Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кубанский государственный университет» Факультет математики и компьютерных наук



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ Б2.Б.09 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

Направление подготовки 38.03.01 ЭКОНОМИКА Профиль «ФИНАНСЫ И КРЕДИТ» Квалификация (степень) выпускника БАКАЛАВР Форма обучения ЗАОЧНАЯ

Программу составила(и): О.В. Мороз, кандидат педагогических наук, доцент кафедры информационных образовательных технологий ФГБОУ ВО «КубГУ»,
Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» утверждена на заседании кафедры информационных образовательных технологий протокол № 11«23» мая 2017 г. Заведующий кафедрой ИОТ д-р педагогических наук, профессор Грушевский С.П
Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» обсуждена на заседании кафедры МэиМ протокол № «»2017 г. Заведующий кафедрой д-р экономических наук, профессор Шевченко И.В.
Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук протокол № 2 «20» июня 2017 г. Председатель УМК факультета Титов Г.Н.
Рецензенты
Чистяков Эдуард Максимович, зам. генерального директора ООО «Риф»
(дата) (подпись)
Барсукова Виктория Юрьевна, кандидат физмат. наук, доцент, заведующая кафедрой функционального анализа и алгебры
(дата) (подпись)

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки 38.03.01 Эконо-

мика.

1 Цели и задачи изучения дисциплины

1.1 Цель и задачи дисциплины

Цель изучения дисциплины — ознакомление с фундаментальным понятием функции, методами дифференциального и интегрального исчислений, которые лежат в основе количественных методов системного анализа процессов управления, необходимых для решения теоретических и практических задач экономики; развитие навыков самостоятельной работы с литературой; развитие абстрактного мышления и умения строго излагать свои мысли; подготовка студентов к практическому применению полученных знаний.

1.2. Задачи дисциплины:

для решения теоретических и практических задач управления и экономики

- 1) привить студенту определенную математическую грамотность, достаточную для самостоятельной работы с экономико-математической литературой;
- 2) научить владеть методами количественного анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования;
- 3) научить применять количественные и качественные методы анализа при принятии управленческих решений и строить экономические, финансовые и организационно-управленческие модели;
- 4) обучить студента классическим методам решения основных математических задач, к которым могут приводить те или иные экономические проблемы, основным методам оптимизации и их использованию для решения различных экономических задач, а также научить анализировать математические модели организационных систем и проводить их адаптацию к конкретным задачам управления;
- 5) обучить студента грамотно выбирать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, анализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы.

1.3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина входит в базовую часть учебного плана Б1.

Слушатели должны владеть математическими знаниями в рамках программы средней школы. Знания, полученные в этом курсе, используются в математическом анализе, статистике, финансовой математике, эконометрике, дискретной математике и математической логике, методах оптимизации и др.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование компетенции (согласно $\Phi \Gamma OC\ BO$) ОПК-3:

-способностью выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы;

Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общепрофессиональной компетенции (ОПК) ОПК -3

No	Индекс	Содержание ком-	В результате из	зучения учебной дисциплины обучаю-		
	компе-	петенции (или её		щиеся должны		
п.п.	тенции	части)	знать	уметь	владеть	
	ОПК-3	способен вы-	принципы вы-	уметь выполнять	навыками выбора	
		брать инструмен-	бора инстру-	расчеты для об-	инструменталь-	
		тальные средства	ментальных	работки эконо-	ных средств для	
		для обработки	средств для об-	мических дан-	обработки эконо-	
		экономических	работки эконо-	ных в соответ-	мических данных	
					в соответствии с	

Индекс	Содержание ком- В результате изучения учебной дисциплины обуч					
компе-	петенции (или её	щиеся должны				
тенции	части)	знать	уметь	владеть		
	данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы	мических данных в соответствии с поставленной задачей; методы анализа результатов расчетов для получения необходимых выводы	ствии с постав- ленной задачей, анализировать результаты рас- четов и обосно- вать полученные выводы	поставленной задачей в профессиональной области; навыками анализа и обработки результата расчетов		
	компе-	компетенции (или её части) данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полу-	компетенции (или её тенции части) знать данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать получения необходимых вы-	компетенции (или её части) знать уметь данных в соответствии с поставней, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы получения необходимых вы-		

2. Структура и содержание дисциплины

2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач.ед. (144 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице (∂ ля студентов 3Φ O).

