МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Факультет математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ:
Проректор по учебной работе, качеству образования — первый проректор

Хагуров Т.А.

«27» мая 2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ Б1.О.19 АЛГЕБРА

| Специальность _ | 01.05.01 Фундаментальные математика и механика |
|------------------|--|
| | |
| Направленность (| профиль) Фундаментальная математика и ее приложения, |
| | Вычислительная механика и компьютерный инжиниринг |
| | |
| Форма обучения | Очная |
| | |
| Квалификация | Математик. Механик. Преподаватель |

Рабочая программа модуля «Алгебра» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования (ФГОС ВО) по специальности 01.05.01 Фундаментальные математика и механика

Программу составил:

О.К. Тен, доцент кафедры функционального анализа и алгебры, канд. физ.-мат. наук, доцент

Рабочая программа модуля «Алгебра» утверждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры протокол № 9 «13» апреля 2022 г.

Заведующий кафедрой (разработчика) Барсукова В.Ю.

A

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры функционального анализа и алгебры протокол № 9 «13» апреля 2022 г.

Заведующий кафедрой (выпускающей) Барсукова В.Ю.



Утверждена на заседании учебно-методической комиссии факультета математики и компьютерных наук протокол № 5 «05» мая 2022 г.

Председатель УМК факультета Шмалько С.П.



Рецензенты:

Кирий К.А., канд. физ.-мат. наук, доцент кафедры прикладной математики ФГБОУ ВО «Кубанский государственный технологический университет»

Павлова А.В., доктор физ.-мат. наук, профессор кафедры математического моделирования ФГБОУ ВО «Кубанский государственный университет»

1 Цели и задачи изучения дисциплин модуля.

- **1.1 Цель освоения дисциплин модуля** формирование у студентов базовых знаний по высшей алгебре, линейной алгебре и геометрии, обеспечении подготовки студентов в области анализа алгеброгеометрических объектов.
- 1.2 Задачи дисциплин модуля получение основных теоретических сведений, развитие познавательной деятельности и приобретение практических навыков работы с понятиями по следующим разделам алгебры: основные алгебраические структуры: кольца, поля, группы, комплексные числа, системы линейных уравнений, матрицы и определители, многочлены от одной и нескольких переменных, линейные пространства и подпространства, линейные операторы, евклидовы и унитарные пространства, линейные преобразования евклидовых и унитарных пространств, билинейные и квадратичные формы, элементы многомерной геометрии, элементы тензорной алгебры, элементы теории групп, элементы теории представлений, элементы теории колец и полей.

При освоении дисциплин модуля «Алгебра» вырабатывается общематематическая культура: умение логически мыслить, проводить доказательства основных утверждений, устанавливать логические связи между понятиями, применять полученные знания для решения задач по алгебре, линейной алгебре и геометрии.

1.3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.

Модуль «Алгебра» включает в себя 2 дисциплины: Б1.О.19 «Алгебра» (1 и 3 семестры) и Б1.О.20 «Линейная алгебра» (2 семестр), которые относятся к обязательной части Блока 1 "Дисциплины (модули)" учебного плана.

Для освоения дисциплин модуля студенты должны владеть знаниями по школьному курсу математики. Знания, полученные по данной дисциплине, используются в аналитической геометрии, математическом анализе, функциональном анализе, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнениях, дискретной математике и математической логике, теории чисел, методах оптимизации и др.

1.4 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Изучение дисциплин модуля направлено на формирование у обучающихся следующих общепрофессиональных и профессиональных компетенций: ОПК-1, ПК-1.

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине |
|--|--|
| ОПК-1. Способен находить, формулировать и рематематики и механики | шать актуальные и значимые проблемы фундаментальной |
| ИОПК-1.1. Знает актуальные и значимые про- | ИОПК-1.1. 3-1. Знает основные факты и идеи курса ал- |
| блемы фундаментальной математики | гебры, формулировки утверждений, методы их доказа- |
| | тельства |
| | ИОПК-1.1.У-1.Умеет связывать идеи алгебры с кон- |
| | кретными проблемами фундаментальной математики |
| | ИОПК-1.1.В-1. Владеет навыками решения типовых |
| | практических заданий курса алгебры |
| ИОПК-1.2. Осуществляет выбор методов реше- | ИОПК-1.2. 3-1. Знает связи между основными понятия- |
| ния задач фундаментальной математики | ми и результатами алгебры, свойства математических |
| | объектов в этой области |
| | ИОПК-1.2. У-1. Умеет применять теоретические знания |
| | при выборе методов решении задач фундаментальной |
| | математики |
| | ИОПК-1.2.В-1. Владеет методами алгебраического ана- |
| | лиза задач фундаментальной математики |

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине |
|---|---|
| ИОПК-1.3. Владеет навыками формализации актуальных задач фундаментальной математики | ИОПК-1.3. 3-1. Знает возможные сферы приложений математических понятий и идей алгебры |
| и применения подходящих методов их решения | ИОПК-1.3. У-1. Умеет находить основные закономерности алгебраического характера в задачах фундамен- |
| | тальной математики |
| | ИОПК-1.3. В-1. Владеет навыками алгебраической формализации задач фундаментальной математики |
| ПК-1. Способен формулировать и решать актуал математики | ьные и значимые задачи фундаментальной и прикладной |
| ИПК-1.1. Знает основные понятия, идеи и мето- | ИПК-1.1. 3-1. Знает основные понятия, идеи и методы |
| ды фундаментальных математических дисци- | курса алгебры для решения базовых задач алгебры |
| плин для решения базовых задач | ИПК-1.1. У-1. Умеет устанавливать логические связи |
| | между понятиями, применять полученные знания для |
| | решения задач по теории групп, теории чисел, теории |
| | колец, общей и линейной алгебре ИПК-1.1. В-1. Владеет методами и идеями алгебры для |
| | решения базовых задач |
| ИПК-1.2. Умеет передавать результаты прове- | ИПК-1.2. 3-1. Знает значение и место алгебраических |
| денных теоретических и прикладных исследо- | методов в теоретических и прикладных математических |
| ваний в виде конкретных предметных рекомен- | исследованиях |
| даций в терминах предметной области | ИПК-1.2. У-1. Умеет выделять алгебраические свой- |
| | ства результатов теоретических и прикладных исследований |
| | ИПК-1.2. В-1. Владеет навыками интерпретации резуль- |
| | татов проведенных теоретических и прикладных иссле- |
| ИПК-1.3. Самостоятельно и корректно решает | дований с точки зрения алгебры ИПК-1.3. 3-1. Знает алгебраические методы решения |
| стандартные задачи фундаментальной и при- | стандартных задач фундаментальной и прикладной ма- |
| кладной математики | тематики |
| | ИПК-1.3. У-1. Умеет решать стандартные задачи фун- |
| | даментальной и прикладной математики с привлечени- |
| | ем методов алгебры |
| | ИПК-1.3. В-1. Владеет навыками решения стандартных |
| | задач фундаментальной и прикладной математики с привлечением методов алгебры |
| ИПК-1.4. Имеет навыки решения математиче- | привлечением методов алгеоры ИПК-1.4. 3-1. Знает методы решения задач по алгебре, |
| ских задач, соответствующих квалификации, | возникающих при проведении научных и прикладных |
| возникающих при проведении научных и при- | исследований |
| кладных исследований | ИПК-1.4. У-1.Умеет выстраивать и реализовывать план |
| | проведения научно-прикладных исследований, связан- |
| | ных с решением заданий по алгебре. |
| | ИПК-1.4. В-1. Владеет навыками описания алгоритмов |
| | решения алгебраических задач, вплоть до их возможной |
| | компьютерной реализации. |

2. Структура и содержание дисциплины.
2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ.
Общая трудоёмкость дисциплины составляет 14 зач.ед. (504 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице (для студентов ОФО).

| Вид учебной работы | Всего | Семестры | | | |
|---------------------------------|-------|----------|----|----|---|
| | часов | (часы) | | | |
| | | 1 | 2 | 3 | |
| Контактная работа, в том числе: | | | | | |
| Аудиторные занятия (всего): | 218 | 86 | 80 | 52 | |
| Занятия лекционного типа | 84 | 34 | 32 | 18 | - |
| Лабораторные занятия | 134 | 52 | 48 | 34 | - |

| Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия) | | | - | - | - | - |
|--|--|-------|------|------|------|---|
| , | VIIII SUIMIIM) | | | - | _ | - |
| Иная контактная работа | : | | | | | |
| Контроль самостоятельной | й работы (КСР) | 14 | 4 | 2 | 8 | |
| Промежуточная аттестаци | я (ИКР) | 1,1 | 0,5 | 0,3 | 0,3 | |
| Самостоятельная работа, в том числе: | | | 44,8 | 17 | 84 | |
| Проработка учебного (тео | ретического) материала | 67 | 15 | 9 | 43 | - |
| Выполнение домашних и і | Выполнение домашних и индивидуальных заданий | | | 8 | 41 | - |
| | | | | | | |
| Подготовка к текущему ко | нтролю | 14,8 | 14,8 | | | - |
| Контроль: | | | | | | |
| Подготовка к экзамену | | 125,1 | 44,7 | 44,7 | 35,7 | - |
| Общая трудоемкость | час. | 504 | 180 | 144 | 180 | |
| | в том числе контактная работа | 233,1 | 90,5 | 82,3 | 60,3 | • |
| | зач. ед | 14 | 5 | 4 | 5 | |

2.2 Структура дисциплины: Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре (очная форма)

| | | | Колі | ичество | часов | |
|-----|--|-------|----------------------|---------|-------|------------------------------|
| No | Наименование разделов (тем) | | Аудиторная работа | | | Внеауди- торная работа |
| | | | Л | П3 | ЛР | CPC |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 1. | Комплексные числа | 22 | 6 | - | 8 | 8 |
| 2. | Системы линейных уравнений. Линейная зависимость. Ранг системы векторов | 28,8 | 8 | - | 10 | 10,8 |
| 1.5 | Матрицы и определители. Приложения теории пределителей 36 9 | | 9 | - | 15 | 12 |
| 4. | Кольца вычетов. Поля и подполя. Характеристика поля | 18 | 4 | - | 8 | 6 |
| 5. | Многочлены от одной и нескольких переменных. Симметрические многочлены. Дискриминант и результант. | 26 | 7 | - | 11 | 8 |
| | Итого по дисциплине: | 130,8 | 34 | - | 52 | 44,8 |
| | | | | | | |

