72	72	2	24,8	44,7

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СР – самостоятельная работа студента, КСР – контролируемая работа студента, ЭЗ – подготовка к сдаче зачета и экзамена, К - контроль.

¹ При наличии экзамена по дисциплине

2.3 Содержание разделов дисциплины:

2.3.1 Занятия лекционного типа.

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1.	Функции многих переменных. Предел, непрерывность	Понятие евклидовой плоскости и евклидова пространства. Понятие функции 2-х и 3-х переменных, примеры. Понятие m-мерного координатного пространства и m-мерного евклидова пространства. Множества в них. Сходящиеся последовательности в E^m. Лемма о по-координатной сходимости. Фундаментальная последовательность в E^m. Критерий Коши. Ограниченная последовательность в E^m. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Предельная точка множества. Лемма. Понятие предела функции многих переменных (по Гейне, по Коши). Эквивалентность определений. Арифметические свойства пределов. Повторные пределы. Примеры. Понятие. Теорема о связи между двойными и повторными пределами. Определение функции многих переменных, непрерывной в точке. Примеры. Теорема о непрерывности сложной функций многих переменных. Теорема о сохранении знака непрерывной функции. Теорема о прохождении непрерывной функции многих переменных через промежуточные значения. I-я теорема Вейерштрасса. 2-я теорема Вейерштрасса.	Опрос по результатам индивидуального задания
2.	Дифференцирование функций многих переменных	Частные производные. Понятие, примеры. Геометрический смысл. Понятие дифференцируемости функции многих переменных. Лемма об эквивалентности 2-х определений. Связь между дифференцируемостью и существованием частных производных, между дифференцируемостью и непрерывностью. Геометрический смысл дифференцируемости ф.м.п. Достаточное условие дифференцируемости функции многих переменных в точке. Теорема о дифференцируемости сложной ф.м.п. Дифференциал ф.м.п. Определение, геометрический смысл. Инвариантность формы дифференциала 1-го порядка. Производная по направлению. Градиент. Частные производные высших порядков. Понятие. Достаточное условие равенства смешанных производных. Дифференциалы высших порядков ф.м.п. Неинвариантность их формы. Формула Тейлора для ф.м.п. Теорема о дифференцируемости функции одной переменной, заданной неявно	Опрос по результатам индивидуального задания

1	2	3	4
3.	Исследование функций многих переменных	Понятие экстремума ф.м.п. Необходимое условие локального экстремума. Достаточное условие локального экстремума ф.м.п. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Система функций, заданных неявно. Вычисление их частных производных. Зависимость функций. Понятие. Достаточное условие независимости. Условный экстремум. Понятие, общий метод его поиска. Метод множителей Лагранжа.	1. Опрос по результатам индивидуального задания 2. Контрольная работа 3. Коллоквиум
4.	Функциональные последовательности Функциональные ряды	Функциональная последовательность. Понятие, примеры. Поточечная и равномерная сходимости функциональной последовательности. Непрерывность предела равномерно сходящейся функциональной последовательности. Функциональный ряд и его сходимость. Равномерная сходимость функционального ряда. Признак Вейерштрасса. Теорема о непрерывности суммы равномерно сходящегося функционального ряда. Следствие. Теорема о почленном интегрировании функциональных рядов. Теорема о почленном дифференцировании функциональных рядов. Теорема Абеля, следствие. Радиус сходимости степенного ряда, его вычисление. Свойства степенных рядов. Ряд Тейлора. Понятие. Критерий сходимости ряда Тейлора. Достаточное условие сходимости ряда Тейлора на промежутке. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора. Приложения рядов Тейлора.	1. Опрос по результатам индивидуального задания. 2. Контрольная работа
5.	Двойные интегралы	Задача определения объема цилиндрического бруса. Определение двойного интеграла. Суммы Дарбу для двойного интеграла, их свойства. Условие существования двойного интеграла. Основные свойства двойных интегралов. Приведение двойного интеграла к повторному для случая прямоугольной области. Приведение двойного интеграла к повторному для случая криволинейной области. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах. Замена переменных в двойном интеграле. Приложения двойного интеграла.	1. Опрос по результатам индивидуального задания
6.	Тройные интегралы	Задача нахождения массы тела. Определение тройного интеграла. Свойства тройного интеграла. Сведение тройного интеграла к повторному для случая прямоугольного параллелепипеда. Вычисление тройного интеграла по произвольному объему. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических координатах. Вычисление тройного интеграла в сферических координатах. Приложения тройного интеграла.	1. Опрос по результатам индивидуального задания 2. Контрольная работа