Вид учебной работы		Всего		Семе	стры	
-				(ча	сы)	
			3C	ЛС		
Контактная работа, в то	м числе:					
Аудиторные занятия (все	ero):	12	4	8		
Занятия лекционного типа		4	4	-		
Лабораторные занятия			-	-		
Занятия семинарского типа	а (семинары, практиче-	8		8		
ские занятия)		O	_	0		
Иная контактная работа						
Контроль самостоятельной	і работы (КСР)	0,2	-	0,2		
Промежуточная аттестация	я (ИКР)	0,3	-	0,3		
Самостоятельная работа	, в том числе:					
Курсовая работа						
Проработка учебного (тес	рретического) материала	58,8	50	8,8		
Выполнение индивидуальны	ых заданий (подготовка	64	54	10		
сообщений, презентаций)		04	34	10		
Реферат						
Подготовка к текущему ко	нтролю					
Контроль:						
Подготовка к экзамену	8,7	-	8,7			
Общая трудоемкость	час.	144	104	36		
	в том числе контактная	12,5	4	8,5		
	работа	12,5	4	0,5		
	зач. ед	4	3	1		

2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы дисциплины изучаются в на зимней сессии (3C):

	Tusquisi Anequisimisi itsy tatoren bita similari eccomi (CC).					
No	Количество часо)B
	11		A [*]	удиторна	ая	Самостоятельная
раз-	Наименование разделов	Всего		работа		работа
дела			Л	ПЗ	ЛР	1
1	2	3	4	5	6	7
1	Ведение в анализ: функция, пределы и непрерывность.	36	1			35
	Дифференциальное исчисление: производная, приложения производной, дифференциал функции	37	2			35
3	Интегральное исчисление: не- определенный интеграл, опреде- ленный интеграл, дифференци- альные уравнения.	35	1			34
	Итого по дисциплине:	108	4			104

Разделы дисциплины изучаются в на летней сессии (ЛС):

No	<u>, </u>]	Количес	гво часо	В
No non	Чанманаранна западар		A	удиторна	я	Самостоятельная
раз-	Наименование разделов	Всего		работа		работа
дела			Л	П3	ЛР	
1	2	3	4	5	6	7
1	Ведение в анализ: функция, пределы и непрерывность.	8		2		6
2	Дифференциальное исчисление: производная, приложения производной, дифференциал функции	10,8		4		6,8
3	Интегральное исчисление: не- определенный интеграл, опреде- ленный интеграл, дифференци- альные уравнения.	8		2		6
	Итого по дисциплине:	26,8		8		18,8

2.3 Содержание разделов дисциплины

2.3.1 Занятия лекционного типа

No	Наименование	Содержание раздела	Форма текущего
71≥	раздела содержание раздела		контроля
1	2	3	4

1.	Ведение в ана- лиз: функция, пределы и не- прерывность.	Множества. Функциональная зависимость. Графики основных элементарных функций. Классификация функций. Применение функций в экономике. Предел числовой последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие величины Предел функции. Основные теоремы о пределах. Замечательные пределы. Непрерывность функции в точке. Свойства непрерывных функций.	Коллоквиум, устный опрос
2.	Дифференциальное исчисление: производная, приложения производной, дифференциал функции	Задачи, приводящие к понятию производной. Производная и дифференциал. Зависимость между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Правила и формулы дифференцирования. Основные теоремы о дифференцируемых функциях и их приложения. Выпуклость функций. Дифференциальное исчисление функции многих переменных. Функции нескольких переменных, их непрерывность. Производные и дифференциалы функций нескольких переменных. Приложение производной в экономике.	Коллоквиум, устный опрос
3.	Интегральное исчисление: не- определенный интеграл, опре- деленный инте- грал, дифферен- циальные урав- нения.	Интегральное исчисление. Первообразная и неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Методы интегрирования. Определенный интеграл. Свойства определенного интеграла. Геометрические приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными; линейные уравнения, уравнения Бернулли. Разностные уравнения. Использование дифференциальных уравнений в экономической динамике.	Коллоквиум, устный опрос

2.3.2 Занятия семинарского типа

No॒	Наименование	Тематика практических занятий	Форма текущего
	раздела	(семинаров)	контроля
1	2	3	4
1.		Операции над множествами. Функциональ-	Проверка до-
		ная зависимость. Построение графиков ос-	машнего зада-
	Ведение в ана-	новных элементарных функций. Преобразо-	ния. Опрос. Кон-
	лиз: функция,	вание графиков. Классификация функций.	трольные ра-
	пределы и не-	Применение функций в экономике. Предел	боты.
	прерывность.	числовой последовательности. Бесконечно	
		малые и бесконечно большие величины. Вы-	
		числение пределов функций. Основные тео-	
		ремы о пределах. Замечательные пределы.	

