

# МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ филиал федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

в г.Геленджике

Y I BEP MAHO 6 pa 30 COLLAND TO C

Директор филиала ФТБОУ ВПО

«Кубанский томударственный университет»

в г. Телен выста

Р.С. Маслова

» 2015 г.

### РАБОЧАЯ УЧЕБНАЯ ПРОГРАММА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ И МОДЕЛИ ИССЛЕДОВАНИЯ ОПЕРАЦИЙ

Специальности 09.02.03 Программирование в компьютерных системах среднего профессионального образования

3 курс 6 семестр

лекции34 ч

практические занятия 30 ч

самостоятельные занятия 32 ч

форма итогового контроля экзамен 6 семестр

### СОДЕРЖАНИЕ

ПАСПОРТ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	3
1.1. Область применения программы	3
1.2. Место учебной дисциплины в структуре основной профессиональной	
образовательной программы:	3
1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения уче	бной
дисциплины:	3
1.4. Рекомендуемое количество часов на освоение программы учебной дисциплин	łЫ
«Математические методы и модели исследования операций»:	6
2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	7
2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы	7
2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины	8
3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	13
3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению	13
3.2. Информационное обеспечение обучения	13
4. Контроль и оценка результатов освоения УЧЕБНОЙ Дисциплины	14

### 1. ПАСПОРТ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ И МОДЕЛИ ИССЛЕДОВАНИЯ ОПЕРАЦИЙ

#### 1.1. Область применения программы

Программа учебной дисциплины является частью основной профессиональной образовательной программы в соответствии с ФГОС по специальностью СПО 09.02.03 Программирование в компьютерных системах.

Программа учебной дисциплины может быть использована в дополнительном профессиональном образовании при наличии основного (общего) образования. Опыт работы не требуется.

### 1.2. Место учебной дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы:

Учебная дисциплина «Математические методы и модели исследования операций» входит в математический и общий естественнонаучный цикл.

### 1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения учебной дисциплины:

Изучение дисциплины «Математические методы и модели исследования операций» преследует как содержательно-прикладную, так и общекультурную цель: заложить основы фундаментальной профессиональной подготовки дипломированного специалиста, способствующей дальнейшему развитию личности выпускника и формированию целостного взгляда на окружающий мир.

В рамках курса «Математические методы и модели исследования операций» излагается методология и технология нахождения рационально обоснованных решений в различных областях хозяйственной деятельности на базе единого подхода, опирающегося на математическое и компьютерное моделирование управляемых явлений с использованием соответствующего математического аппарата и программного обеспечения.

В процессе изучения дисциплины решаются следующие задачи:

- овладение теоретико-методологическими основами исследования операций;
- овладение приемами формализации описания проблемных ситуаций в экономических системах в виде задач математической оптимизации;
- понимание специфики математических методов отыскания и анализа решений различных классов операционных задач;

- приобретение навыков применения моделей и методов исследования операций для поддержки принятия решений по совершенствованию функциональной деятельности или организации управления в прикладных областях;
- освоение информационно-вычислительных технологий решения задач исследования операций на ЭВМ; развитие умения студента вырабатывать обоснованные рекомендации в поддержку принятия управленческого решения;
- закрепление приобретенных знаний на практических и лабораторных занятиях, а также в ходе выполнения индивидуальных проектов по тематике дисциплины.

### В результате освоения учебной дисциплины «<u>Математические методы и модели</u> исследования операций» обучающийся должен:

- уметь сформировать множество альтернативных решений, поставить цель и выбрать оценочный критерий оптимальности, сформулировать ограничения на управляемые переменные, связанные со спецификой моделируемой системы;
- уметь формализовать описание состояния экономической системы в процессе ее функционирования;
- уметь обосновать выбор подходящего математического метода и привести алгоритм решения задачи;
- уметь получать решение задачи в упрощенной постановке без применения компьютера;
- уметь находить оптимальное решение средствами компьютерных вычислительных систем;
  - уметь интерпретировать результаты математического моделирования.

В результате освоения учебной дисциплины «Математические методы и модели исследования операций» обучающийся должен: В результате освоения учебной дисциплины Математические методы обучающийся должен обладать предусмотренными ФГОС по специальности СПО 09.02.03 (230115) Программирование в компьютерных системах (базовый уровень) следующими умениями, знаниями, которые формируют профессиональные и общие компетенции:

- У1. Составлять простейшие математические модели задач, возникающих в практической деятельности людей.
- У2. Выбирать и обосновывать наиболее рациональный метод и алгоритм решения задачи, а также оценивать сложность выбранного алгоритма.

- У3. Разрабатывать алгоритмы и программы для решения различных практических задач с применением математических методов.
- ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.
- ОК 2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество.
- ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность.
- ОК 4. Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития.
- ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.
- ОК 6. Работать в коллективе и в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, потребителями.
- ОК 7. Брать на себя ответственность за работу членов команды (подчиненных), за результат выполнения заданий.
- ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации.
- ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности.
- ПК. 1.1. Выполнять разработку спецификаций отдельных компонент
- ПК. 1.2. Осуществлять разработку кода программного продукта на основе готовых спецификаций на уровне моделей
- ПК 1.3. Выполнять отладку программных модулей с использованием специализированных программных средств.
- ПК 1.4. Выполнять тестирование программных модулей.
- ПК 1.5. Осуществлять оптимизацию программного кода модуля.
- ПК 3.2. Выполнять интеграцию модулей в программную систему.
- ПК 3.3. Выполнять отладку программного продукта с использованием специализированных программных средств.
- ПК 3.4. Осуществлять разработку тестовых наборов и тестовых сценариев.

- знать основные идеи комплексного научного подхода к обоснованию решений, наилучшим образом отвечающих целям организации;
- знать специфику математического моделирования организационных задач в экономических системах;
- знать общую постановку задач математического программирования, динамического программирования, сетевого планирования, теории массового обслуживания;
- знать универсальные приемы исследования оптимизационных проблем при различной степени неопределенности условий;

### 1.4. Рекомендуемое количество часов на освоение программы учебной дисциплины «Математические методы и модели исследования операций»:

максимальной учебной нагрузки обучающегося 96 часов, в том числе:

обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося 64 часа;

самостоятельной работы обучающегося 32 часа.

### 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Максимальная учебная нагрузка (всего)	96
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	64
в том числе:	
лабораторные работы	0
практические занятия	30
контрольные работы	0
лекционные занятия	34
Самостоятельная работа обучающегося (всего)	32
в том числе:	
работа с литературными и электронными источниками	8
систематизация материала, разработка таблиц	4
проектная деятельность	4
написание реферата	4
подготовка докладов	6
оформление мультимедийных презентаций	4
решение индивидуальных задач	2

### 2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины

### «Математические методы и модели исследования операций»

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, лабораторные работы и практические занятия,	Объем	Уровень
	самостоятельная работа обучающихся	часов	усвоения
1	2	3	4
Раздел 1. Введение. Общая		26	
характеристика и			
особенности исследования			
операций.			
Тема 1. Основные понятия и	Содержание учебного материала	6	
принципы исследования операций.	1. Процесс принятия решения, его участники и этапы. Исследование операций как комплексное научно-прикладное направление поддержки принятия решения. Принцип системности. Рациональный подход.	4	1
	2. Понятия операции, оперирующей стороны, активных средств проведения операции, действующих факторов операции, решения, альтернативных планов, цели, критерия эффективности. Классификация операций с позиций учета неопределенности действующих факторов. Примеры операций в экономических системах. Типы задач исследования операций.	2	1
	Лабораторные работы	-	
	Практические занятия	4	
	1. Схема процесса принятия решения.	2	2
	2. Исследование операций как комплексное научно-прикладное направление поддержки принятия решения.	2	2
	Самостоятельная работа обучающихся	2	

