

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
(ФГБОУ ВО «КубГУ»)

Физико-технический факультет

УТВЕРЖДАЮ:

Проректор по учебной работе,  
качеству образования и первый  
проректор

подпись

« 27 » ав



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### Б1.Б.05.04 ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТИ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

Направление подготовки 12.03.04 Биотехнические системы и технологии

Направленность Инженерное дело в медико – биологической практике

Программа подготовки академический бакалавриат

Форма обучения очная

Квалификация выпускника бакалавр

Краснодар 2018

Рабочая программа дисциплины Б1.Б.05.04 «Теория вероятности и математическая статистика» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 12.03.04 Биотехнические системы и технологии профиль «Инженерное дело в медико–биологической практике».

Программу составил:

А.И. Подберезкина,  
ст. преподаватель кафедры теории функций



---

Рабочая программа дисциплины Б1.Б.05.04 «Теория вероятности и математическая статистика» утверждена на заседании кафедры теории функций

протокол № 7 «10» апреля 2018г.

Заведующий кафедрой (разработчик) Лазарев В.А.



---

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры физики и информационных систем

протокол № 15 «6» апреля 2018г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Богатов Н.М.



---

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук

протокол № 2 «17» апреля 2018г.

Председатель УМК факультета Титов Г.Н.



---

Рецензенты:

В.А. Гусаков, директор ООО «Просвещение–Юг», канд. физ. – мат. наук, доцент

А.В. Бунякин, доцент кафедры оборудования нефтяных и газовых промыслов ФГБОУ ВО КубГТУ, канд. физ. – мат. наук

**Рецензия**  
на рабочую программу по дисциплине  
**«Теория вероятности и математическая статистика»**  
по направлению подготовки  
12.03.04 Биотехнические системы и технологии,  
очной формы обучения.  
Составитель рабочей программы:  
старший преподаватель каф. теории функций ФГБОУ ВО «КубГУ»  
Подберезкина А.И.

Рабочая учебная программа дисциплины «Теория вероятности и математическая статистика» разработана для обеспечения выполнения требований Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования к подготовке студентов направления подготовки 12.03.04 Биотехнические системы и технологии (уровень бакалавриата).

Все основные разделы программы нашли свое отражение в перечне представленных в программе необходимых знаний и компетенций. Распределение времени, отводимого на изучение различных разделов курса, включая самостоятельную работу, соответствует их трудоемкости.

Указаны требования к знаниям, умениям и навыкам, полученным в ходе изучения дисциплины, по каждой из формируемых компетенций. Указаны требования к «входным» знаниям, умениям и навыкам обучающегося, необходимые при освоении данной дисциплины и приобретенные в результате освоения предшествующих дисциплин (модулей).

Для усиления самостоятельной работы и повышения качества знаний студентам предлагается методические разработки и типовые задания для индивидуальной самостоятельной работы.

Рабочая программа дисциплины позволяет усвоить связи между различными разделами и теоремами теории вероятностей, а также способствует развитию и углублению межпредметных связей между изучением данного курса и прохождением других дисциплин естественнонаучного цикла. Изучение дисциплины «Теория вероятности и математическая статистика» формирует весь необходимый перечень, предусмотренных ФГОС ВО и рекомендуется для изучения студентами, так как полностью соответствует компетентностной модели выпускника.

Рецензент,  
Бунякин А.В.,  
канд. физ. – мат. наук,  
доцент кафедры оборудования нефтяных  
и газовых промыслов ФГБОУ ВО КубГТУ.



**Рецензия**  
на рабочую программу по дисциплине  
**«Теория вероятности и математическая статистика»**

по направлению подготовки  
12.03.04 Биотехнические системы и технологии,  
очной формы обучения.

Составитель рабочей программы:  
старший преподаватель каф. теории функций ФГБОУ ВО «КубГУ»  
Подберезкина А.И.

Рабочая учебная программа дисциплины «Теория вероятности и математическая статистика» разработана для обеспечения выполнения требований Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования к подготовке студентов направления подготовки 12.03.04 Биотехнические системы и технологии (уровень бакалавриата).

Все основные разделы программы нашли свое отражение в перечне представленных в программе необходимых знаний и компетенций. Распределение времени, отводимого на изучение различных разделов курса, включая самостоятельную работу, соответствует их трудоемкости.

Указаны требования к знаниям, умениям и навыкам, полученным в ходе изучения дисциплины, по каждой из формируемых компетенций. Указаны требования к «входным» знаниям, умениям и навыкам обучающегося, необходимые при освоении данной дисциплины и приобретенные в результате освоения предшествующих дисциплин (модулей).