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре (очная форма)

| | | | Количество часов | | | | |
|----|--|----|------------------|-------------------|----|------------------------------|--|
| № | № Наименование разделов (тем) | | | удиторн работа | ая | Внеауди- торная работа | |
| | | | Л | ПЗ | ЛР | CPC | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | |
| 1. | Линейные пространства и подпространства. | 20 | 6 | - | 9 | 5 | |

| 2. | Евклидовы и унитарные пространства | 18 | 6 | - | 9 | 3 |
|----|--|----|----|---|----|----|
| 3. | Линейные операторы. Структура линейных операторов. | 25 | 7 | 1 | 14 | 4 |
| 4. | Линейные преобразования евклидовых и унитарных пространств | 9 | 4 | 1 | 4 | 1 |
| 5. | Билинейные и квадратичные функции | 15 | 5 | - | 8 | 2 |
| 6. | Элементы многомерной геометрии | 7 | 3 | 1 | 3 | 1 |
| 7. | Элементы тензорной алгебры | 3 | 1 | - | 1 | 1 |
| | Итого по дисциплине: | 97 | 32 | - | 48 | 17 |
| | | | | | | |

Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре (очная форма)

| | Наименование разделов (тем) | | Количество часов | | | | | |
|----|-------------------------------|----|----------------------|----|----|------------------------------|--|--|
| № | | | Аудиторная работа | | | Внеауди- торная работа | | |
| | | | Л | П3 | ЛР | CPC | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | | |
| 1. | Элементы теории групп | 92 | 12 | - | 24 | 56 | | |
| 2. | Элементы теории колец и полей | 44 | 6 | - | 10 | 28 | | |
| | Итого по дисциплине: | | 18 | - | 34 | 84 | | |
| | | | | | | | | |

2.3 Содержание разделов дисциплины:2.3.1 Занятия лекционного типа.

| № | Наименование раздела | Содержание раздела | Форма текуще- го |
|----|-------------------------|--|---------------------|
| 1 | 1 | контроля | |
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1. | Введение | Предмет и содержание дисциплины. Место алгебры в математике и ее приложениях. Множества, отображения, алгебраические операции | |
| 2 | . | Комплексные числа. Алгебраическая форма комплексного числа. Свойства действий над комплексными числами. Геометрическое изображение и тригонометрическая форма комплексного числа. Геометрическая интерпретация действий над комплексными числами. Формула Муавра. Корни из комплексных чисел. Корни из 1. Первообразные корни. | Тестирование |
| 3 | Системы линейных | Системы линейных уравнений. Исследовании | Тестирование |

| | уравнений. Линей- | систем методом Гаусса. | |
|---|---|---|--------------|
| | ная зависимость. Ранг | Линейные пространства. Линейная зависимость векторов. Ранг и база системы векторов. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора. | |
| | | Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Вычисление ранга матрицы с помощью элементарных преобразований. Теорема Кронекера-Капели. Теорема о фундаментальной системе решений системы однородных линейных уравнений. Связь между решениями системы линейных уравнений и соответствующей системы однородных линейных уравнений. | |
| | | Действия над матрицами. Кольца матриц. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. | Тестирование |
| | | Перестановки. Теоремы о четных и нечетных перестановках. Формула определителя. Определитель транспонированной матрицы. Определитель треугольной матрицы. Элементарные свойства определителя. | |
| 4 | Матрицы и определители. Приложения теории определителей | Разложение определителя по строке (столбцу). Фальшивое разложение. Определитель матрицы с углом нулей. Теорема Лапласа (б/д). Определитель Вандермонда. Определитель произведения матриц. | |
| | | Критерий существования и формула обратной матрицы. Теорема Крамера. Критерий невырожденности матрицы. Лемма об окаймляющих минорах и ее приложения. Матричные уравнения. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. | |
| 5 | Кольца вычетов и поля | Отношение эквивалентности. Теорема о разбиении множества на классы эквивалентности. Фактормножество. Делимость в кольце целых чисел. Кольца вычетов. Обратимые элементы колец вычетов. Поля вычетов. | Тестирование |
| | | Характеристика поля. Простые поля. | |
| 6 | Многочлены от од- ной переменной | Многочлены от одной переменной. Делимость многочленов. Теорема о делении с остатком. НОД и НОК. Алгоритм Евклида. Линейное представление НОД. Свойства взаимно простых многочленов. Разложение многочленов на не- | Тестирование |

| | | приводимые множители. Корни многочленов. Теорема Безу. Отделение кратных корней. Основная теорема алгебры. Неприводимые многочлены над полями вещественных и комплексных чисел. Границы вещественных корней многочлена. Теорема Штурма. | |
|----|--|--|--------------|
| 7 | Многочлены от не- скольких перемен- ных | Кольцо многочленов от нескольких переменных. Группа подстановок. Представление подстановок в виде произведения независимых циклов и транспозиций. Симметрические многочлены. Основная теорема о симметрических многочленах. Формулы Ньютона. Результант двух многочленов. Исключение неизвестных из систем двух алгебраических уравнений с двумя неизвестными. Дискриминант многочлена и его свойства. | Тестирование |
| 8 | Линейные про- странства и под- пространства | Линейные пространства. Размерность и базис линейного пространства. Координаты вектора. Изоморфизм линейных пространств. Линейные подпространства. Критерий и основные способы задания. Сумма и пересечение линейных подпространств. Теорема о размерности суммы линейных подпространств. Прямая сумма линейных подпространств. Сопряженное пространство. | Тестирование |
| 9 | Евклидовы и уни- тарные простран- ства | Евклидовы и унитарные векторные пространства. Скалярное произведение векторов. Примеры евклидовых пространств. Неравенство Коши-Буняковского. Длина вектора и угол между векторами в евклидовом пространстве. Ортогонализация Грама-Шмидта. Ортонормированные базисы. Изоморфность евклидовых (унитарных) пространств одинаковой размерности. Ортогональные матрицы. Матрица перехода между ортонормированными базисами. Матрица Грама. Объем к-мерного параллелепипеда. Геометрическая интерпретация определителя матрицы. Ортогональное дополнение линейного подпространства. Ортогональная проекция вектора на подпространство. | Тестирование |
| 10 | Линейные отобра- жения. Структура линейных операто- ров | Линейные отображения. Теорема о размерности ядра и образа линейного отображения. Невырожденные линейные операторы. Матрица линейного оператора. Изоморфизм алгебр линейных операторов и матриц. Теорема о координатах образа вектора относительно линейного опера- | Тестирование |

| | 1 | | T |
|----|---|--|--------------|
| | | тора. Закон изменения матрицы линейного оператора при переходе к другому базису. Ранг произведения матриц. | |
| | | Инвариантные подпространства линейного оператора. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Теорема Гамильтона-Кэли. Теорема о существовании инвариантного подпространства вещественного линейного оператора. Теорема о разложении пространства в прямую сумму корневых подпространства. Разложение корневого подпространства в прямую сумму циклических. Жорданов базис и жорданова матрица. Теорема о единственности жордановой нормальной формы. | |
| 11 | Линейные преобра- зования евклидовых и унитарных про- странств | Преобразования евклидовых и унитарных пространств. Ортогональные и унитарные преобразования: определение и эквивалентные условия. Ортогональные преобразования евклидовых пространств размерности ≤ 2 . Основная структурная теорема об ортогональных и унитарных преобразованиях. Теорема Эйлера. Самосопряженные преобразования. | Тестирование |
| 12 | Билинейные и квадратичные функции | Билинейные и квадратичные функции: определение, примеры, свойства. Закон изменения матрицы квадратичной функции при переходе к другому базису. Квадратичные функции и квадратичные формы. Критерий эквивалентности квадратичных форм. Теорема Лагранжа и закон инерции для квадратичных функций. Положительно определенные квадратичные функции. соответствие между билинейными формами и линейными операторами. Теорема о приведении вещественной квадратичной формы к главным осям. Пары форм. | Тестирование |
| 13 | Элементы много- мерной геометрии | Аффинные пространства: эквивалентные определения, изоморфизм. Аффинные подпространства: определение, способы задания, взаимное расположение. Аффинная система координат. Аффинные координаты. Формулы преобразования координат. Квадрики в аффинном пространстве. Центр квадрики. Аффинная и евклидова классификации квадрик. Аффинные отображения: эквивалентные определения, дифференциал, свойства, критерий обратимости. Группа аффинных преобразований. | Тестирование |

| | | П | |
|----|---------------------------------|---|--------------|
| | | Движения аффинно-евклидовых пространств. | |
| | | Проективные пространства и подпространства. Проективные оболочки. Теорема о размерности и ее следствия. Аффинные карты. Однородные и неоднородные координаты. Теорема Дезарга. | |
| | | Группа проективных преобразований. Интерпретация проективного преобразования на аффинной карте как суперпозиции линейного преобразования и центрального проектирования. Запись проективных преобразований в однородных и неоднородных координатах. Реализация группы подстановок в дробно-линейных функциях. Отношение четырех точек как проективный инвариант. Гармонические четверки точек. Квадрики в проективных пространствах. | |
| 14 | Элементы тензор- ной алгебры | Полилинейные функции на векторном пространстве. Общее понятие тензора. Изменение координаты тензора при переходе к новой системе координат. Интерпретации тензоров небольшого ранга. Операции над тензорами, свертка тензора. Симметрические и кососимметрические тензоры. Операции симметрирования и альтернатирования, внешнее умножение. Внешняя алгебра: связь с определителями; ориентация конечномерного векторного пространства. | Тестирование |
| | | Группы, изоморфизм групп. Группы подстановок. Теорема Кэли. Циклические группы. Подгруппы. Смежные классы по подгруппе. Теорема Лагранжа и ее следствия. Подгруппы циклических групп. | Тестирование |
| 15 | Элементы теории групп | Нормальные подгруппы. Факторгруппы по нормальным подгруппам. Гомоморфизм групп. Основная теорема об изоморфизме. Теорема о соответствии подгрупп при гомоморфизме. Произведение подгрупп. Вторая и третья теоремы об изоморфизме. Композиционный рыд. Композиционные факторы. Теорема Жордана-Гельдера. Разрешиые группы. Группы автоморфизмов. Внутренние автоморфизмы. | |
| | | Классы сопряженных элементов. Формула классов. Нетривиальность центра конечной ргруппы. Группы порядка p^2 . Простые группы. Классы сопряженных элементов в группах подстановок. Простота групп A_n , $n \ge 5$. | |