2.	Дифференци- альное исчисле- ние: производ- ная, приложения производной, дифференциал функции	Непрерывность функции в точке. Свойства непрерывных функций. Задачи, приводящие к понятию производной. Производная и дифференциал. Зависимость между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Правила и формулы дифференцирования. Основные теоремы о дифференцируемых функциях и их приложения. Выпуклость функций. Дифференциальное исчисление функции многих переменных. Функции нескольких переменных, их непрерывность. Производные и дифференциалы функций нескольких переменных. Приложение производной в экономике.	машнего зада- ния. Опрос. Кон- трольные ра-
3.	Интегральное исчисление: не- определенный интеграл, опре- деленный инте- грал, дифферен- циальные урав- нения.	Интегральное исчисление. Первообразная и неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Методы интегрирования. Определенный интеграл. Свойства определенного интеграла. Геометрические приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными; линейные уравнения, уравнения Бернулли. Разностные уравнения. Использование дифференциальных уравнений в экономической динамике.	машнего зада- ния. Опрос. Кон- трольные ра-

2.3.3 Лабораторные занятия

Лабораторные занятия - не предусмотрены.

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ Курсовые работы — не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

No	Вид СРС	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	2	3
1.	Проработка и повторение лекционного материала, материала учебной и научной литературы	Ресурсы (в т.ч. и электронные) библиотеки КубГУ: 1. Высшая математика для экономического бакалавриата в 3 ч. Часть 3 : учебник и практикум для академического бакалавриата / под ред. Н. Ш. Кремера. — 5-е изд., перераб. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 416 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-05823-9. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/92490A4B-82B0-45E4-99D4-DEA31A1B364.

	 Кремер, Н. Ш. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 : учебник и практикум для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; отв. ред. Н. Ш. Кремер. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 244 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-02017-5. — Режим доступа : www.biblioonline.ru/book/A02D224A-69C5-4DDD-99C7-8383D5331A28. Рудык, Б. М. Математический анализ для экономистов : учебник и практикум для академического бакалавриата / Б. М. Рудык, О. В. Татарников. — М. : Издательство Юрайт, 2018. — 356 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-9426-1. — Режим доступа : www.biblioonline.ru/book/FEB1EE66-F1F9-466C-8E37-825BD844E098. Шипачев, В. С. Дифференциальное и интегральное исчисление : учебник и практикум для СПО / В. С. Шипачев. — М. : Издательство Юрайт, 2018. — 212 с. — (Серия : Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-04547-5. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/6E17B49F-D6F3-4C4E-8EB8-D48373D5A996. Общий курс высшей математики для экономистов [Текст] : учебник для студентов вузов / [Б. М. Рудык и др.] ; под ред. В. И. Ермакова ; М-во образования Рос. Федерации ; Рос. эконом. акад. им. Г. В. Плеханова М. : ИНФРА-М, 2005 655 с. : ил (Высшее образование) Авторы указаны на обороте тит. листа Библиогр.: с. 647 ISBN 50021809.
Подготовка к практическим занятиям	Ресурсы (в т.ч. и электронные) библиотеки КубГУ: 1. Рудык, Б. М. Математический анализ для экономистов : учебник и практикум для академического бакалавриата / Б. М. Рудык, О. В. Татарников. — М. : Издательство Юрайт, 2018. — 356 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-9426-1. — Режим доступа : www.biblioonline.ru/book/FEB1EE66-F1F9-466C-8E37-825BD844E098. 2. Шипачев, В. С. Высшая математика : учебник и практикум / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 447 с. — (Серия : Бакалавр. Прикладной курс). — ISBN 978-5-9916-3600-1. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/EBCB26A9-BC88-4B58-86B7-B3890EC6B386. 3. Высшая математика для экономистов [Текст] : учебник для студентов вузов / [Н. III. Кремер и др.] ; под ред. Н. III. Кремера 3-е изд М. : ЮНИТИ-ДАНА, 2010 479 с. : ил (Золотой фонд российских учебников) Авт. указаны на обороте тит. л ISBN 9785238009919. 4. Общий курс высшей математики для экономистов [Текст] : учебник для студентов вузов / [Б. М. Рудык и др.] ; под ред. В. И. Ермакова ; М-во образования Рос. Федерации ; Рос. эконом. акад. им. Г. В. Плеханова М. : ИНФРА-М, 2005 655 с. : ил (Высшее образование) Авторы указаны на обороте тит. листа Библиогр.: с. 647 ISBN 50021809.
1. Подготовка к устному опросу,	Ресурсы (в т.ч. и электронные) библиотеки КубГУ:

