Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Кубанский государственный университет»

<b>УТВЕРЖД</b>	<b>ДАЮ</b> :	The same of the sa		
Проректор	по хик	DHON 1	аботе	,
качеству о	бразов	жины	первы	ій
проректор		Charles of the Park	960	
	0 5 5	Xar	ypon I	Α.
подпись	Charles To the	4		
«29»	REM	* 91960 *	202	0г.
	SO THE STATE OF TH	* A RAM	VIIA GEORGE	
	***	The same of the sa		

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

<u>Б1.Б.35.01</u> Линейная алгебра и аналитическая геометрия (код и наименование дисциплины в соответствии с учебным планом)

### Цели и задачи дисциплины.

### 1.1 Цель изучения дисциплины

– освоение студентами фундаментальных понятий математики, которые лежат в основе количественных методов системного анализа процессов управления; знакомство студентов с основными понятиями некоторых разделов высшей математики (линейная алгебра, аналитическая геометрия), необходимыми для решения теоретических и практических задач экономики, развитие навыков самостоятельной работы с литературой; воспитание абстрактного мышления и умения строго излагать свои мысли; подготовка студентов к практическому применению полученных знаний.

#### Задачи дисциплины:

для решения теоретических и практических задач управления и экономики

- привить студенту определенную математическую грамотность, достаточную для самостоятельной работы с экономико-математической литературой;
- развить логическое мышление;
- научить студента постановке математической модели стандартной задачи и анализу полученных данных;

## 1.2. Место дисциплины в структуре ООП ВО

Дисциплина входит в математический и естественный цикл, базовую часть.

### Дисциплины, необходимые для освоения данной дисциплины.

С курса высшей алгебры начинается высшее профессиональное математическое образование. Знания, полученные в этом курсе, используются в аналитической геометрии, математическом анализе, дифференциальных уравнениях, дискретной математике и математической логике, теории чисел, методах оптимизации и др. Слушатели должны владеть математическими знаниями в рамках программы средней школы.

1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы Изучение данной учебной дисциплины направлено на формирование у обучающихся компетенций ( $O\Pi K$ )

	1				
No	Индекс	Содержание ком-	В результате изуч	ения учебной дисц	иплины обуча-
П.П.	компе-	петенции (или её		ющиеся должны	
11.11.	тенции	части)	знать	уметь	владеть
1.	ОПК-7	способностью при-	основные	Сформулировать	Навыками
		менять знания ма-	понятия	задачу и исполь-	математиче-
		тематики, физики,	векторно-	зовать для ее	ского мыш-
		химии и материа-	матричной	решения методы	ления;
		ловедения, теории	алгебры;	векторно-	исследования
		управления и ин-	основные	матричной ал-	экономико-
		формационные	методы решения	гебры и анали-	математиче-
		технологии в инно-	задач векторно-	тической гео-	
		вационной дея-	матричной	метрии; форма-	ских и орга-
		тельности	алгебры;	лизовать постав-	низационно-
			основные	ленную задачу;	управленче-
			понятия	реализовывать	ских моделей
			аналитической	метод решения	Синина
			геометрии;	задачи на прак-	
			основные мето-	тике; решать ти-	
			ды решения за-	повые матема-	
			дач аналитиче-	тические задачи,	
			ской геометрии;	используемые	
			основные эко-	при принятии	

№	Индекс компе-	Содержание ком- петенции (или её	В результате изучения учебной дисциплины обуча-		
п.п.	KOMIIC-	пстенции (или се		ющиеся должны	
11.11.	тенции	части)	знать	уметь	владеть
			номико-	управленческих	
			математические	решений.	
			методы решения		
			экономических		
			задач; основные		
			экономико-		
			математические		
			модели приня-		
			тия решений		

## 2. Структура и содержание дисциплины

## 2.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 зач.ед. (144часа), их распределение

по видам работ представлено в таблице (для студентов  $O\Phi O$ ).

Вид учебной работы	ено в таолице золи стубен	Всего	Семестр	ы	
	часов	3			
Контактная работа, в то	Контактная работа, в том числе:				
Аудиторные занятия (в	сего)	72	72		
Занятия лекционного тип	a	34	34		
Лабораторные занятия					
<u> </u>	ипа (семинары, практиче- ы, лабораторные работы, погичные занятия)	34	34		
Residentially Marian in Timbre with					
Иная контактная работ	a:				
Контроль самостоятельно	ой работы (КСР)	4	4		
Промежуточная аттестац	ия (ИКР)	0,3	0,3		
Самостоятельная работ	а, в том числе:				
Подготовка к текущему к	онтролю	45	45		
Контроль:	Контроль:				
Подготовка к экзамену	26,7	26,7			
Общая трудоемкость	час	144	144		
	в том числе контактная работа	76,3	76,3		
	зач. ед.	4	4		