1	2	3	4
7.	Криволинейные интегралы	Криволинейные интегралы 1-го рода. Сведение к определенному интегралу. Криволинейный интеграл 2-го рода. Существование и вычисление КИВР. Вычисление площадей при помощи КИВР. Условие независимости КИВР от пути интегрирования. Признак полного дифференциала и нахождение первообразной для случая прямоугольной области.	Опрос по результатам индивидуального задания
8.	Поверхностные интегралы	Поверхностный интеграл 1-го рода. Понятие. Вычисление поверхностного интеграла. Расчетная формула. Вычисление площади поверхности. Сторона поверхности. Ориентация поверхности и пространства. Поверхностный интеграл второго рода для случаев явного и неявного задания поверхности. Вычисление Поверхностных интегралов 2-го рода	1. Опрос по результатам индивидуального задания 2. Контрольная работа 3. Зачет 4. Экзамен

Практические занятия, защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т) – не предусмотрены.

2.3.2 Занятия семинарского типа

Семинарские занятия не предусмотрены.

2.3.3 Лабораторные занятия

№	Наименование раздела/модуля	Наименование лабораторных работ		Форма текущего контроля
1	2	3		4
1.	Функции многих переменных. Предел. Непрерывность	1	Область определения функций многих переменных. Линии и поверхности уровня	1. Выполнение практических заданий
		2	Повторные пределы. Предел функции многих переменных	
		3	Непрерывность функции многих переменных. Линии и поверхности разрыва	2. Опрос по результатам практических заданий
2.	Дифференцирование функций многих переменных	4	Частные производные первого порядка	1. Выполнение практических заданий 2. Опрос по результатам практических заданий
		5	Дифференциал функции многих переменных	
		6	Градиент. Производная по направлению	
		7	Дифференцирование сложных функций. Производные высших порядков	
		8	Дифференциалы высших порядков	
		9	Дифференцирование функций, заданных неявно	
3.	Исследование функций многих переменных	10	Формула Тейлора	1. Выполнение практических заданий
		11	Безусловный экстремум функции многих переменных	
		12	Нахождение условных экстремумов	
		13	Контрольная работа по темам 1-12	

				2. Опрос по результатам практических заданий 3. Контрольная работа
4.	Функциональные последовательности. Функциональные ряды	14	Сходимость функциональных последовательностей	1. Выполнение практических заданий 2. Опрос по результатам практических заданий 3. Контрольная работа
		15	Равномерная сходимость функциональных последовательностей	
		16	Сходимость и абсолютная сходимость функционального ряда	
		17	Равномерная сходимость функционального ряда	
		18	Сходимость степенных рядов	
		19	Разложение функций в ряд Тейлора	
		20	Операции над степенными рядами	
		21	Контрольная работа по темам 13-20	
5.	Двойные интегралы	22	Двойной интеграл. Сведение к повторному интегралу	1. Выполнение практических заданий 2. Опрос по результатам практических заданий
		23	Вычисление двойных интегралов	
		24	Вычисление двойных интегралов в полярных координатах	
		25	Замена переменных в двойном интеграле	
		26	Приложения двойного интеграла	
6.	Тройные интегралы	27	Тройные интегралы. Сведение к повторному.	1. Выполнение практических заданий 2. Опрос по результатам практических заданий 3. Контрольная работа
		28	Вычисление тройных интегралов в цилиндрических координатах	
		29	Вычисление тройного интеграла в сферических координатах	
		30	Контрольная работа по темам 22-29	
7.	Криволинейные интегралы	31	Криволинейные интегралы первого рода	1. Выполнение практических заданий 2. Опрос по результатам практических заданий
		32	Криволинейные интегралы второго рода	
		33	Формула Грина, вычисление площадей, нахождение первообразных	
8.	Поверхностные интегралы	34	Поверхностные интегралы 1-го рода	1. Выполнение практических заданий 2. Опрос по результатам практических заданий 3. Контрольная работа
		35	Поверхностные интегралы 2-го рода	
		36	Контрольная работа по темам 31-35	

Защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), курсовой работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), тестирование (Т) – не предусмотрены.