	1.	Исторический аспект развития теории исследования операций в трудах отечественных и зарубежных ученых.	2	2
Тема 2. Математическое	Сод	ержание учебного материала	6	
моделирование - язык и инструментарий рационального исследования операций.	1.	6	1	
	Лаб	ораторные работы	-	
	Пра	ктические занятия	6	
	1.	Особенности моделирования экономических явлений и процессов.	2	2
	2.	Оптимизация как способ описания рационального поведения.	2	2
	3	Элементы оптимизационной модели.	2	2
	Сам	остоятельная работа обучающихся	2	
	1.	Основные этапы моделирования операции.	2	2-3
Раздел 2. Исследование операций в условиях			46	
определенности. Модели и методы математического программирования.				
Тема 3. Программируемые	Сод	ержание учебного материала	6	

проблемы в экономике.	1. Различные типы экономических проблем по степени их структуризации. Примеры программируемых проблем.	2	1
	2. Математическое программирование - аппарат решения оптимизационных задач. Допустимое множество. Множество оптимальных планов.	4	1
	Лабораторные работы	-	
	Практические занятия	-	
	Контрольные работы	-	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
	1. Примеры программируемых хозяйственных проблем.	2	2
Тема 4. Основные направления математического программирования. Классификация и общая постановка задач.	Содержание учебного материала	6	
	1. Линейное программирование, нелинейное программирование, квадратичное программирование, выпуклое программирование, дискретное программирование, целочисленное программирование, булевское программирование, геометрическое программирование, параметрическое программирование, стохастическое программирование, динамическое программирование.	6	1
	Лабораторные работы	-	
	Практические занятия	12	

	Математическое программирование - аппарат решения оптимизационных задач.	12	2	
Тема 5. Условная оптимизация.	Содержание учебного материала	6		
оптимизиция.	1. Повторение: Виды экстремумов. Достаточное условие существования	4	1	
	глобального экстремума. Безусловная оптимизация. Необходимые и			
	достаточные условия локального экстремума. Производная по направлению и градиент.			
	2. Условный экстремум. Необходимые и достаточные условия условного	2	1	
	экстремума. Специфика оптимизационных задач исследования операций.			
	Лабораторные работы	-		
	Практические занятия	4		
	Специфика оптимизационных задач исследования операций.	4		
	Контрольные работы	-		
	Самостоятельная работа обучающихся	10		
	1. Специфика оптимизационных задач исследования операций.	10	2-3	
Раздел 3. Задачи в условиях неопределённости		24		
Тема 6. Функция Лагранжа и				
задача нелинейного программирования.	1. Классическая задача нелинейного программирования. Определение функции Лагранжа. Преобразование задачи условной оптимизации в задачу безусловной оптимизации.	2	1	
	Лабораторные работы	-		

Метод множителей Лагранжа нахождения оптимального решения задачи.  Контрольные работы  Самостоятельная работа обучающихся  1. Метод множителей Лагранжа нахождения оптимального решения задачи.	6 - 16 - 16	
Самостоятельная работа обучающихся	16	
1. Метод множителей Лагранжа нахождения оптимального решения задачи.	1.0	
	16	2-3
Всего	96	
	в т.ч. сам.	
		в т.ч. сам. работа <i>32</i> часов

### 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

Реализация учебной дисциплины требует наличия:

- учебного кабинета «Информационные технологии»
- лаборатории «Вычислительной техники и компьютерных сетей»

### Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- специализированная мебель;
- комплект учебно-методической документации;
- наглядные пособия;
- раздаточный материал к лабораторным и практическим занятиям;
- информационные стенды;
- материал для внеаудиторной работы по дисциплине.

### Технические средства обучения:

- персональные компьютеры для оснащения рабочего места преподавателя и обучающихся с выходом в сеть Интернет;
- технические устройства для аудиовизуального отображения информации(интерактивная доска, микрофон, web-камера.).;
- мультимедийный проектор;

### Оборудование лаборатории и рабочих мест лаборатории «Вычислительной техники и компьютерных сетей»:

- автоматизированное рабочее место преподавателя;
- автоматизированные рабочие места обучающихся;
- мультимедийный проектор;
- аудиовизуальные средства обучения (интерактивная доска, микрофон, web-камера.).
- принтер.

### 3.2. Информационное обеспечение обучения

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

#### Основные источники:

### Дополнительные источники:

- 1. Математические методы и модели исследование операций. Учеб. пособие для вузов / Под ред.В.А. Колемаева. —М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2015.
- 2. Балдин К.В. Математические методы и модели в экономике.-ИЗД. ФЛИНТА 2012г.
- 3. Минько Э.В. Методы прогнозирования и исследование операций. Изд. Финансы и статистика. 2010г.
- **4.** Контроль и оценка результатов освоения УЧЕБНОЙ Дисциплины Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий и лабораторных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

Результаты обучения	Формы и методы контроля и
(освоенные умения,	оценки результатов обучения
усвоенные знания)	
<ul> <li>получать информацию о параметрах компьютерной системы;</li> <li>подключать дополнительное оборудование и настраивать связь между элементами компьютерной системы;</li> <li>производить инсталляцию и настройку программного обеспечения компьютерных систем.</li> <li>базовые понятия и основные принципы построения архитектур вычислительных систем;</li> <li>типы вычислительных систем и их архитектурные особенности;</li> <li>организацию и принцип работы основных логических блоков</li> </ul>	Текущий контроль в форме:  - практических занятий;  - рефератов;  - докладов;  - контрольных работ по темам;  - самостоятельных работ;  - защита проектов;  - подготовка презентаций;  - систематизации знаний в виде таблиц
<ul> <li>компьютерных систем;</li> <li>процессы обработки информации на всех уровнях компьютерных архитектур;</li> <li>основные компоненты программного обеспечения компьютерных систем;</li> <li>основные принципы управления ресурсами и организации доступа к этим ресурсам.</li> </ul>	- решение индивидуальных задач  Итоговый контроль в форме контрольной работы

#### Темы семинарских занятий

### Семинар № 1

### Раздел 1. Введение. Общая характеристика и особенности исследования операций.

Тема 1. Основные понятия и принципы исследования операций:

- 1. Схема процесса принятия решения.
- 2. Исследование операций как комплексное научно-прикладное направление поддержки принятия решения.
- 3. Ключевые термины исследования операций в экономических системах.
- 4. Типы задач исследования операций.
- 5. Исторический аспект развития теории исследования операций в трудах отечественных и зарубежных ученых.

Tema 2. Математическое моделирование - язык и инструментарий рационального исследования операций:

- 1. Особенности моделирования экономических явлений и процессов.
- 2. Оптимизация как способ описания рационального поведения.
- 3. Элементы оптимизационной модели.
- 4. Основные этапы моделирования операции.

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [1-3, 8, 10, 13].

#### Семинар № 2

### Раздел 2. Исследование операций в условиях определенности. Модели и методы математического программирования

Тема 3. Программируемые проблемы в экономике.

Примеры программируемых хозяйственных проблем.

Тема 4. Основные направления математического программирования. Классификация и общая постановка задач

Математическое программирование - аппарат решения оптимизационных задач.