## 2.2 Структура дисциплины:

Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины. Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

No	Mo.			Количес	тво часо	В
раз-	Наименование разделов	Всего	Аудиторная работа			Самостоятельная работа
дела	ia l		Л	ПЗ	ЛР	•
1	2	3	4	5	6	7

1.	Элементы линейной алгебры	36	12	12	-	15
2.	Элементы векторной алгебры	36	6	6	1	12
3.	Элементы аналитической гео- метрии на прямой, плоскости и в трехмерном пространстве		16	16	1	18
	Итого по дисциплине:	144	34	34		45

# 2.3 Содержание разделов дисциплины

## 2.3.1 Занятия лекционного типа

	1	ционного типа	Φ
№	Наименование раздела	Содержание раздела	Форма текущего контроля
1	2	3	4
1	Элементы линейной алгебры	Введение. Математика и её роль в решении экономических, управленческих и коммерческих задач	
2		Определители 2-го и 3-го порядков. Понятие определителя n-го порядка. Свойства определителей и способы их вычисления. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам строки (столбца). Применение определителей к решению систем линейных уравнений (формулы Крамера).	задания, промежуточное тестирование
3		Матрицы их классификация. Действия над матрицами. Обратная матрица. Применение обратной матрицы к решению систем линейных уравнений. Ранг матрицы. Элементарные преобразования и их применение для нахождения ранга матрицы.	задания, промежуточное тестирование
4		Определение п-мерного векторного пространства. Примеры. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Базис. Разложение вектора по базису. Понятие о базисном миноре. Скалярное произведение векторов в пространстве $R^n$ . Длина вектора. Угол между векторами. Ортогональная система векторов. Ортонормированный базис. Собственный вектор и собственные значения матрицы. Квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Определение положительной и отрицательной квадратичной формы. Линейная модель обмена (модель международной торговли).	задания, промежу-точное тестирование
5		Пинейные уравнения с <i>п</i> неизвестными. Основные понятия. Метод Гаусса. Условия совместимости и определенности систем линейных уравнений.	задания, коллоквиум,

	<u></u>	Однородные системы линейных уравнений. Фундаментальная совокупность решений однородной системы линейных уравнений. Балансовая модель Леонтьева многоотраслевой экономики.	
	элементы вег	Векторы. Операции над векторами. Базис. Разложение вектора по базису. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов. Пространство R <sup>n</sup>	задания, коллоквиум,
7	тической гес	ал Предмет аналитической геометрии. Метод координат. Простейшие задачи аналитической тической геометрии. Преобразование координат на плоскости.	задания, промежу-
8		Уравнение линии на плоскости. Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Общее уравнение прямой. Уравнение прямой проходящей через заданную точку в заданном направлении. Уравнение прямой проходящей через две заданные точки. Условие параллельности и перпендикулярности двух прямых. Расстояние от точки до прямой. Прямая и плоскость в пространстве.	задания, промежуточное тестирование
9		Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола.	Проверка домашнего задания, коллоквиум, промежуточное тестирование

# 2.3.2 Занятия семинарского типа

No॒	Наименование	Тематика практических занятий	Форма текущего
745	раздела	(семинаров)	контроля
1	2	3	4
1.	Элементы линей-	Матрицы, их классификация, определе-	Проверка домашнего
	ной алгебры	ние, Операции над матрицами, свойства	задания, промежу-
		операций	точное тестирование
2.		Определители 2-го и 3-го порядков. Свой-	Проверка домашнего
		ства определителей и способы их вычис-	задания, промежу-
		ления. Миноры и алгебраические допол-	точное тестирование
		нения. Разложение определителя по эле-	
		ментам строки (столбца)	
3.		Обратная матрица. Существование, един-	Проверка домашнего
		ственность. Нахождение обратной матри-	задания, промежу-
		цы	точное тестирование
4.		Решение систем линейных уравнений ме-	Проверка домашнего
		тодом Гаусса. Теорема Кронекера – Ка-	задания, промежу-
		пелли	точное тестирование
5.		Решение систем линейных уравнений ме-	Проверка домашнего
		тодом Жордана-Гаусса	задания, промежу-

			точное тестирование
6.		Однородные системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений Применение систем линейных уравнений. Математическая модель Леонтьева межотраслевого баланса	Проверка домашнего задания, промежу-
7.	Элементы векторн алгебры	Векторы. Основные операции над векторами. Коллинеарные векторы. Компланарные векторов.	
8.		Базис. Линейная зависимость векторов. Линейные операции над векторами в координатах.	Проверка домашнего
9.		Скалярное произведение 2-х векторов и его свойства. Векторное произведение векторов и его свойства. Смешанное произведение векторов и его свойства	Проверка домашнего задания, промежу-
10.			Проверка домашнего задания, промежуточное тестирование
11.		Угол между прямыми. Условия перпен- дикулярности и параллельности прямых	Проверка домашнего задания, промежуточное тестирование
12.		Эллипс. Гипербола. Парабола	Проверка домашнего задания, промежуточное тестирование
13.		Эллипс. Гипербола. Парабола	Проверка домашнего задания, промежуточное тестирование
14.		Уравнение прямой линии в пространстве.	Проверка домашнего задания, промежуточное тестирование
15.		Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.	
16.		Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых	•
17.		Угол между прямой и плоскостью. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости	Проверка домашнего

## 2.3.3 Лабораторные занятия

Лабораторные занятия - не предусмотрены.