к коллоквиуму
экзамену

- 1. Высшая математика для экономического бакалавриата в 3 ч. Часть 3 : учебник и практикум для академического бакалавриата / под ред. Н. Ш. Кремера. 5-е изд., перераб. и доп. М. : Издательство Юрайт, 2017. 416 с. (Серия : Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-534-05823-9. Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/92490A4B-82B0-45E4-99D4-DEA31A1B364.
- 2. Кремер, Н. Ш. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 : учебник и практикум для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; отв. ред. Н. Ш. Кремер. М. : Издательство Юрайт, 2017. 244 с. (Серия : Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-534-02017-5. Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/A02D224A-69C5-4DDD-99C7-8383D5331A28.
- 3. Рудык, Б. М. Математический анализ для экономистов : учебник и практикум для академического бакалавриата / Б. М. Рудык, О. В. Татарников. М. : Издательство Юрайт, 2018. 356 с. (Серия : Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-9916-9426-1. Режим доступа : www.biblioonline.ru/book/FEB1EE66-F1F9-466C-8E37-825BD844E098.
- 4. Шипачев, В. С. Высшая математика: учебник и практикум / В. С. Шипачев. 8-е изд., перераб. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2017. 447 с. (Серия: Бакалавр. Прикладной курс). ISBN 978-5-9916-3600-1. Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/EBCB26A9-BC88-4B58-86B7-B3890EC6B386.
- 5. Шипачев, В. С. Дифференциальное и интегральное исчисление: учебник и практикум для СПО / В. С. Шипачев. М.: Издательство Юрайт, 2018. 212 с. (Серия: Профессиональное образование). ISBN 978-5-534-04547-5. Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/6E17B49F-D6F3-4C4E-8EB8-D48373D5A996.
- 6. Высшая математика для экономистов [Текст]: учебник для студентов вузов / [Н. Ш. Кремер и др.]; под ред. Н. Ш. Кремера. 3-е изд. М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2010. 479 с.: ил. (Золотой фонд российских учебников). Авт. указаны на обороте тит. л. ISBN 9785238009919.
- 7. Общий курс высшей математики для экономистов [Текст]: учебник для студентов вузов / [Б. М. Рудык и др.]; под ред. В. И. Ермакова; М-во образования Рос. Федерации; Рос. эконом. акад. им. Г. В. Плеханова. М.: ИНФРА-М, 2005. 655 с.: ил. (Высшее образование). Авторы указаны на обороте тит. листа. Библиогр.: с. 647. ISBN 50021809.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

– в печатной форме,

– в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

3. Образовательные технологии

Интерактивная подача материала с мультимедийной системой. Обсуждение сложных и дискуссионных вопросов и проблем. Использование образовательных сайтов. Использование образовательных сайтов: lektorium.tv - об этом сайте должны знать все, ведь тут собраны сотни и тысячи лекций на русском языке от мировых профессоров, деятелей культуры и науки, институтов и университетов, а также целые курсы по заданным предметам; intuit.ru – дистанционная образовательная программа для обучения по полным курсам на многих специальностях; ru. wikiversity.org — сайт, сделанный по аналогу с википедией, направленный на самостоятельное обучение во многих дисциплинах.

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья устанавливается особый порядок освоения указанной дисциплины. В образовательном процессе используются социально-активные и рефлексивные методы обучения (ролевая игра), технологии социокультурной реабилитации с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений с другими студентами, создании комфортного психологического климата в студенческой группе. Вышеозначенные образовательные технологии дают наиболее эффективные результаты освоения дисциплины с позиций актуализации содержания темы занятия, выработки продуктивного мышления, терминологической грамотности и компетентности обучаемого в аспекте социально-направленной позиции будущего специалиста, и мотивации к инициативному и творческому освоению учебного материала.

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

Контрольная работа №1

- 1. Вычислить производные функций: a) $\sqrt[5]{x^3 + 4x} \frac{\cos x}{1 + 2 \sin x}$
- δ) lnarctg $\sqrt{1 + x^2}$
- 2. Показать, что функция $y = e^x + 2e^{2x}$ удовлетворяет уравнению y''' 6y'' + 11y' 6y =
- 3.Вычислить пределы, используя правило Лопиталя: a) $\lim_{x\to 0} \frac{e^x e^{-x} 2x}{x \sin x}$, б) $\lim_{x\to 0} \left(\frac{1}{x \sin x} \frac{1}{x^2}\right)$. 4. Исследовать функцию и построить её график. a) $y = \frac{2x-1}{x}$; б) $y = x^2 \ln x$.
- 5. Функция спроса имеет вид $p = \sqrt{3600 x^2}$. Найти эластичность спроса в точке p = 50. Контрольная работа №2

Вычислить интегралы:

$$x^{3} + \sqrt[5]{x}$$
1.
$$\left(+3\sqrt[3]{x} + \frac{1}{x^{2}} + \frac{1}{x} \right) dx$$

$$\int \frac{1}{x^{2} - 25}$$
2.
$$\left(+\frac{1}{\sqrt{x^{2} + 5}} \right) dx$$

3.
$$\int \frac{\cos 2x}{\cos^2 x \sin^2 x} dx$$
$$\sin \frac{x}{2}$$

4.