Тема 5. Условная оптимизаци

Специфика оптимизационных задач исследования операций.

Рекомендуемая учебно-методическая литература: [1, 7, 13, 14]

### Семинар № 3

### Раздел 3. Нелинейное программирование

Тема 6. Функция Лагранжа и задача нелинейного программирования

Метод множителей Лагранжа нахождения оптимального решения задачи.

#### Тема 8. Экономический смысл множителей Лагранжа

Тема 9. Седловая точка функции Лагранжа и оптимальность решения задачи нелинейного программирования при условии неотрицательности управляемых переменных.

- 1. Определение седловой точки функции Лагранжа.
- 2. Достаточное условие оптимальности решения.
- 3. Примеры нахождения оптимальных решений методом седловой точки.

Тема 10. Выпуклое программирование. Теория Куна-Таккера

- 1. Условия дополняющей нежесткости.
- 2. Необходимое и достаточное условия оптимальности решения.

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [3-5, 7, 13, 14].

### Семинар № 4

Тема 11. Примеры решения оптимизационных задач нелинейного программирования.

- 1. Задача об оптимальном размере закупаемой партии товара.
- 2. Задача максимизации объема выпуска продукции.
- 3. Распределение заказа между двумя фирмами.

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [10, 12, 13].

#### Семинар № 5

### Раздел 4. Линейные оптимизационные модели и линейное программирование

*Тема 12.* Эквивалентные формы и основные свойства задачи линейного программирования.

- 1. Основные предположения, принимаемые при построении линейных статических детерминированных оптимизационных моделей.
- 2. Стандартная и каноническая формы записи задачи линейного программирования. Правила преобразования задачи линейного программирования из стандартной в каноническую форму.
- 3. Примеры постановки задач линейного программирования в стандартной и канонической формах:
- задача о диете (о смесях);
- задача производственного планирования при оптимальном использовании сырья;
- задача об оптимальном раскрое материалов (о минимизации отходов).

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [1-9, 12, 13, 21, 24].

### Семинар № 6

*Тема 13.* Геометрический смысл задачи линейного программирования при n=2:

Примеры задач, демонстрирующих существование; отсутствие; единственность; неединственность оптимальных решений.

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [1-9, 12, 13, 21].

### Семинар № 7

Тема 14. Симплексный метод решения задачи линейного программирования:

- 1. Алгоритм симплекс-метода.
- 2. Структура симплекс-таблицы.
- 3. Обсуждение проблемы зацикливания процесса последовательного улучшения плана.
- 4. Решение задачи производственного планирования при оптимальном использовании сырья.

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [1-9, 12, 21].

### Семинар № 8

Тема 15. Двойственность в линейном программировании:

- 1. Правила построения взаимно двойственных задач линейного программирования.
- 2. Первая и вторая теоремы двойственности.
- 3. Интерпретация двойственных оценок.
- 4. Анализ чувствительности решения задачи линейного программирования 5. Пример решения взаимно двойственных задач и использования результатов теории двойственности для анализа чувствительности решения к изменению условий задачи. Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [1-9, 12, 21].

### Семинар № 9

Тема 16. Специальные задачи и методы линейного программирования:

- 1. Постановка транспортной задачи линейного программирования.
- 2. Методы построения опорного плана.
- 3. Распределительный способ решения на основе метода потенциалов.
- 4. Условие оптимальности плана перевозок.
- 5. Постановка задачи о назначениях.

Рекомендуемый учебно-методический список литературы: [1-9, 12, 13, 21].

Тематика	контрольных	работ	и	методические
указания	no	ux		выполнению

Контрольная работа № 1 (раздел 4, линейное программирование) - время выполнения 70 мин;

контрольная работа № 2 (раздел 5, дискретное программирование) - время выполнения 70 мин;

контрольная работа № 3 (раздел 6, динамическое программирование) - время выполнения

70

контрольная работа № 4 (раздел 7, теория массового обслуживания) - время выполнения 70 мин;

#### 3.2. Типовые задания для оценки освоения учебной дисциплины

### 3.2.1. Типовые задания для оценки знаний 31, 32, умений У1, У2, У3 (текущий и рубежный контроль)

### 1. Контрольные вопросы для устного опроса

### Вопросы по теме 1.1. «Основные принципы математического моделирования»

- 1. Что такое математическое моделирование и математическая модель?
- 2. Какие практические задачи решает математическое моделирование? Приведите примеры
- 3. В чем состоит идентификация объекта моделирования?
- 4. В чем состоит спецификация математической модели?
- 5. Чем различаются параметры и переменные математической модели?
- 6. В чем состоит оценка параметров математической модели?
- 7. Что понимают под решением модельной математической задачи?
- 8. Что понимают под экономической интерпретацией решения модельной математической задачи?
- 9. Какие признаки применяют для классификации моделей?
- 10. Приведите классификацию математических моделей и примеры моделей каждого типа.

### Вопросы по теме 2.1. «Линейное программирование»

- 1. В чем суть задачи линейного программирования? Приведите примеры постановок.
- 2. Опишите графический метод решения ЗЛП.
- 4. Приведите алгоритм Симплекс-метода и условия его применимости.
- 5. Опишите метод искусственного базиса.
- 6. Сформулируйте теорему двойственности ЭЛП.
- 7. В чем заключается постановка транспортной задачи.

- 8. Какие существуют методы нахождения опорного решения ТЗ?
- 9. В чем суть метода потенциалов.

### Вопросы по теме 2.2. «Нелинейное программирование»

- 1. В чем суть задачи нелинейного программирования? Приведите примеры постановок.
- 2. Приведите в общем виде классификацию ЗНП.
- 3. Опишите алгоритм нахождения локального экстремума функции двух переменных.
- 4. Сформулируйте необходимое и достаточное условия экстремума функции двух переменных.
- 5. Что такое глобальный экстремум функции нескольких переменных?
- 6. Сформулируйте теорему Вейерштрасса.
- 7. Опишите метод множителей Лагранжа.
- 8. Опишите графический метод решения задач нелинейного программирования. Когда он применим?

### Практические работы

### Практическая работа №1 «Графический метод решения задачи линейного программирования»

<u>Цель работы</u>: закрепление умения строить математическую модель задачи линейного программирования, изучение и освоение графического метода решения задач линейного программирования.

### Задание 1. Построить математическую модель ЗЛП.

Вариант 1. Завод выпускает обычные станки и станки с программным управлением, затрачивая на один обычный станок 200 кг стали и 200 кг цветного металла, а на один станок с программным управлением 700 кг стали и 100 кг цветного металла. Завод может израсходовать в месяц до 46 тонн стали и до 22 тонн цветного металла. Сколько станков каждого типа должен выпустить за месяц завод, чтобы объем реализации был максимальным, если один обычный станок стоит 2000 д.е., а станок с программным управлением 5000 д.е.

**Вариант** 2. Для производства двух видов изделий A и B используется три типа технологического оборудования. На изготовление одного изделия A оборудование первого типа используется в течение 5 ч., второго - в течение 3 ч. и третьего - 2 ч. На производство одного изделия B, соответственно: 2 ч., 3 ч. и 3 ч. В плановом периоде оборудование первого типа может быть использовано в течение 505 ч., второго - 394 ч. и

третьего - 348 ч. Прибыль от реализации одного изделия А равна 7 д.е., В - 4 д.е. Составить план производства, максимизирующий прибыль предприятия.