| | | Действие групп на множествах. Орбиты и стабилизаторы. Теорема о количестве элементов в орбите. Силовские подгруппы. Теорема Силова. Описание групп небольших порядков. Внешнее и внутренне произведение групп. Конечнопорожденные группы и их свойства. Теорема о подгруппах свободных абелевых групп. Описание конечнопорожденных абелевых групп. Свободные группы. Задание групп образующими и определяющими соотношениями. | |
|----|-------------------------------|--|--------------|
| 16 | Элементы теории представлений | Линейные и матричные представления групп. Изоморфизм и эквивалентность представлений. Приводимость и разложимость линейных и матричных представлений. G-модули. Подмодули и фактормодули. Гомоморфизмы модулей и сплетающие операторы представлений. Лемма Шура и ее следствия. Вполне приводимые представления и полупростые модули. Свойства. Вполне приводимость мономиального представления симметрической группы. Теорема об ортогональности (унитарности) вещественных (комплексных) представлений. Теорема Машке. Неприводимые комплексные представления группы диэдра D_n . Неприводимые представления абелевых групп. Коммутант группы и одномерные представления групп. Характеры групп. Определение, примеры и свойства. Унитарное пространство центральных функций. Основная теорема теории комплексных характеров и ее следствия. Количество и размерности неприводимых комплексных представлений. Представления и таблицы характеров групп $S_3, A_4, S_4, Q_8, D_4 A_5$. | Тестирование |
| 17 | Элементы теории колец и полей | Целостные кольца. Поля частных. Делимость в целостных кольцах. Факториальные кольца. Евклидовы кольца. Факториальность евклидовых колец. Примеры евклидовых колец. Идеалы колец. Кольца главных идеалов. Факторкольца. Гомоморфизмы колец. Теоремы о гомоморфизмах. Конечные поля. | Тестирование |

2.3.2 Занятия семинарского типа — не предусмотрены.

2.3.3 Лабораторные занятия.

| № | Наименование раздела | Тематика лабораторных работ | Форма текущего контроля |
|---|---|---|--|
| 1 | 2 | 2 3 | |
| 1 | Комплексные числа | Действия с комплексными числами. Геометрическое изображение и тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Корни из комплексных чисел. Корни из 1. | Проверка домашнего задания, контрольная работа |
| 2 | Системы линейных уравнений. Линейная зависимость. Ранг | Исследование систем линейных уравнений методом Гаусса. Линейные пространства. Линейная зависимость векторов. Ранг и база системы векторов. Ранг матрицы. Вычисление ранга матрицы с помощью элементарных преобразований. Фундаментальная система решений системы однородных линейных уравнений. | Проверка домашнего задания |
| 3 | Матрицы и определи- тели. Приложения тео- рии определителей | Действия над матрицами. Перестановки. Формула определителя. Нахождение определителей матриц с помощью элементарных преобразований и с использованием свойств определителя. Нахождение обратной матрицы с помощью формулы и с помощью элементарных преобразований. Формулы Крамера решения СЛУ. Нахождение ранга матрицы методом окаймляющих миноров. Матричные уравнения. | Проверка домашнего задания, контрольная работа |
| 4 | Кольца вычетов и поля | Задачи на делимость целых чисел. Кольца вычетов. Обратимые элементы колец вычетов. Поля вычетов. | Проверка домашнего задания |
| 5 | Многочлены от одной переменной | Делимость многочленов, деление с остатком. Схема Горнера. НОД и НОК. Алгоритм Евклида. Линейное представление НОД. Корни многочленов, границы вещественных корней, отделение кратных корней. Разложение многочленов на неприводимые множители. | |
| 6 | Многочлены от не- скольких переменных | Группа подстановок, представление подстановок в виде произведения неза- | Проверка домашнего задания, кон- |

| | | висимых циклов и транспозиций. Симметрические многочлены, представление через элементарные функции. Формулы Ньютона. Результант двух многочленов, исключение неизвестных из систем двух алгебраических уравнений с двумя неизвестными. Дискриминант многочлена. | трольная работа |
|----|---|--|--|
| 7 | Линейные простран- ства и подпространства | Матрица перехода и закон изменения координат вектора. Линейные подпространства. Сумма и пересечение линейных подпространств. Базис и размерность подпространств. | Проверка домашнего задания |
| 8 | Евклидовы и унитар- ные пространства | Длина вектора и угол между векторами в евклидовом пространстве. Ортогонализация Грама-Шмидта. Ортонормированные базисы. Матрица Грама. Объем к-мерного параллелепипеда. Ортогональное дополнение линейного подпространства. Ортогональная проекция вектора на подпространство. Расстояние от вектора до подпространства, угол между вектором и подпространством. | Проверка домаш- него задания, кон- трольная работа |
| 9 | Линейные отображе- ния. Структура линей- ных операторов | Линейные отображения, ядро и образ линейного отображения. Матрица линейного оператора. Изменение матрицы линейного оператора при переходе к другому базису. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора, диагонализируемость. Жорданов базис и жорданова матрица линейного оператора. Инвариантные подпространства линейного оператора. | |
| 10 | Линейные преобразо- вания евклидовых и унитарных про- странств | Ортогональные и унитарные преобразования. Самосопряженные преобразования. Приведение к каноническому виду. | Проверка домашнего задания, контрольная работа |
| 11 | Билинейные и квадра- тичные функции | Приведение квадратичных форм к каноническому и нормальному виду методом Лагранжа. Эквивалентность квадратичных форм. Приведение вещественных квадратичных форм к глав- | Проверка домашнего задания, контрольная работа |

| | | ным осям. Положительно определенные квадратичные формы. Пары форм. | |
|----|-------------------------------------|--|--|
| 12 | Элементы многомер- ной геометрии | Аффинные пространства и подпространства. Взаимное расположение аффинных подпространств. Аффинные отображения. Квадрики в аффинном пространстве. Центр квадрики. Аффинная и евклидова классификации квадрик. | Проверка домашнего задания |
| | | Проективные пространства и подпространства. Проективные оболочки. Однородные и неоднородные координаты. Проективные преобразования. Квадрики в проективных пространствах. | |
| 13 | Элементы тензорной алгебры | Операции над тензорами, свертка тензора. Операции симметрирования и альтернатирования, внешнее умножение. | |
| | Элементы теории групп | Группы, изоморфизм групп. Группы подстановок. Теорема Кэли. Циклические группы. Подгруппы. Смежные классы по подгруппе. Подгруппы циклических групп. | Проверка домашнего задания, контрольная работа |
| 14 | | Нормальные подгруппы. Факторгруппы по нормальным подгруппам. Гомоморфизм групп. Группы автоморфизмов. Классы сопряженных элементов. Формула классов. Действие групп на множествах. Орбиты и стабилизаторы. Силовские подгруппы. Группы небольших порядков. Конечнопорожденные абелевы группы. Задание групп образующими и определяющими соотношениями. | |
| 15 | Элементы теории представлений | Линейные и матричные представления групп. Приводимость и разложимость линейных и матричных представлений. Модули, подмодули и фактормодули, гомоморфизмы модулей. Одномерные представления. Неприводимые ком- | Проверка домашнего задания |
| | | плексные представления групп. Характеры групп. Количество и размерности неприводимых комплексных представлений. Представления и таблицы характеров групп. | |

| | | Элементы теории ко- | Целостные кольца. Делимость в це- | Проверка домаш- |
|-----|----|---------------------|--------------------------------------|--------------------|
| | | лец и полей | лостных кольцах. Факториальные коль- | него задания, кон- |
| 1.0 | | | ца. Евклидовы кольца. Примеры евкли- | трольная работа |
| | 16 | | довых колец. Идеалы колец. Фактор- | |
| | | | кольца. Гомоморфизмы колец. Конеч- | |
| | | | ные поля. | |
| | | | | |

2.3.4 Примерная тематика курсовых работ (проектов) Курсовые работы - не предусмотрены.

2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

| Вид № самостоятельной работы | | Перечень учебно-методического обеспечения дисципли- ны по выполнению самостоятельной работы | |
|------------------------------------|--|--|--|
| 1 | 2 | 3 | |
| 1. | Подготовка к те- кущему контролю | 1. Методические указания для подготовки к занятиям лекционного и семинарского типа. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г. 2. Методические указания по выполнению самостоятельной работы обучающихся. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г. 3. Методические указания по использованию интерактивных методов обучения. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г. 4. Методические указания по подготовке эссе, рефератов, курсовых работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5т от 05 мая 2022 г. | |
| 2. | Выполнение лабораторных работ и расчетнографических заданий | 1. Методические указания по выполнению лабораторных работ. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г. 2. Методические указания по выполнению расчетнографических заданий. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г. | |
| 4. | Подготовка и оформление отчетов по практике | Методические указания по подготовке и оформлению отчета по практике. Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». Протокол № 5 от 05 мая 2022 г. | |
| 5. | Выполнение и за- щита выпускной квалификационной работы | Методические указания по выполнению и защите выпускной квалификационной работы (бакалавриат, магистратура, специалитет). Утверждены на заседании Совета факультета математики и компьютерных наук ФГБОУ ВО «КубГУ». | |

Протокол № 5 от 05 мая 2022 г.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа,

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

3. Образовательные технологии.