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Курсовые работы (КР) – не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания полученные во время лабораторных занятий.

№	Наименование раздела	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Функции многих переменных. Предел. Непрерывность	1. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 1 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 703 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618076. 50 шт. 2. Кудрявцев Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2009. Т.1. 400 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82814. 3. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225
2	Дифференцирование функций многих переменных	1. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 1 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 703 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618076. 50 шт. 2. Кудрявцев Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2009. Т.1. 400 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82814. 3. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225

3	Исследование функций многих переменных	1. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 1 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 703 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618076. 50 шт. 2. Кудрявцев Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2009. Т.1. 400 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82814. 3. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225
4	Функциональные последовательности. Функциональные ряды	1. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2010. Т.2. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818. 2. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225 3. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.
5	Двойные интегралы	1. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2010. Т.2. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818. 2. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225 3. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.

6	Тройные интегралы	1. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2010. Т.2. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818. 2. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225 3. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.
7	Криволинейные интегралы	1. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2010. Т.2. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818. 2. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225 3. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.
8	Поверхностные интегралы	1. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2010. Т.2. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818. 2. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225 3. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

3. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

С точки зрения применяемых методов используются как традиционные информационно-объяснительные *лекции*, так и интерактивная подача материала с мультимедийной системой. Компьютерные технологии в данном случае обеспечивают возможность разнопланового отображения алгоритмов и демонстрационного материала. Такое сочетание позволяет оптимально использовать отведенное время и раскрывать логику и содержание дисциплины.

Лекции представляют собой систематические обзоры теории оптимизации с подачей материала в виде презентаций.

Лабораторное занятие позволяет научить студента применять теоретические знания при решении и исследовании конкретных задач. Лабораторные занятия проводятся в компьютерных классах, при этом практикуется работа в группах. Подход разбора конкретных ситуаций широко используется как преподавателем, так и студентами при проведении анализа результатов самостоятельной работы.

Оценка самостоятельной работы студентов происходит по средствам оценки индивидуальных ответов и дополнений на занятиях по рассмотренным тематикам.

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

Фонд оценочных средств дисциплины состоит из средств текущего контроля выполнения заданий, лабораторных работ, средств для промежуточной (зачетов) и итоговой аттестации (экзаменов).

Оценка успеваемости осуществляется по результатам:

- выполнения лабораторных работ;
- оценки, выставяемой при сдаче индивидуальных заданий;
- оценок коллоквиумов;

ответа на экзамене.

Зачет выставляется по результатам выполненных контрольных работ, индивидуальных заданий, коллоквиумов и текущей работы на лабораторных занятиях.

4.1. Перечень примерных заданий для самостоятельной работы

Целью самостоятельной работы студента является углубление знаний, полученных в результате аудиторных занятий. Вырабатываются навыки самостоятельной работы. Закрепляются опыт и знания, полученные во время лабораторных занятий.

4.1.1. Образцы контрольных заданий по лабораторным занятиям

1. Будут ли шары $B_1[(0, 1), 1]$ и $B_2[(1, 5, 2), 1]$ пересекаться в пространстве R^2 с нормой $\|\cdot\|_\infty$? А если рассмотреть норму $\|\cdot\|_1$?

2. Для шара $B[(1, 1), 1]$ и точки $X = (3, 0)$ в пространстве R^2 найти шары $B_1[X, r_1]$ и $B_2[X, r_2]$ такие, что $B \cap B_1 = \emptyset$ и $B \subset B_2$.

3. Исследовать последовательность

$$X_m = \left\{ \frac{m+1}{2m+\sqrt{m}}, \ln\left(2 + \frac{1}{m}\right), \sin\left(\frac{\pi m}{2}\right) \right\}$$

на покоординатную сходимость и на сходимость в пространстве R^3 .

4. Найти предел функции

$$f(x, y) = \frac{\arctg\left(\frac{1}{x^2}\right) + \exp(1+y)}{(1+2x) + (1-3y)}$$

при $x \rightarrow 0, y \rightarrow 0$.