Вариант 3. Для изготовления изделий A и B предприятие использует три вида сырья. На производство одного изделия A требуется сырья первого вида 15 кг, второго - 11 кг, третьего - 9 кг, а на производство одного изделия B, соответственно, 4 кг, 5 кг, 10 кг. Сырья первого вида имеется 1095 кг, второго - 865 кг, третьего - 1080 кг. Составить план производства, максимизирующий прибыль, если прибыль от реализации единицы изделия A составляет 3 д.е., B - 2 д.е.

**Вариант** 4. Для производства изделий A и B используются три вида оборудования. При изготовлении одного изделия A оборудование первого вида занято 7 ч., второго - 6 ч. и третьего - 1 ч. При изготовлении одного изделия B, соответственно, 3 ч., 3 ч. и 2 ч. В месяц оборудование первого вида может быть занято 1365 ч., второго - 1245 ч. и третьего - 650 ч. Составить план производства, максимизирующий прибыль, если прибыль от реализации одного изделия A равна 6 д.е., изделия B - 5 д.е.

Вариант 5. Для изготовления изделий A и B используется три вида сырья. На изготовление одного изделия A требуется 9 кг сырья первого вида, 6 кг сырья второго вида и 3 кг сырья третьего вида. На изготовление одного изделия В требуется, соответственно, 4 кг, 7 кг и 8 кг сырья. Производство обеспечено сырьем первого вида в количестве 801 кг, второго - 807 кг, третьего - 703 кг. Прибыль от продажи изделия А равна 3 д.е., изделия В - 2 д.е. Составить план производства, максимизирующий прибыль.

Вариант 6. Завод выпускает два вида редукторов. На изготовление одного редуктора первого вида расходуется 4 тонны чугуна и 1 тонна стали, а на изготовление одного редуктора второго вида 2 тонны чугуна и 1 тонна стали. Завод располагает на месяц 160 тоннами чугуна и 120 тоннами стали. Составить месячный план производства редукторов, максимизирующий прибыль завода, если прибыль от продажи одного редуктора первого вида равна 400 д.е., а второго - 200 д.е.

Вариант 7. Для производства изделий A и B используются три вида станков. На производство одного изделия A требуется 6 ч. работы станка первого вида, 4 ч. работы станка второго вида и 3 ч. работы станка третьего вида. На производство одного изделия В требуется 2 ч. работы станка первого вида, 3 ч. работы станка второго вида и 4 ч. работы станка третьего вида. Месячный ресурс работы всех станков первого вида, имеющихся на заводе равен 600 ч., всех станков второго вида - 520 ч. и всех станков третьего вида - 600 ч. Прибыль от реализации одного изделия A равна 6 д.е., изделия В - 3 д.е. Составить план производства на месяц, максимизирующий прибыль предприятия.

**Вариант** 8. На ферме разводят нутрий и кроликов. В недельный рацион нутрий входят 17 кг белков, 11 кг углеводов и 5 кг жиров, а для кроликов эти нормы, соответственно, равны 13 кг, 15 кг и 7 кг. Доход от реализации одного кролика 20 д.е., а от реализации одной нутрии 25 д.е. Найти план разведения животных, максимизирующий доход фермы, если ферма не может расходовать в неделю более 184 кг белков, 152 кг углеводов и 70 кг жиров.

**Вариант** 9. Для изготовления изделий A и B предприятие использует три вида сырья. На производство одного изделия A требуется 12 кг сырья первого вида, 10 - второго и 3 - третьего, а на производство одного изделия B, соответственно, 3 кг, 5 кг, 6 кг. Производство обеспечено сырьем первого вида в количестве 684 кг, второго - 690 кг и

третьего 558 кг. Одно изделие А дает предприятию 6 д.е. прибыли, изделие В - 2 д.е. Составить план производства, максимизирующий прибыль предприятия.

Вариант 10. Мастерская по покраске кузовов автомобилей рассчитана на покраску не более 160 кузовов в месяц. На покраску кузова "Москвича" краски расходуется 4 кг, а кузова "Волги" - 7 кг. Мастерская располагает 820 кг краски на месяц. Составить месячный план покраски автомобилей, максимизирующий прибыль мастерской, если покраска одного "Москвича" дает 30 д.е. прибыли, а одной "Волги" - 40 д.е. прибыли.

Задание 2. Решить ЗЛП графическим методом.

$$2.1. \ Z = x_1 + x_2 \to \max$$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \le 10, \\ x_1 + 2x_2 \ge 2, \\ 2x_1 + x_2 \le 10, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$2.3. \ Z = 5x_1 - 3x_2 \to \min$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \ge 6, \\ 2x_1 - 3x_2 \ge -6, \\ x_1 + 7x_2 \le 28, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$2.4. \ Z = -x_1 - 2x_2 \to \min$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \ge 6, \\ 2x_1 - 3x_2 \ge -6, \\ x_1 - x_2 \le 4, \\ 4x_1 + 7x_2 \le 28, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

$$2.5. \ Z = -7x_1 + 2x_2 \to \min$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 \le 3, \\ x_1 + x_2 \le 1, \\ -3x_1 + x_2 \le 1, \\ -3x_1 + x_2 \le 4, \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 \le 3, \\ x_1 + x_2 \le 1, \\ -3x_1 + x_2 \le 3, \\ 2x_1 + x_2 \le 4, \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \le 4, \\ 5x_1 + 2x_2 \ge 10, \\ 4x_1 - 3x_2 \le 12, \\ 7x_1 + 4x_2 \le 28, \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

$$2.7. \ Z = 2x_1 + x_2 \to \min \qquad 2.8. \ Z = x_1 + x_2 \to \max$$

$$\begin{cases}
7x_1 + 5x_2 \le 28, \\
-5x_1 + 4x_2 \le 7, \\
x_1 + 2x_2 \ge 5,
\end{cases} \qquad \begin{cases}
3x_1 + x_2 \ge 8, \\
x_1 + 2x_2 \ge 6, \\
x_1 - x_2 \le 3,
\end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \qquad x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

$$2.9. \ Z = 7x_1 - x_2 \to \min \left(\max\right) \qquad 2.10. \ Z = 2x_1 + 2x_2 \to \max$$

$$\begin{cases}
x_1 + x_2 \ge 3, \\
5x_1 + x_2 \ge 5, \\
x_1 + 5x_2 \ge 4,
\end{cases} \qquad \begin{cases}
3x_1 - 2x_2 \ge -6, \\
x_1 + x_2 \ge 3, \\
x_1 \le 3, \\
x_2 \le 5,
\end{cases}$$

$$x_1 \le 4, x_2 \le 4. \qquad x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

### <u>Практическая работа №2 «Решение задачи линейного программирования симплекс-</u> методом»

<u>Цель работы:</u> изучение и освоение симплекс-метода решения задач линейного программирования.

<u>Задание</u>. Решить задачу линейного программирования симплекс-методом.

Вариант 1. Завод выпускает обычные станки и станки с программным управлением, затрачивая на один обычный станок 200 кг стали и 200 кг цветного металла, а на один станок с программным управлением 700 кг стали и 100 кг цветного металла. Завод может израсходовать в месяц до 46 тонн стали и до 22 тонн цветного металла. Сколько станков каждого типа должен выпустить за месяц завод, чтобы объем реализации был максимальным, если один обычный станок стоит 2000 д.е., а станок с программным управлением 5000 д.е.