$$\int_{5...} \frac{3x+7}{x-1} dx$$
6.
$$\int_{5x^{8}+1}^{5x^{8}+1} dx$$
7.
$$\int_{x^{2}-x+1}^{x^{2}-x+1} dx$$
8.
$$\int_{\sqrt{1-x^{4}}}^{\sqrt{1+x^{2}}-\sqrt{1-x^{2}}} dx$$
9.
$$\int_{1+x^{2}}^{arctg(x)} dx$$
10.
$$\int_{x\sin(x)} x \sin(x) dx$$

Вопросы для коллоквиума

- 1. Множества. Операции над множествами.
- 2. Функция. Понятие функции. Способы задания и основные характеристики.
- 3. Обратная и сложная функции. Графики основных элементарных функций.
- 4. Правила преобразования графиков функций. Функции и графики в экономическом моделировании.
- 5. Последовательности. Предел числовой последовательности. Предел функции.
- 6. Бесконечно большие функции. Бесконечно малые функции.
- 7. Основные теоремы о пределах.
- 8. Первый замечательный предел и его следствия. Второй замечательный предел.
- 9. Непрерывные функции.
- 10. Точки разрыва функции (первого и второго рода).
- 11. Основные теоремы о непрерывных функциях.
- 12. Свойства функций, непрерывных на отрезке (теорема Вейерштрасса, теорема Больцано-Коши).
- 13. Определение производной. Вычисление производной по определению.
- 14. Геометрический и физический смысл производной. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
- 15. Правила дифференцирования.
- 16. Производные основных элементарных функций. Доказательство одной из формул.
- 17. Неявно заданная функция. Функция, заданная параметрически.
- 18. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков.
- 19. Дифференциал функции, основные теоремы о дифференциалах. Основная таблица дифференциалов.
- 20. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Теорема Ролля. Теорема Коши. Теорема Лагранжа.

4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации **4.2.1.** Вопросы к экзамену:

- 1. Множества. Операции над множествами.
- 2. Функция. Понятие функции. Способы задания и основные характеристики.
- 3. Обратная и сложная функции. Графики основных элементарных функций.
- 4. Правила преобразования графиков функций. Функции и графики в экономическом моделировании.
- 5. Последовательности. Предел числовой последовательности. Предел функции.

- 6. Бесконечно большие функции.
- 7. Бесконечно малые функции.
- 8. Основные теоремы о пределах.
- 9. Первый замечательный предел (доказательство) и его следствия.
- 10. Второй замечательный предел (доказательство).
- 11. Непрерывные функции.
- 12. Точки разрыва функции (первого и второго рода).
- 13. Основные теоремы о непрерывных функциях.
- 14. Свойства функций, непрерывных на отрезке (теорема Вейерштрасса, теорема Больцано-Коши).
- 15. Определение производной. Вычисление производной по определению.
- 16. Геометрический и физический смысл производной. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
- 17. Правила дифференцирования.
- 18. Производные основных элементарных функций. Доказательство одной из формул.
- 19. Неявно заданная функция. Функция, заданная параметрически.
- 20. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков.
- 21. Дифференциал функции, основные теоремы о дифференциалах. Основная таблица дифференциалов.
- 22. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции. Теорема Ролля (доказательство).
- 23. Теорема Коши (доказательство).
- 24. Теорема Лагранжа (доказательство).
- 25. Правило Лопиталя.
- 26. Приложения производной. Возрастание и убывание функции.
- 27. Экстремумы функций.
- 28. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.
- 29. Выпуклости графика функции и точки перегиба.
- 30. Асимптоты графика функций. Вертикальные асимптоты. Горизонтальные асимптоты. Наклонные асимптоты.
- 31. Общая схема исследования графика функции. Формула Тейлора.
- 32. Экономический смысл производной. Эластичность функции.
- 33. Понятие неопределенного интеграла.
- 34. Свойства неопределенного интеграла.
- 35. Таблица интегралов. Непосредственное интегрирование, примеры.
- 36. Основные методы интегрирования: метод подстановки, примеры.
- 37. Метод интегрирования по частям, примеры.
- 38. Дробно-рациональная функция. Представление правильной рациональной дроби в виде суммы простейших дробей.
- 39. Интегрирование простейших рациональных дробей.
- 40. Универсальная тригонометрическая подстановка, интегралы типа $\int \sin^m x \cos^n x \cdot dx$.
- 41. Использование тригонометрических преобразований при вычислении интегралов типа $\int \text{sinmx} \cdot \text{cosnx} \cdot \text{dx}$, $\int \text{cosmx} \cdot \text{cosnx} \cdot \text{dx}$.
- 42. Интегрирование иррациональных функций. Тригонометрическая подстановка при интегрировании иррациональных функций.
- 43. Понятие определенного интеграла. Теорема Коши о существовании определенного интеграла.
- 44. Задача о площади криволинейной трапеции. Геометрический смысл определенного интеграла.
- 45. Формула Ньютона-Лейбница. Пример.
- 46. Свойства определенного интеграла.
- 47. Вычисление определенного интеграла (замена переменной, по частям).