Для усиления самостоятельной работы и повышения качества знаний студентам предлагается методические разработки и типовые задания для индивидуальной самостоятельной работы.

Рабочая программа дисциплины позволяет усвоить связи между различными разделами и теоремами теории вероятностей, а также способствует развитию и углублению межпредметных связей между изучением данного курса и прохождением других дисциплин естественнонаучного цикла. Изучение дисциплины «Теория вероятности и математическая статистика» формирует весь необходимый перечень, предусмотренных ФГОС ВО и рекомендуется для изучения студентами, так как полностью соответствует компетентностной модели выпускника.

Рецензент,  
Гусаков В.А.,  
канд. физ. – мат. наук,  
директор ООО «Просвещение-Юг».



## **1 Цели и задачи изучения дисциплины.**

### **1.1 Цель освоения дисциплины.**

Овладение студентом теоретическими основами исследования закономерностей случайных явлений и освоение методов их применения к решению основных типов вероятностных задач.

### **1.2 Задачи дисциплины.**

формирование умений и навыков построения математических моделей случайных явлений;  
формирование знаний о вероятностных законах для последовательностей независимых испытаний и навыков их применения для решения задач в рамках схемы последовательности независимых испытаний;  
формирование знаний о вероятностных законах распределения случайных величин, их вероятностных характеристиках, свойствах характеристик и навыков их вычислений;  
формирование знаний о методе характеристических функций и навыков его применения;  
формирование знаний о различных видах сходимости последовательностей случайных величин, предельных теоремах теории вероятностей (закон больших чисел, центральная предельная теорема) и навыков их применения;  
овладение различными приемами статистического наблюдения и анализа статистических данных.

### **1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы.**

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к базовой части Блока 1 "Дисциплины" учебного плана.

Для изучения дисциплины требуются знания из курса математического анализа в объеме, включающем математический анализ функций одного и нескольких переменных (теорию пределов, непрерывность и дифференцируемость функций одного и нескольких переменных, определенный и кратные интегралы, функциональные ряды, ряды Фурье), элементы функционального анализа (мера и интеграл Лебега, интеграл Лебега-Стилтьеса) и курса высшей алгебры.

### **1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.**

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общепрофессиональных компетенций (ОПК-2)

№ п.п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			знать	уметь	владеть
1.	ОПК-2	Способность выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлечь их для решения соответствующий физико-математический аппарат	Классические постановки основных естественнонаучных задач, используя аппарат теории вероятностей и математической статистики	Использовать приобретенные знания в последующих научных исследованиях	Математическими методами постановки вероятностных моделей для конкретных процессов в профессиональной деятельности

2. Структура и содержание дисциплины.

**2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.**

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач.ед. (144 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице  
(для студентов ОФО).

Вид учебной работы		Всего часов	Семестры (часы)			
			3	—		
<b>Контактная работа, в том числе:</b>						
<b>Аудиторные занятия (всего):</b>		54	54			
Занятия лекционного типа		36	36			
Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия)		18	18			
<b>Иная контактная работа:</b>						
Контроль самостоятельной работы (КСР)		6	6			
Промежуточная аттестация (ИКР)		0,2	0,2			
<b>Самостоятельная работа, в том числе:</b>						
Проработка учебного(теоретического материала)		26	26			
Выполнение индивидуальных заданий		28	28			
Подготовка к текущему контролю		29,8	29,8			
<b>Контроль:</b>						
Подготовка к экзамену		-	-			
<b>Общая трудоемкость</b>	<b>час.</b>	<b>144</b>	<b>144</b>			
	<b>в том числе контактная работа</b>	<b>60,2</b>	<b>60,2</b>			
	<b>зач.ед</b>	<b>4</b>	<b>4</b>			

**2.2 Структура дисциплины:**

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре (очная форма)

№	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	2	3	4	5	6	7
1.	Основные понятия и теоремы теории вероятностей.	44	10	6		28
2.	Случайные величины.	48	14	6		28
3.	Элементы математической статистики.	45,8	12	6		27,8
	<i>Итого по дисциплине:</i>		36	18		83,8

Примечание: Л – лекции, ПЗ – практические занятия / семинары, ЛР – лабораторные занятия, СРС – самостоятельная работа студента