При изучении данного курса используются традиционные лекции и лабораторные занятия.

Цель лабораторных занятий – научить студента применять полученные на лекциях теоретические знания к решению и исследованию конкретных задач. В каждом семестре проводятся контрольные работы для проверки усвоения материала студентами.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья предусмотрена организация консультаций с использованием электронной почты.

4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Учебная деятельность проходит в соответствии с графиком учебного процесса. Процесс самостоятельной работы контролируется во время аудиторных занятий и индивидуальных консультаций.

Оценочными средствами дисциплины являются средства текущего контроля (коллоквиумы, контрольные работы, а также на лабораторных занятиях — ответ у доски и проверка домашних заданий) и итоговая аттестация (зачет, экзамен).

4.1 Структура оценочных средств для текущей и промежуточной аттестации

| | I.C. | | Наименование оценочно | ого средства |
|-----------------|---|---|--|--|
| № п/п | Код и наименование индикатора (в соответствии с п. 1.4) | Результаты обучения (в соответствии с п. 1.4) | Текущий контроль | Промежуточная аттестация |
| 1 | ИОПК-1.1. Знает актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики | ИОПК-1.1. 3-1. Знает основные факты и идеи курса алгебры, формулировки утверждений, методы их доказательства ИОПК-1.1.У-1.Умеет связывать идеи алгебры с конкретными проблемами фундаментальной математики | Выполнение домашних заданий, опрос на лекционных и лабораторных занятиях. Контрольные и самостоятельные работы, коллоквиум | Вопросы на экзаменах во 1, 2 и 3 семестрах |

| | | Lucrus since | | |
|---|--|--|--|--|
| | | ИОПК-1.1.В-1. Владеет | | |
| | | навыками решения ти-повых практических за- | | |
| | | даний курса алгебры | | |
| | HOTH 42 C | | 7 | - |
| | ИОПК -1.2. Осуществ- ляет выбор методов ре- | ИОПК-1.2. 3-1. Знает связи между основными | Выполнение домашних заданий, опрос на лекционных | Вопросы на эк- заменах |
| | шения задач фундамен- | понятиями и результата- | и лабораторных занятиях. | во 1,2 и 3 се- |
| | тальной математики | ми алгебры, свойства | Контрольные и самостоя- | местрах |
| | | математических объек- | тельные работы, коллокви- | |
| | | тов в этой области | ум | |
| | | ИОПК-1.2. У-1. Умеет применять теоретические | | |
| 2 | | знания при выборе мето- | | |
| | | дов решении задач фун- | | |
| | | даментальной математи- | | |
| | | КИ | | |
| | | ИОПК-1.2. В-1. Владеет методами алгебраическо- | | |
| | | го анализа задач фунда- | | |
| | | ментальной математики | | |
| | ИОПК-1.3 Владеет | ИОПК-1.3. 3-1. Знает | Выполнение домашних за- | Вопросы на эк- |
| | навыками формализа- | возможные сферы при- | даний, опрос на лекционных | заменах |
| | ции актуальных задач фундаментальной мате- | ложений математических понятий и идей алгебры | и лабораторных занятиях. Контрольные и самостоя- | во 1, 2 и 3 се- местрах |
| | матики и применения | ИОПК-1.3. У-1. Умеет | тельные работы, коллокви- | местрих |
| | подходящих методов их | находить основные зако- | ум | |
| | решения | номерности алгебраиче- | | |
| | | ского характера в зада- чах фундаментальной | | |
| 3 | | математики | | |
| | | ИОПК-1.3. В-1. Владеет | | |
| | | навыками алгебраиче- | | |
| | | ской формализации задач фундаментальной мате- | | |
| | | фундаментальной мате- | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | ИПК-1.1. Знает основ- | ИПК-1.1. 3-1. Знает ос- | Выполнение домашних за- | Вопросы на эк- |
| | ные понятия, идеи и | новные понятия, идеи и | даний, опрос на лекционных | заменах |
| | методы фундаменталь- | методы курса алгебры | и лабораторных занятиях. | во 1 и 3 семест- |
| | ных математических | для решения базовых | Контрольные и самостоя- | pax |
| | дисциплин для решения базовых задач | задач алгебры ИПК-1.1. У-1. Умеет | тельные работы, коллокви- ум | |
| | оазовых задач | устанавливать логиче- | y W | |
| | | ские связи между поня- | | |
| 4 | | тиями, применять полу- | | |
| ' | | ченные знания для реше- | | |
| | | ния задач по теории групп, теории чисел, | | |
| | | теории колец, общей и | | |
| | | линейной алгебре | | |
| | | ИПК-1.1. В-1. Владеет | | |
| | | методами и идеями ал- | | |
| | | гебры для решения базо- вых задач | | |
| | ИПК-1.2. Умеет переда- | ИПК-1.2. 3-1. Знает зна- | Выполнение домашних за- | Вопросы на эк- |
| | вать результаты прове- | чение и место алгебраи- | даний, опрос на лекционных | заменах |
| 5 | денных теоретических и | ческих методов в теоре- | и лабораторных занятиях. | во 1, 2 и 3 се- |
| | прикладных исследований в виде конкретных | тических и прикладных математических иссле- | Контрольные и самостоя- тельные работы, коллокви- | местрах |
| | предметных рекоменда- | дованиях | ум | |
| L | T 13 | <u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , , </u> | 1 - | |

| | ций в терминах пред- | ИПК-1.2. У-1. Умеет | | |
|---|------------------------|--------------------------|----------------------------|-----------------|
| | метной области | выделять алгебраиче- | | |
| | merion concern | ские свойства результа- | | |
| | | тов теоретических и при- | | |
| | | кладных исследований | | |
| | | | | |
| | | ИПК-1.2. В-1. Владеет | | |
| | | навыками интерпретации | | |
| | | результатов проведен- | | |
| | | ных теоретических и | | |
| | | прикладных исследова- | | |
| | | ний с точки зрения ал- | | |
| | | гебры | | |
| | | | | |
| | ИПК-1.3. Самостоя- | ИПК-1.3. 3-1. Знает ал- | Выполнение домашних за- | Вопросы на эк- |
| | тельно и корректно ре- | гебраические методы | даний, опрос на лекционных | заменах |
| | шает стандартные зада- | решения стандартных | и лабораторных занятиях. | во 1, 2 и 3 се- |
| | чи фундаментальной и | задач фундаментальной | Контрольные и самостоя- | местрах |
| | прикладной математики | и прикладной математи- | тельные работы, коллокви- | |
| | · · | КИ | ум | |
| | | ИПК-1.3. У-1. Умеет ре- | • | |
| | | шать стандартные задачи | | |
| | | фундаментальной и при- | | |
| 6 | | кладной математики с | | |
| 0 | | привлечением методов | | |
| | | алгебры | | |
| | | ИПК-1.3. В-1. Владеет | | |
| | | | | |
| | | навыками решения стан- | | |
| | | дартных задач фунда- | | |
| | | ментальной и приклад- | | |
| | | ной математики с при- | | |
| | | влечением методов ал- | | |
| | 11777 1 4 17 | гебры | | |
| | ИПК-1.4. Имеет навыки | ИПК-1.4. 3-1. Знает ме- | Выполнение домашних за- | |
| | решения математиче- | тоды решения задач по | даний, опрос на лекционных | |
| | ских задач, соответ- | алгебре, возникающих | и лабораторных занятиях. | |
| | ствующих квалифика- | при проведении научных | Контрольные и самостоя- | |
| | ции, возникающих при | и прикладных исследо- | тельные работы, коллокви- | |
| | проведении научных и | ваний | ум | |
| | прикладных исследова- | ИПК-1.4. У-1. Умеет вы- | | |
| | ний | страивать и реализовы- | | |
| | | вать план проведения | | |
| 7 | | научно-прикладных ис- | | |
| / | | следований, связанных с | | |
| | | решением заданий по | | |
| | | алгебре. | | |
| | | ИПК-1.4. В-1. Владеет | | |
| | | навыками описания ал- | | |
| | | горитмов решения ал- | | |
| | | гебраических задач, | | |
| | | вплоть до их возможной | | |
| | | компьютерной реализа- | | |
| | | ции. | | |
| | | ции. | | l |

4.2 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля.

Пример варианта контрольной работы в первом семестре

1. Решить систему линейных уравнений:
$$\begin{cases} 2x - 4y + 3z = 1 \\ -3x + y - 2z = -2 \\ 4x + 3y - z = -1 \end{cases}$$

2. Решить матричное уравнение:
$$\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$
 $\cdot X = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$.

3. Вычислить определитель матрицы:
$$\begin{vmatrix} 2 & -2 & 1 & -2 \\ -1 & 2 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 1 & 2 \\ -3 & 4 & 3 & 1 \end{vmatrix}.$$

Пример варианта контрольной работы во втором семестре

- 1. Найти собственные значения и собственные векторы линейного оператора, заданного своей матрицей в некотором базисе.
- 2. Найти характеристический и минимальный многочлен матрицы.
- 3. Найти ЖНФ матрицы линейного оператора.

Пример варианта контрольной работы в третьем семестре

- 1. Описать все абелевы группы заданного порядка.
- 2. Перечислить элементы факторгруппы группы по подгруппе.
- 3. Указать классы сопряженных элементов данной конечной группы.

4.3 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации.

Примерное задание к зачету

ПЕРВЫЙ СЕМЕСТР

- 1. Решить квадратное уравнение над полем комплексных чисел.
- 2. Найти тригонометрическую форму и степень/корень из комплексного числа.
- 3. Решить систему линейных уравнений.
- 4. Найти фундаментальную систему решений системы однородных линейных уравнений.
- 5. Найти ранг матрицы: с помощью элементарных преобразований, методом окаймляющих миноров.
- 6. Найти базу системы векторов и выразить оставшиеся векторы через найденную базу.
- 7. Найти определитель матрицы с помощью элементарных преобразований.