**Вариант** 2. Для производства двух видов изделий A и B используется три типа технологического оборудования. На изготовление одного изделия A оборудование первого типа используется в течение 5 ч., второго - в течение 3 ч. и третьего - 2 ч. На производство одного изделия B, соответственно: 2 ч., 3 ч. и 3 ч. В плановом периоде оборудование первого типа может быть использовано в течение 505 ч., второго - 394 ч. и третьего - 348 ч. Прибыль от реализации одного изделия A равна 7 д.е., В - 4 д.е. Составить план производства, максимизирующий прибыль предприятия.

**Вариант** 3. Для изготовления изделий A и B предприятие использует три вида сырья. На производство одного изделия A требуется сырья первого вида 15 кг, второго - 11 кг, третьего - 9 кг, а на производство одного изделия B, соответственно, 4 кг, 5 кг, 10 кг. Сырья первого вида имеется 1095 кг, второго - 865 кг, третьего - 1080 кг. Составить план производства, максимизирующий прибыль, если прибыль от реализации единицы изделия A составляет 3 д.е., B - 2 д.е.

**Вариант** 4. Для производства изделий A и B используются три вида оборудования. При изготовлении одного изделия A оборудование первого вида занято 7 ч., второго - 6 ч. и третьего - 1 ч. При изготовлении одного изделия B, соответственно, 3 ч., 3 ч. и 2 ч. В месяц оборудование первого вида может быть занято 1365 ч., второго - 1245 ч. и третьего - 650 ч. Составить план производства, максимизирующий прибыль, если прибыль от реализации одного изделия A равна 6 д.е., изделия B - 5 д.е.

**Вариант** 5. Для изготовления изделий A и B используется три вида сырья. На изготовление одного изделия A требуется 9 кг сырья первого вида, 6 кг сырья второго вида и 3 кг сырья третьего вида. На изготовление одного изделия B требуется, соответственно, 4 кг, 7 кг и 8 кг сырья. Производство обеспечено сырьем первого вида в количестве 801 кг, второго - 807 кг, третьего - 703 кг. Прибыль от продажи изделия A равна 3 д.е., изделия В - 2 д.е. Составить план производства, максимизирующий прибыль.

**Вариант** 6. Завод выпускает два вида редукторов. На изготовление одного редуктора первого вида расходуется 4 тонны чугуна и 1 тонна стали, а на изготовление одного редуктора второго вида 2 тонны чугуна и 1 тонна стали. Завод располагает на месяц 160 тоннами чугуна и 120 тоннами стали. Составить месячный план производства редукторов, максимизирующий прибыль завода, если прибыль от продажи одного редуктора первого вида равна 400 д.е., а второго - 200 д.е.

Вариант 7. Для производства изделий A и B используются три вида станков. На производство одного изделия A требуется 6 ч. работы станка первого вида, 4 ч. работы станка второго вида и 3 ч. работы станка третьего вида. На производство одного изделия В требуется 2 ч. работы станка первого вида, 3 ч. работы станка второго вида и 4 ч. работы станка третьего вида. Месячный ресурс работы всех станков первого вида, имеющихся на заводе равен 600 ч., всех станков второго вида - 520 ч. и всех станков третьего вида - 600 ч. Прибыль от реализации одного изделия A равна 6 д.е., изделия В - 3 д.е. Составить план производства на месяц, максимизирующий прибыль предприятия.

**Вариант** 8. На ферме разводят нутрий и кроликов. В недельный рацион нутрий входят 17 кг белков, 11 кг углеводов и 5 кг жиров, а для кроликов эти нормы, соответственно, равны 13 кг, 15 кг и 7 кг. Доход от реализации одного кролика 20 д.е., а от реализации одной нутрии 25 д.е. Найти план разведения животных, максимизирующий доход фермы, если ферма не может расходовать в неделю более 184 кг белков, 152 кг углеводов и 70 кг жиров.

Вариант 9. Для изготовления изделий A и B предприятие использует три вида сырья. На производство одного изделия A требуется 12 кг сырья первого вида, 10 - второго и 3 - третьего, а на производство одного изделия B, соответственно, 3 кг, 5 кг, 6 кг. Производство обеспечено сырьем первого вида в количестве 684 кг, второго - 690 кг и третьего 558 кг. Одно изделие A дает предприятию 6 д.е. прибыли, изделие B - 2 д.е. Составить план производства, максимизирующий прибыль предприятия.

**Вариант** 10. Мастерская по покраске кузовов автомобилей рассчитана на покраску не более 160 кузовов в месяц. На покраску кузова "Москвича" краски расходуется 4 кг, а кузова "Волги" - 7 кг. Мастерская располагает 820 кг краски на месяц. Составить месячный план покраски автомобилей, максимизирующий прибыль мастерской, если покраска одного "Москвича" дает 30 д.е. прибыли, а одной "Волги" - 40 д.е. прибыли.

### Практическая работа №3 «Решение транспортной задачи»

<u>Цель работы:</u> освоение методов построения опорного плана транспортной задачи (метод северо-западного угла и метод минимальной стоимости)и метода потенциалов для нахождения оптимального решения Т3.

### Задание:

- 1. Составить опорные планы транспортной задачи методом северо-западного угла и минимальной стоимости, сравнить значения суммарной стоимости перевозок по каждому плану.
- 2. Найти оптимальное решение предложенной задачи методом потенциалов.

		Bap	риант 1					Вари	іант б		
	7	7	7	7	2		9	24	9	9	
4	16	30	17	10	16	15	10	17	9	20	
6	30	27	26	9	3	15	13	4	24	26	
10	13	4	22	3	1	19	22	24	30	27	
10	3	1	5	4	24	11	25	12	11	24	
		Bar	риант 2			'	Вари	ант 7			
	19	19	19	19	4		15	15	15	15	
20	15	1	22	19	1	21	30	24	11	12	
20	21	18	11	4	3	19	26	4	29	20	
20	26	29	23	26	24	15	27	14	14	10	

20	21	10	3	19	27	25	6	1	4 2	8	2
		Baj	риант 3					Baj	оиант 8	}	1
	11	11	11	11	16		8	9	13	8	12
15	17	20	29	26	25	9	5	15	3	6	10
15	3	4	5	15	24	11	23	8	13	27	12
15	19	2	22	4	13	14	30	1	5	24	25
15	20	27	1	17	19	16	8	26	7	28	9
Вариант 4								Baj	риант 9	1	
	12	12	12	12	12		7	7	7	7	42
13	20	26	24	26	29	22	9	17	29	28	8
17	15	20	29	26	23	13	13	21	27	16	29
17	4	10	27	30	7	17	20	30	24	7	26
13	9	16	29	20	3	18	11	19	30	6	2
		Baj	риант 5					Bap	иант 1	0	
	8	8	8	8	28		6	6	13	20	15
18	21	22	2	13	7	16	30	2	5	6	15
12	27	10	4	24	9	15	5	29	9	5	7
17	3	16	25	5	4	14	16	24	14	6	26
13	28	11	17	10	29	15	13	28	4	25	8

<u>Практическая работа №4 «Методы решения задачи нелинейного программирования»</u>

<u>Цель работы:</u> освоение методов решения задачи нелинейного программирования.