- 48. Несобственный интеграл 1 рода.
- 49. Несобственный интеграл 2 рода.
- 50. Приложения определенных интегралов. Понятие площади и объёма, длины кривой.
- 51. Определенный интеграл в экономике.
- 52. Понятие функций многих переменных.
- 53. Производные функции нескольких переменных. Частные производные высших порядков.
- 54. Локальный экстремум.
- 55. Дифференциальные уравнения. Основные понятия. Задача Коши.
- 56. Уравнения с разделяющимися переменными.
- 57. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.

4.2.2 Образец экзаменационного билета для промежуточной аттестации

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИИСКОИ ФЕДЕРАЦИИ Федер альное государ ств енное бюджетное обр азов ательное учр еждение высшего обр азов ання «Кубанский государ ств енный унив ер ситет» (ФГБОУ ВО «КубГУ») БИЛЕТ № 0

по дисциплине «Математический анализ» для студентов 1 курса специальности «Экономика»

- 1. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.
- 2. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.
- 3. Задача.

Задача к билету № 0.

- а) найти первообразную функции $\frac{1}{x\sqrt{1-\ln^2 x}}$ и результат проверить дифференцированием.
- б) определить промежутки монотонности функции $y = \frac{x^2 x}{x^2 x + 3}$
- в) вычислить предел по правилу Лопиталя $\lim_{x\to 0}(\arcsin x\cdot ctgx)$

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

5.1 Основная литература: *

Ресурсы (в т.ч. и электронные) библиотеки КубГУ:

- 1. Высшая математика для экономического бакалавриата в 3 ч. Часть 3 : учебник и практикум для академического бакалавриата / под ред. Н. Ш. Кремера. 5-е изд., перераб. и доп. М. : Издательство Юрайт, 2017. 416 с. (Серия : Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-534-05823-9. Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/92490A4B-82B0-45E4-99D4-DEA31A1B364.
- 2. Кремер, Н. Ш. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 : учебник и практикум для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; отв. ред. Н. Ш. Кремер. М. : Издательство Юрайт, 2017. 244 с. (Серия : Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-534-02017-5. Режим доступа : www.biblioonline.ru/book/A02D224A-69C5-4DDD-99C7-8383D5331A28.
- 3. Рудык, Б. М. Математический анализ для экономистов : учебник и практикум для академического бакалавриата / Б. М. Рудык, О. В. Татарников. М. : Издательство Юрайт, 2018. 356 с. (Серия : Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-9916-9426-1. Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/FEB1EE66-F1F9-466C-8E37-825BD844E098.
- 4. Шипачев, В. С. Высшая математика: учебник и практикум / В. С. Шипачев. 8-е изд., перераб. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2017. 447 с. (Серия: Бакалавр. Прикладной курс). ISBN 978-5-9916-3600-1. Режим доступа: www.biblioonline.ru/book/EBCB26A9-BC88-4B58-86B7-B3890EC6B386.
- 5. Шипачев, В. С. Дифференциальное и интегральное исчисление: учебник и практикум для СПО / В. С. Шипачев. М.: Издательство Юрайт, 2018. 212 с. (Серия: Профессиональное образование). ISBN 978-5-534-04547-5. Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/6E17B49F-D6F3-4C4E-8EB8-D48373D5A996.
- 6. Высшая математика для экономистов [Текст] : учебник для студентов вузов / [Н. Ш. Кремер и др.] ; под ред. Н. Ш. Кремера. 3-е изд. М. : ЮНИТИ-ДАНА, 2010. 479 с. : ил. (Золотой фонд российских учебников). Авт. указаны на обороте тит. л. ISBN 9785238009919.
- 7. Общий курс высшей математики для экономистов [Текст] : учебник для студентов вузов / [Б. М. Рудык и др.] ; под ред. В. И. Ермакова ; М-во образования Рос. Федерации ; Рос. эконом. акад. им. Г. В. Плеханова. М. : ИНФРА-М, 2005. 655 с. : ил. (Высшее образование). Авторы указаны на обороте тит. листа. Библиогр.: с. 647. ISBN 50021809.
- *Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Юрайт».

5.2 Дополнительная литература:

1. Высшая математика для экономистов: сборник задач: Учебное пособие/Г.И.Бобрик, Р.К.Гринцевичюс, В.И.Матвеев и др. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 539 с.: 60х90 1/16. - (Высшее образование: Бакалавриат) (Переплёт 7БЦ) ISBN 978-5-16-010074-6, 500 экз.