- 8. Найти обратную матрицу: с помощью формулы обратной матрицы, с помощью элементарных преобразований.
- 9. Решить матричное уравнение.
- 10. Найти обратимые элементы и их обратные элементы в кольце вычетов.
- 11. Найти НОД и НОК многочленов и линейное представление НОД.
- 12. Отделить кратные корни многочленов.
- 13. С помощью схемы Горнера: найти разложение многочлена по степеням x-c, значения многочлена и его производных в точке c.
- 14. Разложить многочлен на неприводимые множители над полями вещественных и комплексных чисел.
- 15. Найти дискриминант и результант для многочленов.

ВТОРОЙ СЕМЕСТР

- 1. Найти базис суммы и пересечения линейных подпространств.
- 2. Найти собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Найти собственные и корневые подпространства линейного оператора.
- 3. Найти жорданову нормальную форму и жорданов базис линейного оператора
- 4. Ортогонализовать систему векторов.
- 5. Найти ортогональную проекцию и ортогональную составляющую вектора.
- 6. Привести квадратичную форму к главным осям.
- 7. Выписать систему линейных уравнений для плоскости, заданной параметрически.
- 8. Исследовать взаимное расположение плоскостей, заданных параметрически.
- 9. Найти расстояние от точки до плоскости.
- 10. Составить формулы аффинного преобразования.

ТРЕТИЙ СЕМЕСТР

- 1. Найти циклические подгруппы группы.
- 2. Найти смежные классы подгруппы.
- 3. Построить конечное поле, состоящее из 16 элементов.
- 4. Найти обратный элемент в факторкольце.
- 5. Построить таблицу характеров группы.

Примерный перечень вопросов к экзамену

ПЕРВЫЙ СЕМЕСТР

- 1. Множества и отображения множеств. Теорема об ассоциативности умножения отображений.
- 2. Алгебраические операции. Теорема об ассоциативной операции.
- 3. Поле комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа.
- 4. Геометрическое изображение комплексных чисел. Тригонометрическая форма комплексного числа.
- 5. Геометрическая интерпретация действий над комплексными числами. Формула Муавра.
- 6. Корни n-ой степени из комплексного числа.
- 7. Свойства корней n-ой степени из 1. Первообразные корни.
- 8. Исследование систем линейных уравнений методом Гаусса.
- 9. Критерий определенности совместной системы линейных уравнений.
- 10. Линейные пространства. Линейная зависимость векторов.
- 11. Основная лемма о линейной зависимости.
- 12. Ранг и база системы векторов.
- 13. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора.
- 14. Теорема о ранге матрицы. Вычисление ранга матрицы приведением к ступенчатому виду.
- 15. Теорема Кронекера-Капели.
- 16. Теорема о фундаментальной системе решений: размерность и базис пространства решений.
- 17. Действия над матрицами. Кольцо $M_{n}(R)$.
- 18. Теорема о реализации элементарных преобразований матрицы умножением на элементарные матрицы
- 19. Матрица перехода. Закон изменения координат вектора при переходе к новому базису.
- 20. Теоремы о четных и нечетных перестановках.
- 21. Определитель матрицы. Определитель транспонированной матрицы.
- 22. Определитель треугольной матрицы.
- 23. Элементарные свойства определителя.
- 24. Разложение определителя по строке (столбцу). Фальшивое разложение.
- 25. Определитель матрицы с углом нулей. Теорема Лапласа (без доказательства).
- 26. Определитель Вандермонда. Критерий невырожденности матрицы Вандермонда.
- 27. Определитель произведения матриц.
- 28. Критерий существования и формула обратной матрицы.
- 29. Теорема Крамера и ее следствие.
- 30. Критерий невырожденности матрицы.
- 31. Теорема об окаймляющих минорах. Базисные миноры.

- 32. Матричные уравнения. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований.
- 33. Свойства делимости в кольце целых чисел. Теорема о делении с остатком.
- 34. НОД и НОК. Линейное представление НОД. Алгоритм Евклида.
- 35. Взаимно простые числа и их свойства.
- 36. Простые числа. Основная теорема арифметики.
- 37. Теорема о разбиении множества на классы эквивалентности. Фактормножество.
- 38. Классы вычетов по модулю натурального числа. Свойства сравнимых чисел.
- 39. Кольцо Z_{m} классов вычетов по модулю m.
- 40. Обратимые элементы в кольце $Z_{_m}$. Условие поля.
- 41. Характеристика поля.
- 42. Подполя. Наименьшее поле.
- 43. Теорема о простых полях характеристики 0.
- 44. Теорема о простых полях характеристики p > 0.
- 45. Кольцо R[x] многочленов от одной переменной. Делители нуля и закон сокращения.
- 46. Делимость в кольце K[x]. Теорема о делении с остатком.
- 47. Взаимно простые многочлены.
- 48. Теоремы о НОД многочленов.
- 49. Теоремы о НОК многочленов.
- 50. Значение многочлена в точке. Пример различных многочленов, задающих одну полиномиальную функцию.
- 51. Теорема Безу. Простые и кратные корни многочленов.
- 52. Производная многочлена. Отделение кратных корней.
- 53. Теорема о количестве корней многочлена и ее следствия.
- 54. Задача интерполяции. Интерполяционный многочлен Лагранжа.
- 55. Неприводимые многочлены. Теорема о разложении многочленов на неприводимые множители.
- 56. Основная теорема алгебры (без доказательства). Неприводимые многочлены над R и C.
- 57. Многочлены от нескольких переменных.
- 58. Группа подстановок S_n . Представление подстановок в виде произведения циклов и транспозиций.
- 59. Четные и нечетные подстановки. Правило знаков умножения подстановок. Группа A_n .
- 60. Симметрические многочлены. Основная теорема о симметрических многочленах.

- 61. Теорема Виета. Значение симметрического многочлена от корней многочлена.
- 62. Дискриминант многочлена.
- 63. Результант многочленов. Системы алгебраических уравнений.

ВТОРОЙ СЕМЕСТР

- 1. Линейные пространства: примеры и простейшие свойства.
- 2. Линейная зависимость векторов: основные: свойства. Эквивалентные определения базиса линейного пространства.
- 3. Матрица перехода. Закон изменения координат вектора при переходе к новому базису.
- 4. Изоморфизм линейных пространств: основные свойства.
- 5. Критерий изоморфности линейных пространств.
- 6. Линейные подпространства: критерий, основные способы задания. Теорема о размерности линейного подпространства.
- 7. Сумма и пересечение линейных подпространств. Теорема о размерности суммы линейных подпространств.
- 8. Прямая сумма линейных подпространств.
- 9. Евклидовы пространства. Примеры евклидовых пространств.
- 10. Неравенство Коши-Буняковского. Длина вектора и угол между векторами в евклидовом пространстве.
- 11. Матрица Грама. Объем k -мерного параллелепипеда. Геометрическая интерпретация определителя матрицы.
- 12. Ортогонализация Грама-Шмидта.
- 13. Ортонормированные базисы. Изоморфизм евклидовых пространств одинаковой размерности.
- 14. Ортогональные матрицы. Матрица перехода между ортонормированными базисами.
- 15. Ортогональное дополнение линейного подпространства. Ортогональная проекция вектора па подпространство.
- 16. Унитарные пространства.
- 17. Линейные отображения: определение, примеры, ядро и образ. Невырожденные линейные операторы.
- 18. Теорема о размерностях ядра и образа линейного отображения.
- 19. Матрица линейного оператора. Теорема о координатах образа вектора относительно линейного оператора.
- 20. Закон изменения матрицы линейного оператора при переходе к другому базису.
- 21. Ранг произведения матриц.
- 22. Действия над линейными операторами. Изоморфизм алгебр линейных операторов и матриц.
- 23. Инвариантные подпространства линейного оператора.

- 24. Теорема о существовании инвариантного подпространства размерности ≤ 2 для вещественного линейного оператора.
- 25. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Диагонализируемые операторы.
- 26. Теорема Гамильтона-Кэли.
- 27. Теорема о разложении пространства в прямую сумму корневых подпространств.
- 28. Разложение корневого подпространства в прямую сумму циклических. Жорданов базис и жорданова матрица.
- 29. Теорема о единственности жордановой нормальной формы.
- 30. Ортогональные преобразования евклидовых пространств: определение и эквивалентные условия.
- 31. Ортогональные преобразования евклидовых пространств размерности ≤ 2 .
- 32. Основная структурная теорема об ортогональных преобразованиях. Теорема Эйлера.
- 33. Сопряженные операторы. Структура самосопряженных преобразованиий евклидовых пространств.
- 34. Линейные преобразования унитарных пространств.
- 35. Билинейные и квадратичные функции: определение, примеры, свойства.
- 36. Закон изменения матрицы квадратичной функции при переходе к другому базису.
- 37. Квадратичные функции и квадратичные формы. Критерий эквивалентности квадратичных форм.
- 38. Теорема Лагранжа о приведении квадратичной формы к каноническому виду.
- 39. Закон инерции для вещественных квадратичных функций.
- 40. Положительно определенные квадратичные функции. Критерий Сильвестра.
- 41. Теорема о приведении вещественной квадратичной формы к главным осям. Теорема о паре форм.
- 42. Аффинные пространства: эквивалентные определения, изоморфизм.
- 43. Аффинные подпространства: определение, способы задания, взаимное расположение.
- 44. Аффинные отображения: эквивалентные определения, дифференциал, свойства, критерий обратимости.
- 45. Барицентрические комбинации точек. Аффинная оболочка.
- 46. Аффинная система координат. Аффинные координаты.
- 47. Барицентрические координаты. Связь с аффинными координатами.
- 48. Задание аффинного отображения образами базисных точек.
- 49. Центр масс системы материальных точек. Физическая интерпретация барицентрических координат. Теорема о группировке масс.
- 50. Группа аффинных преобразований. Теорема о разложении в полупрямое произведение.