### Задания:

### 1. Решить ЗНП методом множителей Лагранжа»

Вариант 1. Найти методом множителей Лагранжа условный экстремум функции: x1\*x2(x1+2\*x2=1;)

Вариант 2. Найти методом множителей Лагранжа условный экстремум функции:  $256*x1*x2^3(x1-x2=1;)$ 

Вариант 3. Найти методом множителей Лагранжа условный экстремум функции: x1\*x2(x1-x2=1;)

Вариант 4. Найти методом множителей Лагранжа условный экстремум функции:  $x1^2+x2^2(x1+x2=1;)$ 

### 2. Найти локальный экстремум функции нескольких переменных

Вариант 1. 
$$z = x^2 + xy + y^2 - 2x - 3y$$
.

Вариант 2. 
$$z = 4(x - y) - x^2 - y^2$$
.

Вариант 3. 
$$z = x^3 + 8y^3 - 6xy + 5$$
.

Вариант 4. 
$$z = x^3 + xy^2 + 6xy$$
.

### 3. Найти глобальный экстремум функции на ограниченном множестве

Вариант 1. 
$$z = x^2 + y^2 - xy + x + y$$
,  $D: \begin{cases} x \le 0, \\ y \le 0, \\ x + y \ge -3. \end{cases}$ 

Вариант 2. 
$$z = x^2 + xy$$
,  $D: \begin{cases} -1 \le x \le 1, \\ 0 \le y \le 3. \end{cases}$ 

Вариант 3. 
$$z = \frac{x^2}{2} - xy$$
,  $D: \begin{cases} y \ge \frac{x^2}{3}, \\ y \le 3. \end{cases}$ 

Вариант 4.  $z = x^2 - y^2$ ,  $D: x^2 + y^2 \le 4$ .

### Итоговый тест по дисциплине (для получения допуска к экзамену)

- 1. На какие разновидности делятся модели объекта исследования:
- 1. вербальные;
- 2. алгоритмические;
- 3. математические;
- 4. графические.
- 2. На каком из этапов исследования объекта выполняется параметризация, заключающаяся в однозначном введении переменных:
- 1. выбор проблемы;
- 2. формулировка задачи;
- 3. решение;
- 4. анализ результатов.
- 3. Какому типу соответствует проверка результатов теории на масштабных физических или цифровых моделях объекта:
- 1. прямой метод;
- 2. косвенный метод;
- 3. комбинированный метод;
- 4. эксперимент.
- 4. Какие задачи относятся к задачам линейного программирования (правильных ответов несколько):
- 1. у которых целевая функция является линейной;
- 2. у которых ограничения выражены в виде линейных равенств;
- 3. у которых неизвестные положительные;
- 4. у которых заданные постоянные величины положительные.
- 5. Какие из перечисленных задач относятся к задачам линейного программирования:
- 1. транспортные задачи;
- 2. задачи о динамическом распределении ресурсов;
- 3. задачи коммивояжера;

- 4. задачи о смеси;
- 6. К какому типу относится задача «На двух торговых базах А и В имеется m гарнитуров мебели, по m1 на каждой. Всю мебель требуется доставить в два мебельных магазина, С и Д причем в С надо доставить n1 гарнитуров, а в Д n2. Известно, что доставка одного гарнитура с базы А в магазин С обходится в одну денежную единицу, в магазин Д в три денежных единицы. Соответственно с базы В в магазины С и Д: две и пять денежных единиц. Составить план перевозок так, чтобы стоимость всех перевозок была наименьшей»
- 1. транспортные задачи;
- 2. задачи о динамическом распределении ресурсов;
- 3. задачи коммивояжера;
- 4. задачи о смеси;
- 7. К какому типу относится задача «Некоторому заводу требуется составить оптимальный план выпуска двух видов изделий, которые обрабатываются на четырех видах машин. Известны определенные возможности и производительность оборудования; цена изделий, обеспечивающая прибыль заводу, составляет 4 тыс. руб. за изделие І вида, 6 тыс. руб. за изделие ІІ вида. Составить план выпуска этих изделий так, чтобы от реализации их завод получил наибольшую прибыль»
- 1. транспортные задачи;
- 2. задачи о динамическом распределении ресурсов;
- 3. задачи коммивояжера;
- 4. задача о составлении плана;
- 8. Какие задачи линейного программирования могут быть решены графически (верных ответов несколько):
- 1. содержащие две неизвестных переменных;
- 2. содержащие три неизвестные переменные;
- 3. содержащие не более двух неизвестных переменных;
- 4. содержащие более трех неизвестных переменных.
- 9. Какое решение системы уравнений называется допустимым решением задачи линейного программирования:
- 1. которое лежит внутри области решений системы ограничений;
- 2. которое лежит на границе области решений системы ограничений;
- 3. которое лежит вне области решений системы ограничений;
- 4. которое лежит внутри и на границе области решений системы ограничений.
- 10. Задача линейного программирования имеет каноническую форму, если:
- 1. все ограничения системы состоят только из неравенств и целевую функцию необходимо минимизировать;

- 2. все ограничения системы состоят только из уравнений (кроме неравенств, выражающих неотрицательность переменных) и целевую функцию необходимо минимизировать;
- 3. все ограничения системы состоят только из уравнений и целевую функцию необходимо минимизировать;
- 4. все ограничения системы состоят только из уравнений (кроме неравенств, выражающих неотрицательность переменных) и целевую функцию необходимо максимизировать.
- 11. Какой из перечисленных методов относится к аналитическим методам решения задач линейного программирования:
- 1. графический метод;
- 2. метод Монте-Карло;
- 3. метод подстановки;
- 4. симплекс-метод.
- 12. Какое условие должно быть выполнено, чтобы опорный план считался оптимальным (возможны несколько вариантов ответов):
- 1. В индексной строке нет отрицательных элементов;
- 2. В индексной строке есть отрицательный элемент, в столбце которого есть хотя бы один положительный;
- 3. В индексной строке нет положительных элементов;
- 4. В индексной строке есть положительный элемент, в столбце которого есть хотя бы один положительный.
- 13. Чему равно количество переменных в двойственной задаче по отношению к исходной задаче:
- 1. количеству равенств;
- 2. одинаковое;
- 3. количеству неравенств;
- 4. количеству неизвестных.
- 14. О чем гласит первая теорема двойственности:
- 1. Если одна из пары двойственных задач разрешима, то разрешима и другая, причем значения целевых функций на оптимальных планах совпадают.
- 2. Планы х\* и у\* оптимальны в задачах прямой и двойственной задачах тогда и только тогда, когда при подстановке их в систему ограничений задач хотя бы одно из любой пары сопряженных неравенств обращается в равенство.
- 3. Условиям неотрицательности переменных исходной задачи соответствуют неравенстваограничения двойственной, направленные в другую сторону;
- 4. Планы х\* и у\* оптимальны в задачах прямой и двойственной задачах тогда и только тогда, когда при подстановке их в систему ограничений задач хотя бы одно из любой пары сопряженных равенств обращаются в неравенства.