**2.3 Содержание разделов дисциплины:**

**2.3.1 Занятия лекционного типа.**

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4

1.	Основные понятия и теоремы теории вероятностей	Основные понятия теории вероятностей. Элементы комбинаторики. Классическое и геометрическое определение вероятности. Вероятностное пространство. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей. Свойства вероятности. Условная вероятность. Независимые события. Теорема умножения. Формулы полной вероятности, Байеса. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли, локальная теорема Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона.	Ат
2.	Случайные величины	Случайные величины и функции распределения. Дискретные и непрерывные величины. Основные вероятностные распределения. Функции распределения и плотность распределения. Моменты случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Теорема Чебышева, Бернулли, Маркова. Производящие и характеристические функции и их свойства. Центральная предельная теорема.	Ат
3.	Элементы математической статистики	Задачи математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Основные выборочные характеристики. Точечные и интервальные оценки параметров. Проверка статистических гипотез. Элементы корреляционного анализа.	К

### 2.3.2 Занятия семинарского типа.

№	Наименование раздела	Тематика практических занятий (семинаров)	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1.	Основные понятия и теоремы теории вероятностей	Основные понятия теории вероятностей. Элементы комбинаторики. Классическое и геометрическое определение вероятности. Вероятностное пространство. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей. Свойства вероятности. Условная вероятность. Независимые события. Теорема умножения. Формулы полной вероятности, Байеса. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли, локальная теорема Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона.	Решение задач
2.	Случайные величины.	Случайные величины и функции распределения. Дискретные и непрерывные величины. Основные вероятностные распределения. Функции распределения и плотность распределения. Моменты случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Теорема Чебышева, Бернулли, Маркова. Производящие и характеристические функции и их свойства. Центральная предельная теорема.	Решение задач
3.	Элементы математической статистики.	Задачи математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Основные выборочные характеристики. Точечные и интервальные оценки	Решение задач

	параметров. Проверка статистических гипотез. Элементы корреляционного анализа.	
--	---	--

**2.3.3 Лабораторные занятия.** Не предусмотрены.

**2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов)**

Курсовые работы не предусмотрены.

**2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине**

№	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1	Основные понятия и теоремы теории вероятностей.	1.Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика. Учебник. – М.:ЮНИТИ-ДАНА, 2009. – 551 с. 2. Чистяков В.П. Курс теории вероятностей. М. Дрофа, 2007г.
2	Случайные величины.	1.Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика. Учебник. – М.:ЮНИТИ-ДАНА, 2009. – 551 с. 2. Чистяков В.П. Курс теории вероятностей. М. Дрофа, 2007г.
3	Элементы математической статистики	1.Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика. Учебник. – М.:ЮНИТИ-ДАНА, 2009. – 551 с. 2. Чистяков В.П. Курс теории вероятностей. М. Дрофа, 2007г 3. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. М.: Высшая школа, 2008. – 479 с.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3. Образовательные технологии.

Активные и интерактивные формы, лекции, практические занятия, контрольные работы, коллоквиумы, зачеты и экзамены, компьютеры. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому лабораторному занятию. В семестре проводятся контрольные работы (на практических занятиях). Зачет выставляется после решения всех задач контрольных работ, выполнения самостоятельной работы и опроса теоретического материала.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

### 4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

#### 4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.

##### Примерные задачи для контрольных работ

#### Контрольная работа №1 (ОПК-2)

**Задача 1.** В партии из 15 деталей имеются 10 стандартных. Наудачу отобраны 5 деталей. Найти вероятность того, что среди отобранных ровно 3 стандартные детали.

**Задача 2.** В партии готовой продукции, состоящей из 20 изделий, 4 бракованных. Найти вероятность того, что при случайном выборе 4-х изделий число бракованных и небракованных изделий окажется поровну.

**Задача 3.** Узел машины состоит из трех деталей. Вероятности выхода этих деталей из строя соответственно равны:  $p_1 = 0,05$ ,  $p_2 = 0,10$ ,  $p_3 = 0,08$ . Узел выходит из строя, если выходит из строя хотя бы одна деталь. Найти вероятность того, что узел не выйдет из строя, если детали выходят из строя независимо друг от друга.

**Задача 4.** Для автомата производят детали. Производительность второго автомата вдвое больше производительности первого. Первый автомат производит в среднем 60% деталей отличного качества, а второй 84%. Наудачу взятая деталь оказалась отличного качества. Найти вероятность того, что эта деталь произведена первым автоматом.

**Задача 5.** Партия изделий содержит 5% брака. Найти вероятность того, что среди взятых наугад 4-х изделий окажется 2 бракованных.