# 2.3.4 Примерная тематика курсовых работ

Курсовые работы не предусмотрены

# 2.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

№	Наименование раздела	Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины по выполнению самостоятельной работы		
1	2	3		
1.	Элементы ли-	Шипачев В.С. Высшая математика : учебное пособие для бака-		
	нейной алгебры	лавров : учебное посо-бие для студентов вузов / под ред. А. Н.		
		Тихонова 8-е изд., перераб. и доп Москва : Юрайт, 2012 447 с.		
		http://www.biblioclub.ru Электронная библиотечная система		
		«Университетская библиотека-online»		
2.		Шипачев В.С. Высшая математика : учебное пособие для бака-		
	торной алгебры	лавров : учебное посо-бие для студентов вузов / под ред. А. Н.		
		Тихонова 8-е изд., перераб. и доп Москва : Юрайт, 2012		
		447 c.		
		http://www.biblioclub.ru Электронная библиотечная система «Университетская библиотека-online		
3.	Элементы ана-	Шипачев В.С. Высшая математика : учебное пособие для бака-		
		лавров : учебное посо-бие для студентов вузов / под ред. А. Н.		
	метрии на пря-	Тихонова 8-е изд., перераб. и доп Москва : Юрайт, 2012		
	мой, плоскости	447 c.		
		http://www.biblioclub.ru Электронная библиотечная система		
	пространстве	«Университетская библиотека-online		

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (OB3) предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа,

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

### 3 Образовательные технологии

Применяют активные и интерактивные формы, лекции, практические занятия, контрольные работы. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому практическому занятию. В семестре проводятся контрольные работы (на практических занятиях).

Контрольные, коллоквиумы оцениваются по пятибалльной системе. Экзамены оцениваются по системе: неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично. На практических занятиях контроль осуществляется при ответе у доски и при проверке домашних заданий.

Из информационных технологий обучения применяются мультимедиа технологии (использование электронного учебно-методического комплекса) на практических занятиях, Интернет-технологии (электронная почта, тест-тренажеры) в самостоятельной работе студентов.

Предлагаемые методы и средства обучения, образовательные технологии разработаны с учетом индивидуальных возможностей обучающихся из числа инвалидов и ЛОВЗ.

# 4. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

### 4.1 Фонд оценочных средств для проведения текущей аттестации

Прилагается в виде отдельного документа

### 4.2 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Прилагается в виде отдельного документа

Оценочные средства для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбираются с учетом их индивидуальных психофизических осо-бенностей.

- при необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене;
- при проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями;
- при необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дис-циплине может проводиться в несколько этапов.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограничен-ными возможностями здоровья по дисциплине (модулю) предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме,
- в форме электронного документа.

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

# 5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

- 5.1 Основная литература:
- 1. Высшая математика для экономистов: учебник для студентов вузов / под ред. Н. Ш. Кремера. 3-е изд. Москва: [ЮНИТИ-ДАНА], 2014. 479 с
  - 5.2 Дополнительная литература:
- 1. Ермаков В.И. Высшая математика для экономистов, Москва, ИНФРА-М, 2005.
- 2. Сборник задач по высшей математике для экономистов. Под ред. В.И. Ермакова, М.: ИНФРА-М, 2005.,575 с.
- 3. Шипачев В.С. Высшая математика. М., Высшая школа. 2003 г.
- 4. Шипачев В.С. Задачи по высшей математике. Москва. Высшая школа. 2007 г.
- 5. Минорский Б.П. Сборник задач по высшей математике. Москва. Высшая школа. 2006
- 6. Засядко О.В., Мороз О.В Линейная алгебра и элементы линейного программирования (учебно-методическое пособие), уч- мет пособие, «Просвещение –Юг», Краснодар , 2014,126с.