### 4. Темы рефератов

- 1. История теории графов.
- 2. Задачи, сводящиеся к графам.
- 3. Связность в графах.
- 4. Графы и отношения на множествах.
- 5. Теоремы о числах графов.
- 6. Устойчивость графов.
- 7. Расстояния и пути в графах.
- 8. Целочисленное программирование
- 9. Дискретное программирование
- 10. Параметрическое программирование
- 11. Дробно-линейное программирование
- 12. Блочное программирование
- 13. Динамическое программирование
- 14. Задача коммивояжера
- 15. Стохастическое программирование
- 16. Математические методы принятия решений в условиях конфликта.
- 17. Позиционные игры
- 18. Бескоалиционные игры
- 19. Кооперативные игры
- 20. Игры с седловой точкой

### Тестовые задания

### Тест по теме «Основы математического моделирования»

### Вариант 1

1. Модель есть замещение изучас	емого объекта другим объектом, который отражает:						
а) все стороны данного объекта;	а) все стороны данного объекта;						
б) некоторые стороны данного объекта;							
в) существенные стороны данного объекта;							
г) несущественные стороны данного объекта.							
2. Результатом процесса формализации является:							
а) описательная модель;	в) графическая модель;						
б) математическая модель; г) предметная модель.							
3. Информационной моделью организации занятий в школе является:							
а) свод правил поведения учащихся; в) расписание уроков;							
б) список класса; г) перечень учебников.							
4. Материальной моделью является:							
а) макет самолеты;	в) чертеж;						
б) карта;	г) диаграмма.						
5. Генеалогическое дерево семьи	является:						
а) табличной информационной моделью;							
б) иерархической информационной моделью;							
в) сетевой информационной моделью;							
г) словесной информационной моделью.							
6. Знаковой моделью является:							
а) анатомический муляж;	в) модель корабля;						
б) макет здания; г) диаграмма.							

7. Укажите в моделирова комнаты объект моделирова	нии процесса исследования температурного режима ния:
а) конвекция воздуха в комнат	e;
б) исследование температурно	го режима комнаты;
в) комната;	
г) температура.	
8. Правильный порядок процесса:	указанных этапов математического моделирования
1) анализ результата;	3) определение целей моделирования;
2) проведение исследования;	4) поиск математического описания.
Соответствует последователи	ьности:
a) 3 – 4 – 2 – 1;	B) $2-1-3-4$ ;
6) 1 – 2 – 3 – 4;	$\Gamma$ ) 3 - 1 - 4 - 2;
9. Из скольких объектов, как	правило, состоит система?
а) из нескольких;	в) из бесконечного числа;
б) из одного;	г) она не делима.
10. Как называется граф подчиненности, наследовани	, предназначенный для отображения вложенности, я и т.п. между объектами?
а) схемой;	в) таблицей;
б) сетью;	г) деревом.
11. Устное представление ин	формационной модели называется:
а) графической моделью;	в) табличной моделью;
б) словесной моделью;	г) логической моделью.
12. Упорядочение информаці	ии по определенному признаку называется:
а) сортировкой;	в) систематизацией;
б) формализацией;	г) моделированием.
13. На какие виды делятс экономическим процессам? а) Теоретико-аналитические и	я экономико-математические модели по исследуемым прикладные.

б) Макроэкономические и микроэкономические.

- в) Дескриптивные и нормативные.
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность.
- д) Статические и динамические.

### 14. На какие виды делятся экономико-математические модели по своему характеру?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 15. На какие виды делятся экономико-математические модели по способу отражения фактора времени?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 16. На какие виды делятся экономико-математические модели по характеру отражения причинно-следственных связей?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 17. На какие виды делятся экономико-математические модели по целевому назначению?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность

- д) Статические и динамические
- 18. На каком этапе экономико-математического моделирования проблема формулируется в виде конкретных математических зависимостей и отношений?
- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение
- 19. На каком этапе экономико-математического моделирования происходит выяснение общих свойств модели, доказывается существование решений в сформулированной модели?
- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение
- 20. На каком этапе экономико-математического моделирования разрабатываются алгоритмы решения задачи, подбирается необходимое программное обеспечение и производятся расчеты?
- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение
- 21. На каком этапе экономико-математического моделирования решается вопрос о правильности и полноте результатов моделирования, о степени практической применимости результатов?
- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели

д) Анализ результатов и их пр	именение
	мико-математического моделирования формулируется маемые допущения и те вопросы, на которые требуется
а) Постановка экономической	проблемы и ее качественный анализ
б) Построение математической	й модели
в) Математический анализ мод	цели
г) Численное решение	
д) Анализ результатов и их пр	именение
	Вариант 2
1. Как называется упрощенн	ое представление реального объекта?
а) оригинал;	в) модель;
б) прототип;	г) система.
2. Процесс построения модел	ей называется:
а) моделирование;	в) экспериментирование;
б) конструирование;	г) проектирование
3. Информационная модель,	состоящая из строк и столбцов, называется:
а) таблица;	в) схема;
б) график;	г) чертеж.
4. Каково общее название полезной и нужной информа	моделей, которые представляют собой совокупностиции об объекте?
а) материальные;	в) предметные;
б) информационные;	г) словесные.
5. Схема электрической цепп	является:
а) табличной информационной	й моделью;
б) иерархической информацио	онной моделью;

г) Численное решение

в) графической информ	лационной моделью;
г) словесной информаци	онной моделью
6. Знаковой моделью я	вляется:
а) карта;	в) глобус;
б) детские игрушки;	г) макет здания.
7. Укажите в модел комнаты цель моделир	ировании процесса исследования температурного режима ования:
а) конвекция воздуха в к	омнате;
б) исследование темпер	ратурного режима комнаты;
в) комната;	
г) температура.	
8. Правильные определ	ения понятий приведены в пунктах
1) моделируемый пара должна обязательно об	метр — признаки и свойства объекта — оригинала, которыми ладать модель;
, 10	кт- предмет или группа предметов, структура или поведение помощью моделирования;
3) закон – поведение мо	оделируемого объекта.
a) $1 - 2 - 3$ ;	в) 1 – 3;
б) 2 – 3;	$\Gamma$ ) 1 – 2.
9. Инструментом для к	омпьютерного моделирования является:
а) сканер;	в) принтер;
б) компьютер;	г) монитор.
10. Как называется ср системы?	оедство для наглядного представления состава и структуры
а) таблица;	в) текст;
б) граф;	г) рисунок.
11. Как называются принимается решение?	модели, в которых на основе анализа различных условий
а) словесные;	в) табличные;
б) графические;	г) логические.

#### 12. Решение задачи автоматизации продажи билетов требует использования:

- а) графического редактора; в) операционной системы;
- б) текстового редактора; г) языка программирования.

### 13. На какие виды делятся экономико-математические модели по исследуемым экономическим процессам?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные.
- б) Макроэкономические и микроэкономические.
- в) Дескриптивные и нормативные.
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность.
- д) Статические и динамические.

### 14. На какие виды делятся экономико-математические модели по своему характеру?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 15. На какие виды делятся экономико-математические модели по способу отражения фактора времени?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 16. На какие виды делятся экономико-математические модели по характеру отражения причинно-следственных связей?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 17. На какие виды делятся экономико-математические модели по целевому назначению?

- а) Теоретико-аналитические и прикладные
- б) Макроэкономические и микроэкономические
- в) Дескриптивные и нормативные
- г) Жестко-детерминисткие и модели, учитывающие случайность и неопределенность
- д) Статические и динамические

### 18. На каком этапе экономико-математического моделирования проблема формулируется в виде конкретных математических зависимостей и отношений?

- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение

# 19. На каком этапе экономико-математического моделирования происходит выяснение общих свойств модели, доказывается существование решений в сформулированной модели?

- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение

## 20. На каком этапе экономико-математического моделирования разрабатываются алгоритмы решения задачи, подбирается необходимое программное обеспечение и производятся расчеты?

- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение

- д) Анализ результатов и их применение
- 21. На каком этапе экономико-математического моделирования решается вопрос о правильности и полноте результатов моделирования, о степени практической применимости результатов?
- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение
- 22. На каком этапе экономико-математического моделирования формулируется сущность проблемы, принимаемые допущения и те вопросы, на которые требуется получить ответы?
- а) Постановка экономической проблемы и ее качественный анализ
- б) Построение математической модели
- в) Математический анализ модели
- г) Численное решение
- д) Анализ результатов и их применение

### 3.2.2. Контрольно-оценочные материалы для итоговой аттестации по учебной дисциплине

Контрольно-оценочные материалы предназначены для контроля и оценки результатов освоения учебной дисциплины Математические методы

по специальности СПО 09.02.03 Программирование в компьютерных системах (базовый уровень подготовки)

#### Умения

- У1. Составлять простейшие математические модели задач, возникающих в практической деятельности людей.
- У2. Выбирать и обосновывать наиболее рациональный метод и алгоритм решения задачи, а также оценивать сложность выбранного алгоритма.

У3. Разрабатывать алгоритмы и программы для решения различных практических задач с применением математических методов.

#### Знания

- 31. Основные понятия и принципы математического моделирования.
- 32. Основные методологические подходы к решению математических задач, возникающих в ходе практической деятельности людей.
- 33. основные методы решения детерминированных задач и задач в условиях неопределенности, возникающих в практической деятельности.

### ЗАДАНИЯ ДЛЯ СТУДЕНТА

### Инструкция для обучающихся.

Внимательно прочитайте задания в билете. Каждый билет содержит теоретическую часть (задание 1) и практическую часть (задание 2). При выполнении задания 1 необходимо представить развернутый ответ на поставленный вопрос, подтверждая в случае необходимости теоретические выкладки примерами. При выполнении задания 2 допускается использование электронных таблиц или программных математических пакетов (Maple, MatLab, Mathcad).

Все задания выполняются в письменной форме. В случае использования инструментальных средств, при выполнении задания 2, результаты всех вычислений переносятся в бланк ответов в структурированном виде (предпочтительно - табличном).

Время выполнения заданий билета – 1 час.

#### Теоретические вопросы к экзамену:

- 1. Основные понятия математического моделирования.
- 2. Классификация задач математического программирования и подходы к их решению.
- 3. Общий вид задач линейного программирования. Постановка основной задачи линейного программирования. Графический метод решения задачи линейного программирования.
- 4. Общий вид задач линейного программирования. Постановка основной задачи линейного программирования. Симплекс-метод решения ЗЛП.
- 5. Транспортная задача: основные понятия и определения. Методы нахождения начального решения транспортной задачи. Метод «северо-западного» угла. Метод минимальных элементов.

- 6. Транспортная задача: основные понятия и определения. Методы нахождения оптимального решения транспортной задачи. Метод потенциалов.
- 7. Общий вид задач нелинейного программирования. Графический метод решения задач нелинейного программирования.
- 8. Общий вид задач нелинейного программирования. Метод множителей Лагранжа.
- 9. Основные понятия динамического программирования. Простейшие задачи, решаемые методом динамического программирования. Нахождение кратчайшего пути.
- 10. Основные понятия динамического программирования. Простейшие задачи, решаемые методом динамического программирования. Распределение ресурсов.
- 11. Понятие системы массового обслуживания, классификация систем массового обслуживания. Простейшие системы массового обслуживания и их параметры. СМО с отказами.
- 12. Понятие системы массового обслуживания, классификация систем массового обслуживания. Простейшие системы массового обслуживания и их параметры. СМО с ожиланием
- 13. Понятие прогноза. Количественные методы прогнозирования. Прогнозирование с использованием скользящего среднего. Экспоненциальное сглаживание.
- 14. Понятие прогноза. Количественные методы прогнозирования. Регрессионный анализ.
- 15. Понятие прогноза. Качественные методы прогнозирования.
- 16. Идея метода имитационного моделирования. Единичный жребий и формы его организации. Простейшие задачи, решаемые методом имитационного моделирования.
- 17. Основные понятия теории принятия решений. Принятие решений в условиях определенности, в условиях риска, в условиях неопределенности. Критерии принятия решений в условиях риска и неопределенности. Дерево решений.

### Типы задач для практической части зачета

- 1. Решить ЗЛП графическим методом.
- 2. Решите ЗЛП симплекс-методом.
- 3. Используя методы минимальной стоимости и северо-западного угла построить начальное опорное решение транспортной задачи. Вычислить общую сумму затрат на перевозки груза по каждому плану, сравнить их.
- 4. Решить транспортную задачу методом потенциалов, предварительно построив опорный план методом северо-западного угла или методом минимальной стоимости.
- 5. Решить задачу нелинейного программирования: найти условный экстремум с помощью метода множителей Лагранжа.
- 6. Решить задачу нелинейного программирования: найти глобальный экстремум функции
- **Z** в области решений системы неравенств (или неравенства). Дать геометрическую интерпретацию решения.
- 7. Решить задачу распределения ресурсов методом динамического программирования:
- 8. Решить задачу нахождения кратчайшего пути методом динамического программирования.

- 9. Найти вероятностные характеристики массовой системы обслуживания (разных типов).
- 10. Выполнить прогнозирование по заданным начальным данным следующими методами:
- А) скользящего среднего;
- Б) экспоненциального среднего.

Сравнить полученные прогнозы с фактическими данными. Сделать вывод о точности составленных прогнозов.

- 11. Выполнить прогнозирование на основе линейной регрессионной модели. Оценить ошибку сделанного прогноза, а также тесноту связи исследуемых величин.
- 12. По заданной таблице определить наиболее эффективное (выгодное) решение, которое должен принять руководитель некоторого предприятия,

#### 3.1. УСЛОВИЯ ПРОВЕДЕНИЯ ЭКЗАМЕНА

### Форма проведения экзамена:

письменный экзамен по билетам.

Время на подготовку ответов по билету: 2 академических часа.

**Оборудование:** компьютеры с лицензионным программным обеспечением (системное ПО, электронные таблицы, математический пакет: Maple, MatLab, Mathcad – по выбору), микрокалькуляторы, карточки с заданиями по вариантам, бланки ответов.

### КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ

Рекомендуется применять следующие критерии определения уровня овладения основными знаниями, умениями:

Высокий уровень (зачтено, отметка «5» - отлично) — выполнено 95-100% задания. Студент полно освоил учебный материал, владеет понятийным аппаратом, ориентируется в изученном материале, осознанно применяет теоретические знания при выполнении практических заданий, выполняет практические задания с полным обоснованием; грамотно и логически излагает ответы в письменной форме; предполагается качественное внешнее оформление работы, аккуратное выполнение рисунков; допускается один — два недочета;

Выше среднего (зачтено, отметка «4» - хорошо) – выполнено 66-94% задания. Ответ удовлетворяет требованиям отметки «5», но допущены два - три недочета или одна

– две негрубые ошибки; либо выполнено 75% работы без ошибок, а остальная часть работы содержит ошибки или не выполнена;

Средний (зачтено, отметка «3» - удовлетворительно) — выполнено 50-65% задания. Студент обнаруживает знание и понимание основных положений учебного материала, но излагает его неполно, непоследовательно, допускает неточности в применении знаний для практических заданий, не умеет обосновывать свои действия; должно быть выполнено правильно не менее 50% работы;

**Низкий (не зачтено, отметка «2» - неудовлетворительно) – выполнено менее 50% задания.** Студент имеет бессистемные знания, не умеет выделять главное и второстепенное, не может применять знания для решения практических задач; выполнено правильно менее **50%** работы.