5. Найти предел функции

$$f(x, y) = \frac{x^2 y^2}{x^2 + y^2}$$

при $x \rightarrow 0, y \rightarrow 0$.

6. Существует ли предел функции

$$f(x, y) = \frac{x+y}{2x+3y}$$

при $x \rightarrow 0, y \rightarrow 0$?

7. Найти частные производные первого и второго порядков функции

$$\mathbf{u} = \mathbf{f}\left(\frac{\mathbf{x}}{\mathbf{y}}, 2\mathbf{z}\right).$$

8. Найти частные производные первого порядка функции

$$\mathbf{z} = \mathbf{f}(\mathbf{u}, \mathbf{v}) + \mathbf{u} \cdot \mathbf{v},$$

если $\mathbf{u} = \mathbf{x} + \mathbf{y}^2$, $\mathbf{v} = \mathbf{x} \cdot \mathbf{y}$.

9. Найти частные производные первого порядка функции $\mathbf{z}(\mathbf{x}, \mathbf{y})$, заданной неявно уравнением

$$\mathbf{F}\left(\mathbf{x} \cdot \mathbf{z}, \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{z}}\right) = 0.$$

10. Выписать формулы Тейлора для функции $\mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \frac{\cos(\mathbf{x})}{\cos(\mathbf{y})}$ в точке $(0, 0)$ до членов второго порядка включительно.

11. Исследовать на экстремум функцию

$$\mathbf{z} = \mathbf{x}\mathbf{y}(\mathbf{x} + \mathbf{y} + 3)$$

в точках $(0, 0)$, $(-1, -1)$, $(-3, 0)$, $(-1, 2)$.

12. Исследовать на экстремум функцию

$$\mathbf{z} = \alpha\mathbf{x} + \beta\mathbf{y} - \mathbf{x}^2 - \mathbf{y}^2.$$

если $\alpha > 0$, $\beta > 0$.

13. Исследовать на экстремум функцию

$$\mathbf{z} = (2\mathbf{x}^2 + \mathbf{y}^2)\exp(-\mathbf{x}^2 - \mathbf{y}^2).$$

14. Исследовать на экстремум функцию

$$\mathbf{z} = \frac{\mathbf{x}}{2} + \frac{\mathbf{y}}{3}$$

при условии $\mathbf{x}^2 + \mathbf{y}^2 = 1$.

15. Найти наибольшее и наименьшее значения функции

$$\mathbf{z} = \mathbf{x}^2 - \mathbf{y}^2 + 4\mathbf{x} + 2\mathbf{y} - 1$$

в области, ограниченной прямыми $\mathbf{x} = -3$, $\mathbf{y} = 2$, $-\mathbf{x} + \mathbf{y} = 1$.

16. Используя линии уровня, найти наибольшее и наименьшее значения функции

$$z = x + y + 3$$

в области, ограниченной прямыми $x = 0$, $y = 0$, $x - y = 1$.

17. Используя линии уровня найти наибольшее и наименьшее значения функции

$$z = \max\{(x + 2), (y + 2)\}$$

в области, заданной неравенством $x^2 + y^2 \leq 1$.

18. Для интеграла $\iint_D xy dx dy$, где $D = [0, 1] \times [0, 1]$, вычислить суммы Дарбу, разбивая

D на четыре равные части.

19. Какой знак имеет интеграл $\iint_D \sqrt[3]{1 - x^2 - y^2} dx dy$, где $D = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 4\}$?

Вывод проверить вычислением.

20. Для интеграла $\iint_D f(x, y) dx dy$, где $D = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq y\}$, выписать повторные

интегралы.

21. Поменять порядок интегрирования в интеграле

$$\int_0^1 dy \int_{-\sqrt{1-y^2}}^y f(x, y) dx.$$

22. Поменять порядок интегрирования в интеграле

$$\int_1^4 dx \int_{(x-2)^2}^5 f(x, y) dx.$$

23. Перейти к полярным координатам в интеграле

$$\int_{-1}^0 dx \int_{-1-x}^{\sqrt{1-x^2}} f(x, y) dx$$

24. Вычислить площадь области

$$D = \left\{ (x, y) : 2y \leq x^2 + y^2 \leq 6y, y \geq \frac{\sqrt{3}}{3}|x| \right\}$$

25. Доказать, что

$$\iint_D x^3 y^2 dx dy = 0,$$

где $D = \{(x, y): x^2 + y^2 \leq 1\}$.