- 51. Геометрия аффинно-евклидовых пространств.
- 52. Движения аффинно-евклидовых пространств.
- 53. Квадрики. Аффинная и метрическая классификация квадрик.
- 54. Проективные пространства и подпространства. Проективные оболочки. Теорема о размерности и ее следствия.
- 55. Аффинные карты. Однородные и неоднородные координаты. Связь с барицентрическими координатами.
- 56. Теорема Дезарга.
- 57. Группа проективных преобразований.
- 58. Интерпретация проективного преобразования на аффинной карте как суперпозиции линейного преобразования и центрального проектирования.
- 59. Задание проективного преобразования образами точек в общем положении.
- 60. Запись проективных преобразований в однородных и неоднородных координатах.
- 61. Реализация группы подстановок в дробно-линейных функциях.
- 62. Отношение четырех точек как проективный инвариант.
- 63. Гармонические четверки точек.
- 64. Классификация квадрик в проективных пространствах.
- 65. Полилинейные функции на векторном пространстве. Интерпретация тензоров небольших рангов.
- 66. Действия над тензорами. Симметрические и кососимметрические тензоры. Операции симметрирования и альтернирования.
- 67. Внешняя алгебра. Определитель и ориентация конечномерного векторного пространства.

ТРЕТИЙ СЕМЕСТР

- 1. Определение, простейшие свойства и примеры групп. Изоморфизм групп.
- 2. Степень элемента. Порядок элемента и его свойства.
- 3. Группа подстановок. Представление подстановок в виде произведения циклов и транспозиций.
- 4. Четные и нечетные подстановки. Правило знаков умножения подстановок. Знакопеременная группа.
- 5. Подгруппы. Критерий подгруппы. Циклические подгруппы.
- 6. Циклические группы и их классификация.
- 7. Смежные классы по подгруппе. Свойства смежных классов.
- 8. Теорема Лагранжа и ее следствия. Индекс подгруппы.
- 9. Нормальные подгруппы. Критерий нормальной подгруппы.
- 10. Факторгруппа по нормальной подгруппе.
- 11. Гомоморфизмы групп. Ядро и образ гомоморфизма.

- 12. Основная теорема об изоморфизме.
- 13. Произведение подгрупп. Теорема Э. Нетер.
- 14. Классы сопряженных элементов. Классы сопряженных элементов в группе подстановок.
- 15. Нормализатор (централизатор) элемента. Формула классов.
- 16. Центр группы. Нетривиальность центра конечной p -группы. Группы порядка p^2 .
- 17. Группа автоморфизмов. Внутренние автоморфизмы.
- 18. Внешнее прямое произведение групп.
- 19. Внутреннее прямое произведение групп: определение и критерий, примеры.
- 20. Изоморфизм внешнего и внутреннего произведений групп.
- 21. Классы сопряженных элементов в симметрической и знакопеременной группах.
- 22. Простые группы. Простота групп A_n , $n \ge 5$.
- 23. Действие группы на множестве. Орбиты и стабилизаторы. Теорема о колчестве элементов в орбите.
- 24. Теорема Силова: сопряженность силовских *p* -подгрупп.
- 25. Теорема Силова: существование и число силовских p-подгрупп.
- 26. Описание групп небольших порядков.
- 27. Внешнее прямое произведение групп.
- 28. Внутреннее прямое произведение групп: определение и критерий, примеры.
- 29. Изоморфизм внешнего и внутреннего произведений групп.
- 30. Конечнопорожденные группы и их свойства.
- 31. Теорема о подгруппах свободных абелевых групп.
- 32. Описание конечнопорожденных абелевых групп.
- 33. Линейные и матричные представления групп. Дифференцируемые представления группы R.
- 34. Мономиальное представление группы подстановок.
- 35. Построение представлений по действиям групп. Регулярные представления групп.
- Изоморфизм и эквивалентность представлений. Изоморфизм левых и правых регулярных представлений групп.
- 37. Приводимость и разложимость линейных и матричных представлений.
- 38. Подпредставления и факторпредставления.
- 39. G -модули. Подмодули и фактормодули. Простые модули.
- 40. Неприводимые комплексные представления абелевых групп.
- 41. Неприводимые комплексные представления группы диэдра D_n .
- 42. Теорема об ортогональности (унитарности) вещественных (комплексных) представлений.
- 43. Неприводимые вещественные представления циклических групп.

- 44. Вполне приводимые представления и полупростые модули. Свойства полупростых модулей.
- 45. Теорема Машке. Контрпример к теореме Машке.
- 46. Структура конечномерных полупростых модулей.
- 47. Вполне приводимость мономиального представления симметрической группы.
- 48. Коммутант группы и одномерные представления групп.
- 49. Гомоморфизмы модулей и сплетающие операторы представлений.
- 50. Гомоморфизмы простых модулей. Лемма Шура.
- 51. Основная теорема об изоморфизмах модулей.
- 52. Теорема о соответствии модулей при гомоморфизме. Максимальные подмодули.
- 53. Теорема о пересечении максимальных подмодулей.
- 54. Композиционные ряды модулей. Теорема Жордана-Гельдера.
- 55. Теорема об однозначности разложения конечномерного полупростого G -модуля.
- 56. Характеры групп. Определение, примеры и свойства.
- 57. Унитарное пространство центральных функций.
- 58. Основная теорема теории комплексных характеров. Следствия о соответствии представлений и характеров представлений.
- 59. Теорема о размерностях неприводимых комплексных представлений.
- 60. Представления и таблицы характеров групп S_3 , A_4 , S_4 , Q_8 , D_4 , A_5 .
- 61. Поле отношений и теорема о вложимости целостых колец в поле. Поле рациональных дробей.
- 62. Идеалы колец и алгебр. Главные идеалы. Примеры идеалов, не являющихся главными.
- 63. Кольца главных идеалов. Примеры Z и K[x].
- 64. Кольцо гауссовых чисел. Теорема о делении с остатком в кольце гауссовых чисел.
- 65. Евклидовые кольца. Примеры евклидовых и неевклидовых колец.
- 66. Простые алгебры. Теорема о простоте алгебры $M_{_n}(K)$. Теорема о простых коммутативных кольцах.
- 67. Факторкольца и факторалгебры. Условие равенства элементов факторкольца. Примеры.
- 68. Факторкольца K[x]/(f) . Изоморфизм $R[x]/(x^2+1) \cong C$
- 69. Гомоморфизмы колец и алгебр. Ядро и образ гомоморфизма. Естественная проекция $\pi:R \to R/I$.
- 70. Основная теорема об изоморфизме. Изоморфизмы $R[x]/(x^2+1) \cong C$ и $R[x]/(x^2-1) \cong R \oplus R$.
- 71. Теорема о соответствии идеалов при гомоморфизме.
- 72. Максимальные идеалы и простые факторалгебры.
- 73. Максимальные идеалы в Z. Условие поля для кольца вычетов Z_n .

- 74. Максимальные идеалы в K[x]. Условие поля для факторкольца K[x]/(f).
- 75. Примеры построения конечных полей.
- 76. Вторая и третья теоремы об изоморфизмах.

ПРИМЕРНЫЕ БИЛЕТЫ К ЭКЗАМЕНУ

БИЛЕТ № 1

(Первый семестр)

- 1. Теорема о корнях n-ой степени из комплексных чисел.
- 2. Ранг и база системы векторов.
- 3. Выписать формулу определителя матрицы четвертого порядка.

БИЛЕТ № 2

(Второй семестр)

- 1. Теорема об изменении матрицы линейного оператора при переходе к новому базису.
 - 2. Положительно определенные квадратичные формы.
 - 3. Найти собственные векторы и собственные значения линейного оператора, за-

данного в некотором базисе матрицей $A = \begin{pmatrix} 7 & 5 & -10 \\ 2 & 4 & -4 \\ 3 & 3 & -4 \end{pmatrix}$. Найти невырожденную матри-

цу C такую, что матрица $C^{\scriptscriptstyle -1}AC$ диагональна.

БИЛЕТ № 1

(Второй семестр)

- 1. Инвариантные подпространства линейного оператора. Собственные подпространства.
 - 2. Матрица Грама и ее свойства.
 - 3. Найти аффинную оболочку прямых.

БИЛЕТ № 2

(Третий семестр)

- 1. Классы сопряженных элементов групп. Формула классов.
- 2. Изоморфизм колец $C \cong R[x]/(x^2 + 1)$.
- 3. Найти смежные классы группы $\langle a \rangle_{\!_{12}}$ по подгруппе $\langle a_{\!\scriptscriptstyle 8} \rangle$.

Эталон решения практического задания экзамена

Задача. Выписать формулу определителя матрицы четвертого порядка.

Решение. Имеем следующие четные и, соответственно, нечетные перестановки чисел 1, 2, 3, 4:

$$(1,2,3,4), (1,3,4,2), (1,4,2,3), (2,1,4,3), (2,3,1,4), (2,4,3,1), (3,1,2,4), (3,2,4,1), (3,4,1,2), (4,1,3,2), (4,2,1,3), (4,3,2,1),$$

$$(1,2,4,3), (1,3,2,4), (1,4,3,2), (2,1,3,4), (2,3,4,1), (2,4,1,3), (3,1,4,2), (3,2,1,4), (3,4,2,1), (4,1,2,3), (4,2,3,1), (4,3,1,2).$$

Тогда, согласно определению, получаем следующую формулу определителя матрицы $A = (a_{ii})$ четвертого порядка:

$$\begin{split} \left|A\right| &= a_{11}a_{22}a_{33}a_{44} + a_{11}a_{23}a_{34}a_{42} + a_{11}a_{24}a_{32}a_{43} + a_{12}a_{21}a_{34}a_{43} + a_{12}a_{23}a_{31}a_{44} + a_{12}a_{24}a_{33}a_{41} + \\ &+ a_{13}a_{21}a_{32}a_{44} + a_{13}a_{22}a_{34}a_{41} + a_{13}a_{24}a_{31}a_{42} + a_{14}a_{21}a_{33}a_{42} + a_{14}a_{22}a_{31}a_{43} + a_{14}a_{23}a_{32}a_{41} + \\ &- a_{11}a_{22}a_{34}a_{43} - a_{11}a_{23}a_{32}a_{44} - a_{11}a_{24}a_{33}a_{42} - a_{12}a_{21}a_{33}a_{44} - a_{12}a_{23}a_{34}a_{41} - a_{12}a_{24}a_{31}a_{43} - \\ &- a_{13}a_{21}a_{34}a_{42} - a_{13}a_{22}a_{31}a_{44} - a_{13}a_{24}a_{32}a_{41} - a_{14}a_{21}a_{32}a_{43} - a_{14}a_{22}a_{33}a_{41} - a_{14}a_{23}a_{31}a_{42} \end{split}$$

Задача. Найти собственные векторы и собственные значения линейного оператора,

заданного в некотором базисе матрицей
$$A = \begin{pmatrix} 7 & 5 & -10 \\ 2 & 4 & -4 \\ 3 & 3 & -4 \end{pmatrix}$$
. Найти невырожденную мат-

рицу C такую, что матрица $C^{\scriptscriptstyle -1}AC$ диагональна.