- 2. Высшая математика: Практикум / И.Г. Лурье, Т.П. Фунтикова. М.: Вузовский учебник: НИЦ ИНФРА-М, 2013. 160 с.: 60х88 1/16. (обложка) ISBN 978-5-9558-0281-7, 200 экз.
- 3. Высшая математика для экономистов: Учебное пособие/О.А.Кастрица, 4-е изд., стер. М.: НИЦ ИНФРА-М, Нов. знание, 2015. 491 с.: 60х90 1/16. (Высшее образование: Бакалавриат) (Переплёт) ISBN 978-5-16-010960-2, 200 экз.
- 4. Грушевский С.П., Засядко О.В., Мороз О.В. Элементы математического анализа: [учебное-методическое пособие]. Учебное издание ООО «Просвещение-Юг» Краснодар 2014

5.3. Периодические издания:

- **1.** Северный (Арктический) федеральный университет имени М. В. Ломоносова, https://e.lanbook.com/journal/2344#publisher_name
- **2.** Вестник БГУ. Серия 1. Физика. Математика. Информатика Белорусский государственный университет, https://e.lanbook.com/journal/2495#publisher_name
- **3.** Вестник Воронежского государственного университета. Серия: Физика. Математика. Воронежский государственный университет, https://e.lanbook.com/journal/2657#publisher_name

6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- 1. http://www.allmath.ru
- 2. http://www.lektorium.tv/
- 3. http://www.mate.oglib.ru/bgl/7384.html
- 4. Дидактические материалы по информатике и математике http://comp-science.narod.ru
- 5. Портал ВСЕОБУЧ все об образовании http://www.edu-all.ru
- 6. Библиотека учебных курсов Microsoft http://www.microsoft.com/Rus/Msdnaa/Curricula/
- 7. http://www.reshebnik.ru/
- $\textbf{8.} \qquad \text{http://www.ssga.ru/AllMetodMaterial/metod_mat_for_ioot/metodichki/matem_verb/content5-2.html} \\$
- 9. Интернет-ресурсы http://metodist.lbz.ru Методическая служба издательства «БИ-НОМ.
- 10. Бесплатная специализированная поисковая система Scirus для поиска научной информации http://www.scirus.com

7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Лекционные занятия проводятся по основным разделам алгебры и геометрии. Они дополняются практическими занятиями, в ходе которых студенты решают задачи по всем предлагаемым темам. Для подготовки к лекциям необходимо изучить основную и дополнительную литературу по заявленной теме и обратить внимание на те вопросы, которые предлагаются к рассмотрению в конце каждой темы. После изучения определенных разделов проводится аттестация в форме теста, контрольной работы. Контрольные работы оцениваются в баллах, сумма которых дает рейтинг каждого обучающегося. В баллах оцениваются не только знания и навыки обучающихся, но и их творческие возможности: активность, неординарность решений поставленных проблем, умение сформулировать и решить научную проблему.

Самостоятельная работа студентов предполагает систематический характер. Студентам рекомендуется чтение после прослушивания лекций соответствующих разделов тех

или иных учебников. Выполнение домашних заданий, домашних контрольных работ и индивидуальных работ.

На самостоятельную работу студентов по курсу «Математика» отводится около половины времени от общей трудоемкости курса. Сопровождение самостоятельной работы студентов может быть организовано в следующих формах:

- подготовка заданий для домашней контрольной работы с обязательной ее защитой студентами;
- составление индивидуальных планов самостоятельной работы конкретным студентам с указанием темы и видов заданий, форм и сроков представления результатов, критерием оценки самостоятельной работы;
 - консультации (индивидуальные и групповые);
- промежуточный контроль хода выполнения заданий строится на основе различных способов взаимодействия со студентами.

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (при необходимости)

Мультимедийные курсы лекций; интерактивные тестовые технологии; интерактивная доска; возможно использование компьютерных программ при выполнении дополнительных домашних задний.

8.1 Перечень необходимого программного обеспечения

Возможно использование при выполнении дополнительных домашних заданий программное обеспечение: Microsoft Office 2007; Adobe Reader; DjVu

8.2 Перечень необходимых информационных справочных систем

Обучающимся должен быть обеспечен доступ к современным профессиональным базам данных, профессиональным справочным и поисковым системам:

- 1. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» http://window.edu.ru/window
- 2. Библиотека электронных учебников http://www.book-ua.org/
- 3. «Консультант студента" (www.studentlibrary.ru).
- 4. Электронная библиотечная система "Юрайт".
- 5. Электронная библиотечная система eLIBRARY.RU (http://www.elibrary.ru)/.