26. Поменять порядок интегрирования в интеграле

$$\int_0^1 dx \int_0^{1-x} dy \int_0^{x+y} f(x, y, z) dz .$$

27. Вычислить интеграл

$$\iiint_D \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} dx dy dz ,$$

где $D = \{(x, y, z): x^2 + y^2 + z^2 \leq z\}$.

28. Вычислить объем области

$$D = \{(x, y, z): 0 \leq z \leq x^2 + y^2, y \geq 0, y \leq 2x, y \leq 6 - x\} .$$

29. Вычислить интеграл $\int_L y dl$,

где $L = \{(x, y): x = t - \sin t, y = 1 - \cos t, 0 \leq t \leq 2\pi\}$.

30. Вычислить интеграл $\int_L (xy + 1) dx + (y^2 x + 2) dy$,

если:

а) L – отрезок прямой от точки $(-1, -1)$ до точки $(-2, 3)$;

б) L – часть кривой $x = \sqrt{y} + y^2$ от точки $(0, 0)$ до точки $(2, 1)$.

31. Вычислить интеграл $\int_{(1,-1)}^{(1,1)} (x - y)(dx - dy)$.

32. Найти функцию $z(x, y)$, если

$$dz = (x^2 + 2xy - y^2) dx + (x^2 - 2xy - y^2) dy .$$

33. Вычислить интеграл $\iint_S xy ds$,

где S – часть конуса $z = \sqrt{x^2 + y^2}$, вырезанного цилиндром $x^2 + y^2 = y$.

34. Вычислить интеграл $\iint_S (z + y) dx dz$,

где S - внешняя сторона тетраэдра, ограниченного плоскостями $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$, $x + y + z = 1$.

4.1.2. Образцы вопросов к коллоквиуму

1. Понятие m -мерного координатного пространства и m -мерного евклидова пространства. Множества в них.
2. Сходящиеся последовательности в E^m . Лемма о покоординатной сходимости.
3. Фундаментальная последовательность в E^m . Критерий Коши.
4. Ограниченная последовательность в E^m .
5. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
6. Предельная точка множества. Лемма.
7. Понятие предела функции многих переменных (по Гейне, по Коши). Эквивалентность определений. Арифметические свойства пределов.
8. Повторные пределы. Примеры. Понятие. Теорема о связи между двойными и повторными пределами.
9. Определение функции многих переменных, непрерывной в точке. Примеры.
10. Теорема о непрерывности сложной функций многих переменных.
11. Теорема о сохранении знака непрерывной функции.
12. Теорема о прохождении непрерывной функции многих переменных через промежуточные значения.
13. I-я теорема Вейерштрасса.
14. 2-я теорема Вейерштрасса.
15. Частные производные. Понятие, примеры. Геометрический смысл.
16. Понятие дифференцируемости функции многих переменных. Лемма об эквивалентности 2-х определений.
17. Связь между дифференцируемостью и существованием частных производных, между дифференцируемостью и непрерывностью.
18. Геометрический смысл дифференцируемости ф.м.п.
19. Достаточное условие дифференцируемости функции многих переменных в точке.
20. Теорема о дифференцируемости сложной ф.м.п.
21. Дифференциал ф.м.п. Определение, геометрический смысл.
22. Инвариантность формы дифференциала 1-го порядка.
23. Производная по направлению. Градиент.
24. Частные производные высших порядков. Понятие. Достаточное условие равенства смешанных производных.
25. Дифференциалы высших порядков ф.м.п. Неинвариантность их формы.
26. Формула Тейлора для ф.м.п.
27. Понятие экстремума ф.м.п. Необходимое условие локального экстремума.
28. Достаточное условие локального экстремума ф.м.п.
29. Теорема о дифференцируемости функции одной переменной, заданной неявно.
30. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
31. Система функций, заданных неявно. Вычисление их частных производных.
32. Зависимость функций. Понятие. Достаточное условие независимости.
33. Условный экстремум. Понятие, общий метод его поиска.
34. Метод множителей Лагранжа.