Решение. Характеристический многочлен $|A - \lambda E|$ матрицы A имеет вид $-(\lambda-3)(\lambda-2)^2$. Следовательно, собственные значения линейного оператора равны 3 и 2. Решая системы линейных уравнений $(A-\lambda E)X=0$ для $\lambda=2;3$, получаем, что соответствующие собственные подпространства имеют вид $\langle (2,0,1), (-1,1,0) \rangle$, $\langle (5,2,3) \rangle$. Следовательно, имеем базис (2,0,1), (-1,1,0), (5,2,3) из собственных векторов, в котором

матрица линейного оператора имеет вид:
$$\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$
. Значит, $C^{-1}AC = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, где

$$C = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 5 \\ 0 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 3 \end{pmatrix}.$$

Задача. Найти аффинную оболочку прямых $x_1=2+t$, $x_2=-1-3t$, $x_3=-2+2t$, $x_4=-t$ и $x_1=3-t$, $x_2=-2+3t$, $x_3=1+2t$, $x_4=-1-2t$.

Решение. Аффинная оболочка пары прямых совпадает с аффинной оболочкой 4 точек: двух точек одной прямой и двух точек другой прямой. В частности, это означает, что направляющее пространство аффинной оболочки натянуто на три вектора: направляющие векторы (1,-3,2,-1), (-1,3,2,-2) прямых и вектор (1,-1,3,-1), соединяющий точки, лежащие на первой и второй прямых. Имеем, что

$$\dim \langle (1,-3,2,-1), (-1,3,2,-2), (1,-1,3,-1) \rangle = rk \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 & -1 \\ -1 & 3 & 2 & -2 \\ 1 & -1 & 3 & -1 \end{pmatrix} = 3$$
, поэтому аф-

финная оболочка имеет размерность 3 и задается следующим параметрическим уравнением: $x_1=2+t_1-t_2+t_3, \qquad x_2=-1-3t_1+3t_2-t_3, \qquad x_3=-2+2t_1+2t_2+3t_3, \qquad x_4=-t_1-2t_2-t_3.$

Задача. Найти смежные классы группы $\langle a \rangle_{\!\scriptscriptstyle 12}$ по подгруппе $\langle a_{\scriptscriptstyle 8} \rangle$.

Решение. Пусть H — подгруппа в $\left\langle a\right\rangle_{12}=\{e,a,a^2,a^3,a^4,a^5,a^6,a^7,a^8,a^9,a^{10},a^{11}\}$, порожденная a_8 . Тогда $H=\{e,a^4,a^8\}$ и

$$eH = \{e, a^4, a^8\} = a^4H = a^8H,$$

$$aH = \{a, a^5, a^9\} = a^5H = a^9H,$$

$$a^2H = \{a^2, a^6, a^{10}\} = a^6H = a^{10}H,$$

$$a^3H = \{a^3, a^7, a^{11}\} = a^7H = a^{11}H.$$

. Критерии оценок. Задания оцениваются в баллах от 0 до 3: высший балл 3 ставится за полное решение задания; 2 балла ставится в случае описки либо негрубой арифметиче-

ской ошибки, приведшей при правильных рассуждениях к неправильному ответу; 1 балл ставится в случае нескольких описок или ошибок при условии, что алгоритм решения задания является верным. В остальных случаях ставится 0 баллов.

4.4 Критерии оценивания результатов обучения

| Оценка | Критерии оценивания по экзамену |
|------------------------------|---|
| Высокий уро- | Оценка «отлично» выставляется студенту, показавшему все- |
| вень «5» | сторонние, систематизированные, глубокие знания учебной про- |
| (отлично) | граммы дисциплины и умение уверенно применять их на практике |
| | при решении конкретных задач. |
| Средний уро- | Оценка «хорошо» выставляется студенту, если он твердо |
| вень «4» | знает материал, грамотно и по существу излагает его, умеет приме- |
| (xopowo) | нять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в |
| | решении задач некоторые неточности. |
| | Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, пока- |
| Пороговый уро- | завшему разрозненный характер знаний, недостаточно правильные |
| вень «З» (удо- | формулировки базовых понятий, нарушения логической последова- |
| влетворитель- | тельности в изложении программного материала, но при этом он |
| но) | владеет основными разделами учебной программы в некотором |
| | объеме, необходимом для дальнейшего обучения и может приме- |
| | нять полученные знания по образцу в стандартной ситуации. |
| | Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, ко- |
| Минимальный | торый не знает большей части основного содержания учебной про- |
| уровень «2» (неудовлетво- | граммы дисциплины, допускает грубые ошибки в формулировках |
| рительно) | основных понятий дисциплины и не умеет использовать получен- |
| punicion) | ные знания при решении типовых практических задач. |

Критерии оценивания по зачету:

«зачтено»: студент владеет теоретическими знаниями по данному разделу, умеет решать стандартные задачи курса, допускает незначительные ошибки; студент умеет правильно объяснять теоретический и практический материал, иллюстрируя его примерами.

«не зачтено»: материал курса не усвоен или усвоен частично, студент затрудняется решать стандартные задачи, привести примеры по материалу курса, имеет большое (более 60 % занятий) пропусков, написал контрольные работы на неудовлетворительные оценки.

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление ин-

формации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).

5.1 Основная литература:

- 1. Фаддеев Д.К. Лекции по алгебре. СПб.: Лань, 2007.
 - https://e.lanbook.com/book/397#authors
- 2. Винберг Э.Б., Курс алгебры. М., МЦНМО. 2011. http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=63299&sr=1
- 3. Кострикин А.И. Введение в алгебру. Ч.1. Основы алгебры. М.: МЦНМО, 2009. http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=63140&sr=1
- 4. Кострикин А.И. Введение в алгебру. Ч.2. Линейная алгебра. М.: МЦНМО, 2009. http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=63144&sr=1
- 5. Кострикин А.И. Введение в алгебру. Ч.3. Основные структуры алгебры. М., МЦН-MO, 2009. http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=62951&sr=1
- 6. Каргаполов М.И., Мерзляков Ю.И. Основы теории групп. СПб, Лань. 2009. https://e.lanbook.com/book/177#book_name
- 7. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. М., 2005.
- 8. https://e.lanbook.com/book/529#book_name
- 9. Фаддеев Д.К., Соминский И.С. Сборник задач по высшей алгебре. М., Лань. 2008. https://e.lanbook.com/book/399#authors
- 10. Сборник задач по алгебре. Под. ред. А. И. Кострикина. М, 2007. https://e.lanbook.com/book/2743#book_name

Дополнительная литература:

- 1. Мальцев А.И. Основы линейной алгебры. СПб.: Лань, 2009. https://e.lanbook.com/book/251#book_name
- 2. Кряквин В.Д. Линейная алгебра в примерах и задачах. М., Лань. 2016. https://e.lanbook.com/book/72583#book name

- 3. Мальцев И.А. Линейная алгебра. М., Лань. 2010. https://e.lanbook.com/book/610#book_name
- 4. Курош А.Г. Курс высшей алгебры. М.: Лань, 2013.

https://e.lanbook.com/book/30198#book_name

5. Курош А.Г. Теория групп. М., Физматлит. 2011.

https://e.lanbook.com/book/59755#book_name

6. Боревич З.И. Определители и матрицы. М., Лань. 2009.

https://e.lanbook.com/book/71#book name

- 7. Ефимов Н.В., Розендорн Э.Р. Линейная алгебра и многомерная геометрия. М., Физматлит. 2005. https://e.lanbook.com/book/2144#book_name
- 8. Беклемишева Л.А., Беклемишев Д.В., Птрович Чубаров И. Сборник задач по линейной алгебре. М. 2017. https://e.lanbook.com/book/97281#book_name

Для освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья имеются издания в электронном виде в электронно-библиотечных системах «Лань» и «Библиоклуб».