**Задача 6.** Задана плотность распределения непрерывной случайной величины  $X$  :

$$p(x) = \begin{cases} \frac{C}{x^4}, & x \geq 4, \\ 0, & x < 4 \end{cases}$$

Найти постоянную  $C$ , интегральную функцию распределения  $F(x)$ , математическое ожидание  $M(x)$ , дисперсию  $D(x)$ . Построить графики интегральной и дифференциальной функций распределения.

**Задача 7.** Непрерывная двумерная случайная величина  $(X, Y)$  равномерно распределена внутри прямоугольного треугольника с вершинами  $O(0;0)$ ,  $A(0;6)$ ,  $B(-6;0)$ . Найти: 1) двумерную плотность вероятности системы; 2) плотности распределения составляющих  $X$  и  $Y$ .

#### Контрольная работа №2(ОПК-2)

**Задача 1.** Известно, что случайная величина  $X$  имеет распределение Пуассона

$P(X = k) = \frac{a^k}{k!} e^{-a}$ , где  $a$  - неизвестный параметр. Используя указанный метод получения точечных оценок, найти по реализации выборки  $(x_1, x_2, \dots, x_8)$  значение оценки  $a^*$  неизвестного параметра  $a$ .

**Задача 2.** Известно, что случайная величина  $X$  имеет биномиальное распределение  $P(X = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$ , неизвестным является параметр  $p$ . Используя указанный метод получения точечных оценок, найти по реализации выборки  $(x_1, x_2, \dots, x_8)$  значение оценки  $p^*$  неизвестного параметра  $p$ .

**Задача 3.** Известно, что случайная величина  $X$  имеет нормальное распределение с неизвестным математическим ожиданием  $a$  и известным среднеквадратическим отклонением  $\sigma$ . По выборке  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  объема  $n$  вычислено выборочное среднее  $\bar{x}_n$ . Определить доверительный интервал для неизвестного параметра  $a$ , отвечающий заданной доверительной вероятности  $P$ .

**Задача 4.** Для контроля взяты 200 узлов, собранных на ученическом конвейере. Число узлов  $m_i$  при сборке которых пропущено  $i$  операций, сведено в таблицу:

I	0	1	2	3	4	5	6	7	
$m_i$	41	62	45	22	16	8	4	2	Всего 200

Согласуются ли полученные результаты с распределением Пуассона по критерию  $\chi^2$  при уровне значимости  $\alpha$ ? Решить задачу для заданного значения параметра  $a$  и для случая, когда параметр оценивается по выборке.

### Вопросы к коллоквиуму(ОПК-2)

1. Предмет теории вероятностей. Случайное событие, частота события, понятие вероятности события.
  2. Пространство элементарных событий. Операции над событиями. Алгебра событий.
  3. Аксиоматическое определение вероятности. Свойства.
  4. Элементы комбинаторики.
  5. Дискретное вероятностное пространство. Классическое понятие вероятности.
  6. Непрерывное вероятностное пространство. Геометрическое определение вероятности.
  7. Условная вероятность. Независимость событий.
  8. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
  9. Формулы полной вероятности и формулы Байеса.
  10. Последовательности независимых испытаний. Биномиальные и полиномиальные распределения.
  11. Предельные теоремы Пуассона и Муавра-Лапласа. Их применения.
  12. Случайные величины в конечной и счетной схеме. Примеры.
  13. Случайные величины в общей схеме.
- Дискретные и непрерывные случайные величины. Законы распределения.
14. Функции от случайных величин. Независимые случайные величины.
  15. Математическое ожидание дискретной случайной величины. Свойства.
  16. Математическое ожидание биномиального, геометрического закона распределения и закона Пуассона.
  17. Дисперсия дискретной случайной величины. Свойства.

18. Дисперсия биномиального, геометрического закона распределения и закона Пуассона.