4.1.3. Перечень вопросов, которые выносятся на экзамен

1. Понятие евклидовой плоскости и евклидова пространства. Некоторые множества в E_2 и E_3 .
2. Понятие функции 2-х и 3-х переменных. Линии и поверхности уровня. Примеры.
3. Понятие m -мерного координатного пространства и m -мерного евклидова пространства. Множества в них.
4. Сходящиеся последовательности в E^m . Лемма о покоординатной сходимости.
5. Фундаментальная последовательность в E^m . Критерий Коши.
6. Ограниченная последовательность в E^m .
7. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
8. Предельная точка множества. Лемма.
9. Понятие предела функции многих переменных (по Гейне, по Коши). Эквивалентность определений. Арифметические свойства пределов.
10. Повторные пределы. Примеры. Понятие. Теорема о связи между двойными и повторными пределами.
11. Определение функции многих переменных, непрерывной в точке. Примеры.
12. Теорема о непрерывности сложной функций многих переменных.
13. Теорема о сохранении знака непрерывной функции.
14. Теорема о прохождении непрерывной функции многих переменных через промежуточные значения.
15. 1-я теорема Вейерштрасса.
16. 2-я теорема Вейерштрасса.
17. Частные производные. Понятие, примеры. Геометрический смысл.
18. Понятие дифференцируемости функции многих переменных. Лемма об эквивалентности 2-х определений.
19. Связь между дифференцируемостью и существованием частных производных, между дифференцируемостью и непрерывностью.
20. Геометрический смысл дифференцируемости ф.м.п.
21. Достаточное условие дифференцируемости функции многих переменных в точке.
22. Теорема о дифференцируемости сложной ф.м.п.
23. Дифференциал ф.м.п. Определение, геометрический смысл.
24. Инвариантность формы дифференциала 1-го порядка.
25. Производная по направлению. Градиент.
26. Частные производные высших порядков. Понятие. Достаточное условие равенства смешанных производных.
27. Дифференциалы высших порядков ф.м.п. Неинвариантность их формы.
28. Формула Тейлора для ф.м.п.
29. Понятие экстремума ф.м.п. Необходимое условие локального экстремума.
30. Достаточное условие локального экстремума ф.м.п.
31. Теорема о дифференцируемости функции одной переменной, заданной неявно.
32. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
33. Система функций, заданных неявно. Вычисление их частных производных.
34. Зависимость функций. Понятие. Достаточное условие независимости.
35. Условный экстремум. Понятие, общий метод его поиска.
36. Метод множителей Лагранжа.
37. Функциональная последовательность. Понятие, примеры. Поточечная и равномерная сходимости функциональной последовательности.
38. Непрерывность предела равномерно сходящейся функциональной последовательности.
39. Функциональный ряд и его сходимость.
40. Равномерная сходимость функционального ряда. Признак Вейерштрасса.
41. Теорема о непрерывности суммы равномерно сходящегося функционального ряда. Следствие.

42. Теорема о почленном интегрировании функциональных рядов.
43. Теорема о почленном дифференцировании функциональных рядов.
44. Теорема Абеля, следствие.
45. Радиус сходимости степенного ряда, его вычисление.
46. Свойства степенных рядов.
47. Ряд Тейлора. Понятие. Критерий сходимости. Достаточное условие сходимости на промежутке. Необходимое условие сходимости.
48. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора.
49. Приложения рядов Тейлора.
50. Задача определения объема цилиндрического бруса. Определение двойного интеграла.
51. Суммы Дарбу для двойного интеграла, их свойства. Условие существования двойного интеграла.
52. Основные свойства двойных интегралов.
53. Приведение двойного интеграла к повторному для случая прямоугольной области.
54. Приведение двойного интеграла к повторному для случая криволинейной области.
55. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.
56. Замена переменных в двойном интеграле.
57. Приложения двойного интеграла.
58. Задача нахождения массы тела. Определение тройного интеграла.
59. Свойства тройного интеграла.
60. Сведение тройного интеграла к повторному для случая прямоугольного параллелепипеда.
61. Вычисление тройного интеграла по произвольному объему.
62. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических координатах.
63. Вычисление тройного интеграла в сферических координатах.
64. Приложения тройного интеграла.
65. Криволинейный интеграл 1-го рода.
66. Сведение криволинейного интеграла 1-го рода к определенному интегралу.
67. Криволинейный интеграл 2-го рода.
68. Существование и вычисление криволинейного интеграла 2-го рода.
69. Формула Грина. Вычисление площадей при помощи криволинейного интеграла 2-го рода.
70. Условие независимости криволинейного интеграла второго рода от пути интегрирования.
71. Признак полного дифференциала и нахождение первообразной для случая прямоугольной области.
72. Поверхностный интеграл первого рода. Понятие.
73. Вычисление поверхностного интеграла 1-го рода. Расчетная формула.
74. Вычисление площадей поверхностей.
75. Сторона поверхности. Ориентация поверхности и пространства.
76. Поверхностный интеграл второго рода.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