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Nº	Вид работ		Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность
1.	Занятия типа	лекционного	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (Microsoft Office 2016) Ауд. 520А, 207Н, 208Н, 209Н, 212Н, 214Н, 201А, 205А, 4033Л, 4038Л, 4039Л, 5040Л, 5041Л, 5042Л, 5045Л, 5046Л
2.	Занятия типа	семинарского	Аудитории 208H, 202A, 210H, 216H, 513A, 514A, 515A, 516A, а также аудитории, оснащенные презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (Microsoft Office 2016). Ауд., 2026Л, 2027Л, 4034Л, 4035Л, 4036Л, 5043Л, 201H, 202H, 203H, A203H

3.	Лабораторные занятия	Не предусмотрены
4.	Курсовое проектирование	Не предусмотрено
5.	Групповые и индивиду- альные консультации	Аудитории 208H, 202A, 210H, 216H, 513A, 514A, 515A, 516A, 305H
6.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитории, оснащенные презентационной техникой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным обеспечением (Microsoft Office 2016). Ауд. 520А, 207Н, 208Н, 209Н, 212Н, 214Н, 201А, 205А, А208Н, 202А, 210Н, 216Н, 513А, 514А, 515А, 516А, 2026Л, 2027Л, 4033Л, 4034Л, 4035Л, 4036Л, 4038Л, 4039Л, 5040Л, 5041Л, 5042Л, 5043Л, 5045Л, 5046Л, 201Н, 202Н, 203Н, А203Н
7.	Самостоятельная работа	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», программой экранного увеличения и обеспеченный доступом в электронную информационнообразовательную среду университета Ауд.213A, 218A, 201H, 202H, 203H, A203H

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины «Математический анализ» для обучающихся по направлению подготовки 38.03.01 Экономика профили: «Экономика предприятий и организаций», «Финансы и кредит», «Мировая экономика», «Бухгалтерский учет, анализ и аудит» (заочной формы обучения), разработанную кафедрой информационных образовательных технологий ФГБОУ ВО «КубГУ»

Рассмотренная структура, содержание и качество оформления рабочей программы по дисциплине (РПД) «Математический анализ» соответствует содержанию ФГОС высшего профессионального образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика профили: «Экономика предприятий и организаций», «Финансы и кредит», «Мировая экономика», «Бухгалтерский учет, анализ и аудит», предъявляемых к результатам освоения выпускниками основных образовательных программ магистратуры, характеристики профессиональной деятельности выпускников: указаны конечные результаты обучения — знания, умения, навыки, а также необходимые компетенции.

В рабочей программе по дисциплине «Математический анализ» обоснована междисциплинарная логика, основные разделы (модули) курса имеют логическую последовательность построения и соотносятся по своему объему.

Бюджет времени, отводимого на занятия, согласован с бюджетом на различные самостоятельные работы обучающихся. Информационнометодическое обеспечение учебных занятий и самостоятельной работы достаточно полное. Перечень основной и дополнительной литературы, необходимой для освоения данной дисциплины, актуален.

Все разделы, включенные в представленную рабочую программу дисциплины, отвечают основным принципам формирования РПД.

Разработанный и представленный для экспертизы РПД рекомендуется к использованию в процессе подготовки бакалавров по указанному профилю.

ФИО, должность, звание:

Барсукова Виктория Юрьевна, кандидат физ.-мат. наук, доцент, заведующая кафедрой функционального анализа и алгебры

(дата) (подпись)

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины «Математический анализ» для обучающихся по направлению подготовки 38.03.01 Экономика профили: «Экономика предприятий и организаций», «Финансы и кредит», «Мировая экономика», «Бухгалтерский учет, анализ и аудит» (заочной формы обучения), разработанную кафедрой информационных образовательных технологий ФГБОУ ВО «КубГУ»

Рассмотренная структура, содержание и качество оформления рабочей программы по дисциплине (РПД) «Математический анализ» соответствует содержанию ФГОС высшего профессионального образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика профили: «Экономика предприятий и организаций», «Финансы и кредит», «Мировая экономика», «Бухгалтерский учет, анализ и аудит», предъявляемых к результатам освоения выпускниками основных образовательных программ бакалавриата.

В рабочей программе по дисциплине «Математический анализ» обоснована междисциплинарная логика, основные разделы (модули) курса имеют логическую последовательность построения и соотносятся по своему объему.

Бюджет времени, отводимого на занятия, согласован с бюджетом на различные самостоятельные работы обучающихся. Информационнометодическое обеспечение учебных занятий и самостоятельной работы достаточно полное. Перечень основной и дополнительной литературы, необходимой для освоения данной дисциплины – актуален.

Все разделы, включенные в представленную рабочую программу дисциплины, отвечают основным принципам формирования РПД.

Разработанный и представленный для экспертизы РПД рекомендуется к использованию в процессе подготовки бакалавров по указанному профилю.

Чистяков Эдуард Максимович, зам. генерального директора ООО «Риф»

(дата)

(подпись)