## 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.

### Примерный перечень вопросов к зачету(ОПК-2).

1. Элементы комбинаторики (размещения, сочетания, перестановки). Правило сумм, правило произведения.
2. Случайное событие, частота события, понятие вероятности события.
3. Пространство элементарных событий.
4. Операции над событиями. Алгебра событий.
5. Аксиоматическое определение вероятности. Свойства.
6. Дискретное вероятностное пространство. Классическое понятие
7. вероятности.
8. Непрерывное вероятностное пространство. Геометрическое определение вероятности.
9. Теорема сложения вероятностей.
10. Условная вероятность. Независимость событий. Теорема умножения.
11. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
12. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли.
13. Предельные теоремы в схеме Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Муавра - Лапласа. Теорема Пуассона.
14. Применения предельных теорем.
15. Случайные величины.
16. Дискретные величины (д.с.в.). Основные понятия. Функция распределения.
17. Основные законы распределения: биномиальный, геометрический, закон распределения Пуассона.
18. Математическое ожидание д.с.в.. Свойства.
19. Математическое ожидание биномиального закона, распределения Пуассона.
20. Дисперсия д.с.в. Свойства.
21. Дисперсия биномиального закона распределения и закона Пуассона.
22. Непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность вероятности. Основные свойства.
23. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины.
24. Начальный и центральный теоретические моменты случайной величины.
25. Нормальное распределение: кривая Гаусса, функция Лапласа, ее свойства, вероятность попадания случайной величины в заданный интервал, правило "трех сигм".
26. Математическое ожидание и дисперсия нормального закона распределения.
27. Математическое ожидание и дисперсия равномерного закона распределения.
28. Двумерные случайные величины. Интегральная функция распределения. Свойства двумерной плотности вероятности.
29. Математическое ожидание и дисперсия двумерной случайной величины.
30. Ковариация и коэффициент корреляции. Корреляционный момент.
31. Дискретные и непрерывные вариационные ряды. Их графическое представление. Кумулятивный ряд. Эмпирическая функция распределения.
32. Неравенство Чебышева.
33. Закон больших чисел. Теорема Бернулли, Пуассона.
34. Центральная предельная теорема и ее применения.
35. Основные выборочные характеристики. Выборочная дисперсия. Формулы для вычисления дисперсии.
36. Точечные оценки параметров распределения: метод моментов, метод наибольшего правдоподобия.

37. Интервальные оценки параметров распределения: доверительная вероятность (надежность). Доверительный интервал.
38. Доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения при известной дисперсии.
39. Статистическая гипотеза. Нулевая и конкурирующая. Критерий согласия Пирсона. Правило проверки нулевой гипотезы.
40. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности по критерию Пирсона.
41. Линейная регрессия. Уравнение прямой линейной регрессии.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

– при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;

– при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;

– при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.**

### **5.1 Основная литература:**

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика. Учебник. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009. – 551 с.
2. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. М.: Высшая школа, 2008. – 479 с.
3. Чистяков В.П. Курс теории вероятностей. М. Дрофа, 2007г.
4. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учебное пособие. – М. Юрайт, 2011. – 404 с.

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах *«Лань»* и *«Юрайт»*.

## 5.2 Дополнительная литература:

5. В.Ф. Чудесенко В.Ф. Сборник задач по специальным курсам высшей математики. Лань, 2005. –128 с.
6. Колмогоров А.Н. «Основные понятия теории вероятностей», Либроком, 2013. – 120 с.
7. Гнеденко Б.Е. Курс теории вероятностей. Либроком, 2011. –488 с.

## 5.3. Периодические издания:

Не используются при изучении данного курса.

## 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля).

1. <http://www.alleng.ru/edu/math9.htm>
2. [http://www.matburo.ru/st\\_subject.php?p=ma](http://www.matburo.ru/st_subject.php?p=ma)
3. <http://pdf-ka.ru/tags/matematicheskiy-analiz>

## 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).

Текущий контроль осуществляется преподавателем, ведущим практические занятия на основе выполнения студентами домашних заданий и лабораторного практикума. В течение семестра проводятся контрольные работы и теоретический коллоквиум. Итоговый контроль осуществляется в форме зачета.

Контрольные, коллоквиумы оцениваются по пятибалльной системе. Экзамены оцениваются по системе: неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично. На лабораторных занятиях контроль осуществляется при ответе у доски и при проверке домашних заданий.

### Перечень вопросов для самостоятельной работы студентов

Наименование разделов, тем	Перечень теоретических вопросов и иных заданий по самостоятельной работе студентов	Рекомендуемая литература для самостоятельного выполнения заданий
Основные понятия и теоремы теории вероятностей	Формулы полной вероятности, Байеса. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли, локальная теорема Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона.	[1], [2], [3]
Случайные величины.	Функции распределения и плотность распределения. Моменты случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Теорема Чебышева, Бернулли, Маркова.	[1], [2], [4]

Элементы математической статистики.	Проверка статистических гипотез. Элементы корреляционного анализа.	[1], [2], [5]
-------------------------------------	---	---------------

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

## **8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.**

### **8.1 Перечень информационных технологий.**

Информационные технологии - не предусмотрены.

### **8.2 Перечень необходимого программного обеспечения.**

Программное обеспечение – не предусмотрено.

### **8.3 Перечень информационных справочных систем:**

1. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (<http://www.elibrary.ru/>)

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.**

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран)
2.	Практические занятия	Аудитория
3.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория
4.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.