- 7. М.С. Красс, Б.П. Чупрынов. Основы математики и её приложения в экономическом образовании. Москва, 2001г.
- 8. А.М. Ахтямов Математика для социологов и экономистов: Учеб. пособие. М. ФИЗ-МАТЛИТ, 2004
- 9. В.А. Абчук Математика для менеджеров и экономистов. Изд-во Михайлова В.А., 2002
- 10. А.С. Солодовников, И.Г. Шандера, Математика в экономике. I, II т. Москва, «Финансы и статистика» 1999г
- 11. В.А. Кудрявцев, Б.П. Демидович Краткий курс высшей математики. Учебное пособие. М., Наука, 1985. 623с.
- 12. О.О. Замков, А.В. Толстопятенко, Ю.Н. Черемных Ю.Н. Математические методы в экономике. Москва, «ДИС» 1997г.

# 6. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- 1. <a href="http://www.reshebnik.ru/">http://www.reshebnik.ru/</a>
- $2.http://www.ssga.ru/AllMetodMaterial/metod\_mat\_for\_ioot/metodichki/matem\_verb/content5-2.html$ 
  - 3. <a href="http://www.allmath.ru">http://www.allmath.ru</a>
  - 4. http://www.mate.oglib.ru/bgl/7384.html

### 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

	Раздел, тема	Содержание самостоятельной ра-	Кол-	Форма контроля
№		боты студента	во ча-	
			сов	
	Элементы линей-	Изучение теоретического матери-	12	Теоретический
	ной алгебры	ала по конспектам лекций и по		опрос на практиче-
		основным источникам литерату-		ских занятиях.
1.		ры.		Проверка домаш-
		Выполнение практических до-		них заданий на ла-
		машних заданий.		бораторных заня-
		Выполнение типовых расчетов		ТИЯХ
				Защита типовых
				расчетов (октябрь-
				ноябрь)
2.	Элементы вектор-	Изучение теоретического ма-	12	Теоретический
	ной алгебры	териала по конспектам лекций и		опрос на практиче-
		по основным источникам литера-		ских занятиях.
		туры.		Проверка домаш-
				них заданий на ла-
		Выполнение практических до-		бораторных заня-
		машних заданий.		ТИЯХ
		Выполнение типовых расчё-тов.		Защита типовых
				расчетов (ноябрь)
	Элементы анали-	Изучение теоретического ма-	12	Теоретический
3.	тической геомет-	териала по конспектам лекций и		опрос на практиче-
	рии на прямой,	по основным источникам литера-		ских занятиях.
	плоскости и в	туры.		Проверка домаш-
	трехмерном про-	Выполнение практических до-		них заданий на ла-
	странстве	машних заданий.		бораторных заня-
		Выполнение типовых расче-тов.		ТИЯХ

			Защита типовых
			расчетов (декабрь)
4	Подготовка к экзамену	4	Экзамен
	Итого	40	

# 8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (при необходимости)

### 8.1 Перечень необходимого программного обеспечения

Для успешного освоения дисциплины, студент использует такие программные средства как Microsoft Windows 8,10, Microsoft Office Professional Plus

### 8.2 Перечень информационных справочных систем:

- 1. Электронная библиотечная система «Юрайт» (https://biblio-online.ru/)
- 2. Электронно-библиотечная система издательства «Лань»
- 3. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн»
- 4. Научная библиотека КубГУ.

# 8.3. Профессиональные базы данных, и указать перечень профессиональных баз данных;

- 1. База данных международных индексов научного цитирования Webof-Science <a href="http://webofscience.com/">http://webofscience.com/</a>
- 2. База данных рефератов и цитирования Scopus <a href="http://www.scopus.com/">http://www.scopus.com/</a>3. Научная электронная библиотека (НЭБ) <a href="http://www.elibrary.ru">http://www.elibrary.ru</a>
- 4. Полная математическая база данных zbMATHhttps://zbmath.org/;
- 5. Университетская информационная система РОССИЯ (УИС Россия)http://uisrussia.msu.ru

# 9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№	Вид работ	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и оснащенность			
1.	Занятия лекционного	Лекционная аудитория, оснащенная презентационной т			
	типа	никой (проектор, экран, ноутбук) и соответствующим про-			
		граммным обеспечением . 4039Л			
2.	Занятия семинарско-	Аудитория оснащенная презентационной техникой (про-			
	го типа	ектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным			
		обеспечением, 4035Л			
3.	Лабораторные заня-	Не предусмотрены			
	<b>РИТ</b>				
4.	Курсовое проектиро-	Не предусмотрено			
	вание				
5.	Групповые и инди-	Аудитория 205Н			
	видуальные консуль-				
	тации				
6.	Текущий контроль,	Аудитории, оснащенные презентационной техникой (про-			
	промежуточная атте-	ектор, экран, ноутбук) и соответствующим программным			
	стация	обеспечением 4035Л, , 4039Л			
7.	Самостоятельная ра-	Кабинет для самостоятельной работы, оснащенный ком-			
	бота	пьютерной техникой с возможностью подключения к сети			

	«Интернет», программой экранного увеличения и обеспе-				
	ченный	доступом	В	электронную	информационно-
	образовательную среду университета. 213А, 218А,				