5.2. Периодическая литература

- 1. Журнал "Вестник Московского университета. Серия 01. Математика. Механи-ка" Издательство Московского университета. ISSN 0579-9368. https://dlib.eastview.com/browse/publication/9045
- 2. Журнал "Известия высших учебных заведений. Математика" ISSN 0021-3446 (Print), ISSN 2076-4626 (Online) . Учредитель и издатель: Казанский (Приволжский) федеральный университет. https://dlib.eastview.com/browse/publication/7087

5.3. Интернет-ресурсы, в том числе современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Электронно-библиотечные системы (ЭБС):

- 1. ЭБС «ЮРАЙТ» https://urait.ru/
- 2. ЭБС «УНИВЕРСИТЕТСКАЯ БИБЛИОТЕКА ОНЛАЙН» www.biblioclub.ru
- 3. 3EC «BOOK.ru» https://www.book.ru
- 4. 9EC «ZNANIUM.COM» www.znanium.com
- 5. ЭБС «ЛАНЬ» https://e.lanbook.com

Профессиональные базы данных:

- 1. Web of Science (WoS) http://webofscience.com/
- 2. Scopus http://www.scopus.com/
- 3. ScienceDirect www.sciencedirect.com
- 4. Журналы издательства Wiley https://onlinelibrary.wiley.com/
- 5. Научная электронная библиотека (НЭБ) http://www.elibrary.ru/
- 6. Полнотекстовые архивы ведущих западных научных журналов на Российской платформе научных журналов НЭИКОН http://archive.neicon.ru
- 7. Национальная электронная библиотека (доступ к Электронной библиотеке диссертаций Российской государственной библиотеки (РГБ) https://rusneb.ru/
 - 8. Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина https://www.prlib.ru/
 - 9. Электронная коллекция Оксфордского Российского Фонда https://ebookcentral.proquest.com/lib/kubanstate/home.action
 - 10. Springer Journals https://link.springer.com/

- 11. Nature Journals https://www.nature.com/siteindex/index.html
- 12. Springer Nature Protocols and Methods https://experiments.springernature.com/sources/springer-protocols
- 13. Springer Materials http://materials.springer.com/
- 14. zbMath https://zbmath.org/
- 15. Nano Database https://nano.nature.com/
- 16. Springer eBooks: https://link.springer.com/
- 17. "Лекториум ТВ" http://www.lektorium.tv/
- 18. Университетская информационная система РОССИЯ http://uisrussia.msu.ru

Информационные справочные системы:

1. Консультант Плюс - справочная правовая система (доступ по локальной сети с компьютеров библиотеки)

Ресурсы свободного доступа:

- 1. Американская патентная база данных http://www.uspto.gov/patft/
- 2. Полные тексты канадских диссертаций http://www.nlc-bnc.ca/thesescanada/
- 3. КиберЛенинка (http://cyberleninka.ru/);
- 4. Министерство науки и высшего образования Российской Федерации https://www.minobrnauki.gov.ru/;
 - 5. Федеральный портал "Российское образование" http://www.edu.ru/;
- 6. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" http://window.edu.ru/;
- 7. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов $\underline{\text{http://school-collection.edu.ru/}}$.
- 8. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (http://fcior.edu.ru/);
- 9. Проект Государственного института русского языка имени А.С. Пушкина "Образование на русском" https://pushkininstitute.ru/;
 - 10. Справочно-информационный портал "Русский язык" http://gramota.ru/;
 - 11. Служба тематических толковых словарей http://www.glossary.ru/;
 - 12. Словари и энциклопедии http://dic.academic.ru/;
 - 13. Образовательный портал "Учеба" http://www.ucheba.com/;
- 14. Законопроект "Об образовании в Российской Федерации". Вопросы и ответы http://xn--273--84d1f.xn--p1ai/voprosy_i_otvety

Собственные электронные образовательные и информационные ресурсы КубГУ:

- 1. Среда модульного динамического обучения http://moodle.kubsu.ru
- 2. База учебных планов, учебно-методических комплексов, публикаций и конференций http://mschool.kubsu.ru/
- 3. Библиотека информационных ресурсов кафедры информационных образовательных технологий http://mschool.kubsu.ru;
 - 4. Электронный архив документов КубГУ http://docspace.kubsu.ru/
- 5. Электронные образовательные ресурсы кафедры информационных систем и технологий в образовании КубГУ и научно-методического журнала "ШКОЛЬНЫЕ ГО-ДЫ" http://icdau.kubsu.ru/

6 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Самостоятельная работа студента включает в себя повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий, подготовка к лабораторным занятиям, к коллоквиумам, к контрольным работам, к зачетам и к экзаменам. Такой вид СРС контролируется в ходе проверки контрольных работ, коллоквиумов, зачетов и экзаменов.

Виды самостоятельной работы

Обязательными при изучении дисциплин модуля «Алгебра» являются следующие виды самостоятельной работы:

- разбор и самостоятельное изучение теоретического материала по конспектам лекций и по учебным пособиям из списка источников литературы;
 - самостоятельное решение задач по темам практических занятий;
 - подготовка к контрольным работам;
 - подготовка к коллоквиумам;
 - подготовка к зачетам;
 - подготовка к экзаменам.

6.1. Методические указания к самостоятельному изучению студентами теоретического материала

Для подготовки к ответам на теоретические вопросы экзаменов студентам достаточно использовать материал лекций, основные источники литературы из пункта 5. Также, для расширения и углубления понимания изучаемого материала пользоваться дополнительной литературой, и, возможно, сведениями интернет-сайтов. В случае затруднений, возникающих у студентов в процессе самостоятельного изучения теории, преподаватель разъясняет сложные моменты на консультациях.

6.2. Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к выполнению заданий по темам лабораторных занятий

Для выполнения домашнего практического задания необходимо разобрать материал по соответствующей теме лабораторного занятия. При этом используются указания, данные преподавателем в ходе занятия, а также теоретический материал, в краткой форме имеющийся в сборниках задач. Если студент не смог понять приведенный в указанных задачниках разбор типовых примеров в той степени, чтобы самостоятельно использовать предложенный алгоритм для решения задания, то он может получить консультацию преподавателя.

6.3. Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к выполнению контрольных работ

Для подготовки к контрольной работе необходимо выполнять задания в ходе практических занятий, а также домашние задания. В процессе самоподготовки студенту желательно ознакомиться с разбором опорных по рассматриваемым темам задач, имеющихся в сборниках задач из пункта 5.1.

6.4. Методические указания к самостоятельной подготовке студентов к коллоквиумам

В каждом семестре проводится коллоквиум в целях закрепления студентами знаний теоретического материала. Коллоквиум может проводиться в устной и в письменной форме. Положительный ответ студента может быть учтен при сдаче экзаменов.

6.5. Методические рекомендации для самостоятельной подготовки студентов к зачету

В конце первого семестра формой итогового контроля знаний студентов по дисциплине «Алгебра» является зачет. Для подготовки к зачету студентам необходимо выполнить текущие семестровые контрольные работы и разбирать теоретический материал. Требования для выставления студенту зачета приведены в пункте 4.4.

6.6. Методические рекомендации для самостоятельной подготовки студентов к экзамену

В конце первого, второго и третьего семестров формой итогового контроля знаний студентов по дисциплинам модуля «Алгебра» является экзамен. Для подготовки к экзамену студентам необходимо выполнить текущие семестровые контрольные работы и разбирать теоретический материал. Экзаменационный билет состоит из трех вопросов — двух теоретических и одного практического. При выставлении оценки может учитываться успеваемость студента в течение семестра: активность на лекционных и практических занятиях, качество выполняемых в течение семестра домашних практических заданий, ответы на коллоквиумах, оценки за контрольные работы. Критерии оценок ответов на экзамене приведены в пункте 4.4.

В освоении дисциплин модуля «Алгебра» инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная учебная работа (консультации) – дополнительное разъяснение учебного материала.

Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья.

7. Материально-техническое обеспечение по дисциплине

По всем видам учебной деятельности в рамках дисциплины используются аудитории, кабинеты и лаборатории, оснащенные необходимым специализированным и лабораторным оборудованием.

| 1 13 | | |
|-------------------------------------|--------------------------------|----------------------------|
| Наименование специальных помеще- | Оснащенность специальных по- | Перечень лицензионного |
| ний | мещений | программного обеспечения |
| Учебные аудитории для проведения | Мебель: учебная мебель. | Microsoft Office; |
| занятий лекционного типа (ауд.302Н, | Технические средства обучения: | Программы для демонстра- |
| ауд.303Н, ауд.308Н, ауд.505А, | экран, проектор, компьютер. | ции и создания презентаций |
| ауд.507А) | Средства обучения: | («Microsoft Power Point») |
| | доска, маркеры и мел. | |
| Учебные аудитории для проведения | Мебель: учебная мебель | |
| групповых и индивидуальных кон- | Средства обучения: | |
| сультаций (кабинет 314Н). | доска, маркеры и мел. | |

| Учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации (ауд.302H, ауд.303H, ауд.308H, ауд.505A, ауд.507A) | Мебель: учебная мебель Технические средства обучения: экран, проектор, компьютер. Средства обучения: доска, маркеры и мел. | Microsoft Office; Программы для демонстрации и создания презентаций («Microsoft Power Point») |
|--|--|--|
| Учебные аудитории для проведения лабораторных занятий (ауд.310H, ауд.312H, ауд.314H) | Мебель: учебная мебель Средства обучения: доска, маркеры и мел. | |

Для самостоятельной работы обучающихся предусмотрены помещения, укомплектованные специализированной мебелью, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

| Наименование помещений для само- | Оснащенность помещений для | Перечень лицензионного |
|-------------------------------------|---------------------------------|--------------------------------|
| стоятельной работы обучающихся | самостоятельной работы обуча- | программного обеспечения |
| Crossession pacetts coy lateratives | ющихся | inporpaisioner de de le remisi |
| Помещение для самостоятельной ра- | Мебель: учебная мебель | |
| боты обучающихся (читальный зал | Комплект специализированной | |
| Научной библиотеки) | мебели: компьютерные столы | |
| паучной ойолиотеки) | | |
| | | |
| | техника с подключением к ин- | |
| | формационно- | |
| | коммуникационной сети «Интер- | |
| | нет» и доступом в электронную | |
| | информационно- | |
| | образовательную среду образова- | |
| | тельной организации, веб- | |
| | камеры, коммуникационное обо- | |
| | рудование, обеспечивающее до- | |
| | ступ к сети интернет (проводное | |
| | соединение и беспроводное со- | |
| П | единение по технологии Wi-Fi) | |
| Помещения для самостоятельной ра- | Мебель: учебная мебель | |
| боты обучающихся (ауд.309Н, | Комплект специализированной | |
| ауд.320Н) | мебели: компьютерные столы | |
| | Оборудование: компьютерная | |
| | техника с подключением к ин- | |
| | формационно- | |
| | коммуникационной сети «Интер- | |
| | нет» и доступом в электронную | |
| | информационно- | |
| | образовательную среду образова- | |
| | тельной организации, веб- | |
| | камеры, коммуникационное обо- | |
| | рудование, обеспечивающее до- | |
| | ступ к сети интернет (проводное | |
| | соединение и беспроводное со- | |
| | единение по технологии Wi-Fi) | |