

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Кубанский государственный университет»  
Факультет Математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной ра-  
боте, качеству образования  
– первый проректор

Иванов А.Г.

подпись

« \_\_\_\_\_ »

2017г.

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ (И ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА))**

Б1.В.ДВ.4.16    Б1.В.ДВ.4.1,    Б1.Б.4.2

код и наименование направления подготовки

Направление подготовки/специальность:

09.03.01 - Информационные технологии и системы связи (ИтиСС);

11.03.01 - Радиотехника (РТ);

11.03.04 - Электроника и наноэлектроника

Направленность (профиль) / специализация:

Бакалавриат, Физико-технический факультет

Программа подготовки

Прикладная

Форма обучения

Очная

Квалификация (степень) выпускника

Бакалавр

Краснодар 2017

Рабочая программа дисциплины АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ (И ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА) составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки

09.03.01 - Информационные технологии и системы связи (ИТиСС);

11.03.01 — Радиотехника (РТ);

11.03.04 - Электроника и наноэлектроника

*код и наименование направления подготовки*

Программу составил(и):

В.В. Кожевников, ст. преп. кафедры «Теория функций»

И.О. Фамилия, должность, ученая степень, ученое звание

подпись

Рабочая программа дисциплины \_\_\_\_\_ утверждена на заседании \_\_\_\_\_ кафедры (разработчика)

\_\_\_\_\_  
протокол № \_\_\_\_\_ «\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2017г.

Заведующий кафедрой (разработчика) \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_  
фамилия, инициалы

подпись

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры (выпускающей)

\_\_\_\_\_  
протокол № \_\_\_\_\_ «\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2017г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_  
фамилия, инициалы

подпись

Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета

\_\_\_\_\_  
протокол № \_\_\_\_\_ «\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2017г.

Председатель УМК факультета \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_  
фамилия, инициалы

подпись

Рецензенты:

*(представители работодателей и академических сообществ, не менее 2-х представителей)*

\_\_\_\_\_  
Ф.И.О., должность, место работы

\_\_\_\_\_  
Ф.И.О., должность, место работы

## 1. Цели и задачи изучения дисциплины.

### 1.1 Цель дисциплины

Целями дисциплины «Аналитическая геометрия и линейная алгебра» являются: формирование геометрической и алгебраической культуры студента.

### 1.2 Задачи дисциплины:

1. Обучить основным методам и понятиям аналитической геометрии и линейной алгебры.
2. Развить практические навыки в использовании метода координат, в работе с векторами, в вычислении определителей, ранга матрицы, решении систем линейных уравнений, в определении базы векторов и разложении векторов системы по базе, в вычислении матрицы перехода, а также собственных значений и собственных векторов линейного преобразования.
3. Развить математическую культуру и интуицию
4. Развить умение формулировать и решать стандартные задачи, относящиеся к курсу аналитической геометрии и линейной алгебры.

### 1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина *Аналитическая геометрия (и линейная алгебра)* относится к базовой части Блока 1 «Дисциплины (модули)» учебного плана. Для успешного изучения дисциплины достаточно знаний и умений по алгебре и геометрии в объёме знаний и умений ученика, окончившего полный курс средней школы по математическим предметам, включая элементарную алгебру и элементарную геометрию.

### 1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю) в соответствии с ФГОС ВО и учебным планом.

**Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся общекультурных/профессиональных компетенций (ОК/ПК)**

№ п. п.	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			Знать	Уметь	Владеть
1.	ОК-1	<i>Студент должен обладать способностью использовать в познавательной и профессиональной деятельности базовые знания в области математики и естествен-</i>	<i>базовые понятия аналитической геометрии и линейной алгебры, определения и свойства основных объектов, изучаемых в этой дисципли-</i>	<i>работать с векторами, матрицами, базисами а также продемонстрировать достаточно высокую технику вычислений определителей, решать систе-</i>	<i>основными понятиями и методами аналитической геометрии и линейной алгебры, правильно приводить определения; эти</i>

№ п. п.	Индекс компетен-	Содержание компетенции (или её части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны		
			Знать	Уметь	Владеть
2.	ОК-16	<i>Иметь способность использовать в познавательной и профессиональной деятельности навыки работы с информацией из различных источников</i>	не, формулировки утверждений, методы их доказательства, основные методы алгебры: геометрические приложения; векторную и тензорную алгебру применительно к векторным и тензорным полям	мы линейных уравнений произвольного конечного порядка, формулировать и доказывать теоремы, самостоятельно решать стандартные задачи алгебры, а также использовать методы алгебры в приложениях, в задачах из специальных областей; выписывать матрицу линейного преобразования в данном базисе, а также матрицу перехода от одного базиса к другому, находить собственные значения собственные векторы.	знания должны уметь прилагаться к решению задач прежде всего геометрического содержания. должен владеть геометрическими и аналитическими методами алгебры.
3.	ПК-1	<i>Уметь понять поставленную задачу</i>	тензорным полям, а также различным модельным задачам математической физики.		
4.	ПК-2	<i>Обладать способностью применять на практике базовые профессиональные навыки</i>			