– в печатной форме увеличенным шрифтом,

– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

– в печатной форме,

– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

– в печатной форме,

– в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5.УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Основная литература:

1. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 1 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 703 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618076. 50 шт.

2. Кудрявцев, Лев Дмитриевич. Курс математического анализа : учебник для бакалавров : учебник для студентов вузов, обучающихся по естественнонаучным и техническим направлениям и специальностям. Т. 2 / Кудрявцев, Лев Дмитриевич ; Л. Д. Кудрявцев ; Моск. физико-техн. ин-т (Гос. ун-т). - 6-е изд. - Москва : Юрайт, 2012. - 720 с. - (Бакалавр. Базовый курс). - ISBN 9785991618939. 50 шт.

3. Кудрявцев Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2009. Т.1. 400 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82814>.

4. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа: учебник в 2-х т. М.: Физматлит, 2010. Т.2. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818>.

5. Ильин В.А. Основы математического анализа. учебник в 2-х частях: / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: Физматлит, 2009. Ч. II. 464 с. [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83225>

5.2 Дополнительная литература:

1. **Фихтенгольц, Г. М.** Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 1 / **Фихтенгольц Г. М.** - СПб. : Лань, 2015. - 448 с. - http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=6505.

2. **Фихтенгольц, Г. М.** Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебник : в 2 т. Т. 2 / **Фихтенгольц Г. М.** - СПб. : Лань, 2008. - 464 с. - <https://e.lanbook.com/reader/book/411/#1>.

6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Википедия, свободная энциклопедия. [Электронный ресурс]. – Wikipedia <http://ru.wikipedia.org>

2. <http://math.nsc.ru/LBRT/k5/opt.html> (Методы оптимизации, учебное пособие)

3. <http://www.nsu.ru/icen/grants/cmet/node22.html> (Методы оптимизации. Минимизация функционала)

4. <http://allmath.ru> (Вся математика в одном месте)

7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций. Самостоятельная работа студентов проводится в форме изучения отдельных теоретических вопросов по предлагаемой литературе и выполнении практических заданий по разобранным во время аудиторных занятий примерам.

Фонд оценочных средств дисциплины состоит из средств текущего контроля (см. список лабораторных работ, задач и вопросов) и итоговой аттестации (зачета, экзамена).

В качестве оценочных средств, используемых для текущего контроля успеваемости, предлагается перечень вопросов, которые прорабатываются в процессе освоения курса. Данный перечень охватывает все основные разделы курса, включая знания, получаемые во время самостоятельной работы. Кроме того, важным элементом технологии является самостоятельное решение студентами и сдача заданий. Это полностью индивидуальная форма обучения. Студент рассказывает свое решение преподавателю, отвечает на дополнительные вопросы.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса

8.1 Перечень информационных технологий.

– Использование электронных презентаций при проведении лекционных и практических занятий.

8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.

1. Операционная система MS Windows.
2. Интегрированное офисное приложение MS Office.
3. Программное обеспечение для организации управляемого коллективного и безопасного доступа в Интернет.

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (ПО), доска Ауд. 129, 131, А3016, А305, А307
	Лабораторные занятия	Аудитория, укомплектованная маркерной доской Ауд. 147-150, 133
	Групповые (индивидуальные) консультации	Аудитория, укомплектованная маркерной доской Ауд. 147-150, 133
	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория, укомплектованная маркерной доской Ауд. 147-150, 133
	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета. 102-А и читальный зал