## 2. Структура и содержание дисциплины

### 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет:

Специальность	ИТиСС	РТ	ЭиНЭ
Зач. ед.	4 ЗЕТ	4 ЗЕТ	3 ЗЕТ
Общая трудоёмкость	144	134	105

### Распределение по видам работ (для студентов ОФО).

Специальность:	ИТиСС	РТ	ЭиНЭ	ИТиСС	РТ	ЭиНЭ
Вид учебной работы	Всего часов			Семестр 1		
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	72	72	72	72	72	72
В том числе:						
Занятия лекционного типа	36	36	36	36	36	36
Лабораторные работы	36	36	36	36	36	36
<b>Самостоятельная работа (всего)</b>	72	62	33	72	62	33
В том числе:						
Проработка учебного материала	32	26	33	32	26	33
Выполнение индивидуальных заданий	25	21	25	25	21	25
<b>Вид промежуточной аттестации: зачёт</b>	5	5	5	5	5	5
<b>Итого (час):</b>	144	134	105	138	124	105
<b>зач. ед.</b>	4	4	3	4	4	3

## 2.2. Структура дисциплины

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

Разделы дисциплины изучаемые в 1 семестре (для студентов ОФО)

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов							
		Всего			Аудиторная работа		Самостоятельная работа студента		
		ИТиС С	РТ	ЭиН Э	Л	ПЗ	ИТиС С	РТ	ЭиН Э
1	Векторы	18	23	13	4	4	10	8	5
2	Метод координат	24	29	20	4	10	10	9	5
3	Определители $n$ -го порядка	20	25	16	6	4	10	9	5
4	Системы линейных уравнений	21	26	17	6	5	10	9	5
5	Действия с матрицами	15	15	15	4	5	10	9	5
6	Линейные векторные пространства	20	25	16	6	4	10	9	5
7	Линейные преобразования	22	27	16	6	4	12	9	3
8	<i>Итого по дисциплине:</i>	144	134	105	36	36	72	62	33

## 2.3 Содержание разделов дисциплины

### 2.3.1 Занятия лекционного типа

№ п/п	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	Векторы	Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базисы векторов на прямой, плоскости, пространстве. Скалярное произведение. Геометрические и алгебраические свойства скалярного произведения. Векторное и смешанное произведение. Геометрические и алгебраические свойства векторного и смешанного произведения векторов.	Обсуждение домашнего задания.. Коллоквиум.
2	Метод координат	Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Скалярное, векторное, смешанное произве-	

		дения в координатах. Определители 2 и 3 порядка. Приложения скалярного, векторного и смешанного произведения.	
3	Определители произвольного порядка	Перестановки и подстановки $n$ -го порядка. Симметрическая группа. Определитель $n$ -го порядка. Поведение определителя при перестановке его строк или столбцов. Линейные свойства определителя. Миноры и алгебраические дополнения. Формула Лапласа.	Устные опросы.
4	Системы линейных уравнений	Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Ранг матрицы. Теорема об элементарных преобразованиях. Вычисление ранга матрицы. Линейная зависимость и линейная независимость (строк или столбцов). Теорема о ранге матрицы. Произвольная система линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса.	Устные опросы.
5	Действия с матрицами	Операции над матрицами. Сложение и умножение на числа. Умножение матриц. Ассоциативность умножения матриц. Обратная матрица. Алгебра квадратных матриц. Характеристический многочлен и собственные числа квадратной матрицы.	Устные опросы.
6	Линейные векторные пространства	Поле. Числовые поля. Линейное пространство над полем. Примеры линейных пространств. Линейная зависимость и базис в линейном пространстве. Размерность линейного пространства. Переход к новому базису. Матрица перехода. Линейные подпространства. Изоморфизм линейных пространств.	Устные опросы
7	Линейные преобразования	Линейное преобразование. Матрица линейного преобразования. Операции над линейными преобразованиями (и матрицами). Теорема об определителе произведения матриц. Невырожденное линейное преобразование. Обратная матрица. Матрица линейного преобразования в новом базисе. Подобные матрицы. Линейные отображения пространств. Прямоугольные матрицы. Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения линейно-	Устные опросы

		го преобразования.	
--	--	--------------------	--

### 2.3.2 Занятия семинарского типа — не предусмотрены.

### 2.3.3 Практические занятия

№ п/п	Наименование раздела	Наименование практических работ	Форма текущего контроля
1	Векторы	Векторы. Линейные операции над векторами. Базисы на прямой, плоскости, пространстве. Координаты вектора. Скалярное произведение. Векторное и смешанное произведение. Смешанное произведения векторов. Скалярное, векторное, смешанное произведения в координатах.	Обсуждение домашнего задания. Блиц-опрос. Контрольная работа 1.
2	Метод координат	Декартовы координаты на плоскости. Кривые второго порядка, заданные простейшими уравнениями. Прямая на плоскости. Декартовы координаты в пространстве. Плоскость и прямая в пространстве. Поверхности второго порядка, заданные простейшими уравнениями. Комплексные числа. Алгебра комплексных чисел. Модуль и аргумент. Геометрия комплексной плоскости.	Обсуждение домашнего задания. Контрольная работа 2.
3	Определители	Определители второго и третьего порядков. Определители произвольного порядка. Вычисление определителей: приведение к треугольному виду; другие методы Миноры, алгебраические дополнения и теорема Лапласа.	Обсуждение домашнего задания. Блиц-опрос 2
4	Системы линейных уравнений	Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Матрица линейной системы. Ранг матрицы. Вычисление ранга матрицы. Линейная зависимость и линейная независимость (строк или столбцов). Произвольная система линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса.	Обсуждение домашнего задания. Контрольная работа 3.
5	Действия с матрицами	Операции над матрицами. Сложение и умножение на числа. Умножение матриц. Ассоциативность умножения матриц. Обратная матрица. Алгебра квадратных матриц. Подобные матрицы. Характеристический и многочлен. Диагональная форма матрицы.	Обсуждение домашнего задания. Контрольная работа 4.

6	Линейные векторные пространства	Линейная независимость и база системы векторов. Базис в линейном пространстве. Размерность линейного пространства. Переход к новому базису. Матрица перехода.	Обсуждение домашнего задания.
7	Линейные преобразования	Линейное преобразование. Матрица линейного преобразования. Операции над линейными преобразованиями (и матрицами). Инвариантные подпространства. Собственные векторы и собственные значения линейного преобразования.	Обсуждение домашнего задания. Контрольная работа 5.

#### **2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)**

№	Наименование раздела	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы
1	Векторы	[1], [3] (их списка основной литературы)
2	Система координат	[1], [3]
3	Определители n-го порядка	[2],[4]
4	Системы линейных уравнений	[2],[4]
5	Линейные векторные пространства	[2],[4]
6	Линейные преобразования	[2],[4]

### **3. Образовательные технологии.**

*В процессе обучения студентов используются текущие опросы, контрольные работы, проводятся коллоквиум, лекции, практические занятия, контрольные работы и экзамен. В течение семестра к каждому лабораторному занятию студенты решают задачи, указанные преподавателем. В семестре проводится пять контрольных работ (на лабораторных занятиях). Зачёт сдаётся после сдачи всех контрольных работ и реферата.*

### **4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации**

#### **4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации**

*См. Приложение 1.1.*

## **4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации**

См. Приложение 1.2.

## **5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

### **5.1 Основная литература:**

1. Цубербиллер О.Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии, СПб, Лань, 2003, 336 с.
2. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. Лань, Скт-Петербург-Москва-Краснодар 2010.
3. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры. - М.: Высшая школа, М.: МГУ, 2007.
4. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения. М.: Физматлит, 2009.
5. Александров П.С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учеб. пособие. - М.: Наука. Гл.ред. физ.-мат. лит., 2010 - 672 с.: ил.

### **5.2 Дополнительная литература:**

1. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Аналитическая геометрия. 6-е изд. М. Физматлит, 2002. 240 с.
2. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра. - М.: Наука, 1984.
3. Федорчук В.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учеб. пособие. - М.: Изд-во МГУ, 1990. - 328 с.
4. Александров П.С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учеб. пособие. - М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1990. - 672 с.: ил.

## **6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)**

1. Цубербиллер О.Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии// Ресурс:  
<http://edu-lib.net/matematika-2/dlya-studentov/tsuberbiller-o-n-zadachi-i-uprazhneniya-po>
2. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре// Ресурс:  
[http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=1&ved=0CB4QFjAA&url=http%3A%2F%2Felibrary.sgu.ru%2Fuch\\_lit%2F560.pdf&ei=267JVLvfHcz3UqjzGyAK&usg=AFQjCNFNamwY\\_xFMoMH24ToFM-xmegIoQw&bvm=bv.84607526.d.d24&cad=rjt](http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=1&ved=0CB4QFjAA&url=http%3A%2F%2Felibrary.sgu.ru%2Fuch_lit%2F560.pdf&ei=267JVLvfHcz3UqjzGyAK&usg=AFQjCNFNamwY_xFMoMH24ToFM-xmegIoQw&bvm=bv.84607526.d.d24&cad=rjt)
3. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры// Ресурс:  
[http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=2&ved=0CCCEQFjAB&url=http%3A%2F%2Frepository.enu.kz%2Fbitstream%2Fhandle%2F123456789%2F8092%2FBeklemishev\\_Kurs%2520analiticheskoi.pdf&ei=dq\\_JVKnCI4LsUuD8gogD&usg=AFQjCNGO\\_ZeG2Wt9l2Zlw8lRfgcalXOeFA&bvm=bv.84607526.d.d24&cad=rjt](http://www.google.ru/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=2&ved=0CCCEQFjAB&url=http%3A%2F%2Frepository.enu.kz%2Fbitstream%2Fhandle%2F123456789%2F8092%2FBeklemishev_Kurs%2520analiticheskoi.pdf&ei=dq_JVKnCI4LsUuD8gogD&usg=AFQjCNGO_ZeG2Wt9l2Zlw8lRfgcalXOeFA&bvm=bv.84607526.d.d24&cad=rjt)
4. Головина Л.И. Линейная алгебра и некоторые её приложения// Ресурс:

## **7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)**

Самостоятельная работа студента является необходимой и крайне важной при изучении любого теоретического или практического учебного курса и должна быть правильно организована. Прежде всего, необходимо, чтобы эта работа была систематической и регулярной. В помощь студенту учебным планом рекомендован график самостоятельной работы. При желании студент может воспользоваться этим графиком. Самостоятельная работа делится между теоретической частью курса и практической, но это деление не носит формального характера, поскольку решение практических задач предусматривает знание основных теоретических понятий и методов, а теоретические знания в свою очередь не могут усваиваться без практической работы с теоретическими конструкциями.

При подготовке к практическому занятию студенту целесообразно познакомиться сначала с теоретическими понятиями, относящимися к данному разделу, чтобы уяснить для себя смысловую часть работы. Для этого рекомендуется прочитать лекции или учебники, в которых освещаются соответствующие вопросы. Естественно, студенту необязательно использовать лишь литературу, указанную в библиографии, но на начальных стадиях изучения материала это делать желательно. Со временем расширение использования литературных источников можно лишь приветствовать. Перед решением домашних задач студенту целесообразно познакомиться сначала с содержанием предыдущего занятия, уяснить для себя методы решения задач рассматриваемого типа. При этом у студента естественно возникают затруднения и вопросы, которые он может задать преподавателю на следующем практическом занятии. Любое практическое занятие начинается с разборов вопросов и затруднений по домашнему заданию. Форма практических занятий, особенно занятий лабораторных, предусматривает диалог между студентами и преподавателем. Практика показывает, что студенты охотно прибегают к прямому диалогу с преподавателем и умеют извлечь для себя пользу из соответствующего диалога. Каждая тема заканчивается итоговой контрольной работой с выставлением оценки. Студент должен получить по каждой контрольной работе хотя бы удовлетворительную оценку, иначе он получает дополнительное задание с обязательным условием отработки неудовлетворительной оценки по соответствующей контрольной работе. Эти отработки принимаются преподавателем, ведущим практические занятия в течение всего семестра. По результатам контрольных работ и их отработкам студенту выставляется итоговая оценка по практике, определённым образом влияющая на его зачётную оценку.

## График СР

№	Виды /формы СР	Форма отчёта	Сроки отчётности
1	Выполнение текущих домашних заданий	Предъявление выполненных домашних заданий по требованию	В течение семестра
2	Выполнение контрольных работ	Сдача контрольных работ	В соответствии с учебным графиком
3	Отработка неудовлетворительных оценок по контрольным работам	Отчёт о решении предложенных задач	В течение семестра
4	Подготовка курсовой работы в форме реферата по теме «Комплексные числа»	Защита реферата с получением оценки	Середина ноября
5	Подготовка к коллоквиуму	Сдача коллоквиума с получением оценки	Середина ноября
6	Подготовка к экзамену	Сдача экзамена с получением итоговой оценки	Середина января

**8. Применение информационных технологий, при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) — не предусматривается.**

**9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю):** учебные аудитории, оборудованные досками, мел, маркеры.

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащённость
1.	Лекционные занятия	Лекционная аудитория оснащённая учебными досками
2.	Практические занятия	Аудитория для проведения практического занятия, оснащённая учебной доской
3.	Текущий контроль, промежуточная аттестация	Аудитория

**Автор:** Кожевников В.В.